

الكترونيک 3

فصل اول

ترانزیستور در فرکانس بالا

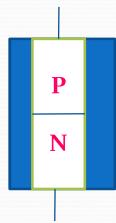
استاد: خالصی



$$r_d = \frac{\eta V_T}{I_{DC}} \quad \text{مدار معادل دیود : (AC)}$$

در الکترونیک ۱ و ۲ فرض می شد ترانزیستور و دیود آن‌اً به تغیرات جریان یا ولتاژ پاسخ می دهد، اما واقعاً این پاسخ با مقداری تاخیر انجام می شود که ناشی از خازن‌ها (و یا سلفهای) داخلی این عناصر است.

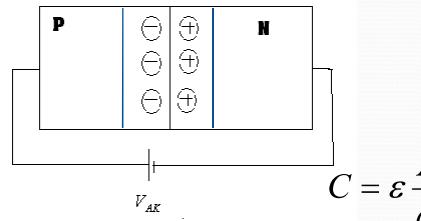
نحوه‌ی ساخت دیود



اثر خازنی دیود:

- ۱. خازن ناحیه تخلیه(خازن اتصال) C_j
- ۲. خازن دفیوزن C_D

خازن ناحیه تخلیه یا خازن اتصال



$$c_j = \frac{c_{j_0}}{\sqrt{1 - \frac{V_{AK}}{\psi_0}}}$$

خازن ناحیه تخلیه به c_{j_0} ازای ولتاژ آند-کاتد صفر

هر چه ولتاژ ناحیه معکوس بیشتر باشد خازن کوچکتر است.
این فرمول بیشتر در بایاس معکوس استفاده می شود
و فرض شده است توزیع انم های ناخالصی بصورت یکنواخت است. (step junction)

اگر توزیع ناخالصی ها بصورت شیبدار (graded junction) بود
از فرمول مقابله استفاده می شود.

$$\text{cap. in FB: } C_j = 2 * C_{j_0}$$

ψ_0 : پتانسیل سد داخلی

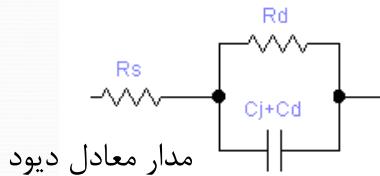
$$c_j = \frac{c_{j_0}}{\sqrt[3]{1 - \frac{V_{AK}}{\psi_0}}}$$

example

خازن دفیوژن Cd

در بایاس مستقیم حفره های طرف P به طرف N و الکترون های طرف N به طرف P منتقل می شوند، که با تغییر ولتاژ بایاس میزان حامل ها و جریان هم تغییر می کند، این تغییرات بار نسبت به ولتاژ بیانگر خازن دفیوژن می باشد.

$$C = \frac{dQ}{dV} \quad \text{خازن دفیوژن در حالت معکوس تعریف نمی شود.}$$



Rs : مقاومت بدنه نیمه هادی و مقاومت اتصالات فلز به نیمه هادی

$$C_d = g_m * \tau_f$$

شرایط ترانزیستورها در مدل :

- ترانزیستورها در ناحیه فعال باشند.

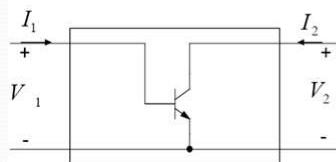
BC : reverse

BE : forward

- سیگنال ورودی در شرایط Small Signal صدق کند.

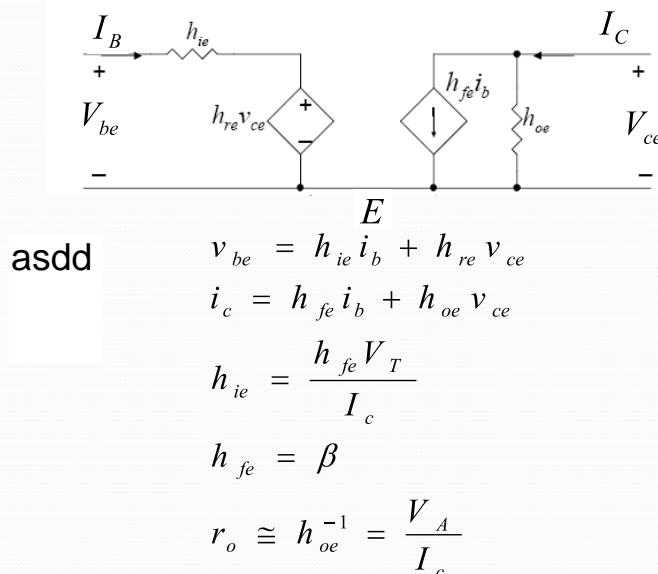
$$v_i \leq 25 \text{ mv}$$

پارامترهای مدار باز



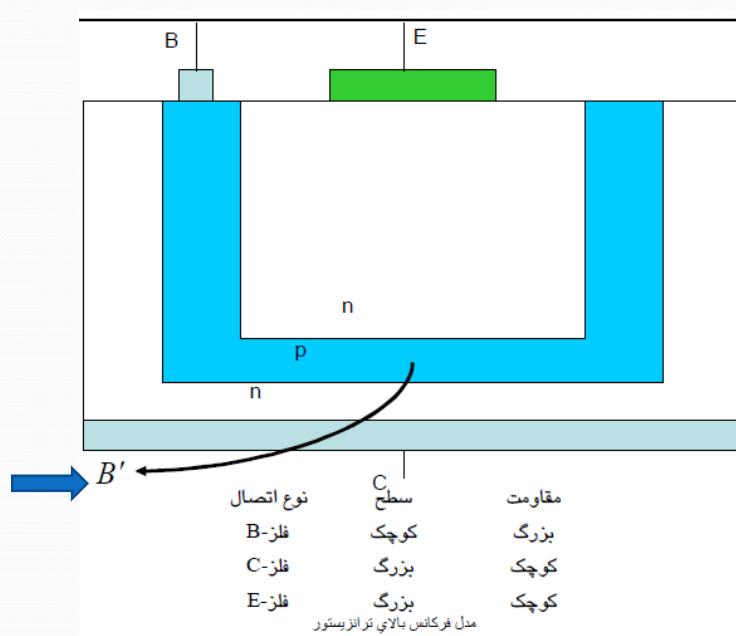
ترانزیستور یک شبکه دوقطبی
است

مدار معادل هایبرید

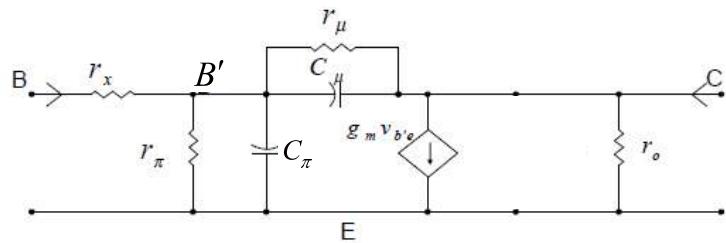


مدل فرکانس بالای ترانزیستور BJT

- مهمترین عامل که سبب تغییر رفتار ترانزیستور می شود خازن های داخلی ترانزیستور هستند.
 - در فرکانس های بالا یک تکه سیم هم خاصیت خازنی، هم خاصیت سلفی دارد.
 - اتصالات pN بایاس مخالف یک خازن تشکیل می دهند، که ظرفیت خازن وابسته به سطح پیوند، عرض ناحیه تخلیه و جنس دی الکتریک می باشد.
 - در بایاس موافق نیز اثر خازنی وجود دارد، اما اثر خازنی آن فقط به علت اتصال نیست بلکه به علت خازن پخش(دفیوژن) نیز می باشد.
- $C_j + C_d$



مدل فرکانس بالای ترانزیستور



$$C_\pi = C_e$$

مدل هایبرید π

مقدار عددی پارامترها



r_x : کمتر از ۱۰۰ اهم

r_μ : در حدود چند مگا اهم

r_π : در حدود چند کیلو اهم

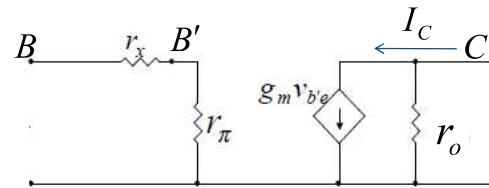
C_μ : در حدود چند پیکو فاراد

g_m : وابسته به نقطه کار ترانزیستور

$$r_o = h_{oe}^{-1} \cong \frac{V_A}{I_{CO}}$$

-۲

محاسبه پارامترهای مدل π ترانزیستور



$$i_c = g_m v_{b'e} \Rightarrow g_m = \frac{i_c}{v_{b'e}} \equiv \left. \frac{\Delta I_C}{\Delta V_{BE}} \right|_{V_{CE}=Cte} = \frac{\partial I_C}{\partial V_{BE}} = \frac{\alpha \partial I_E}{\partial V_{BE}}$$

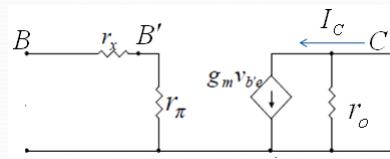
$$I_E = I_0 e^{\frac{V_{BE}}{V_T}}$$

$$\boxed{g_m = \frac{I_{CQ}}{V_T}}$$

$$\boxed{g_m = \frac{I_{CQ}}{\eta V_T}}$$

مدل فرکانس بالا ترانزیستور

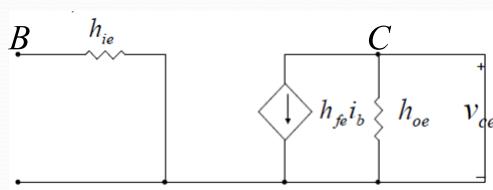
با مساوی قرار دادن دو مدار معادل
ترانزیستور داریم:

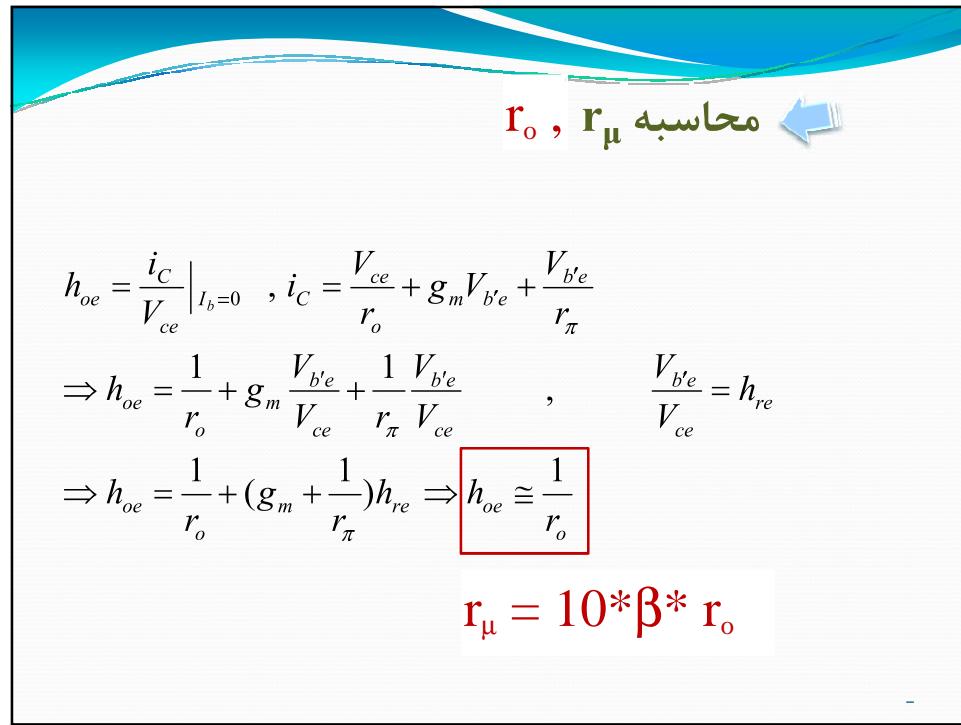
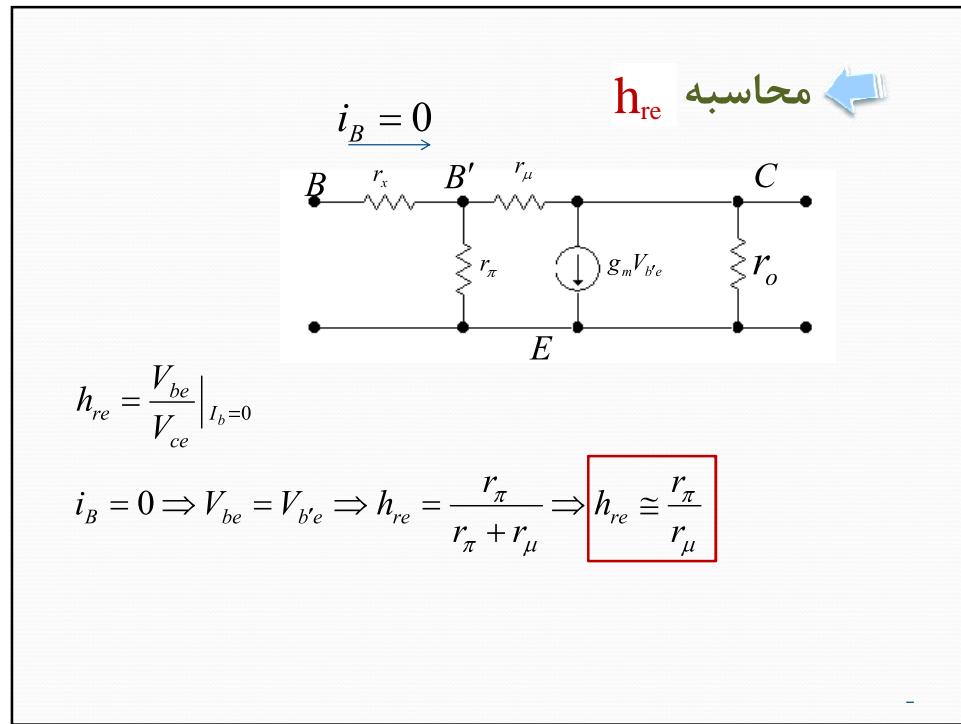


$$\begin{cases} i_c = g_m v_{b'e}, v_{b'e} = r_\pi i_b \Rightarrow i_c = g_m r_\pi i_b \\ i_c = h_{fe} i_b \end{cases}$$

$$\boxed{h_{fe} = g_m r_\pi \Rightarrow r_\pi = \frac{h_{fe}}{g_m}}$$

$$\boxed{h_{ie} = r_\pi + r_x \Rightarrow r_x = h_{ie} - \frac{h_{fe}}{g_m}}$$





خلاصه برخی از روابط مدار معادل هایبرید π

$$g_m = \frac{I_{CQ}}{\eta V_T}, \quad r_o = \frac{1}{h_{oe}} = \frac{V_A}{I_{CQ}}$$

$h_{ie} = r_x + r_\pi$, $r_x = \text{Re}[h_{ie}]$ in high frequency

$$h_{fe} = r_\pi g_m, \quad h_{re} = \frac{r_\pi}{r_\mu}$$

$$h_{ie} = h_{fe} \frac{\eta V_T}{I_{CQ}}, \quad h_{fe} \equiv \beta$$

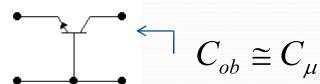
محاسبه خازن C_μ

: خازن اتصال دیود کلکتور و بیس (بایاس معکوس) C_μ

$$C_\mu = \frac{c_{\mu o}}{\sqrt{1 - \frac{V_{BC}}{\psi_0}}} \quad \text{for NPN transistor}$$

for uniform impurity

: خازن خروجی ترانزیستور در آرایش بیس مشترک (با امیتر باز) C_{ob}



محاسبه خازن

$$C_{\pi} = C_{JE} + C_{DE}$$

$$C_{JE} = \frac{C_{JEo}}{\sqrt{1 - \frac{V_{BE}}{\psi_0}}}$$

دارای خطای
زیادی است
معمولًاً مقدار
این خازن داده
می شود

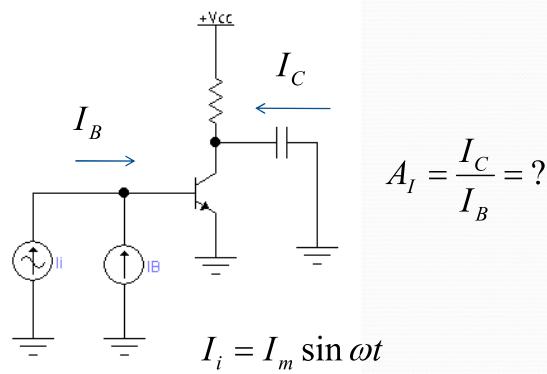
خازن اتصال **be** می باشد
(بایاس مستقیم) دارای دو
بخش خازن اتصال و نفوذ
می باشد.

$$C_{DE} = g_m \tau_F, \quad \tau_F : \text{Base transit time}$$

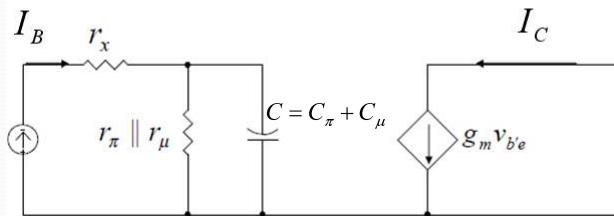
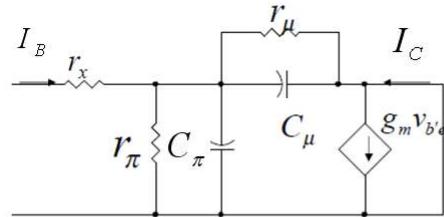
$$C_{JE} = 2 * C_{geo}$$

example

محاسبه بهره جریان اتصال کوتاه مدار امپیتر مشترک و فرکانس قطع 3dB



به جای ترانزیستور مدار معادل هیبرید Π را قرار می دهیم، هدف محاسبه بهره جریان اتصال کوتاه مدار امیتر مشترک است.



$$C = C_\pi + C_\mu \quad i_C = g_m v_{b'e} = g_m \frac{I_b}{g_\pi + sC} \Rightarrow$$

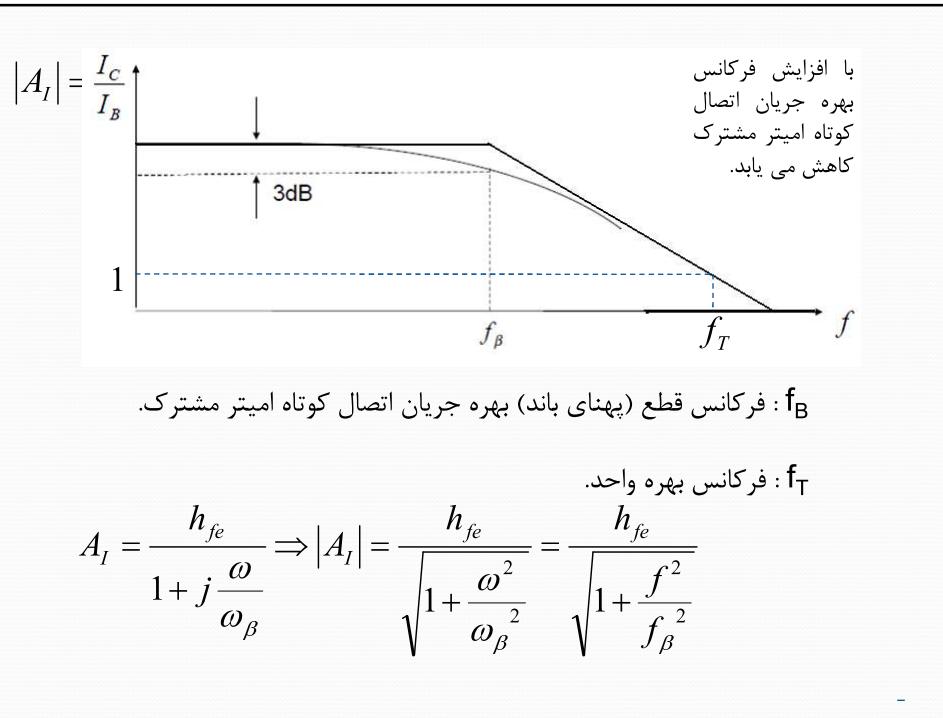
$$g_\pi = \frac{1}{r_\pi} \quad \frac{I_C}{I_b} = \frac{g_m}{g_\pi + j\omega C} \times \frac{r_\pi}{r_\pi}$$

$$A_I = \frac{I_C}{I_b} = \frac{h_{fe}}{1 + j\omega C r_\pi} = \frac{h_{fe}}{1 + j\omega r_\pi (C_\mu + C_\pi)}$$

$$\frac{I_C}{I_B} = \frac{h_{fe}}{1 + j \frac{f}{f_\beta}} \Rightarrow f_\beta = \frac{1}{2\pi r_\pi (C_\pi + C_\mu)}$$

$$A_I = h_{FE} = \left| \frac{I_C}{I_b} \right| = \frac{h_{fe}}{\sqrt{1 + (\frac{f}{f_\beta})^2}} \rightarrow \begin{array}{l} \text{برای هر فرکانس باید} \\ \text{h}_{fe} \text{ خودش را استفاده} \\ \text{کرد} \end{array}$$

z



پهنای باند بهره جریان در حالت اتصال کوتاه:

$$B.W = f_H - f_L \approx f_\beta$$

بهره جریان در فرکانس های بالا:

از ۱ در فرمول بهره
صرفنظر می شود. $\leftarrow f >> f_\beta \Rightarrow \left| \frac{I_C}{I_b} \right| \approx \frac{h_{fe} f_\beta}{f}$

فرکانسی است که در آن بهره جریان خروجی اتصال کوتاه برابر ۱ یا 0dB است: f_T

Unity gain frequency: f_T

$$\frac{h_{fe} f_\beta}{f} = 1 \Rightarrow f_T = h_{fe} f_\beta \quad or \quad \omega_T = h_{fe} \omega_\beta$$

Unity gain frequency : f_T ↪

$$f_T = \frac{h_{fe}}{\text{بهنای باند}} * \text{بهنای باند}$$

$$f_T = h_{fe} f_\beta = \frac{h_{fe}}{2\pi r_\pi (C_\pi + C_\mu)} = \frac{\frac{h_{fe}}{r_\pi}}{2\pi(C_\pi + C_\mu)}$$

$$f_T = \frac{g_m}{2\pi(C_\pi + C_\mu)}$$

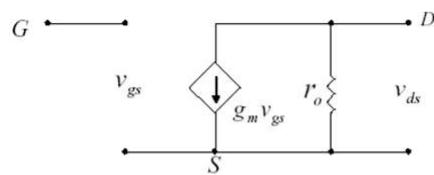
$$\omega_T = \frac{g_m}{C_\mu + C_\pi}$$

$$C_\pi + C_\mu = \frac{g_m}{2\pi f_T}$$

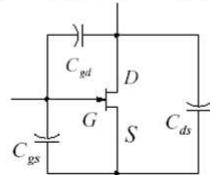
$$\tau_i = r_\pi \cdot C$$

$$f_\beta = \frac{1}{2\pi\tau_i}$$

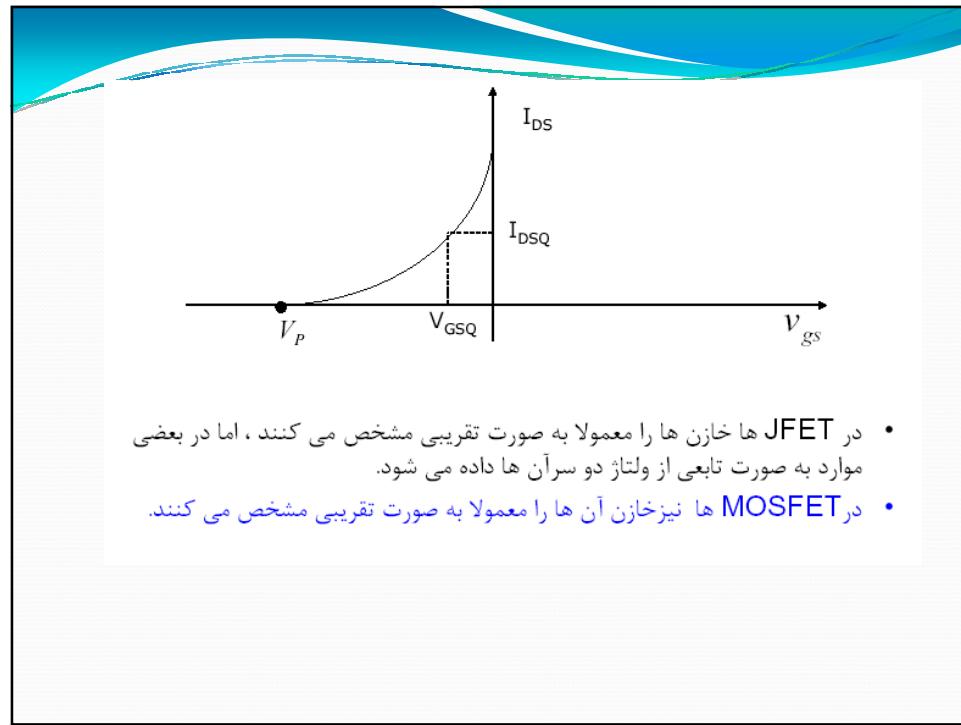
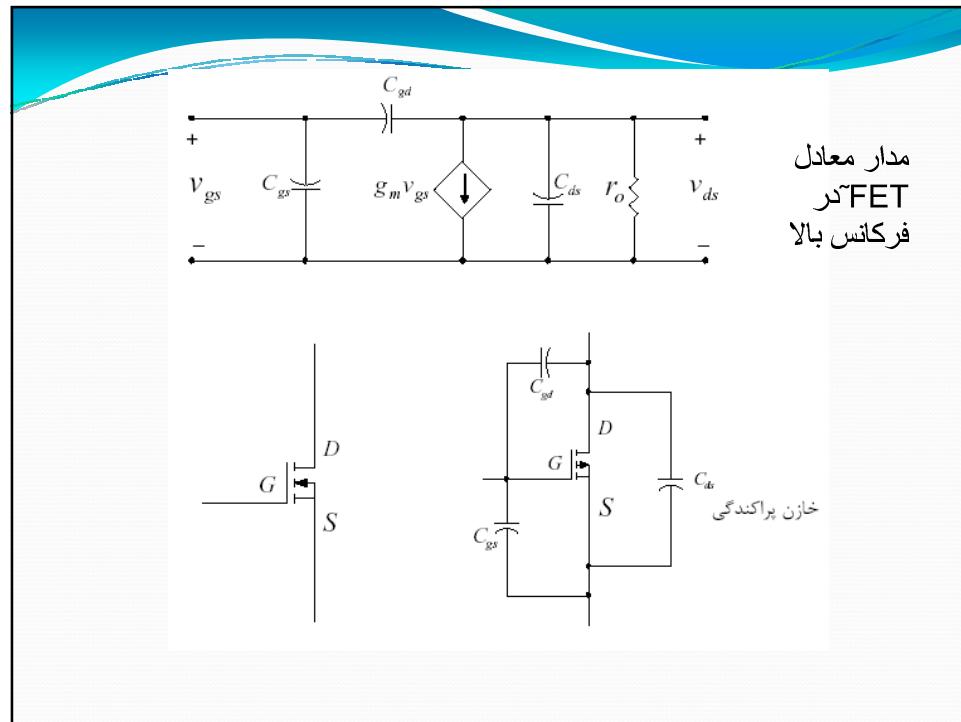
مدار معادل FET ها در فرکانس پایین



- در ناحیه فعال پیوند گیت و کانال در بایاس مخالف است و یک خازن بین G و D، و یک خازن بین S و G خواهیم داشت.



مدار معادل ترانزیستور FET در فرکانس بالا



delete

- خازن ورودی در حالت سورس مشترک C_{iss} : به شرطی که خروجی اتصال کوتاه باشد.

$$C_{iss} = C_{gd} + C_{gs}$$

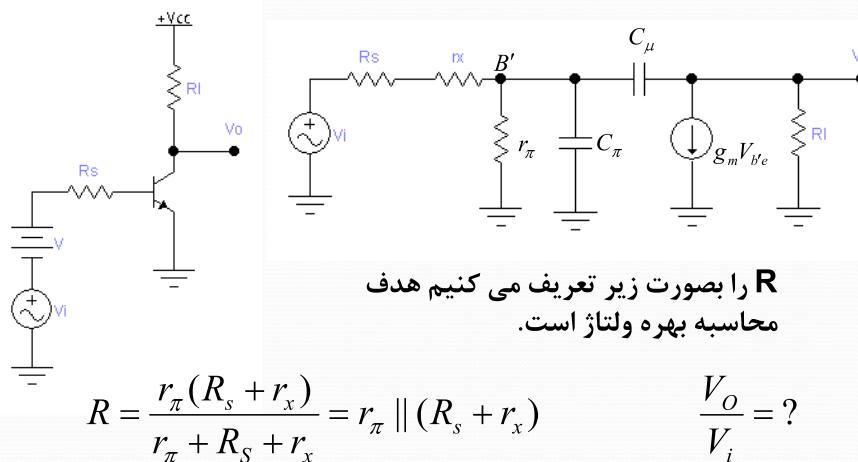
- خازن خروجی در حالت سورس مشترک C_{oss} : در حالی که ورودی اتصال کوتاه باشد.

$$C_{oss} = C_{ds} + C_{gd}$$

$$\left. \begin{aligned} \omega C_{rss} &= \left| \frac{i_g}{v_{ds}} \right|_{v_{gs}=0} \quad \text{وقتی ورودی اتصال کوتاه} \\ i_g &= -j\omega C_{gd} v_{ds} \Rightarrow \left| \frac{i_g}{v_{ds}} \right| = \omega C_{gd} \end{aligned} \right\} \Rightarrow C_{gd} = C_{rss}$$

$$\frac{v_{ds}}{v_{gs}} = -g_m r_d = -\mu \quad \text{بهره ولتاژ مدار باز در فرکانس پایین:}$$

پاسخ فرکانسی مدار امپیتر مشترک



با نوشتن معادله گره در
دو نقطه B' و V_o داریم:

$$\frac{V_{be} - V_i}{R_s + r_x} + \frac{V_{be}}{r_\pi} + SC_\pi V_{be} + SC_\mu (V_{be} - V_o) = 0$$

$$\frac{V_o}{R_l} + g_m V_{be} + SC_\mu (V_{be} - V_o) = 0$$

\star

$$\Rightarrow \frac{V_o}{V_i} = \frac{-g_m R_l R}{R_s + r_x} \times \frac{1 - \frac{C_\mu}{g_m} S}{1 + S(C_\mu R_l + C_\mu R + C_\pi R + g_m R_l R C_\mu) + S^2 R_l R C_\mu C_\pi}$$

$A_0 = \frac{-g_m R_l R}{R_s + r_x}$ معادله فوق یک صفر
و دو قطب دارد.
بهره وسط باند
با افزایش مقاومت بار گین زیاد می شود.

تابع گین فوق دارای یک صفر و دو قطب می باشد.

$$\omega_T = \frac{g_m}{C_\mu + C_\pi}$$

$$Z = \frac{g_m}{C_\mu} \gg \omega_T$$

$$D(s) = \left(1 - \frac{S}{P_1}\right)\left(1 - \frac{S}{P_2}\right) = 1 - \left(\frac{1}{P_1} + \frac{1}{P_2}\right)S + \frac{S^2}{P_1 P_2}$$

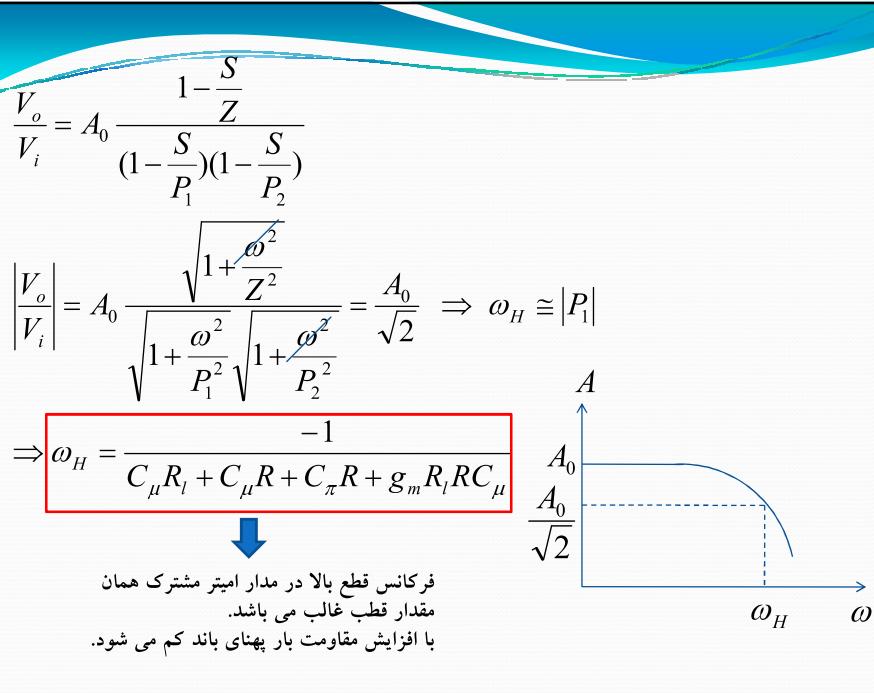
با فرض اینکه P_1 قطب غالب است $|P_1| \ll |P_2| \Rightarrow D(s) = 1 - \frac{1}{P_1} S + \frac{S^2}{P_1 P_2}$ \blacktriangle

با مقایسه دو رابطه \star و \triangle داریم:

$$P_1 P_2 = \frac{1}{R_l R C_\mu C_\pi}$$

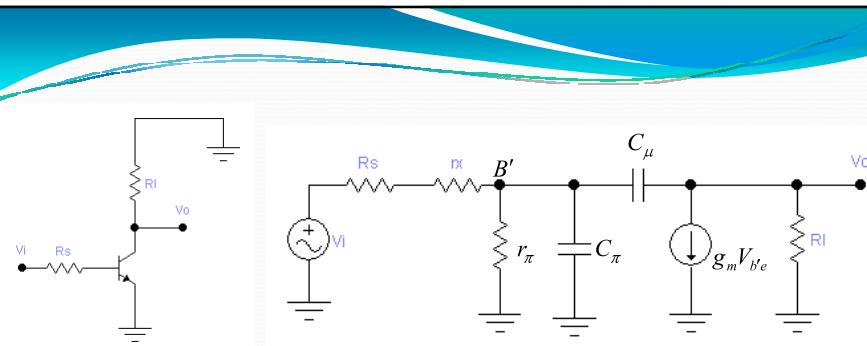
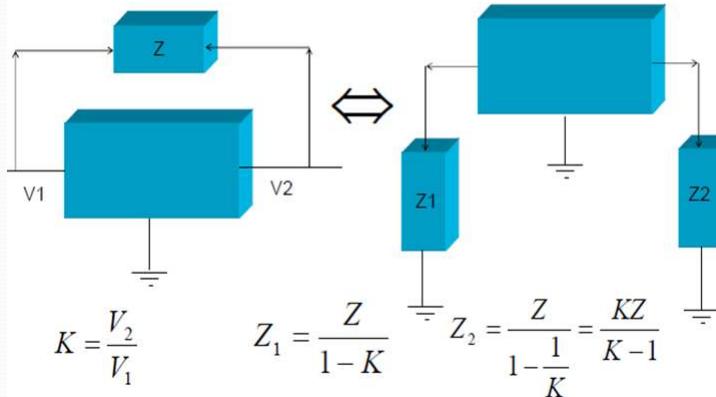
$$P_1 = \frac{-1}{C_\mu R_l + C_\mu R + C_\pi R + g_m R_l R C_\mu}$$

$$P_2 = -\left(\frac{1}{C_\mu R_l} + \frac{1}{C_\pi R} + \frac{1}{C_\pi R_l} + \frac{g_m}{C_\pi}\right), |P_2| > \omega_T$$



محاسبه فرکانس قطع بالا (ω_H) به روش قضیه میلر

قضیه میلر



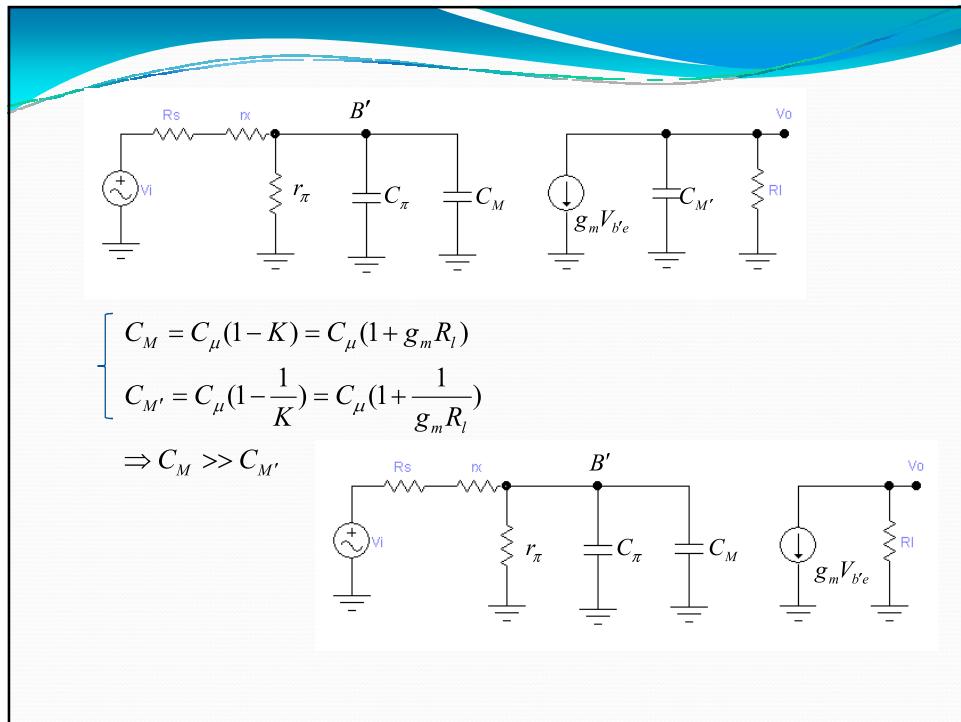
خازن C_μ را از طریق میلر به دو طرف منتقل می کنیم.
مقدار بسیار کوچکی است.

$$\frac{V_o}{R_l} + g_m V_{b'e} + S C_\mu (V_{b'e} - V_o) = 0$$



$$V_o - V_{be}$$

$$\frac{V_o}{V_{b'e}} \approx -g_m R_l \equiv K$$



$$\omega_H = \frac{1}{[r_\pi \parallel (R_S + r_x)] [C_\pi + C_M]}$$

$$\omega_H = \frac{1}{R [C_\pi + C_\mu(1 + g_m R_l)]}$$

محاسبه فرکانس قطع بالا (ω_H) به روش ثابت زمانی

ZVTC : Zero Value Time Constants

$$\omega_H = \frac{1}{\sum_{J=1}^n \tau_{JO}}$$

اگر مدار دارای قطب غالب باشد
ثابت زمانی تک خازن ها را زمانی
که بقیه خازن ها مدار بازنند محاسبه
می کنیم.

$$\omega_L = \sum_{J=1}^n \tau_{JS}^{-1}$$

ـ مقاومت دیده شده از سر خازن C_μ وقی خازن C_μ مدار باز است R_π

$$R_\pi = r_\pi \parallel (R_S + r_x) = R \xleftarrow{C_\pi} R_\pi$$

ـ مقاومت دیده شده از سر خازن C_π وقی خازن C_π مدار باز است R_μ
از روش منبع ولتاژ تست بدست می آید

$$R_\mu = \frac{V}{I} = R(1 + g_m R_L + \frac{R_L}{R}) \xleftarrow{R_\mu}$$

$$\downarrow = R + R_i + g_m R R_i$$

$$\omega_H = \frac{1}{C_\pi R + C_\mu R(1 + g_m R_L + \frac{R_L}{R})}$$

CE, CE with R_E , CC, CB examples

محاسبه ی ω_H تقویت کننده چند طبقه

input $A_1 \quad A_2 \quad A_3 \quad \dots \quad A_n$ output

$$A_1 = \frac{A_{01}}{1 + \frac{j\omega}{\omega_{h_1}}} , \quad A_2 = \frac{A_{02}}{1 + \frac{j\omega}{\omega_{h_2}}} , \dots , \quad A_n = \frac{A_{0n}}{1 + \frac{j\omega}{\omega_{h_n}}}$$

$$A = A_1 A_2 \cdots A_n = \frac{A_{01} A_{02} \cdots A_{0n}}{\left(1 + \frac{j\omega}{\omega_{h_1}}\right) \left(1 + \frac{j\omega}{\omega_{h_2}}\right) \cdots \left(1 + \frac{j\omega}{\omega_{h_n}}\right)}$$

$$|A| = \sqrt{\left(1 + \frac{\omega^2}{\omega_{h_1}^2}\right) \left(1 + \frac{\omega^2}{\omega_{h_2}^2}\right) \cdots \left(1 + \frac{\omega^2}{\omega_{h_n}^2}\right)} = \frac{A_{01} A_{02} \cdots A_{0n}}{\sqrt{2}}$$

$$\left(1 + \frac{\omega_H^2}{\omega_{h_1}^2}\right) \left(1 + \frac{\omega_H^2}{\omega_{h_2}^2}\right) \cdots \left(1 + \frac{\omega_H^2}{\omega_{h_n}^2}\right) = 2$$

if $\omega_{h1} = \omega_{h2} = \cdots = \omega_{hn}$

$$\left(1 + \frac{\omega_H^2}{\omega_{h1}^2}\right)^n = 2$$

فرکانس قطع بالای کل مدار ω_H ✓

گین و پهنانی باند رابطه ای معکوس دارند. (trade off)

$\omega_H = \omega_{h1} \sqrt{2^{1/n} - 1}$ ← در حالت خاص اگر همه ای طبقات پهنانی باشد مساوی داشته باشند داریم:

$$f_H = f_h \sqrt{2^{1/n} - 1}$$

for example if $n = 2 \Rightarrow \omega_H = 0.64\omega_{h1}$

✓ اگر تعداد طبقات زیاد شود پهنانی باند ω_H کم می شود.

✓ با فرض اینکه:

$$\omega_H \ll \omega_{h1}, \omega_{h2}, \dots$$

$$\frac{1}{\omega_H^2} \cong \frac{1}{\omega_{h1}^2} + \frac{1}{\omega_{h2}^2} + \cdots + \frac{1}{\omega_{hN}^2}$$

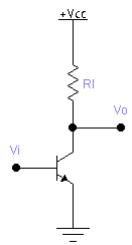
$$\frac{1}{{f_H}^2} \cong \frac{1}{{f_{H_1}}^2} + \frac{1}{{f_{H_2}}^2} + \cdots + \frac{1}{{f_{H_N}}^2}$$

z

تقویت کننده Cascode

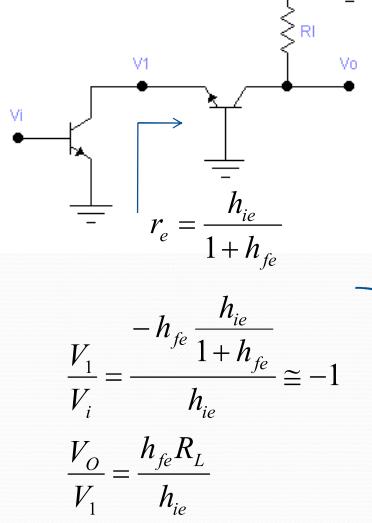
در تقویت کننده امیتر مشترک با افزایش مقاومت بار، گین افزایش ولی فرکانس قطع بالا کاهش می یابد برای حل مشکل از تقویت کننده Cascode استفاده می شود.

تقویت کننده Cascode تقویت کننده ای است که در آن طبقه اول امیتر مشترک و طبقه دوم بیس مشترک است.



$$\frac{V_O}{V_i} = \frac{-h_{fe}R_L}{h_{ie}}$$

$$f_H = \frac{1}{2\pi(C_\pi R + C_\mu R(1 + g_m R_L + \frac{R_L}{R}))}$$



مقاوت دیده شده در کلکتور ترانزیستور امیتر مشترک به شدت کاهش یافته و در نتیجه پهنای باند (f_h) افزایش می یابد. و یا چون بهره قسمت امیتر مشترک کاهش یافته پهنای باند افزایش یافته است.

نکته: می توان از تقویت کننده های تفاضلی نیز به منظور افزایش پهنای باند استفاده کرد.

$$\frac{V_1}{V_i} = \frac{-h_{fe}}{h_{ie}} \cong -1$$

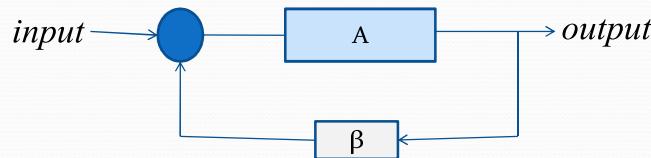
$$\frac{V_O}{V_1} = \frac{h_{fe}R_L}{h_{ie}}$$

الکترونیک 3

فصل دوم

پایداری در مدارهای الکترونیکی استاد: خالصی

- حداقل و حد اکثر فیدبکی که می توان در یک تقویت کننده قرار داد بطوریکه مدار پایدار بماند؟
- بهترین مقدار β ؟



$$A_f = \frac{A}{1 + A\beta}$$

$$A \equiv A_V \equiv A_I \equiv R_m \equiv G_m$$

فرض می کنیم شبکه فیدبک مقاومتی است.
 $\beta = \beta_0$

$$A_f = \frac{A}{1 + A\beta}$$

$$A = A_0 \frac{1 + a_1 S + a_2 S^2 + a_3 S^3 + \dots + a_m S^m}{1 + b_1 S + b_2 S^2 + b_3 S^3 + \dots + b_n S^n} , \quad n > m$$

سیستم حقيقی

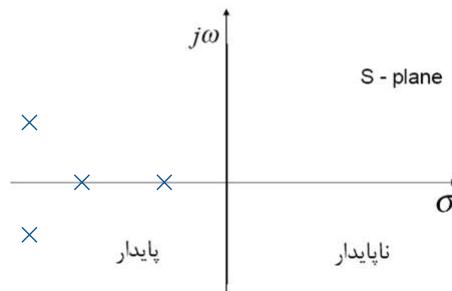
$$A_f = \frac{A_0 \frac{1 + a_1 S + a_2 S^2 + a_3 S^3 + \dots + a_m S^m}{1 + b_1 S + b_2 S^2 + b_3 S^3 + \dots + b_n S^n}}{1 + \beta A_0 \frac{1 + a_1 S + a_2 S^2 + a_3 S^3 + \dots + a_m S^m}{1 + b_1 S + b_2 S^2 + b_3 S^3 + \dots + b_n S^n}}$$

$$A_f = \frac{A_0 (1 + a_1 S + a_2 S^2 + a_3 S^3 + \dots + a_m S^m)}{1 + b_1 S + b_2 S^2 + b_3 S^3 + \dots + b_n S^n + \beta A_0 (1 + a_1 S + a_2 S^2 + a_3 S^3 + \dots + a_m S^m)}$$

با تغییر β محل قطب ها تغییر می کند.

تابع تبدیل (بهره) تقویت کننده

$$A = A_0 \frac{1 + a_1 S + a_2 S^2 + a_3 S^3 + \dots + a_m S^m}{1 + b_1 S + b_2 S^2 + b_3 S^3 + \dots + b_n S^n} , \quad n > m$$



اگر قطب های تابع تبدیل سمت چپ محور $j\omega$ را بشد تقویت کننده پایدار است

روش های بررسی پایداری سیستم

شرط لازم برای آنکه حد

$b_0 + b_1s + b_2s^2 + \dots + b_ns^n$

پایدار باشد و یا دارای قطب در

سمت راست صفحه S نباشد این

است که تمام ضرایب S^m موجود و

متعددالعلame باشد. ولی شرط

شرایط لازم برای نداشتن ریشه در سمت راست: کافی نیست

1 شرایط هرویتز (Hurwitz)

1. همه ضرائب غیر صفر باشند.

2. همه ضرائب هم علامت باشند.

2 روش رouth (ROUTH)

- در این روش با توجه به معلوم بودنتابع تبدیل تقویت کننده جدول Routh را

تشکیل می دهیم .

$$A = A_0 \frac{1 + a_1S + a_2S^2 + a_3S^3 + \dots + a_mS^m}{1 + b_1S + b_2S^2 + b_3S^3 + \dots + b_nS^n}$$

b_n	b_{n-2}	b_{n-4}	b_{n-6}	...
b_{n-1}	b_{n-3}	b_{n-5}	b_{n-7}	...
c_1	c_2	c_3	c_4	...
d_1	d_2	d_3	d_4	...
\vdots				

$$c_1 = \frac{b_{n-1}b_{n-2} - b_nb_{n-3}}{b_{n-1}}, c_2 = \frac{b_{n-1}b_{n-4} - b_nb_{n-5}}{b_{n-1}}$$

$$d_1 = \frac{c_1b_{n-2} - b_nc_2}{c_1}, \dots \quad d_1 = (c_1b_{n-3} - c_2b_{n-1})/c_1$$

پس از تشکیل جدول، اگر همه جملات ستون اول هم علامت و مخالف صغر بودند تقویت کننده پایدار است

مثال:

به ازای چه محدوده ای از k سیستم زیر پایدار است؟

$$A_f = \frac{A_0}{S^4 + 2S^3 + 6S^2 + 4S + k}$$

هرویتس $\rightarrow k > 0$

جدول روث را تشکیل می دهیم.

S^4	1	6	k	0	...
S^3	2	4	0	0	...
S^2	4	k	0	0	...
S^1	C_1	0	0	...	$C_1 = \frac{16 - 2k}{4} > 0$
S^0	k	0	0	...	$\Rightarrow k < 8 \rightarrow 0 < k < 8$

روش مکان هندسی ریشه ها

- از آنجا که فیدبک ثابت نیست ، با تغییر β وضعیت پایداری سیستم تغییر می کند.
- شبکه فیدبک بر روی تقویت کننده اثر باری دارد و در نتیجه روی بهره خود تقویت کننده هم اثر خواهد داشت.(با تغییر β ثابت نمی ماند).
- فرض می کنیم A از β مستقل است.
- با تغییر بهره شبکه فیدبک تعداد قطب ها تغییر نمی کند بلکه فقط محل قطب ها عوض می شود.

z

delete

$\beta_0 > 0$ قواید رسم مکان هندسی ریشه ها

- تعداد شاخه های مکان هندسی برابر با تعداد قطب ها است.
- شروع مکان هندسی از قطب هاست.
- هر شاخه از مکان هندسی به یک صفر ختم میشود.
- شاخه های مکان هندسی نسبت به محور حقیقی متقارن هستند.
- تعداد جانب ها $n-m =$
- جانب ها یا موازی محور $j\omega$ هستند یا متقطع ، اگر متقطع باشند محل تقاطع روی محور σ است.

delete

• به تعداد اختلاف درجه مخرج و صورت درتابع A ، شاخه به سمت بی نهایت می رود.

آن قسمت از محور حقیقی که مجموع تعداد صفر و قطب های سمت راست آن فرد است جزء مکان هندسی است.

$$\text{زاویه جانب ها با محور حقیقی} = \frac{(2k+1)\pi}{n-m} \quad k = 0, 1, \dots, n-m-1$$

$$\text{محل تقاطع جانب ها} = \frac{\left[\sum \text{poles}(g(s)) - \sum \text{zeros}(g(s)) \right]}{n-m}$$

تقویت کننده یک قطبی

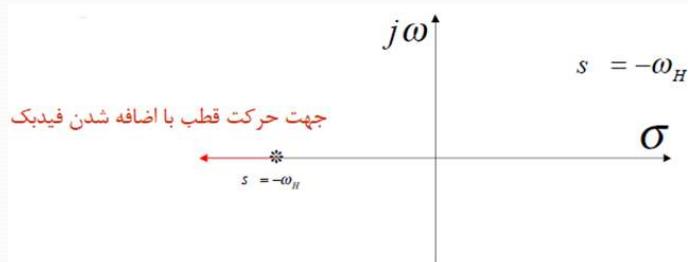
$$A = \frac{A_0}{1 + \frac{S}{\omega_H}} , \quad S = -\omega_H < 0 \quad \rightarrow \quad \text{سیستم پایدار است}$$

محل قطب = محل فرکانس قطع

$$A_f = \frac{A}{1 + A\beta} = \frac{\frac{A_0}{1 + \frac{S}{\omega_H}}}{1 + \beta \frac{\frac{A_0}{1 + \frac{S}{\omega_H}}}{1 + \frac{S}{\omega_H}}} = \frac{A_0}{1 + \frac{S}{\omega_H} + A_0\beta}$$

وقتی فیدبک قرار می دهیم داریم:

$S_f = -\omega_H(1 + \beta A_0) < 0 \quad \rightarrow \quad \text{به ازای جمیع مقادیر } \beta \text{ سیستم تک قطبی پایدار است.}$



$$A_0 \times \omega_H = \frac{\text{حاصلضرب بهره وسط باند در پهنهای باند}}{\text{تقویت کننده تک قطبی بدون فیدبک}}$$

$$\frac{A_0}{1 + A_0 \beta} \times \omega_H (1 + A_0 \beta) = A_0 \times \omega_H = \frac{\text{حاصلضرب بهره وسط باند در پهنهای باند}}{\text{تقویت کننده تک قطبی با فیدبک}}$$

- بهره با فیدبک با ضریب $(1 + \beta_0 A_0)$ کاهش یافته است.
- حاصلضرب بهره در پهنهای باند ثابت مانده است.
- فقط در تقویت کننده هایی که تک قطبی هستند و یا قطب غالب دارند در صورت اعمال فیدبک مقاومتی، حاصلضرب بهره در پهنهای باند ثابت می ماند.

delete

تقویت کننده دو قطبی

$$A = \frac{A_0}{\left(1 + \frac{S}{\omega_1}\right)\left(1 + \frac{S}{\omega_2}\right)}, \quad A_f = \frac{A}{1 + A\beta} = \frac{\frac{A_0}{\left(1 + \frac{S}{\omega_1}\right)\left(1 + \frac{S}{\omega_2}\right)}}{1 + \beta \frac{A_0}{\left(1 + \frac{S}{\omega_1}\right)\left(1 + \frac{S}{\omega_2}\right)}}$$

$$\begin{cases} S_1 = -\omega_1 \\ S_2 = -\omega_2 \end{cases} \Rightarrow A_f = \frac{\frac{A_0}{1 + A_0 \beta}}{\frac{S^2}{\omega_1 \omega_2 (1 + A_0 \beta)} + \frac{\omega_1 + \omega_2}{\omega_1 \omega_2 (1 + A_0 \beta)} S + 1}$$

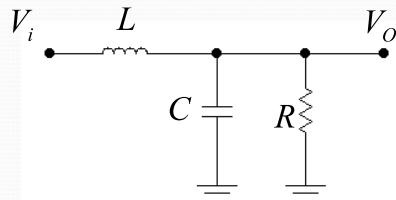
محل قطب ها بدون فیدبک

delete

$$\omega_1 \omega_2 (1 + A_0 \beta) \equiv \omega_0^2 \quad \text{فرکانس تشدید مدار}$$

$$\frac{\sqrt{\omega_1 \omega_2 (1 + A_0 \beta)}}{\omega_1 + \omega_2} = \frac{\omega_0}{\omega_1 + \omega_2} \equiv Q \quad \text{ضریب کیفیت مدار}$$

$$A_f = \frac{\frac{A_0}{1 + A_0 \beta}}{\frac{S^2}{\omega_0^2} + \frac{S}{Q \omega_0} + 1} \quad , \quad \xi = K = \frac{1}{2Q} \quad \text{ضریب میرایی}$$



می توان سیستم درجه ۲ را با مدار مقابل مدل کرد.

$$\frac{V_o}{V_i} = \frac{1}{LCS^2 + \frac{L}{R}S + 1}$$

delete

$$\left. \begin{aligned} \omega_0^2 &= \frac{1}{LC} \\ Q &= \frac{R}{L\omega_0} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{V_o}{V_i} = \frac{1}{\frac{S^2}{\omega_0^2} + \frac{S}{Q\omega_0} + 1}$$

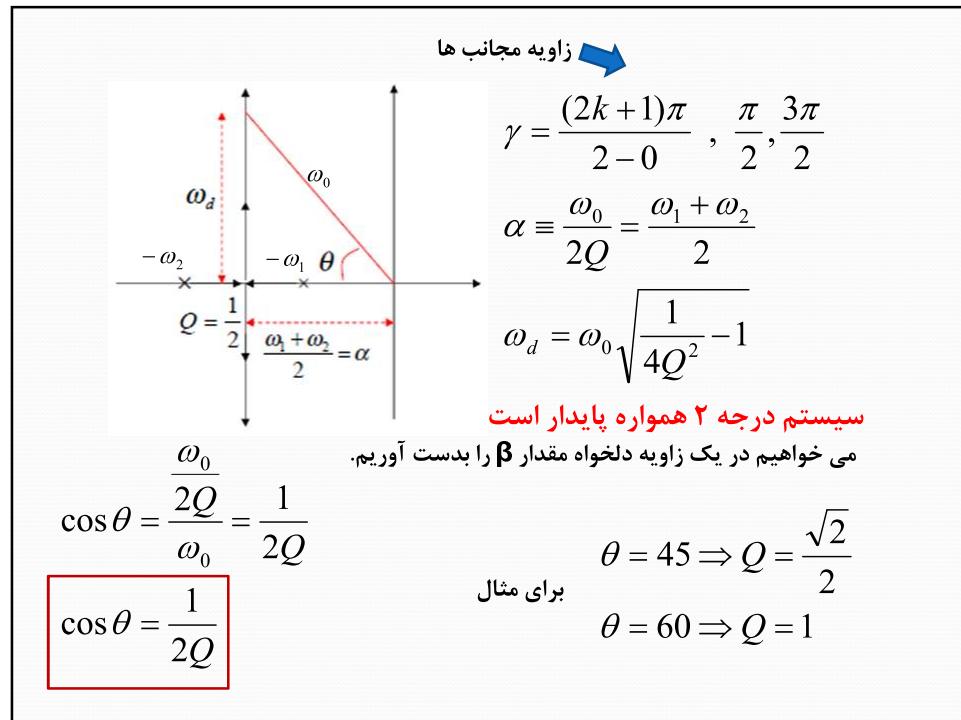


$$\frac{S^2}{\omega_0^2} + \frac{S}{Q\omega_0} + 1 = 0 \Rightarrow \begin{cases} S_{1f} = \frac{-\omega_0}{2Q} + \omega_0 \sqrt{\frac{1}{4Q^2} - 1} \\ S_{2f} = \frac{-\omega_0}{2Q} - \omega_0 \sqrt{\frac{1}{4Q^2} - 1} \end{cases}$$

$$\frac{1}{4Q^2} - 1 > 0 \quad (Q < 0.5 \text{ or } K > 1) \quad \text{دو ریشه حقیقی متمایز و منفی}$$

$$\frac{1}{4Q^2} - 1 < 0 \quad (Q > 0.5 \text{ or } K < 1) \quad \text{دو ریشه مزدوج مختلط با قسمت حقیقی منفی}$$

$$\frac{1}{4Q^2} - 1 = 0 \quad (Q = 0.5 \text{ or } K = 1) \quad \text{دو ریشه مضاعف}$$



delete

پاسخ فرکانسی تقویت کننده دو قطبی

$$A_f = \frac{\frac{A_0}{1+A_0\beta}}{\frac{S^2}{\omega_0^2} + \frac{S}{Q\omega_0} + 1}, \quad A_f = \frac{\frac{A_0}{1+A_0\beta}}{1 - \frac{\omega^2}{\omega_0^2} + \frac{j\omega}{Q\omega_0}}$$

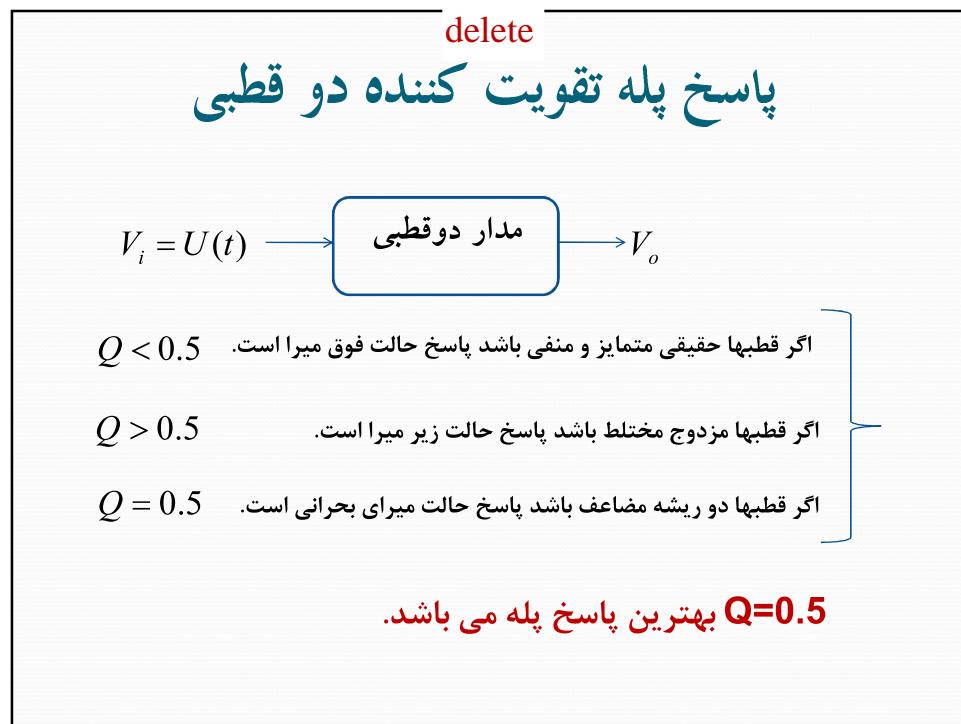
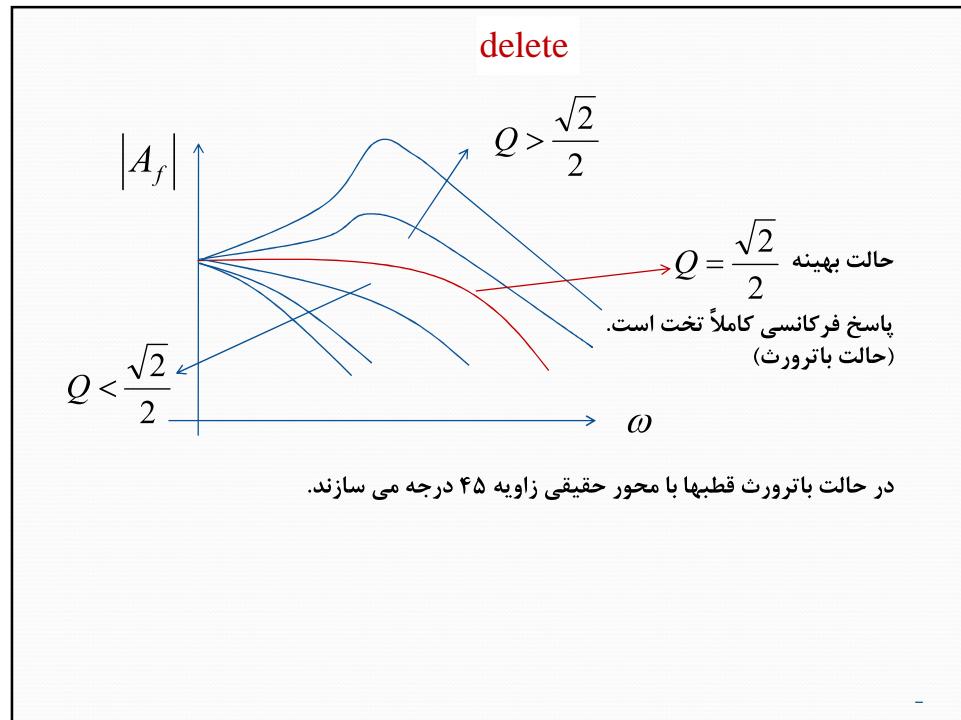
$$|A_f| = \frac{\frac{A_0}{1+A_0\beta}}{\sqrt{\left(1 - \frac{\omega^2}{\omega_0^2}\right)^2 + \frac{\omega^2}{Q^2\omega_0^2}}}, \quad \frac{d|A_f|}{d\omega} = 0$$

منحنی پیک ندارد.

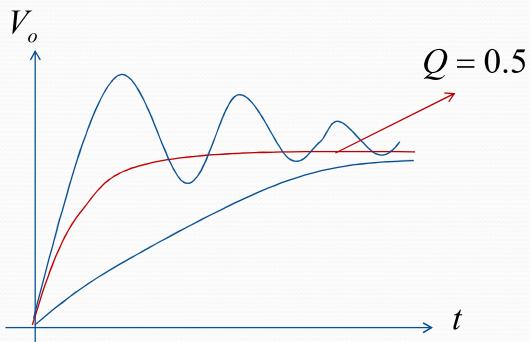
$$\Rightarrow \omega_p = \omega_0 \sqrt{1 - 2k^2} = \omega_0 \sqrt{1 - \frac{1}{2Q^2}}$$

$1 - \frac{1}{2Q^2} < 0 \Rightarrow Q < \frac{\sqrt{2}}{2}$

z



delete



بحث تكميلي پاسخ پله تقويت کننده دوقطبي در ضميمه آورده شده است.

delete

تقویت کننده سه قطبی

$$A = \frac{A_0}{(1 + \frac{S}{\omega_1})(1 + \frac{S}{\omega_2})(1 + \frac{S}{\omega_3})} , \quad A_f = \frac{A}{1 + A\beta} =$$

این تقویت کننده دارای ۳ قطب است.

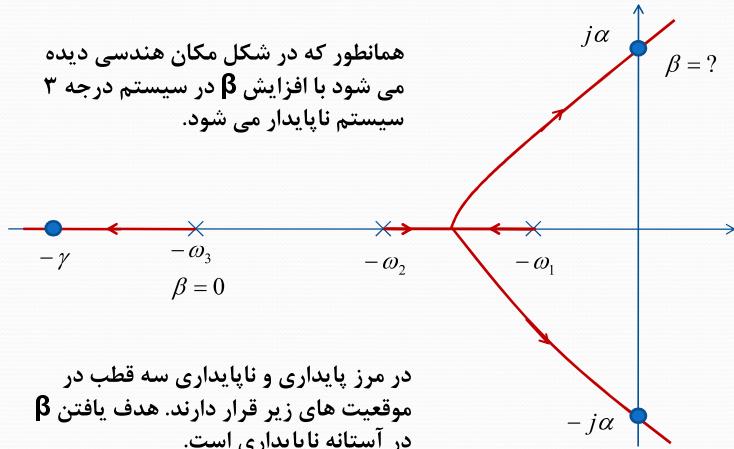
$$= \frac{\frac{A_0}{1 + A_0\beta}}{\frac{S^3}{\omega_1\omega_2\omega_3(1 + A_0\beta)} + \frac{\omega_1 + \omega_2 + \omega_3}{\omega_1\omega_2\omega_3(1 + A_0\beta)} S^2 + \frac{\omega_1\omega_2 + \omega_1\omega_3 + \omega_2\omega_3}{\omega_1\omega_2\omega_3(1 + A_0\beta)} S + 1}$$



$$\gamma = \frac{(2k+1)\pi}{3-0} \quad \text{برای رسیم پاسخ فرکانسی داریم.}$$

$$k = 0 \Rightarrow \gamma = \frac{\pi}{3}, \quad k = 1 \Rightarrow \gamma = \pi, \quad k = 2 \Rightarrow \gamma = \frac{5\pi}{3}$$

همانطور که در شکل مکان هندسی دیده
می شود با افزایش β در سیستم درجه ۳
سیستم ناپایدار می شود.



$$\begin{cases} S_{1f} = -j\alpha \\ S_{2f} = j\alpha \\ S_{3f} = -\gamma \end{cases} \quad A_f = \frac{\frac{A_0}{1 + A_0\beta}}{(1 + \frac{S}{j\alpha})(1 + \frac{S}{-\alpha})(1 + \frac{S}{\gamma})} \Rightarrow$$

delete

$$\Rightarrow A_f = \frac{\frac{A_0}{1 + A_0\beta}}{\frac{S^3}{\gamma\alpha^2} + \frac{S^2}{\alpha^2} + \frac{S}{\gamma} + 1}$$

با مقایسه رابطه رو برو با رابطه ★ نتایج زیر بدست می آید.

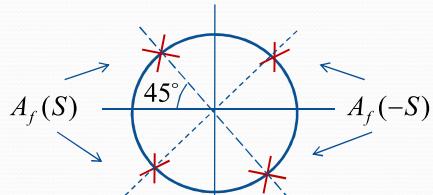
$$\begin{cases} \gamma\alpha^2 = \omega_1\omega_2\omega_3(1 + A_0\beta) \\ \alpha^2 = \frac{\omega_1 + \omega_2 + \omega_3}{\omega_1\omega_2\omega_3(1 + A_0\beta)} \\ \gamma = \frac{\omega_1\omega_2 + \omega_1\omega_3 + \omega_2\omega_3}{\omega_1\omega_2\omega_3(1 + A_0\beta)} \end{cases}$$

با داشتن ω_1 , ω_2 , ω_3 و A_0 و سه معادله رو برو γ و α و β بدست می آید.
اگر میزان β را بیشتر از مقدار بدست آمده قرار دهیم سیستم ناپایدار می شود.

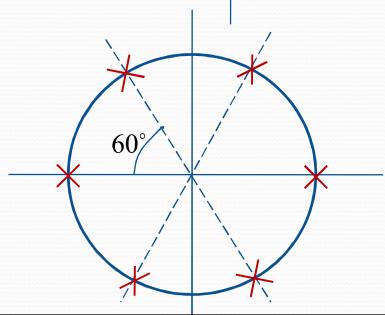
برای محاسبه β در حالت های مختلف مثلاً وقتی قطب ها با محور حقیقی زاویه ۶۰ درجه می سازند می توان به روش مشابه بالا عمل کرد.

قضیه:

برای آنکه پاسخ فرکانسی تابع $A_f(s)$ بصورت کاملاً تخت باشد باید قطب های تابع $A_f(s)$ دایره ای به شعاع ω_H را به قسمت های مساوی تقسیم نماید.



برای مثال در سیستم درجه ۲ طبق قضیه فوق قطبها باید با محور حقیقی زاویه ۴۵ درجه بسازند یا $Q = \frac{\sqrt{2}}{2}$

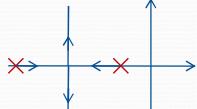


در سیستم درجه ۳ طبق قضیه فوق قطبها باید با محور حقیقی زاویه ۶۰ درجه بسازند.

شرط قطب غالب در یک تقویت کننده دوقطبی با فیدبک.

فرض کنید یک سیستم دو قطبی بدون فیدبک دارای قطب غالب می باشد یعنی S_1 قطب غالب است:

$$S_1 = -\omega_1, S_2 = -\omega_2, \frac{|S_2|}{|S_1|} > 4$$



آیا با اعمال فیدبک باز هم قطب غالب وجود دارد؟ با توجه به مکان هندسی ریشه ها چون دو ریشه به هم نزدیک می شوند، ممکن است با اعمال فیدبک قطب غالب نداشته باشیم.

$$S_{1f} = \frac{-\omega_0}{2Q} + \omega_0 \sqrt{\frac{1}{4Q^2} - 1} = -\frac{\omega_1 + \omega_2}{2} + \frac{\omega_1 - \omega_2}{2} \sqrt{1 - 4Q^2} \quad \text{delete}$$

$$S_{2f} = \frac{-\omega_0}{2Q} - \omega_0 \sqrt{\frac{1}{4Q^2} - 1} = -\frac{\omega_1 + \omega_2}{2} - \frac{\omega_1 - \omega_2}{2} \sqrt{1 - 4Q^2}$$

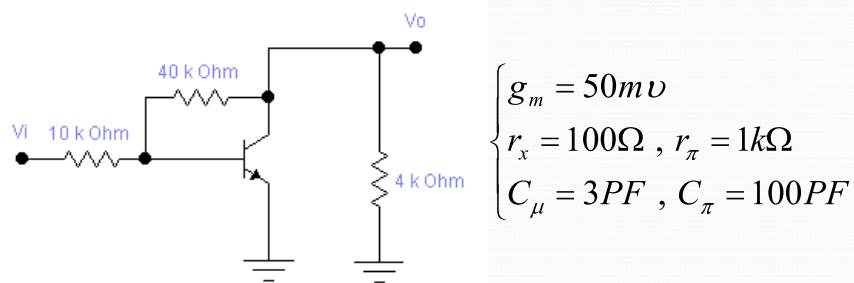
delete

$$\frac{|S_{2f}|}{|S_{1f}|} \geq 4 \Rightarrow \frac{1 + \sqrt{1 - 4Q^2}}{1 - \sqrt{1 - 4Q^2}} \geq 4 \Rightarrow Q \leq 0.4$$

شرط داشتن قطب غالب
پس از اعمال فیدبک در
تقویت کننده دو قطبی

مثال:

آیا مدار شکل زیر دارای قطب غالب می باشد؟

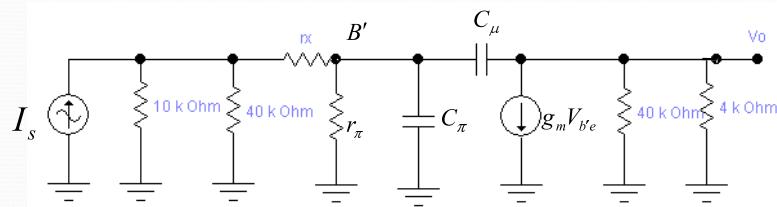


delete

ابتدا مدار را در حالت بدون فیدبک رسم می کنیم. فیدبک از نوع ولتاژ موازی می باشد.

در مدار مقابل قطب ها را بدست می آوریم که
قطب های تقویت کننده مقاومت انتقالی
می باشند. و سپس Q را حساب کرده، شرط
قطب غالب را چک می کنیم.

$$Q = \frac{\sqrt{\omega_1 \omega_2 (1 + R_{m0} \beta)}}{\omega_1 + \omega_2}$$



z

delete

پس از حل مدار داریم:

تقویت کننده بدون فیدبک دارای قطب غالب است.

$$R_m = \frac{V_o}{I_s} = \frac{9.85 \times 10^9 (S - 16.6 \times 10^9)}{(S + 600 \times 10^6)(S + 1.7 \times 10^6)} \Rightarrow \begin{cases} \omega_1 = -600 \times 10^6 \\ \omega_2 = -1.7 \times 10^6 \end{cases}$$

$$S = 0 \Rightarrow R_{m0} = \frac{9.85 \times 10^9 (-16.6 \times 10^9)}{(600 \times 10^6)(1.7 \times 10^6)} = -1.6 \times 10^5$$

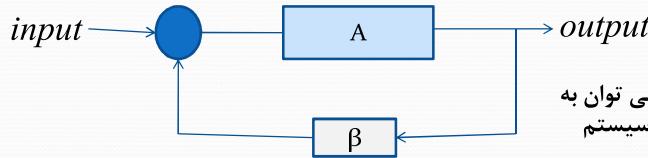
$$\beta = \frac{-1}{R_f} = \frac{-1}{40K\Omega}$$

$$\Rightarrow Q^2 = 0.014 \Rightarrow Q = 0.118 < 0.4$$

تقویت کننده با
فیدبک نیز دارای
قطب غالب است.

delete

روش پایداری نایکوئیست



با داشتن مقادیر A و β می توان به
پایداری یا عدم پایداری سیستم
بی برد.

سیستم ناپایدار است.

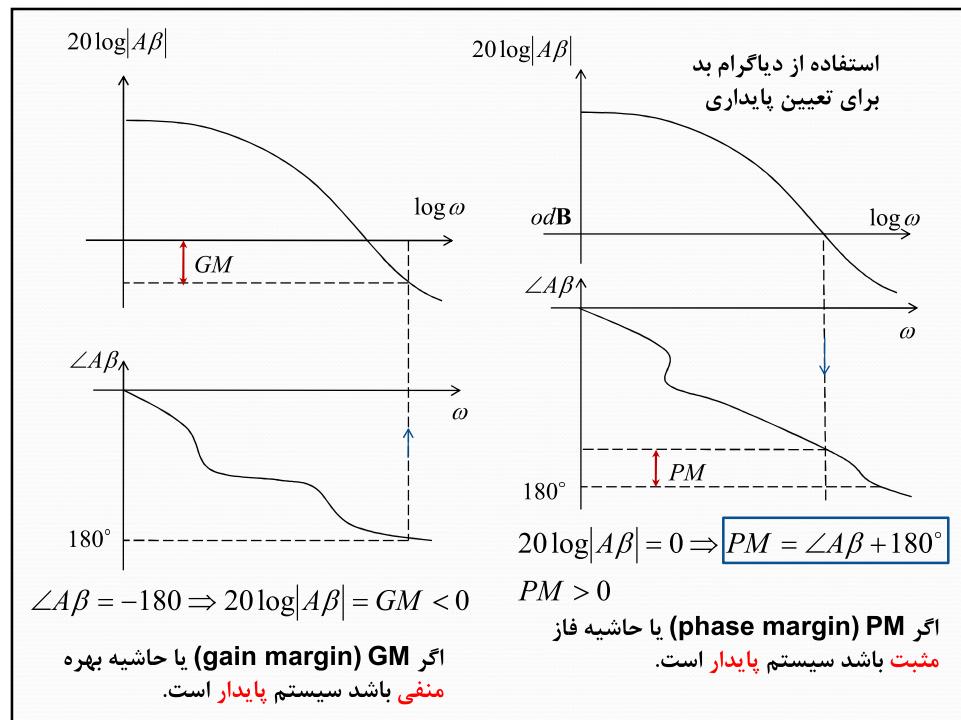
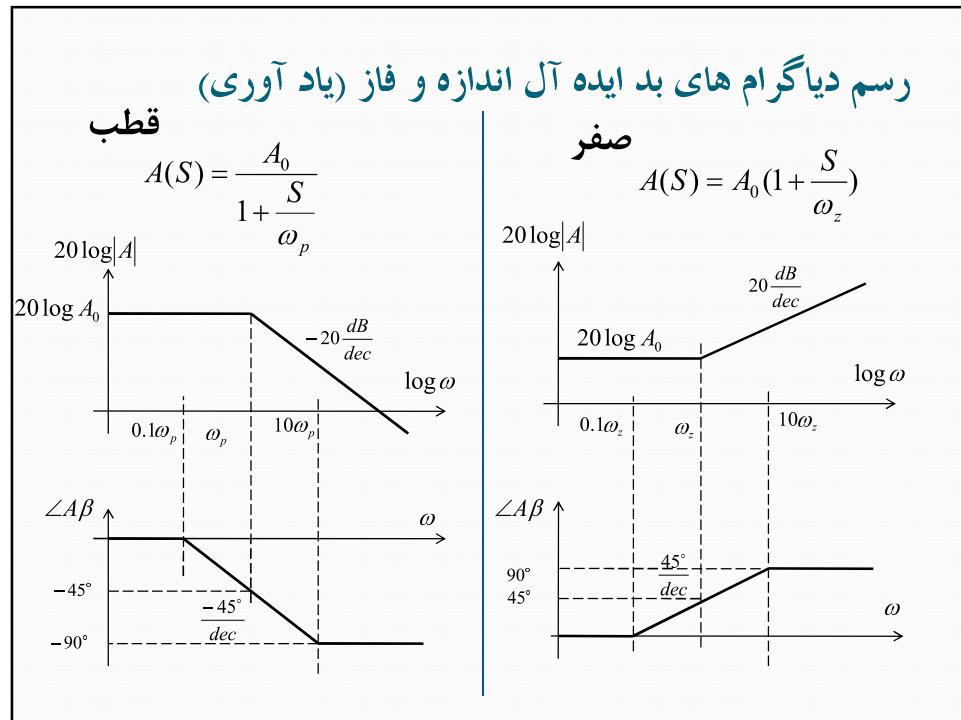
برای یک β معین تعیین می کنیم
که سیستم پایدار است یا ناپایدار؟

سیستم پایدار است.

$$-1 = 1 \angle -180^\circ$$

$$A = A(j\omega)$$

برای بررسی پایداری می توان از منحنی نایکوئیست و
یا دیاگرام بد استفاده کرد.
فرض می کنیم β عدد مثبتی است.



مثال:

حداکثر β را برای پایداری تقویت کننده زیر بدست آورید.

$$A(S) = \frac{1000}{(1 + \frac{S}{2\pi \times 1^M})(1 + \frac{S}{2\pi \times 10^M})(1 + \frac{S}{2\pi \times 100^M})}$$

$$A(jf) = \frac{1000}{(1 + \frac{jf}{1^M})(1 + \frac{jf}{10^M})(1 + \frac{jf}{100^M})} \quad \text{حل:}$$

$$20 \log |A\beta| = 20 \log |A| + 20 \log |\beta|$$

$$\angle A\beta = \angle A + \angle \beta \xrightarrow{\beta > 0} \angle A\beta = \angle A$$

ابتدا منحنی های بد ایده آل اندازه و فاز **A** را رسم سپس جایی که زاویه **A** ۱۸۰ درجه می شود اندازه **A** را حساب می کنیم و طبق رابطه زیر حداکثر β بدست می آید.

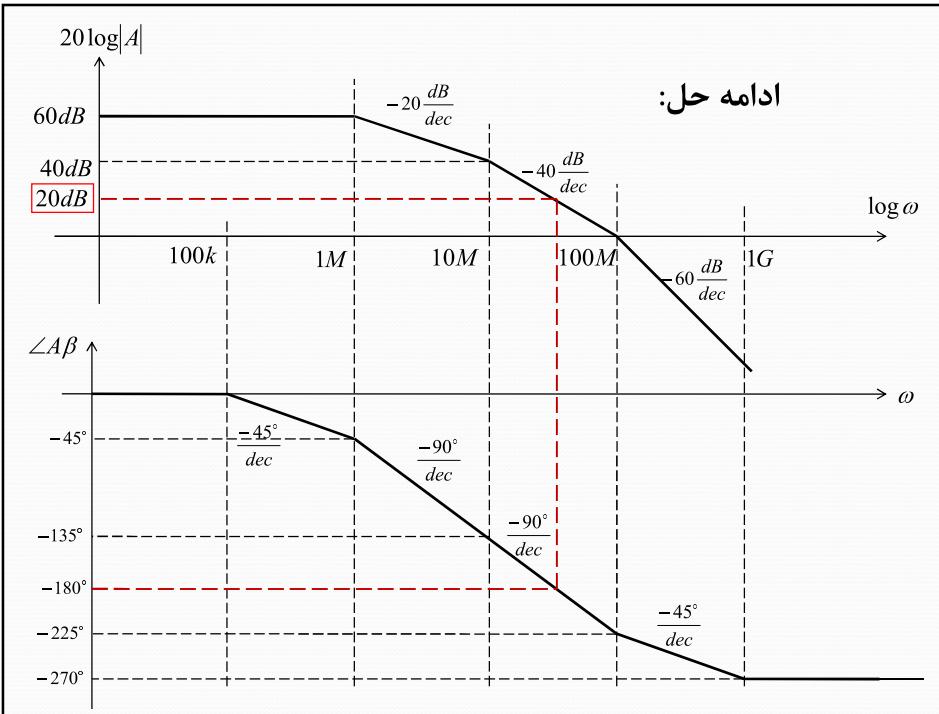
در مرز پایداری $\angle A = -180 \Rightarrow 20 \log |A\beta| = 0$

داریم

$$\Rightarrow |A\beta| = 1 \Rightarrow \beta = \frac{1}{|A|}$$



ادامه حل:



Exercise : $A = 2000(1+jf/1M)/(1+jf/0.01M)(1+jf/0.5M)(1+jf/10M)$

$$A = 2512/(1+jf/1M)(1+jf/4M)(1+jf/40M)$$

$$\begin{aligned} \angle A\beta &= -180 = \angle A \Rightarrow \\ -\tan^{-1} \frac{f}{1^M} - \tan^{-1} \frac{f}{10^M} - \tan^{-1} \frac{f}{100^M} &= -180 \Rightarrow f = 31.6 \text{ MHz} \\ \Rightarrow |A| &= \sqrt{\frac{1000}{(1+\frac{f^2}{1^2M})(1+\frac{f^2}{10^2M})(1+\frac{f^2}{100^2M})}} \xrightarrow{f=31.6 \text{ MHz}} \\ |A| &= 10 \Rightarrow \beta = 0.1 \end{aligned}$$

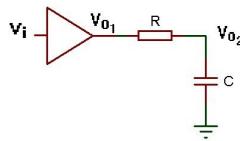
جبران سازی Compensation

هدف افزایش β است بطوریکه سیستم پایدار بماند.

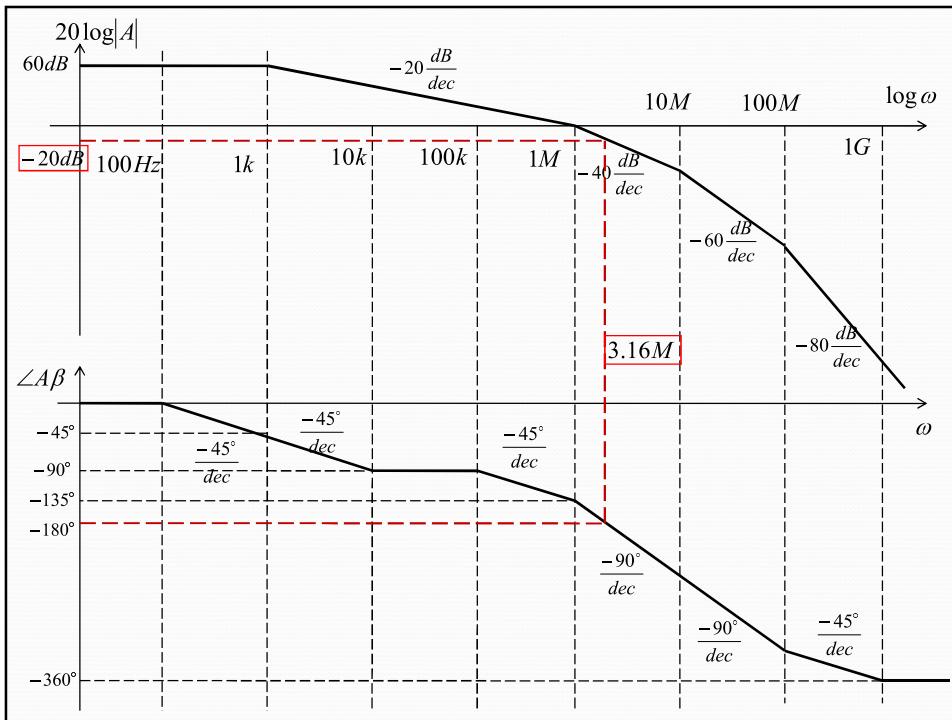
1- جبران سازی قطب غالب Lag compensation

در این روش به سیستم قطب غالب اضافه می کنیم.

مثال: در مثال قبلی برای جبران سازی یک قطب غالب 1KHz (قطب غالب) اضافه می کنیم.



$$V_{o2}/V_i = V_o/V_{o1} * V_{o1}/V_{o2} = (1/CS)/(1/CS+R) * A = A/(1+RCS)$$



$$A(jf) = \frac{1000}{(1 + \frac{jf}{1^M})(1 + \frac{jf}{10^M})(1 + \frac{jf}{100^M})}$$

$$A'(jf) = \frac{1000}{(1 + \frac{jf}{1^K})(1 + \frac{jf}{1^M})(1 + \frac{jf}{10^M})(1 + \frac{jf}{100^M})}$$

$$\angle A\beta = -180 = \angle A \Rightarrow$$

$$-\tan^{-1} \frac{f}{1^K} - \tan^{-1} \frac{f}{1^M} - \tan^{-1} \frac{f}{10^M} - \tan^{-1} \frac{f}{100^M} = -180$$

$$\Rightarrow f = 3.16 \text{ MHz} \Rightarrow |A| = \frac{1000}{\sqrt{(1 + \frac{f^2}{1^{2K}})(1 + \frac{f^2}{1^{2M}})(1 + \frac{f^2}{10^{2M}})(1 + \frac{f^2}{100^{2M}})}}$$

$$\xrightarrow{f=3.16 \text{ MHz}} |A| = 0.1 \Rightarrow \beta = 10$$

۱۰۰ برابر وضعیت سیستم بهتر شده است.

برای اضافه کردن قطب کافیست به مدار خازن اضافه کنیم.
عیب اضافه کردن قطب غالب آن است که پهنای باند کاهش می یابد.

تعیین محل قطب غالب:

برای تعیین محل قطب غالب از استاندارد زیر استفاده می کنیم.

$$if \quad PM = 45^\circ \Rightarrow \beta = 1$$

$$PM = 45^\circ \Rightarrow \angle A\beta = -135^\circ$$

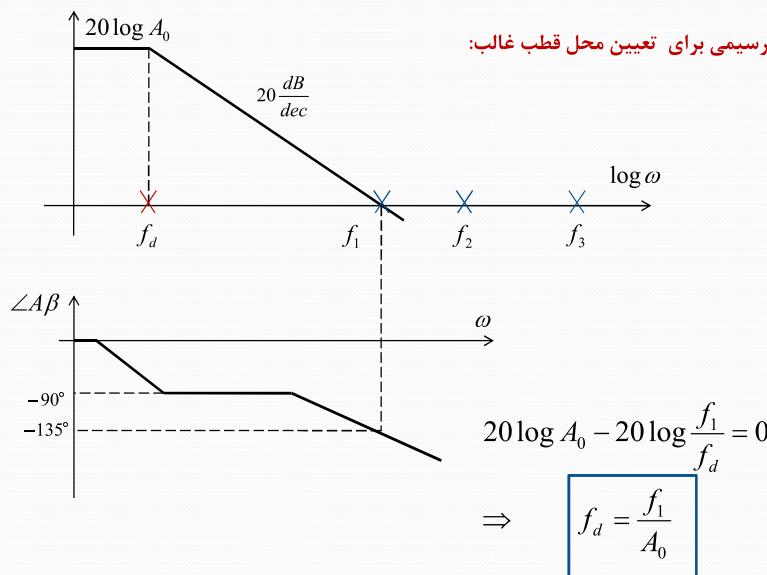
روش ترسیمی برای تعیین محل قطب غالب:

باید منحنی اندازه به گونه ای باشد که در زاویه ۱۳۵ درجه منحنی اندازه در محل قطب اول (f_1) صفر دسیبل شود. برای این منظور از f_1 خطی با شیب 20 dB/dec رسم کرده فرکانسی که به ازای آن خط $20 \log A_0$ را قطع نمود، محل قطب غالب f_d می باشد.

f_1 : محل اولین قطب نزدیک مبدا
 f_d : محل قطب غالب

z

روش ترسیمی برای تعیین محل قطب غالب:

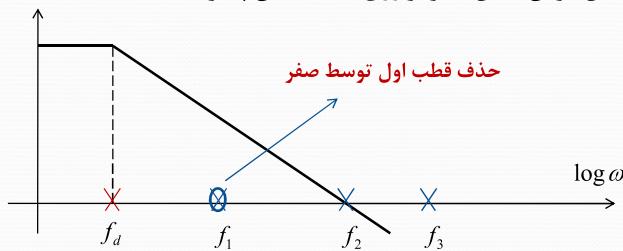


۲- جبران سازی صفر و قطب

در این روش صفری دقیقاً در محل قطب اول یعنی f_1 قرار می‌دهیم.
این کار باعث می‌شود پهنانی باند و پایداری سیستم افزایش یابد.

صفر اضافه شده باعث حذف قطب f_1 شده و در نتیجه محل اولین قطب به f_2 منتقل می‌شود
سپس مثل روش جبران سازی قطب از محل f_2 خطی با شیب 20dB/dec رسم کرده تا
محل f_1 بدست آید.

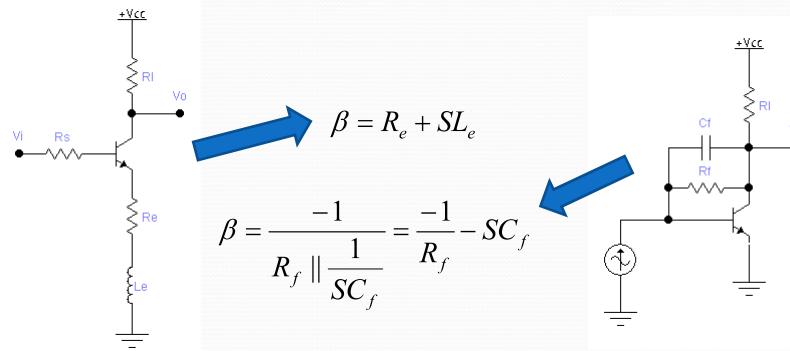
عیب: از نظر عملی منطبق کردن دقیق صفر بر روی قطب امکان پذیر نیست.



۳- جبران سازی صفر Lead compensation

در این روش یک صفر به سیستم اضافه می کنیم.

نکته: صفر یا قطب به $A\beta$ اضافه می شود پس می توان صفر را یا به A و یا به β (شبکه فیدبک) اضافه کرد در مدارهای الکترونیک معمولاً صفر به شبکه فیدبک اضافه می شود. برای مثال برای ایجاد یک صفر یک سلف و یا یک خازن به شبکه فیدبک مدارات زیر اضافه شده است.



delete to page 60

ضمیمه: بحث تکمیلی پاسخ تقویت کننده دو قطبی به ورودی پله در حوزه زمان.

$$A_f(s) = \frac{V_o}{V_i} = \frac{A_{f_0}}{\left(\frac{s}{\omega_0}\right)^2 + 2K\left(\frac{s}{\omega_0}\right) + 1}$$

$$V_i(t) = V_i u(t) \quad \Rightarrow V_i(s) = \frac{V_i}{s}$$

$$V_o(s) = V_i(s) A_f(s) = \frac{V_i A_{f_0}}{s \left[\left(\frac{s}{\omega_0}\right)^2 + 2K\left(\frac{s}{\omega_0}\right) + 1 \right]}$$

- برای بدست آوردن $V_o(t)$ باید از رابطه فوق عکس تبدیل لاپلاس بگیریم.

پاسخ تقویت کننده دو قطبی به ورودی پله در حوزه زمان

$S_{1,2} = -K\omega_0 \pm \omega_0\sqrt{K^2 - 1}$ ریشه های کروشه
بر حسب مقادیر مختلف K ریشه ها می توانند حقیقی، مضاعف یا مختلط باشند.

1. حالت اول $K = 1 \quad or \quad Q = 0.5 \Rightarrow s_1 = s_2 = -\omega_0$

$$\frac{V_o(s)}{V_i A_{f_0}} = y(s) = \frac{1}{s[s + \omega_0]^2} = \frac{\omega_0^2}{s(s + \omega_0)^2}$$

$$y(s) = \frac{A}{s} + \frac{B}{(s + \omega_0)^2} + \frac{C}{s + \omega_0} \Rightarrow \begin{cases} A = 1 \\ B = -\omega_0 \\ C = -1 \end{cases}$$

$$\frac{1}{(s + a)^n} \Leftrightarrow \frac{t^{n-1} e^{-at}}{(n-1)!} \quad y(t) = \frac{v_o(t)}{V_i A_{f_0}} = [1 - (1 + \omega_0 t)e^{-\omega_0 t}] u(t)$$

حالت میرایی بحرانی (Critical damping)

پاسخ تقویت کننده دو قطبی به ورودی پله در حوزه زمان

2. حالت دوم:

$K > 1 \quad or \quad Q < 0.5 \Rightarrow s_2$ حقیقی هستند. s_1

$$s_1 = -K_1 \omega_0 \quad s_2 = -K_2 \omega_0 \quad K_1 = K - \sqrt{K^2 - 1} \quad K_2 = K + \sqrt{K^2 - 1}$$

$$\frac{V_o(s)}{V_i A_{f_0}} = y(s) = \frac{A}{s} + \frac{B}{(s + K_1 \omega_0)} + \frac{C}{(s + K_2 \omega_0)}$$

$$A = 1 \quad B = \frac{-1}{2K_1 \sqrt{K^2 - 1}} \quad C = \frac{1}{2K_2 \sqrt{K^2 - 1}}$$

$$y(t) = 1 - \frac{1}{2\sqrt{K^2 - 1}} \left(\frac{1}{K_1} e^{-K_1 \omega_0 t} - \frac{1}{K_2} e^{-K_2 \omega_0 t} \right)$$

حالت فرق میرا (Over damping)

پاسخ تقویت کننده دو قطبی به ورودی پله در حوزه زمان

3. حالت سوم: دوریشه مختلط $K < 1 \quad or \quad Q > 0.5 \Rightarrow$

$$S_{1,2} = -\alpha \pm j\omega_d \quad \alpha = K\omega_0 \quad \omega_d = \omega_0 \sqrt{1-K^2}$$

$$y(s) = \frac{A}{s} + \frac{B(s+\alpha) + C\omega_d}{(s+\alpha)^2 + \omega_d^2} \quad \begin{cases} A=1 \\ B=-1 \\ C=\frac{\alpha}{\omega_d} \end{cases}$$

$$\omega_d t = \omega_0 t \sqrt{1-K^2} = \frac{2\pi t}{T_0} \sqrt{1-K^2} = 2\pi \sqrt{1-K^2} \frac{t}{T_0} = 2\pi \sqrt{1-K^2} x$$

$$y(t) = \frac{v_o(t)}{v_i A_{v_f}} = 1 - \left(\frac{K\omega_0}{\omega_d} \sin \omega_d t + \cos \omega_d t \right) e^{-K\omega_0 t} \quad (2)$$

حالت زیر میرا

$$y(t) = \frac{v_o(t)}{v_i A_{v_f}} = 1 - \left(\frac{K\omega_0}{\omega_d} \sin 2\pi \sqrt{1-K^2} x + \cos 2\pi \sqrt{1-K^2} x \right) e^{-2K\pi x}$$

پاسخ تقویت کننده دو قطبی به ورودی پله در حوزه زمان

$$K = 0 \Rightarrow \begin{cases} \alpha = 0 \\ \omega_d = \omega_0 \end{cases} \Rightarrow y(t) = 1 - \cos \omega_0 t$$

اگر از رابطه $y(x)$ مشتق بگیریم، می توانیم مختصات نقاط ماکزیمم و مینیمم را محاسبه کنیم

$$x_m = \frac{\omega_0 t_m}{2\pi} = \frac{m}{2\sqrt{1-K^2}} \quad m = 1, 2, 3, \dots$$

$$y_m = \frac{v_o(t_m)}{v_i A_{v_f}} = 1 - (-1)^m e^{-2K\pi x_m}$$

m های فرد ماکزیمم و m های زوج مینیمم را بدست می دهد

$$m = 1 \Rightarrow y_1 = 1 + \underbrace{e^{\frac{-K\pi}{\sqrt{1-K^2}}}}_{O.S}$$

الکترونیک ۳

فصل سوم

تقویت کننده های باند باریک استاد خالصی

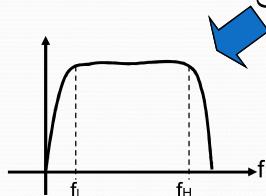
• باند وسیع

به تقویت کننده ای گفته می شود که از فرکانس های نزدیک صفر تا یک محدوده وسیع فرکانسی، تقویت می کند.

• باند باریک

به تقویت کننده ای که حول یک فرکانس مرکزی پهنای باند کوچکی داشته باشد

باند وسیع



$$f_L = 10_{HZ}$$

$$f_H = 10_{MHZ}$$

مثال

$$f_0 = 10_{MHz}$$

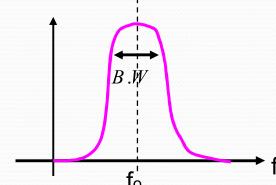
$$B.W = 200_{KHZ}$$

انواع تقویت
کننده ها

باند باریک

ویژگی:

$$\frac{B.W}{f_o} \ll 1$$



در تمام تقویت کننده های باند باریک از مدار **RLC (tune)** استفاده می شود.

$Q = 2\pi \times \frac{\text{حداکثر انرژی ذخیره شده در مدار}}{\text{انرژی تلف شده در یک سیکل}}$

ضریب کیفیت سلف (Q_L)

ضریب کیفیت کم نشان دهنده آن است که انرژی در سلف خوب ذخیره نشده و میزان تلفات زیاد است. تلفات را در سلف واقعی با یک مقاومت سری شده با سلف ایده آل مدل می کنیم.

محاسبه ضریب کیفیت سلف:

انرژی ذخیره شده در سلف $W = \frac{1}{2}LI_{\max}^2$

توان تلف شده $P = \frac{1}{2} \times rI_m^2$ انرژی تلف شده در یک سیکل $W = \frac{1}{2}rI_m^2T$

$$Q_l = 2\pi \frac{\frac{1}{2}LI_m^2}{\frac{1}{2}rI_m^2T} \xrightarrow{\omega = \frac{2\pi}{T}} Q_l = \frac{L\omega}{r}$$

\tilde{Q}_L تابع فرکانس است.

\tilde{Q}_L واحد ندارد چون نسبت دو انرژی است.

۱. مقاومت اهمی سیم پیچ ها

تلفات در سلف

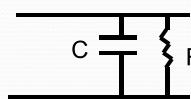
۲. اثر پوستی

۳. اثر هسته (در صورت وجود هسته)

تمام موارد فوق را با مقاومت سری شده نشان می دهیم.

 مقدار ۲ با فرکانس تغییر می کند. معمولاً $10 < Q_L < 200$

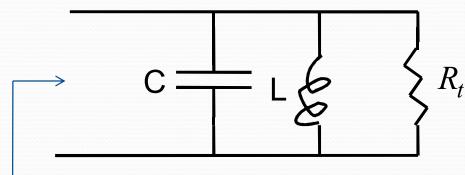
ضریب کیفیت خازن:



خازن واقعی را با یک خازن ایده آل موازی با یک مقاومت که نشان دهنده تلفات خازن است مدل می کنیم. تلفات خازن از دی الکتریک آن ناشی می شود. (جریان نشتی)

* در این درس سلف ها را واقعی (غیر ایده آل)، اما خازن ها را ایده آل فرض می کنیم.

مدار RLC موازی:



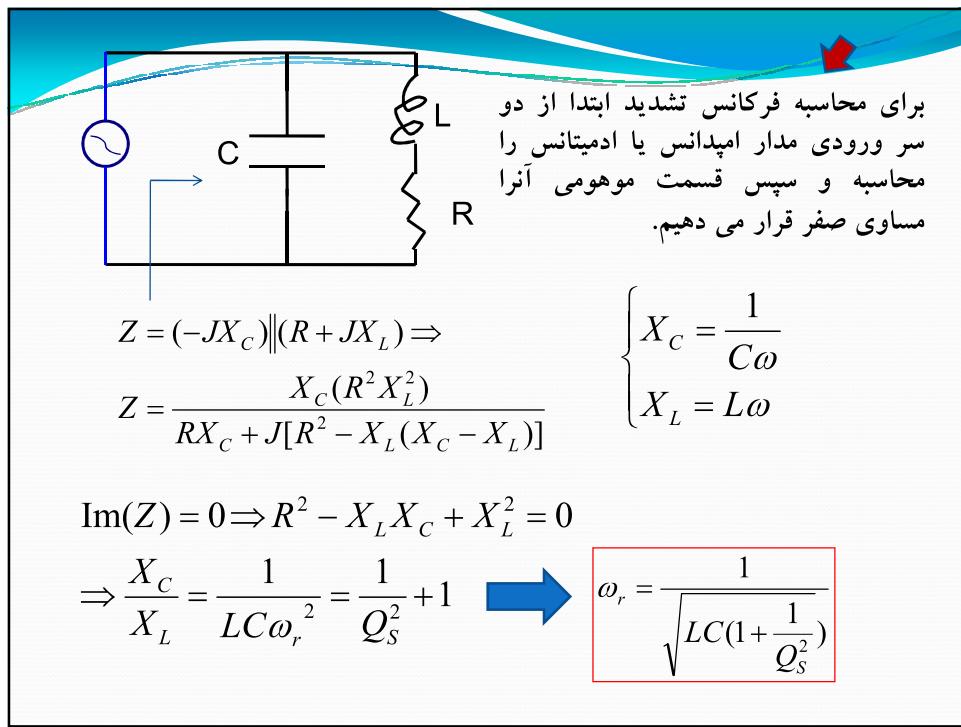
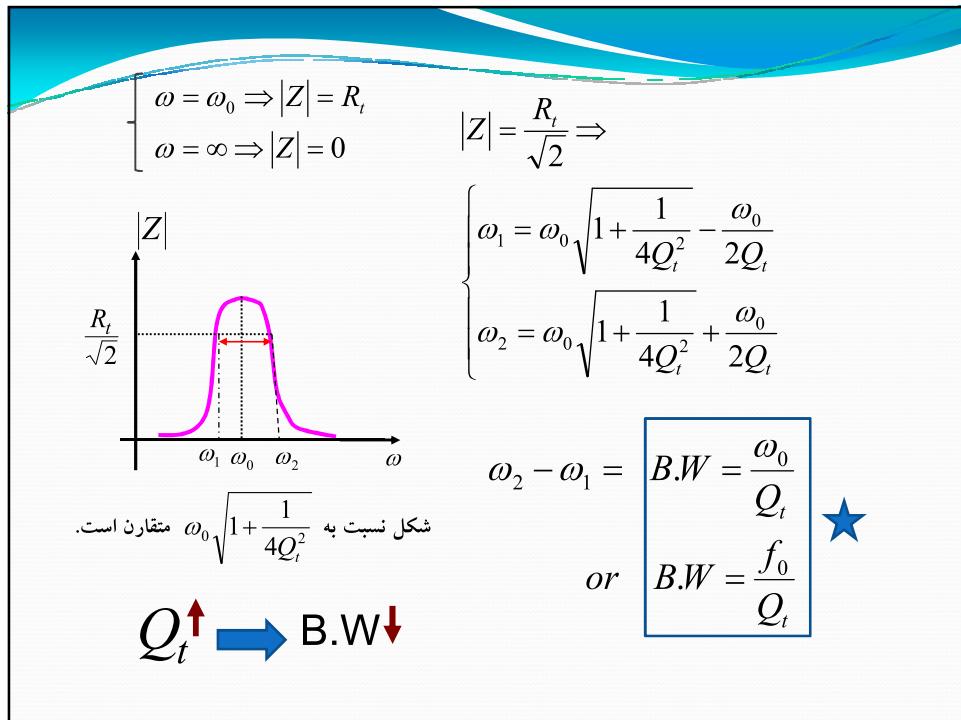
$$\begin{cases} \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} \\ Q_t = R_t C \omega_0 \end{cases}$$

$$Z = \frac{1}{Y} \quad Y = \frac{1}{R_t} + \frac{1}{JL\omega} + JC\omega$$

$$\Rightarrow Z = \frac{R_t}{1 + JQ_t \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)} \quad \text{تابعی از فرکانس است.}$$

در فرکانس تشدید سلف و خازن همدیگر را خنثی کرده و بیشترین مقاومت دیده می شود.

$$\Rightarrow |Z| = \frac{R_t}{\sqrt{1 + Q_t^2 \left(\frac{\omega}{\omega_0} - \frac{\omega_0}{\omega} \right)^2}}$$

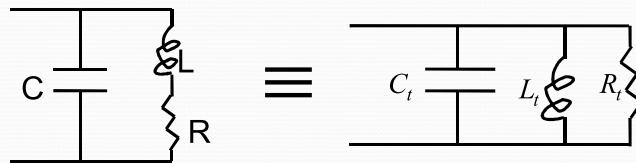


مقدار امپدانس در فرکانس تشیدید:

$$Z = R + \frac{X_L^2}{R} = R\left(1 + \frac{X_L^2}{R^2}\right) = R(1 + Q_S^2)$$

★ راه حل دوم برای محاسبه فرکانس تشیدید و ضریب کیفیت:

مدار مورد نظر را توسط روابط اسلاید بعد به مدار **RLC** سری یا موازی تبدیل می کنیم.



دو مدار فقط در فرکانس تشیدید معادلند.

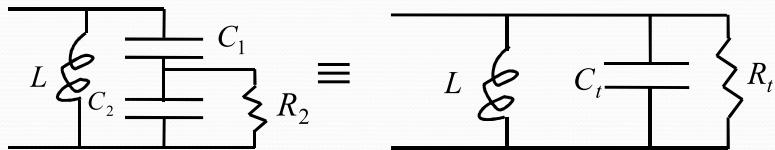
$$Q_S = \frac{X_S}{R_S}$$

$$R_P = R_S(1 + Q_S^2)$$

$$Q_P = \frac{R_P}{X_P}$$

$$X_S = X_P \frac{Q_P^2}{1 + Q_P^2}$$

مدار سر وسط خازنی Capacitor circuit



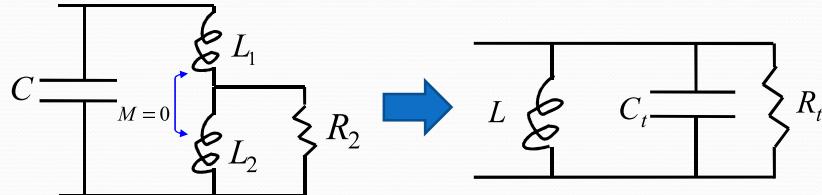
اگر $Q_P \geq 10$

$$Q_P = R_2 C_2 \omega_0$$

$$\left\{ \begin{array}{l} R_t = N^2 R_2 \\ C_t = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} \\ N = \frac{C_1 + C_2}{C_1} \end{array} \right.$$

تمرين: روابط زير را
اثبات کنيد.

مدار سر وسط سلفي Inductor circuit



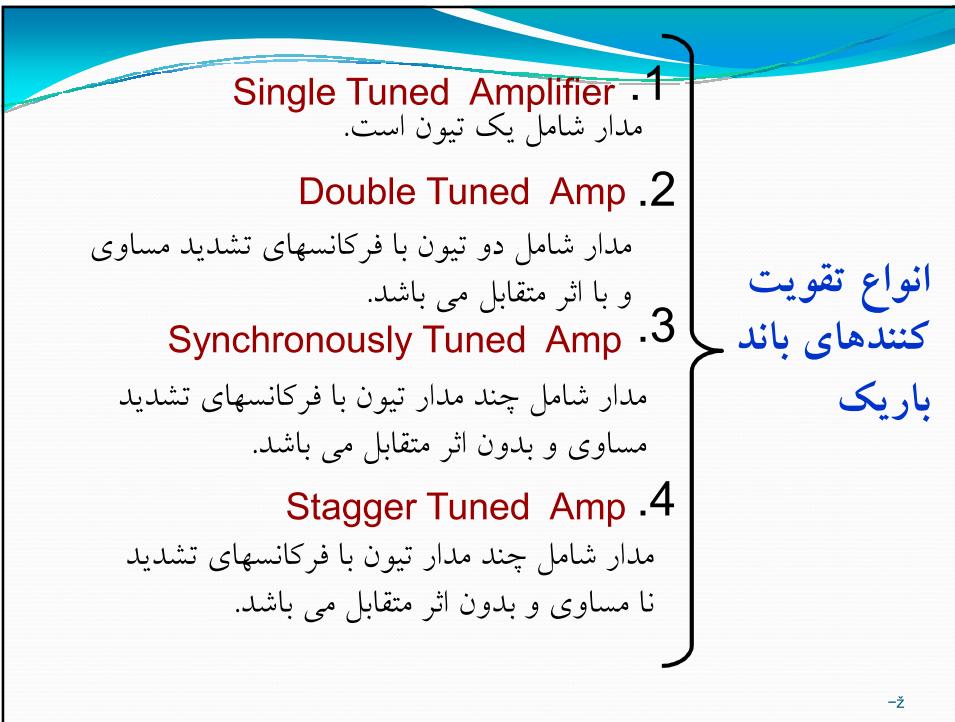
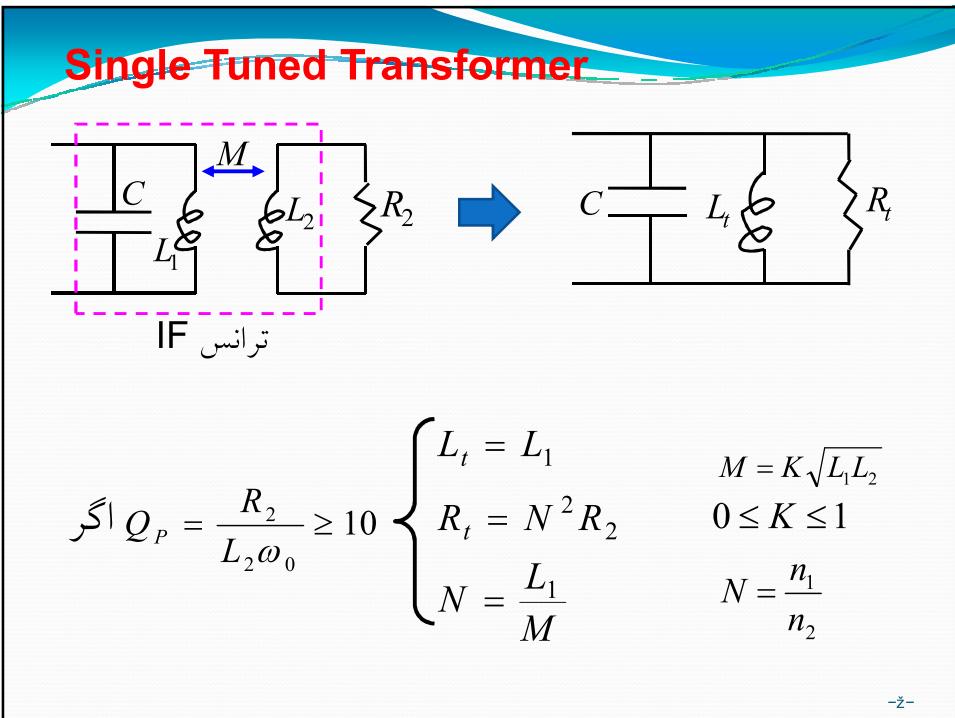
$$Q_P = \frac{R_2}{L_2 \omega_0}$$

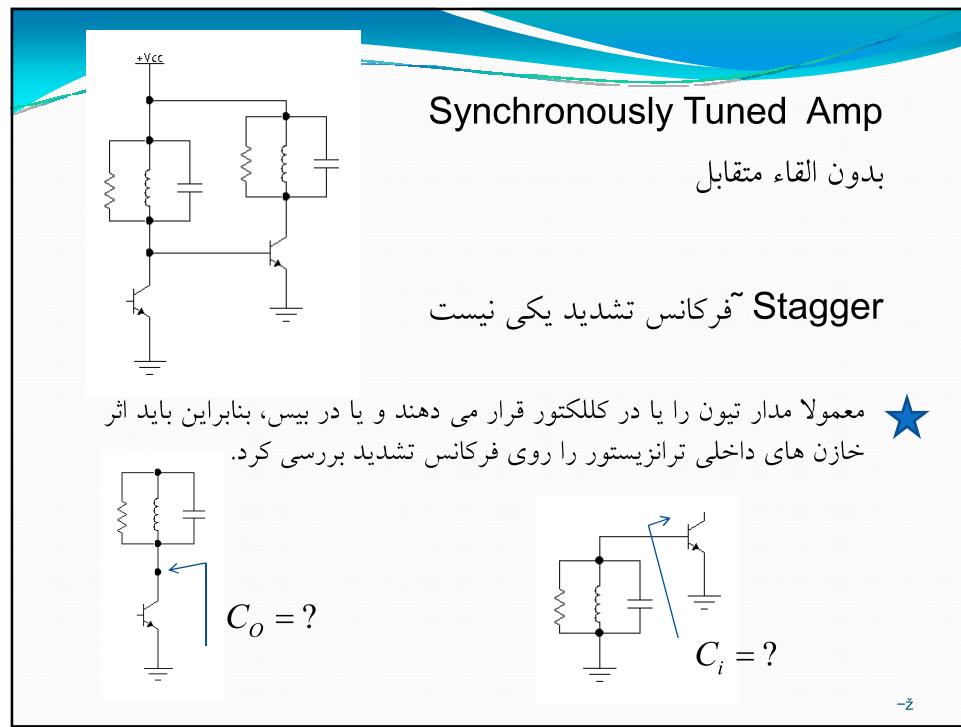
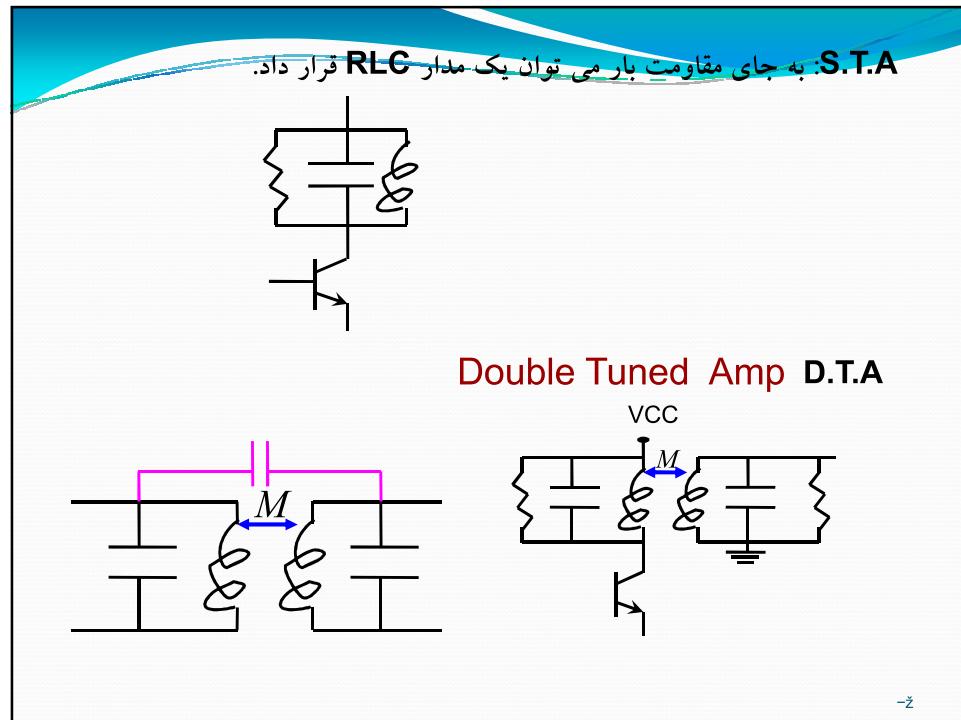
اگر $Q_P \geq 10$

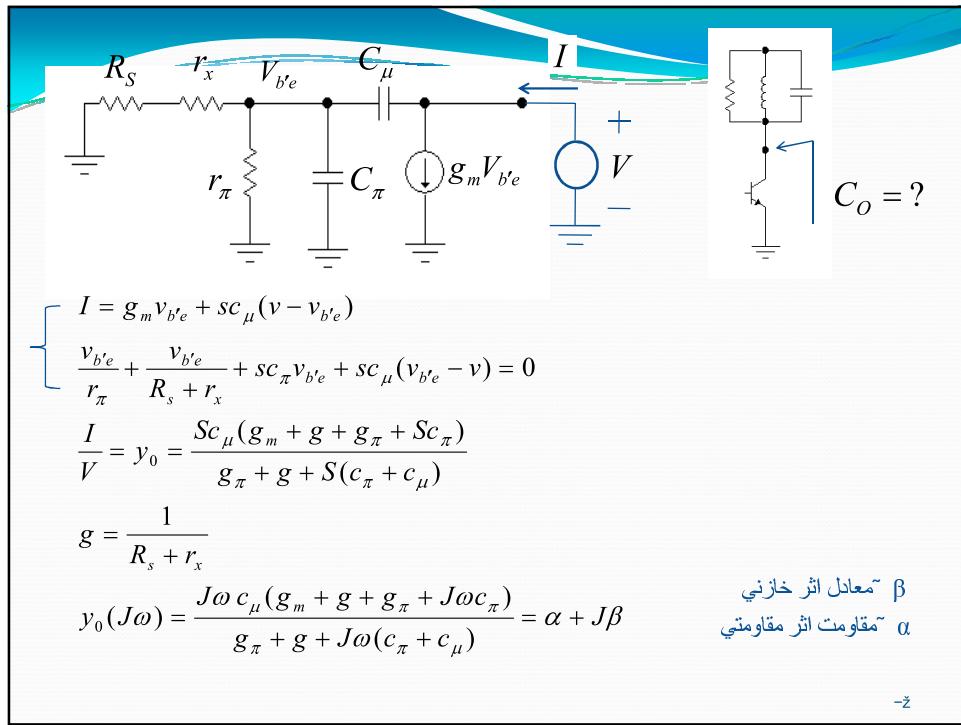
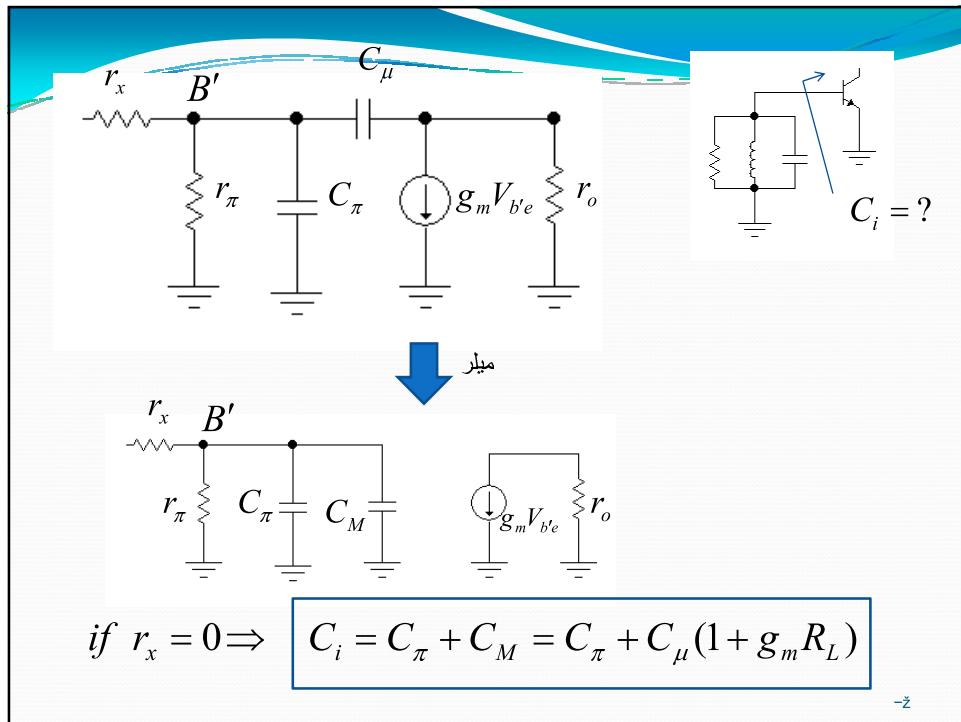
$$\left\{ \begin{array}{l} L_t = L_1 + L_2 \\ R_t = N^2 R_2 \\ N = \frac{L_1 + L_2}{L_2} \end{array} \right.$$

تمرين: روابط زير را
اثبات کنيد.

- ZZ







فرض می کنیم:

$$\omega \ll \omega_\beta = \frac{1}{r_\pi (c_\pi + c_\mu)}$$

$$\Rightarrow \omega r_\pi (c_\pi + c_\mu) \ll 1 \Rightarrow y_o \cong SC_\mu (1 + g_m R_L)$$

$$\Rightarrow C_O = C_\mu (1 + g_m R), R = (R_S + r_x) \parallel r_\pi$$

قابلیت تنظیم align ability

-z

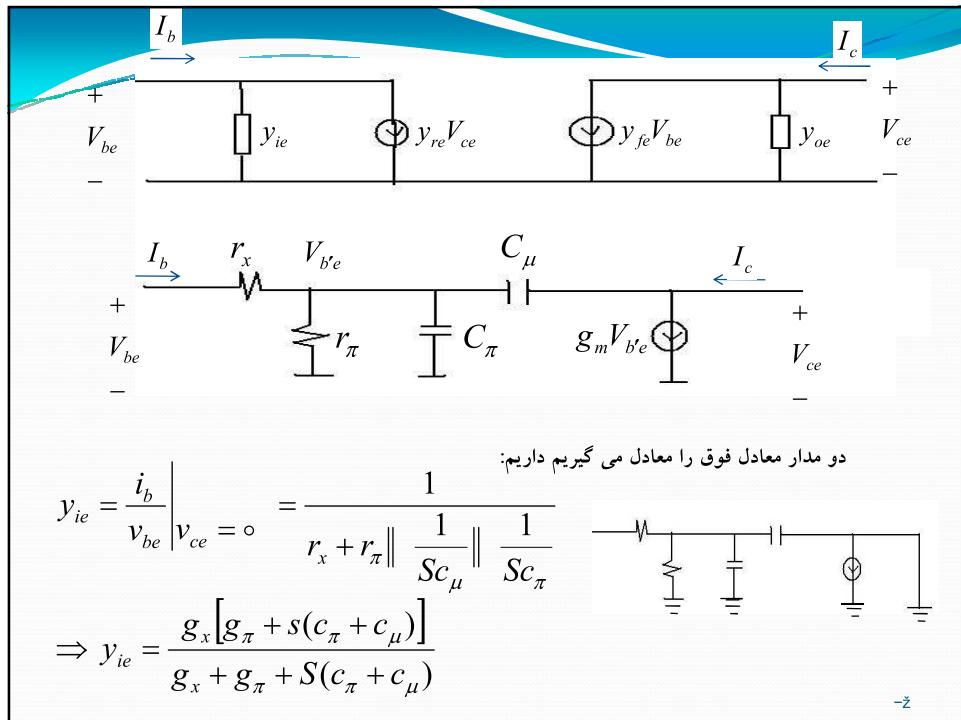
به علت وجود فیدبک داخلی ترانزیستور (C_μ) تنظیم فرکانس تشدید یک تیون باعث می شود فرکانس تشدید تیون دیگر از تنظیم خارج شود.

مدار معادل Y ترانزیستور

$$\begin{cases} I_1 = y_{11}V_1 + y_{12}V_2 \\ I_2 = y_{21}V_1 + y_{22}V_2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} I_b = y_{ie}V_{be} + y_{re}V_{ce} \\ I_c = y_{fe}V_{be} + y_{ce}V_{ce} \end{cases}$$

-z



$S = j\omega$

اعتبار فرمولهای رو برو تا $\frac{f_T}{3}$ می باشد.

$$y_{fe} = \frac{g_x (g_m - sc_\mu)}{g_x + g_\pi + s(c_\pi + c_\mu)}$$

(۱) پارامترهای مدار معادل y اعداد مختلط هستند.

$$y_{re} = \frac{-g_x Sc_\mu}{g_x + g_\pi + S(c_\pi + c_\mu)}$$

(۲) پارامترهای y تابع فرکانس هستند.

$$y_{oe} = \frac{Sc_\mu (g_m + g_\pi + g_x + sc_\pi)}{g_x + g_\pi + s(c_\mu + c_\pi)}$$

(۳) پارامترهای y تابع نقطه کار هستند.

مزیت پارامترهای y: محدوده کار فرکانسی وجود ندارد و مقدار این پارامترها را در هر فرکانسی می توان از کاتالوگ ترانزیستور بدست آورد.

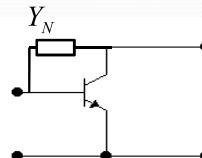
$$\text{if } \omega \ll \omega_\beta = \frac{g_\pi}{c_\pi + c_m} \Rightarrow y_{fe} = \frac{g_x(g_m - sC_\mu)}{g_x + g_\pi + s(c_\pi + c_\mu)}$$

$$\Rightarrow y_{fe} \approx \frac{g_x g_m}{g_x + g_\pi} \xrightarrow{r_\pi > r_x} y_{fe} \approx g_m$$

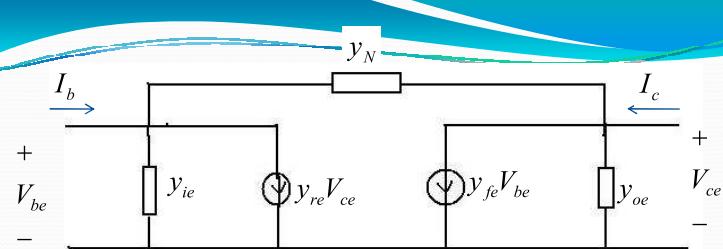
فیدبک داخلى ترانزیستور

$$y_{re} \approx \frac{-g_x j \omega C_\mu}{g_x + g_\pi} \xrightarrow{r_\pi > r_x} y_{re} \approx -j \omega C_\mu$$

خنثی سازی ترانزیستور (حذف فیدبک داخلى ترانزیستور)



Y_N : عنصر (شبكة) خنثی ساز ؟
وظیفه آن حذف فیدبک داخلى ترانزیستور (C_μ) است.

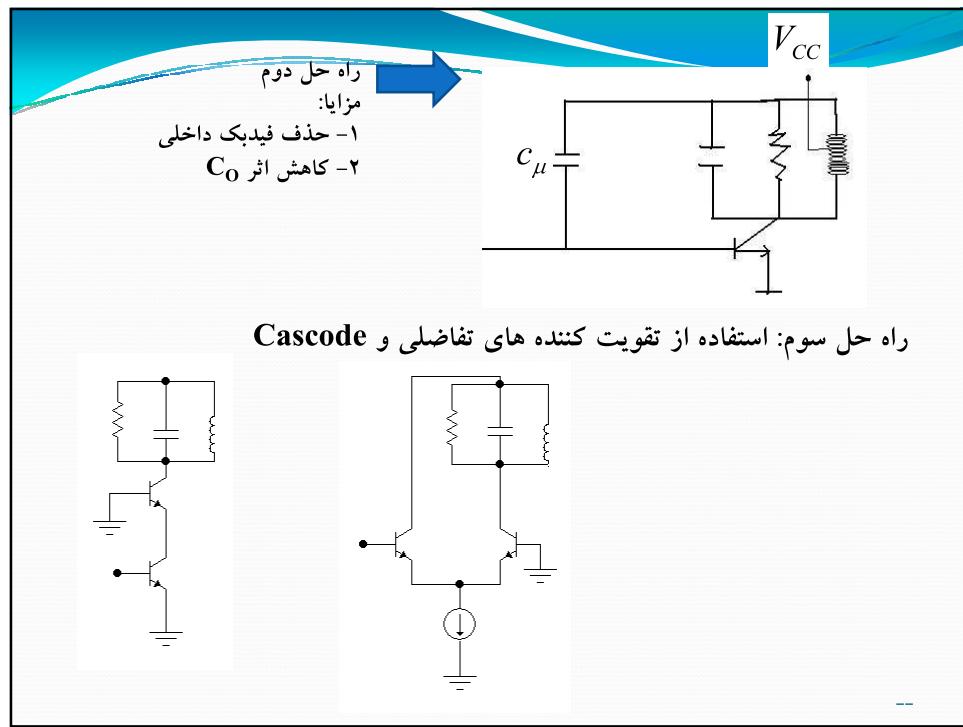
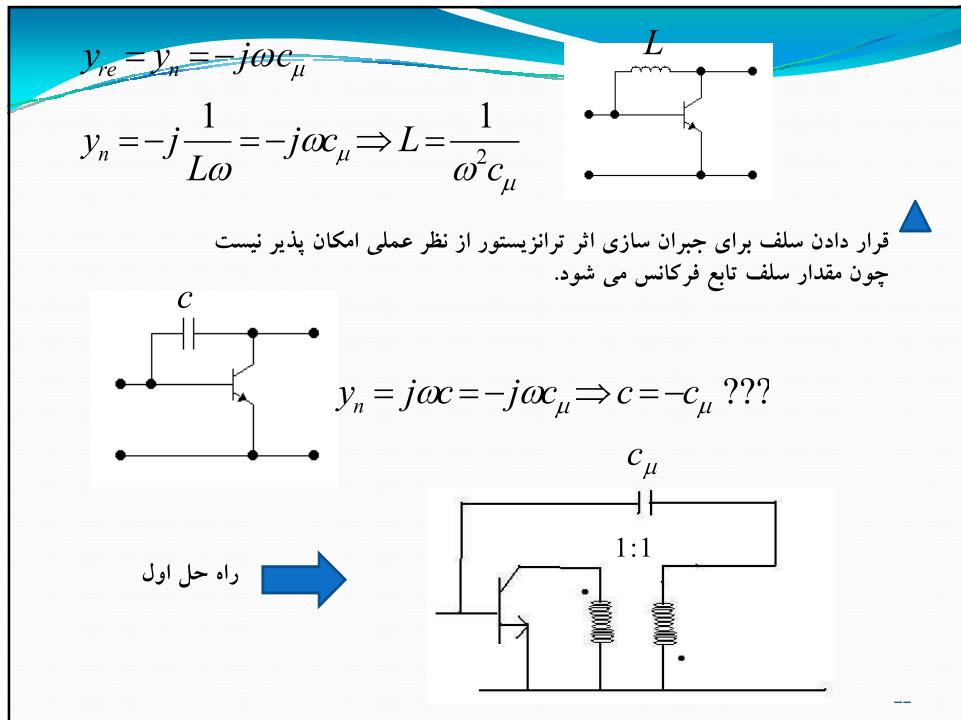


$$\begin{cases} i_b = y_{ie}v_{be} + y_{re}v_{ce} + y_N(v_{be} - v_{ce}) \\ i_c = y_{oc}v_{ce} + y_{fe}v_{be} + y_N(v_{ce} - v_{be}) \end{cases}$$

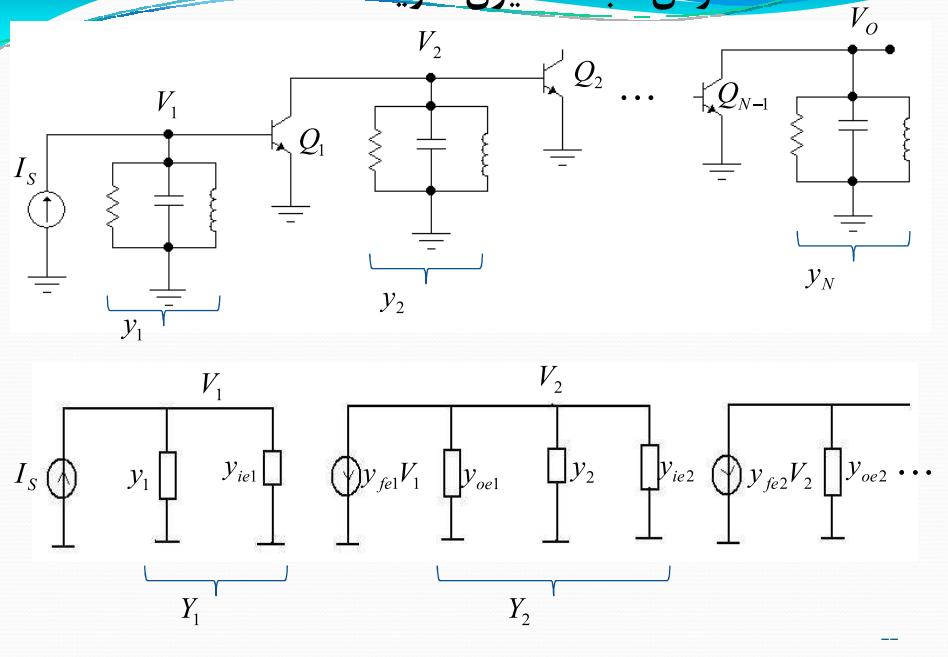
اثر فیدبک داخلى ترانزیستور

$$y_{re} = y_n = -j \omega C_\mu$$

$$\begin{cases} i_b = (y_{ie} + y_N)v_{be} + (y_{re} - y_N)v_{ce} \\ i_c = (y_{fe} - y_N)v_{be} + (y_{oc} + y_N)v_{ce} \end{cases}$$



Cascade کردن طبقات تيون تقويت کننده



$$V_1 = \frac{I_s}{Y_1} \Rightarrow V_2 = \frac{-y_{fe1}V_1}{Y_2} \Rightarrow \frac{V_2}{I_s} = \frac{-y_{fe2}}{Y_1 Y_2}$$

$$\frac{V_o}{I_s} = (-1)^{N-1} \frac{y_{fe1} y_{fe2} \dots y_{feN-1}}{Y_1 Y_2 \dots Y_N}$$

$$\frac{V_o}{I_s} = (-1)^{N-1} \frac{g_{m1} g_{m2} \dots g_{mN-1}}{(Y_1)^N}$$

در تقویت کننده تیون سنکرون همه تیون ها دارای یک فرکانس تشذیب هستند.

$$Y_1 = Y_2 = \dots = Y_N$$



$$\frac{V_o}{I_s} = (-1)^{N-1} \frac{g_{m1} g_{m2} \dots g_{mN-1}}{(Y_1)^N}$$

ـ طبقه امیتر مشترک مشابه داریم N-1

$$f_H = f_{h1} \sqrt{2^{\frac{1}{N}} - 1}$$

پهنهای باند کل

$$BW_t = BW_1 \sqrt{2^{\frac{1}{N}} - 1}$$

$$\begin{cases} BW = 10 \text{ KHz} \\ f_0 = 455 \text{ KHz} \end{cases} \rightarrow Q_t = \frac{f_0}{B.W} = 45.5 \quad \text{مثال: رادیو AM}$$

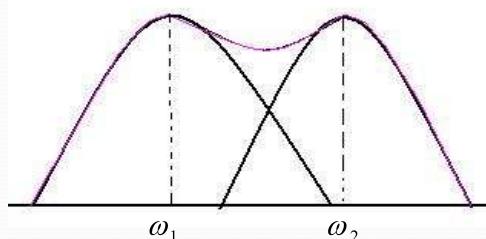
فرض کنید می خواهیم با سلف هایی با ضرب کیفیت ۲۰ فیلتر فوق را طراحی کنیم، می توانیم چند تیون را بطور متواالی متصل کنیم هدف بدست آوردن تعداد تیون ها است.

$$\begin{cases} Q_t = 20 \\ BW = \frac{455}{20} = 22.75 \text{ KHz} \end{cases} \quad BW_t = BW \sqrt{2^{\frac{1}{N}} - 1} \quad 10 = 22.75 \sqrt{2^{\frac{1}{N}} - 1} \rightarrow N = ?$$

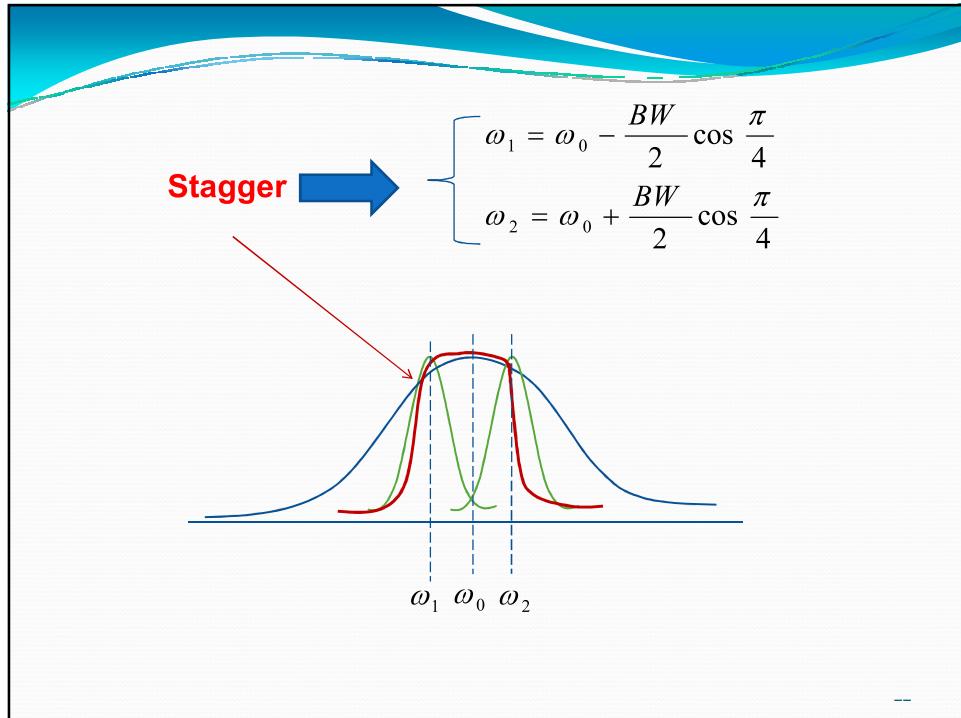
Stagger tuned amplifier:

$$Y_1 \neq Y_2 \neq Y_3 \neq \dots Y_N$$

برای مثال دو تیون داریم که در فرکانس های تشذید منتفاوی دارند.



می توان ω_1 و ω_2 را طوری قرار داد که پاسخ فرکانس حاصل در محدوده وسط تخت باشد، به این حالت Stagger می گویند.

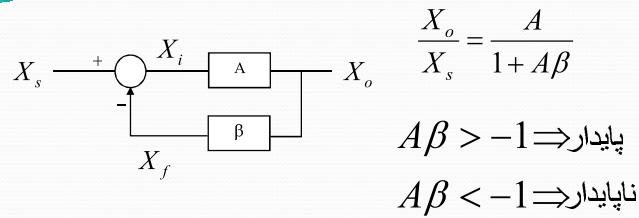


الكترونيک ۳

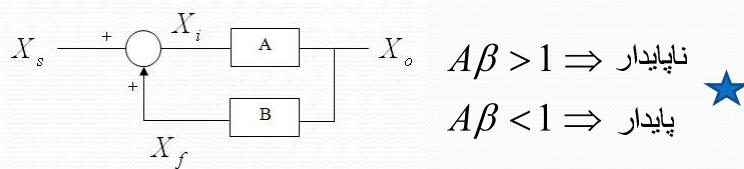
فصل چهارم

اسیلاتورهای سینوسی
استاد ~ خالصی

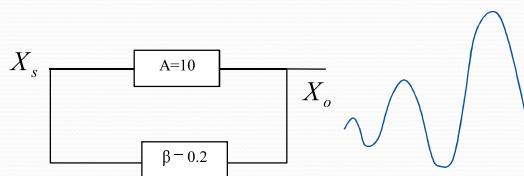
- Ÿ



مرسوم است در شبکه های اسیلاتوری نقطه جمع پذیری را مثبت در نظر می گیرند.
اسیلاتورها از یک شبکه فیدبک مثبت درست شده اند.



نویز (سفید) موجود در محیط که شامل تمام فرکانس ها است بعنوان ورودی است.
فرض می کنیم ورودی یک سیگنال ضعیف نویز است با دامنه $1n\text{ volt}$ و فرکانس مطلوب.



$$A\beta = 10 \times 0.2 = 2 > 1 \Rightarrow$$

سیستم نایپایدار است و دامنه خروجی بطور نایپایدار افزایش می یابد.
(قلبها سمت راست محور موهومی قرار دارند)

وقتی به دامنه مطلوب رسیدیم باید حاصلضرب $A\beta=1$ شود، یعنی قطب ها روی محور موهومی قرار بگیرند.

$A\beta \left|_{f=f_0} \right. > 1 \rightarrow$ در لحظات اول برای شروع نوسان.

$A\beta \left|_{f=f_0} \right. = 1 \rightarrow$ پس از آنکه خروجی به دامنه مطلوب رسید.

$A\beta > 1 \Rightarrow \begin{cases} \text{Re}[A\beta] > 1 \\ \text{Im}[A\beta] = 0 \end{cases}$

در لحظات اول.

معیار بارک هاوزن.

اسیلاتور **RC**: در شبکه فیدبک از مقاومت و خازن استفاده شده است.

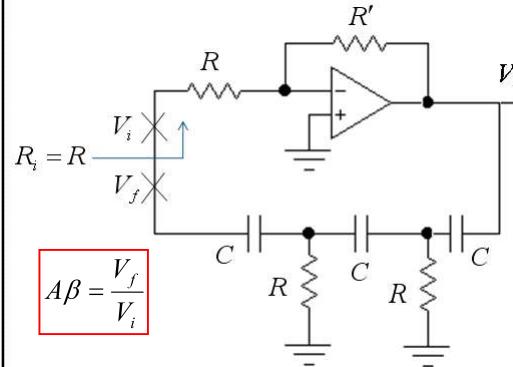
اسیلاتور **LC**: در شبکه فیدبک از سلف و خازن (و مقاومت) استفاده شده است.

اسیلاتور کریستالی: در شبکه فیدبک از کریستال (سلف و خازن و مقاومت) استفاده شده است.

انواع اسیلاتورها

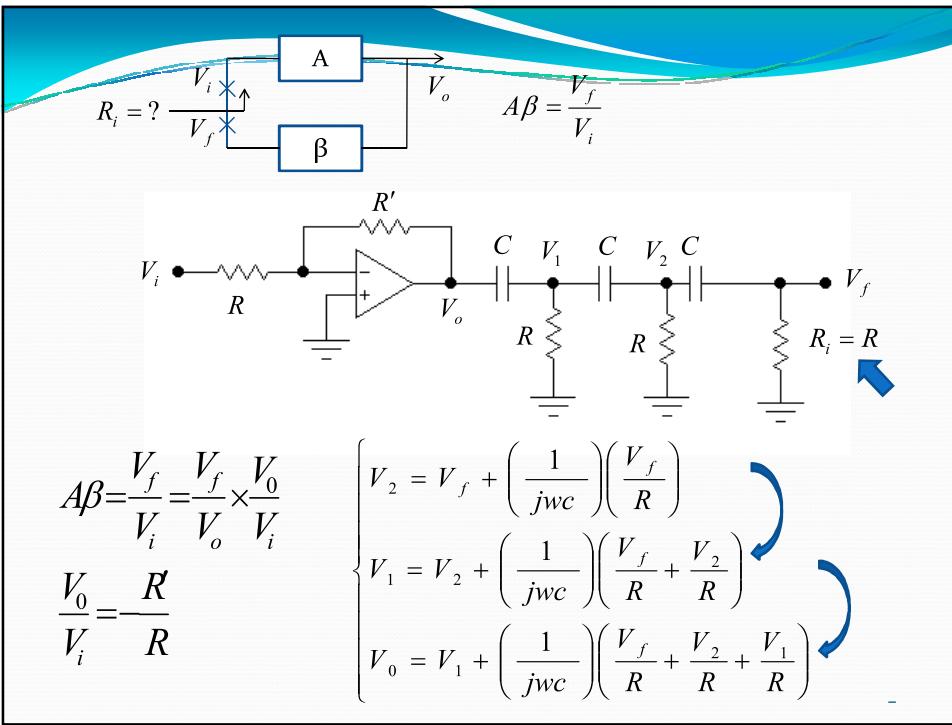
اسیلاتورهای RC

اسیلاتور شیفت فاز با OP-amp



هر مدار RC بالا گذر با توجه به فرکانس مدار ۹۰ درجه اختلاف فاز دارد و چون سه مدار RC داریم می‌تواند از ۲۷۰ درجه اختلاف فاز ایجاد کند، نیز چون بصورت معکوس کننده است ۱۸۰ درجه اختلاف فاز ایجاد می‌کند، پس در حلقه مدار می‌توان ۳۶۰ درجه اختلاف فاز داشت که باعث ایجاد فیدبک مثبت و نوسان می‌شود.

- ★ برای محاسبه $A\beta$ و اعمال معیار بارک هاوزن باید حلقه فیدبک را قطع و نسبت $\frac{V_f}{V_i}$ حساب کنیم.
- ★ از هر نقطه‌ای که حلقه فیدبک قطع می‌شود باید مقاومت ورودی محاسبه و این اثر بارگذاری در خروجی اعمال شود.



$$\alpha = \frac{1}{RC\omega} \quad \frac{V_f}{V_o} = \frac{1}{1-5\alpha^2 - J\alpha(6-\alpha^2)} \Rightarrow$$

$$A\beta = \frac{V_f}{V_i} = \frac{-R'}{1-5\alpha^2 - J\alpha(6-\alpha^2)} \quad \begin{array}{l} \text{اعمال معيار بارک هاوزن} \\ A\beta = 1 \begin{cases} I_m[A\beta] = 0 \\ R_e[A\beta] = 1 \end{cases} \end{array}$$

$$I_m(A\beta) = 0 \rightarrow \alpha(6-\alpha^2) = 0 \Rightarrow \begin{cases} \alpha = 0 \rightarrow \omega = \infty \\ \alpha = \sqrt{6} \rightarrow \omega_0 = \frac{1}{RC\sqrt{6}} \end{cases} \quad \text{فرکانس نوسان}$$

$$R_e(A\beta) \left|_{\omega=\omega_0} \right. = \frac{-R'}{1-5\alpha^2} \left|_{\alpha=\sqrt{6}} \right. = \frac{\frac{R'}{R}}{1-5 \times 6} > 1 \Rightarrow \frac{R'}{R} > 29 \quad \text{شرط نوسان}$$

اسیلاتور شیفت فاز با ترانزیستور BJT

در نقطه قطع فیدبک می توانیم جریان بدھیم، در این صورت داریم:

$$A\beta = \frac{I_f}{I_i}$$

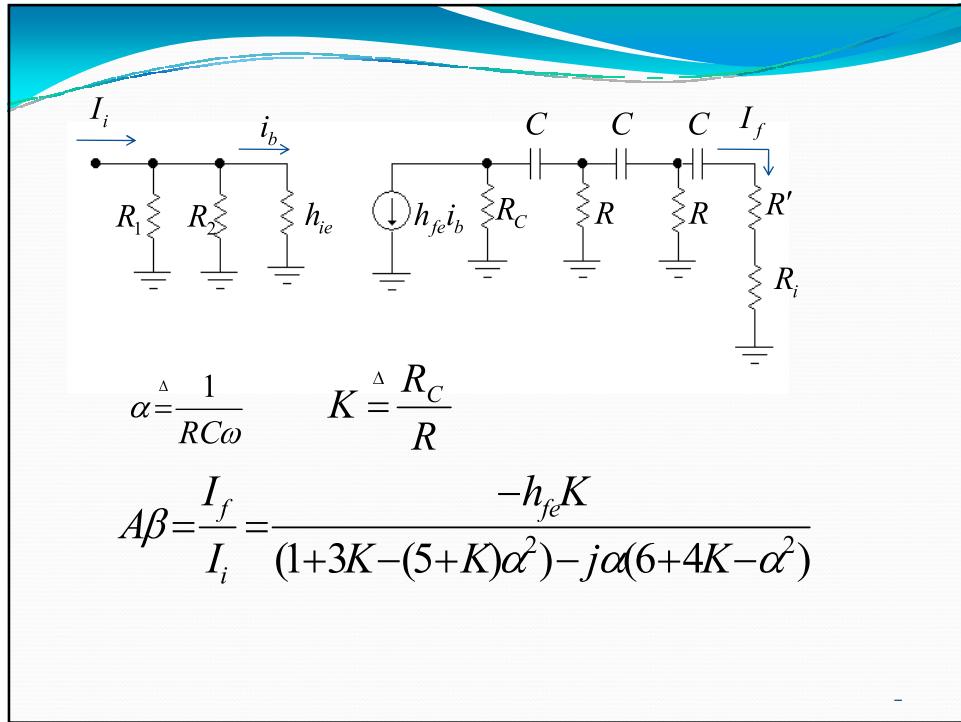
$$R' > R$$

$$R_i = R_1 \parallel R_2 \parallel h_{ie}$$

$$\Rightarrow R_i \approx h_{ie}$$

$$R \equiv R' + R_i$$

چون در نوسان سازهای RC فرکانس نوسان پایین است، می توانیم از مدار معادل H فرکانس پایین ترانزیستور استفاده کنیم.

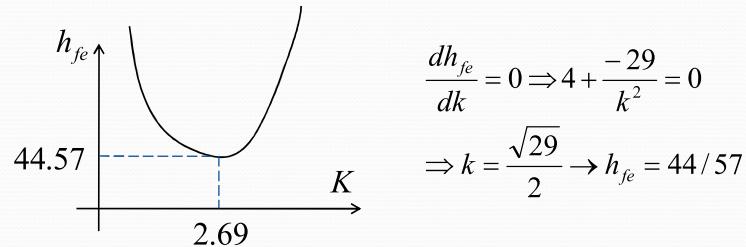


$I_m(A\beta) = 0 \rightarrow \alpha(6 + 4K - \alpha^2) = 0 \begin{cases} \alpha = 0 \rightarrow \omega = \infty \\ 6 + 4K - \alpha^2 = 0 \end{cases}$

 $\alpha = \sqrt{6 + 4K} \Rightarrow \omega_0 = \frac{1}{RC\sqrt{6 + 4K}}$ فرکانس نوسان

$$\text{Re}(A\beta) \Bigg|_{\omega = \omega_0} = \frac{-h_{fe}K}{1 + 3K - (5 + K)\alpha^2} \Bigg|_{\alpha = \sqrt{6 + 4K}} \geq 1$$
 $\Rightarrow \frac{-h_{fe}K}{1 + 3K - (5 + K)(6 + 4K)} \geq 1 \Rightarrow h_{fe} \geq 4K + 23 + \frac{29}{K}$ شرط نوسان

منحنی h_{fe} بر حسب K در اسلاید بعد رسم شده است.

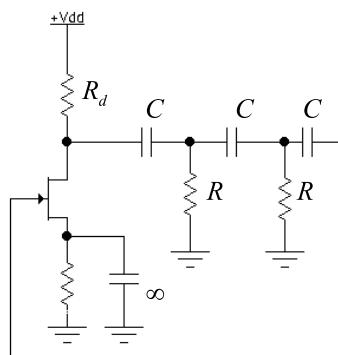


ترانزیستوری که انتخاب می کنیم باید h_{fe} آن از $44/57$ کمتر باشد.
برای h_{fe} های بزرگتر از $44/57$ دو جواب برای K بدست می آید که باید در شرط نوسان صدق کند.

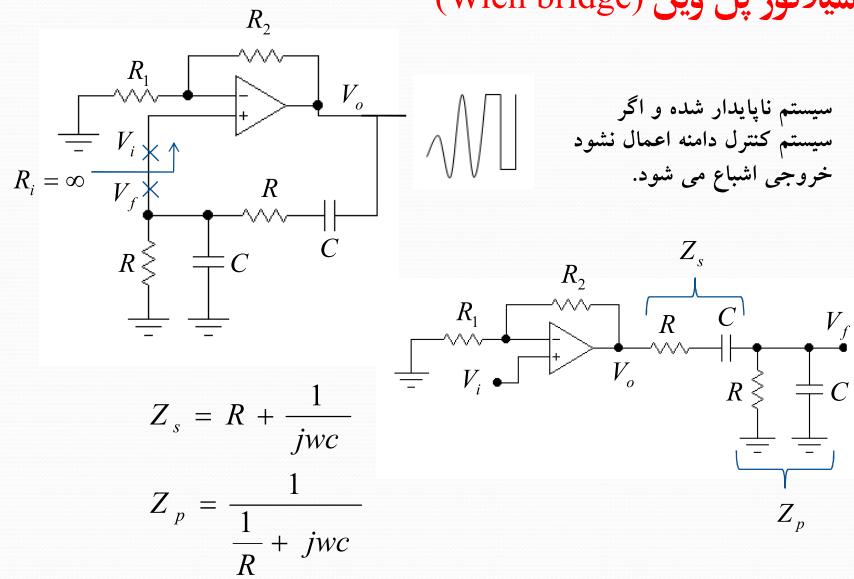


اسیلاتور شیفت فاز با JFET

تمرین: فرکانس و شرط نوسان را برای اسیلاتور شکل زیر رسم کنید.



اسيلاتور پل وين (Wien bridge)



$$A\beta = \frac{V_f}{V_i} = \frac{V_f}{V_0} \times \frac{V_0}{V_i}$$

$$\frac{V_0}{V_i} = 1 + \frac{R_2}{R_1}, \quad \frac{V_f}{V_0} = \frac{Z_p}{Z_p + Z_s}$$

$$A\beta = \frac{V_f}{V_i} = \frac{1 + \frac{R_2}{R_1}}{3 + j(RC\omega - \frac{1}{RC\omega})}$$

$$I_m(A\beta) = 0 \Rightarrow RC\omega - \frac{1}{RC\omega} = 0 \Rightarrow R^2 C^2 \omega^2 = 0 \Rightarrow \boxed{\omega_0 = \frac{1}{RC}}$$

فرکانس نوسان

$$R_e(AB) \Big|_{\omega=\omega_0} = \frac{1 + \frac{R_2}{R_1}}{3} > 1 \Rightarrow 1 + \frac{R_2}{R_1} > 3 \Rightarrow \boxed{\frac{R_2}{R_1} > 2}$$

شرط نوسان

مکانیزم های کنترل دامنه در اسیلاتور

$A\beta > 1$ مکانیزم کنترل دامنه $A\beta = 1$ فرکانس مورد نظر

۱- استفاده از اشباع عنصر فعال:

وقتی خروجی اشباع می شود و موج برقیله می شود فرکانس اصلی، دو برابر، ۳ برابر و ... را در بر دارد (سری فوریه) حال با اعمال یک فیلتر در فرکانس اصلی در خروجی سینوسی مطلوب را داریم.

۲- استفاده از عناصر تابع دما:

برای مثال در اسیلاتور پل وین با توجه به شرط $\frac{R_2}{R_1} > 2$ با افزایش دما مقاومت زیاد می شود. نوسان کافیست R_2 را مقاومت NTC قرار دهیم.

$$\frac{R_2}{R_1} > 2 \quad \text{شرط نوسان در اسیلاتور پل وین.}$$

$R_2 = NTC$

در لحظات اول چون ولتاژ خروجی ناچیز است و جریان نداریم مقاومت مقاومت (R_2) NTC زیاد است با شروع نوسان و افزایش دامنه موج خروجی میزان تلفات در مقاومت زیاد و R_2 کاهش می یابد بطوریکه وقتی $\frac{R_2}{R_1} = 2$ اسیلاتور با دامنه ثابت شروع به نوسان می کند.

۳- کنترل اتوماتیک بهره (AGC)

بهره تقویت کننده A با تغییر ولتاژ، تغییر می کند.

$$A = f(V), \quad V \uparrow \Rightarrow A \downarrow$$

سیستم شروع به نوسان می کند.

$$V_o = 0 \Rightarrow V = 0 \Rightarrow A = A_{\max}, A\beta > 1 \Rightarrow$$

سیستم با دامنه ثابت شروع به نوسان می کند.

$$V_o = cte \Rightarrow V = cte \Rightarrow A\beta = 1 \Rightarrow$$

JFET در ناحیه اهمی بایاس می شود. و بعنوان مقاومت متغیر استفاده می شود. با افزایش ولتاژ گیت-سورس مقاومت دو سر افزایش می یابد.

$$R_{DS} = \frac{r_{ON}}{1 - \frac{V_{GS}}{V_P}}$$

$$r_{ON} = R_{DS} \Big|_{V_{GS}=0}$$

باید ثابت زمانی مدار یکسوساز بزرگ باشد.

$$\tau = (R_3 + R_4)C' \gg T$$

۴- استفاده از خاصیت غیر خطی عنصر فعال

تقویت کننده غیرخطی

$$V_o \quad A_0\beta > 1 \Rightarrow$$

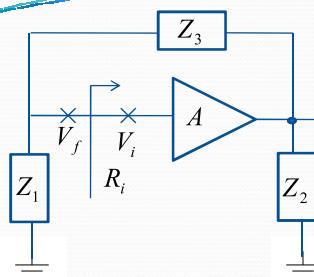
سیستم شروع به نوسان می کند و با افزایش ولتاژ ورودی بعلت خاصیت غیرخطی ترانزیستور گین کاهش می یابد.

$$A\beta = 1 \Rightarrow$$

سیستم با دامنه ثابت شروع به نوسان می کند.

ترانزیستور BJT تقویت کننده غیرخطی است.

فرم کلی اسیلاتورهای LC

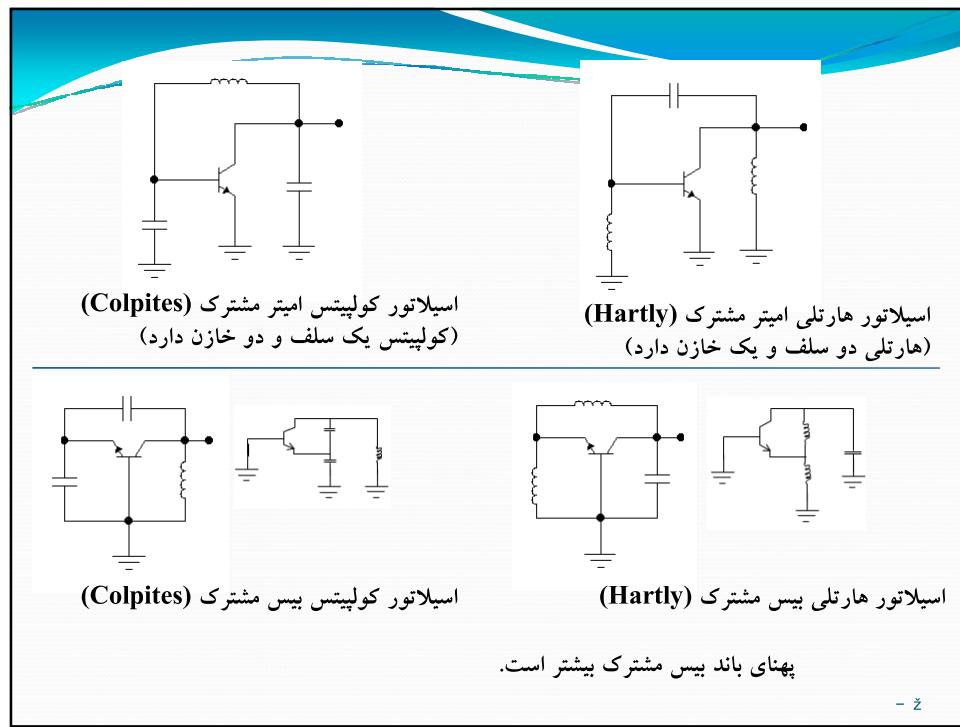


$$Z = jx$$

$$\begin{cases} x = L\omega & \text{برای سلف:} \\ x = -\frac{1}{C\omega} & \text{برای خازن:} \end{cases}$$

برای داشتن نوسان باید شروط زیر برقرار باشد. (اثبات به عهده دانشجو)

$$\begin{cases} A < 0 \Rightarrow Z_1 \text{ و } Z_2 \text{ هر دو باید سلف و یا خازن باشند.} \\ A > 0 \Rightarrow Z_1 \text{ سلف و } Z_2 \text{ خازن و یا بالعکس.} \end{cases}$$

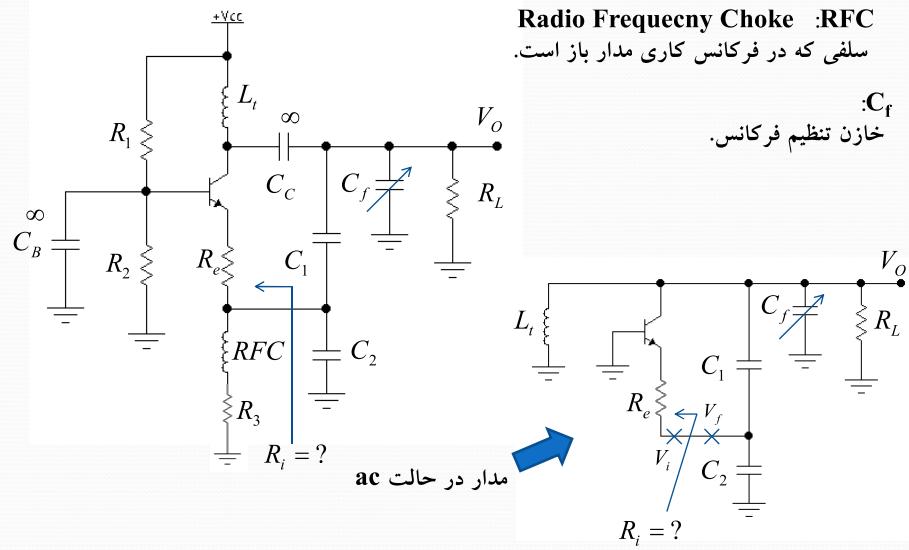


اسیلاتور کولپیتس بیس مشترک (بار بزرگ)

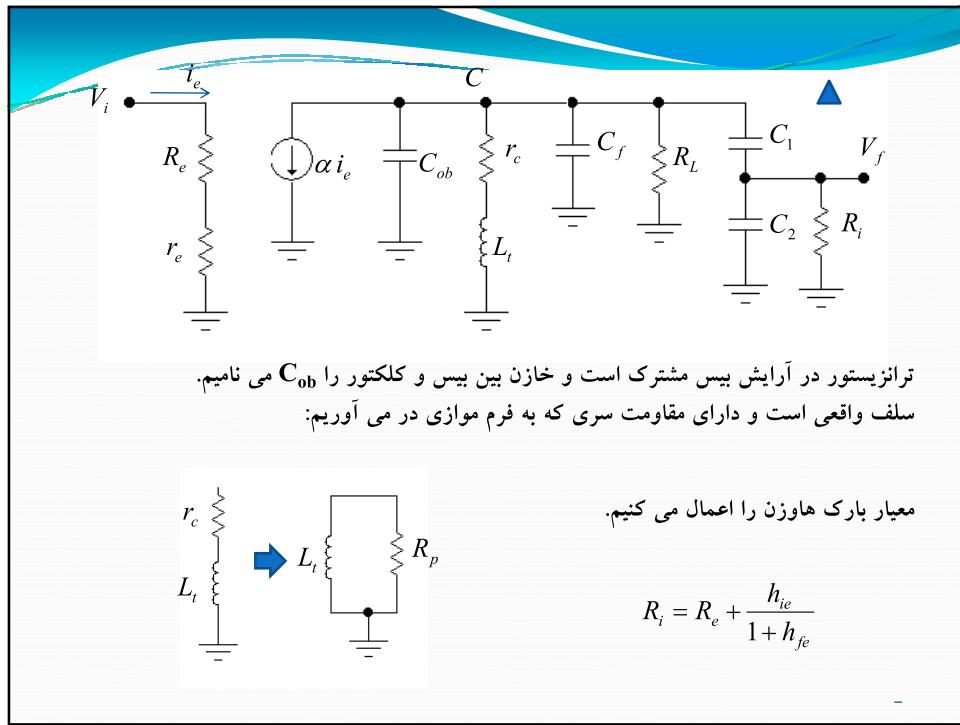
Radio Frequency Choke :RFC

سلفی که در فرکانس کاری مدار باز است.

: C_f
خازن تنظیم فرکانس.



$R_i = ?$



$$R_t = R_L \parallel R_P$$

$$I_m(A\beta) = 0 \Rightarrow$$

$$\omega_0^2 = \frac{1}{L_t(C_{ob} + C_f + \frac{c_1 c_2}{c_1 + c_2})} + \frac{1}{R_t R_i (c_1 + c_2) [C_f + C_{ob} + \frac{c_1 c_2}{c_1 + c_2}]}$$

ناشی از مدار تانک

ناشی، از یار و ترانه پستور

اگر مقاومت بار تغییر کند فرکانس تغییر می کند، بنابراین مقادیر را باید طوری طراحی کرد که جمله ناشی از بار خیلی کوچکتر از جمله جمله ناشی از مدار تانک گردد.

$$\rightarrow R_t R_i (C_1 + C_2) \gg L_t$$

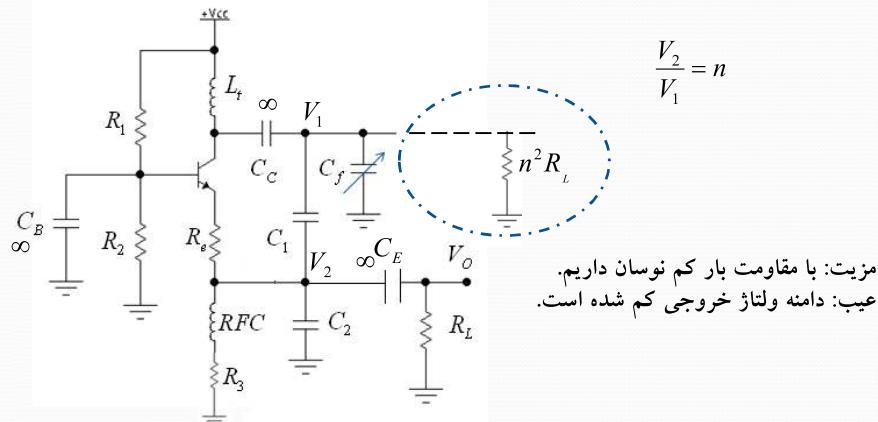
$$R_e(A\beta) \geq 1 \stackrel{\text{شرط نوسان}}{\Rightarrow} \alpha > 1 + \frac{C_f + C_{ob}}{C_1} + \frac{R_i}{R_t} \left(1 + \frac{c_2}{c_1}\right) - \frac{1}{{\omega_0}^2 L_t C_1}$$

$$if \quad R_t R_i (C_1 + C_2) \gg L_t \Rightarrow \alpha > \frac{1}{1 + \frac{c_2}{c_1}} + \frac{R_i}{R_t} \left(1 + \frac{c_2}{c_1} \right)$$

اگر مقاومت بار را کوچک قرار دهیم، R کوچک شده و α بزرگ بدست می‌آید، در نتیجه مقاومت بار باید بزرگ باشد.

اسیلاتور کولپیش بیس مشترک (بار کوچک)

جای مقاومت بار را تغییر داده آنرا به سر وسط دو خازن C_1 و C_2 وصل می کنیم.



$$\frac{V_2}{V_1} = n$$

مزیت: با مقاومت بار کم نوسان داریم.
عیب: دامنه ولتاژ خروجی کم شده است.

بهترین نقطه کار

بهترین نقطه کار در بیس مشترک

با توجه به مدار

$$\begin{cases} I_{CQ} = \frac{V_{CC} - V_{CB}(\text{sat})}{R_{ac} + R_{dc}} \\ V_{CBQ} = R_{ac} I_{CQ} + V_{CB}(\text{sat}) \end{cases}, \quad R_{ac} = R_P \parallel R_L \parallel n^2 R_i, \quad R_{dc} = R_3 + R_e$$

ماکزیمم توان انتقالی

مقاومت خروجی دیده شده از دو سر بار = مقاومت بار مصرف کننده $\iff R_L = R_O$

$$R_L = R_O = R_P \parallel n^2 R_i \Rightarrow R_{ac} = \frac{R_L}{2}$$

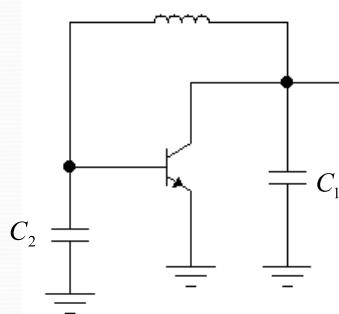
$$P_{L\max} = \frac{V_{max}^2}{2R_L} = \frac{(R_{ac} I_{CQ})^2}{2R_L}$$

$$\Rightarrow P_{L\max} = \frac{R_L I_{CQ}^2}{8}$$

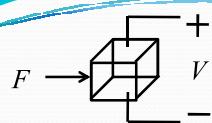
تمرین:

فرکانس و شرط نوسان را برای اسیلاتور کولپیتس امپت مشارک مدار شکل زیر بدست آورید.

(مدار در حالت ac رسم شده است)



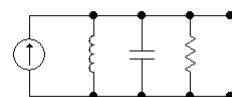
اسیلاتورهای کریستالی



از مواد پیزو الکتریک استفاده می شود.

اگر از یک طرف نیرو وارد کنیم، ولتاژ تولید می شود.

$$\begin{cases} F = F_m \sin \omega t \\ V = V_m \sin \omega t \end{cases}, \quad \begin{cases} F = cte. \\ V = V_{DC} \end{cases}$$



کریستال شبیه یک مدار RLC است و با تغییر فرکانس موج ورودی دامنه خروجی تغییر می کند. اما دارای چندین فرکانس تشیدید است.

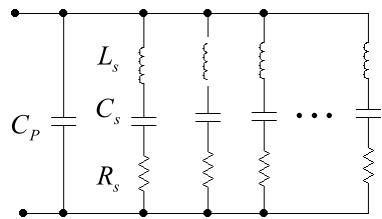
فرکانسهای تشیدید کریستال: فرکانسهایی هستند که به ازای آن بیشترین دامنه در خروجی ظاهر می شود.

فرکانس اصلی کریستال (Fundamental): کمترین فرکانس تشیدید کریستال. سایر فرکانس های تشیدید کریستال را Overtone گویند.



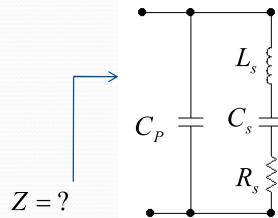
نماد الکتریکی کریستال

مدار معادل کریستال (معادلات الکترومکانیک).



فرض می کنیم سایر فرکانس های تشدید کریستال از فرکانس اصلی آن خیلی بزرگترند
یعنی از اثر بقیه شاخه ها صرف نظر می شود.

مقدار مقاومت شاخه سری خیلی کمتر از
اندوكتانس سلف است.



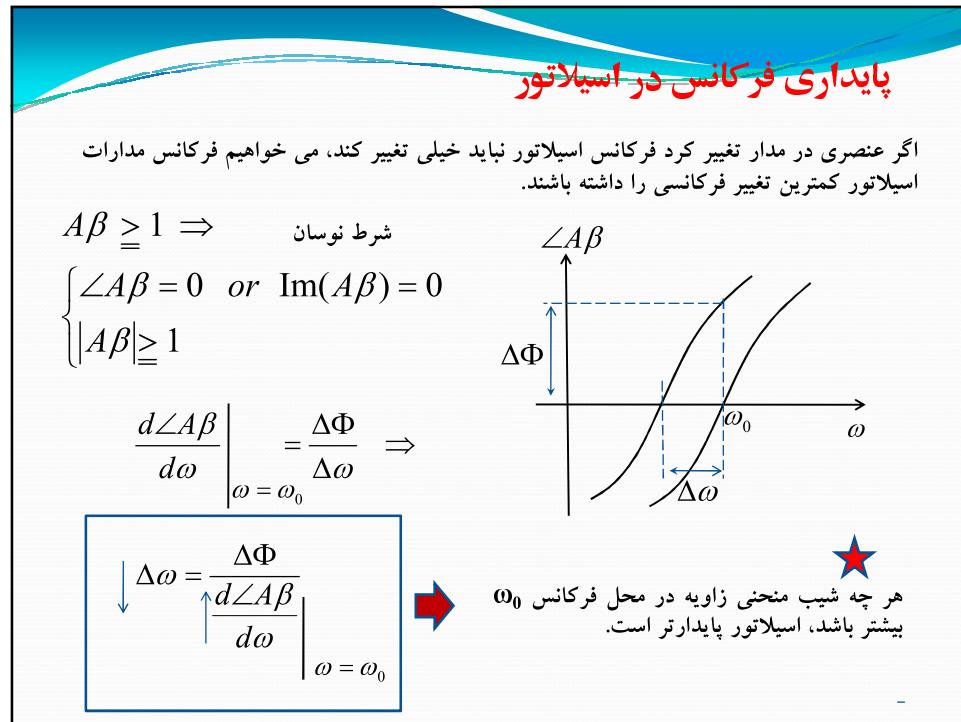
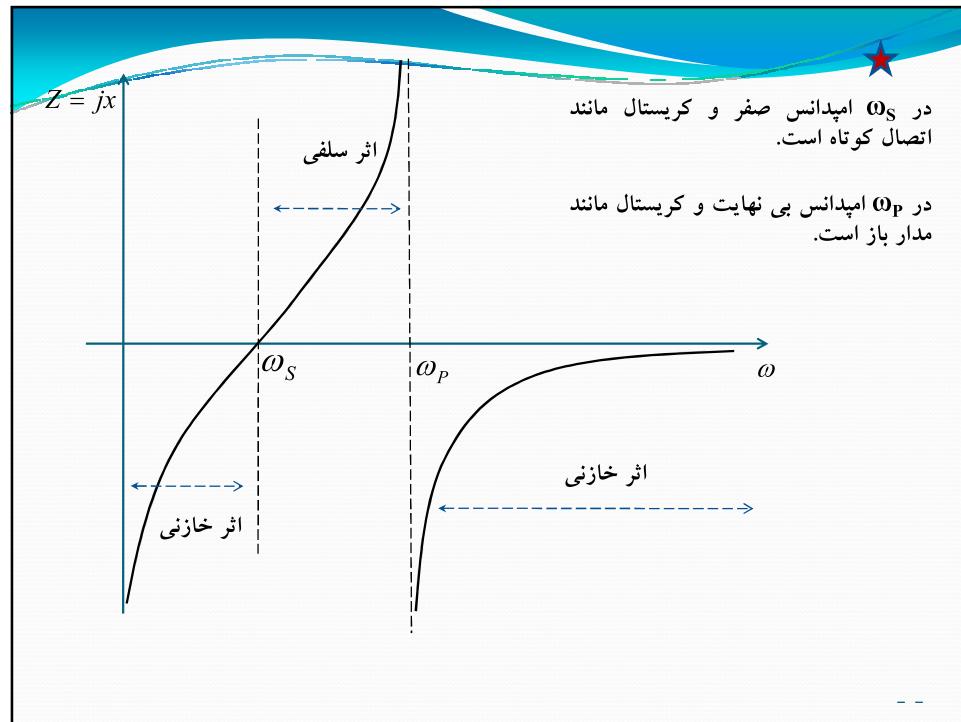
$$Z(j\omega) = \frac{\frac{1}{j\omega C_p} \left[j\omega L_s + \frac{1}{j\omega C_s} + R_s \right]}{\frac{1}{j\omega C_p} + j\omega L_s + \frac{1}{j\omega C_s} + R_s} \xrightarrow{R_s \ll \omega L_s}$$

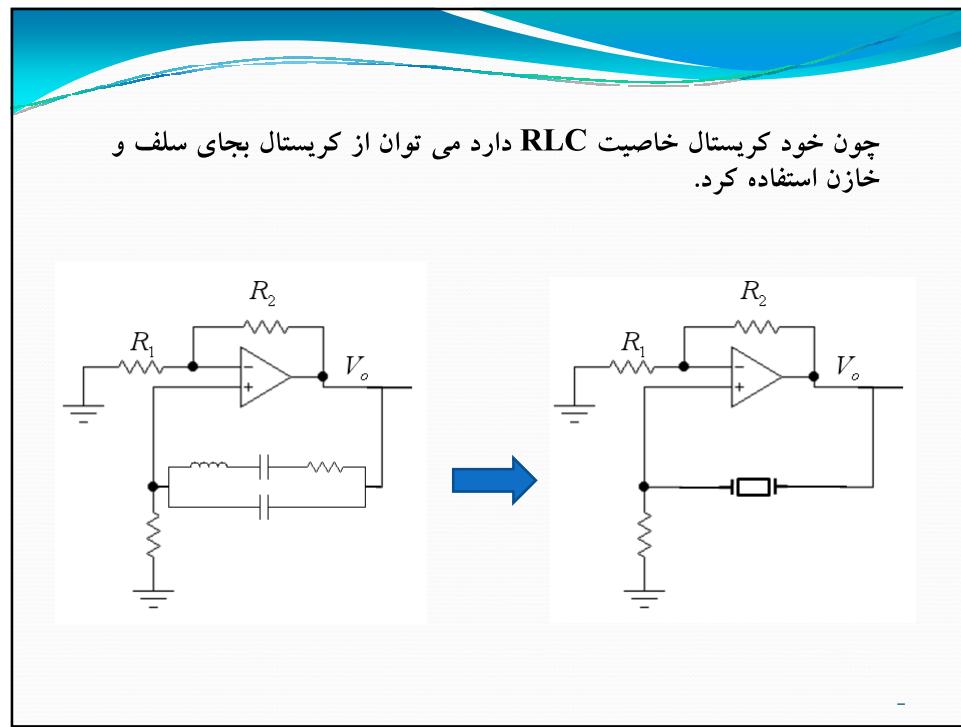
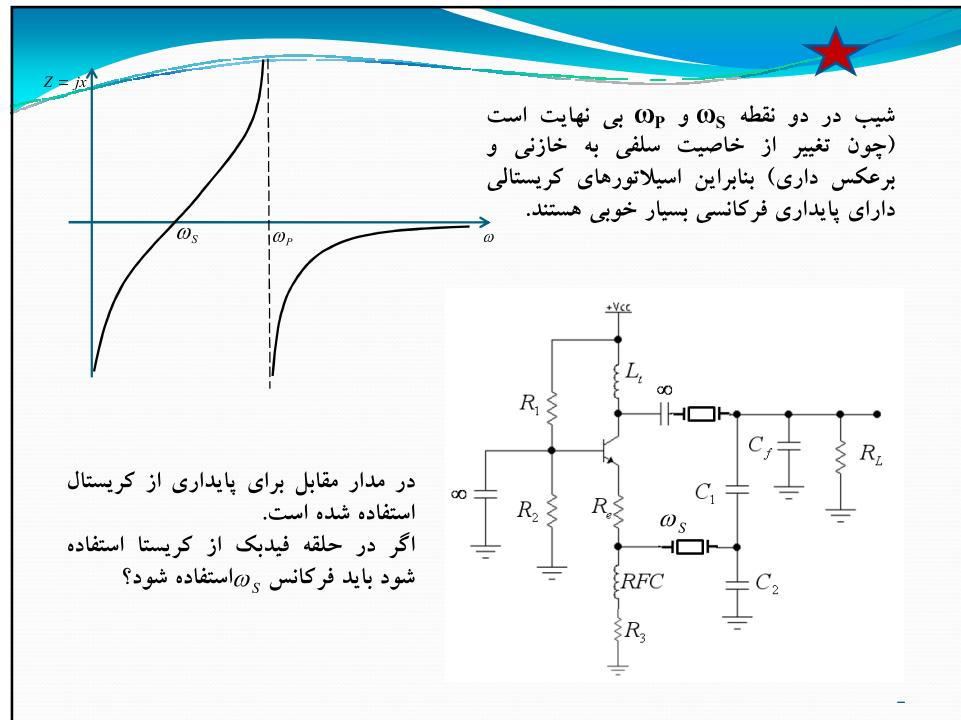
$$Z(j\omega) \cong \frac{-j}{\omega C_p} \times \frac{\omega^2 - \omega_s^2}{\omega^2 - \omega_p^2}, \quad \omega_s^2 = \frac{1}{L_s C_s}, \quad \omega_p^2 = \frac{1}{L_s C_s} \left[1 + \frac{C_s}{C_p} \right]$$

امپدانس دیده شده از دو سر کریستال موهومی خالص است.

ω_s : فرکانس سری

ω_p : فرکانس موازی



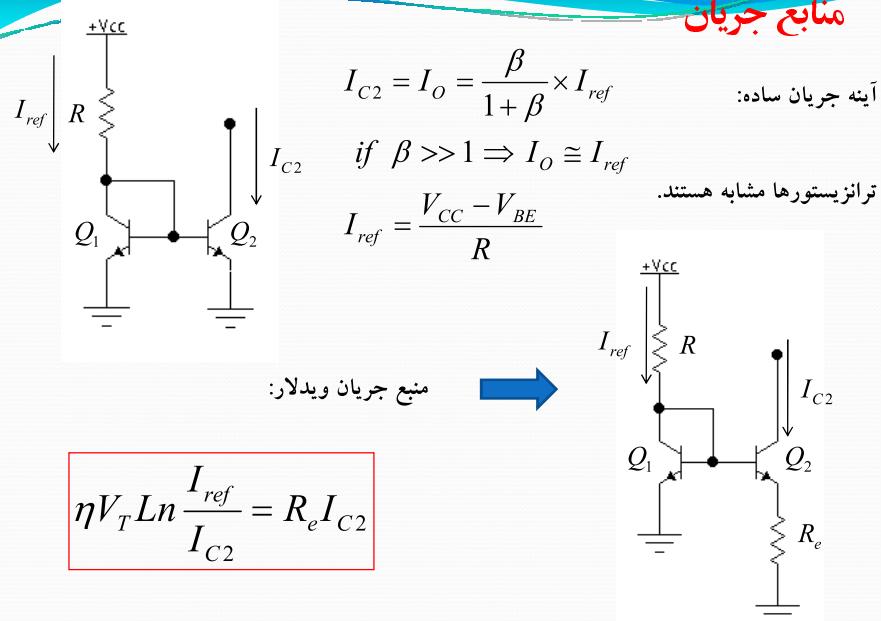


الكترونيک ۳

فصل پنجم

تقویت کننده های عملیاتی استاد خالصی

منابع جریان



منابع جریان مستقل از منبع تغذیه

منابع جریان وابسته به V_T

ترانزیستور Q_2 :

سطح اتصال پیوند BE آن دو برابر ترانزیستور Q_1 است.
در نتیجه جریان اشباع معکوس آن نیز ۲ برابر می شود.

$$\Rightarrow I_{02} = 2I_{01}$$

$$KVL : V_{BE1} = V_{BE2} + R_e I_{C2} \Rightarrow$$

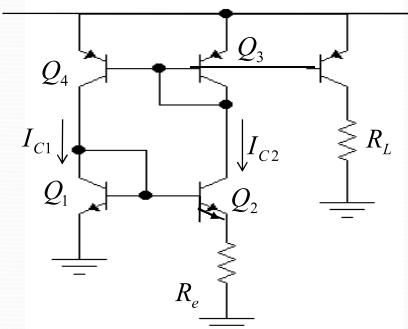
$$\eta V_T \ln \frac{I_{C1}}{I_{01}} = \eta V_T \ln \frac{I_{C2}}{I_{01}} + R_e I_{C2}$$

مستقل از V_{CC}

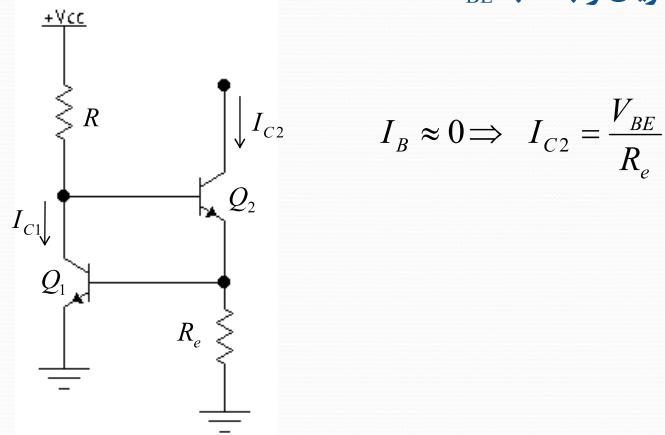
$$\Rightarrow \eta V_T \ln \frac{2I_{C1}}{I_{C2}} = R_e I_{C2}, \text{ if } I_{C1} = I_{C2} \Rightarrow I_{C2} = \frac{\eta V_T \ln 2}{R_e}$$

کافیست از یک آینه جریان استفاده کنیم تا شرط $I_{C1} = I_{C2}$ برقرار باشد.

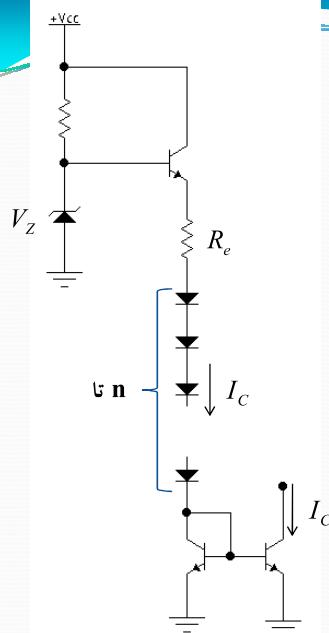
پس مدار بصورت شکل زیر در می آید.



منابع جریان وابسته به V_{BE}



منابع جریان وابسته به V_Z



$$V_D = V_{BE}$$

$$V_Z = V_{BE} + R_e I_C + n V_D + V_{BE}$$

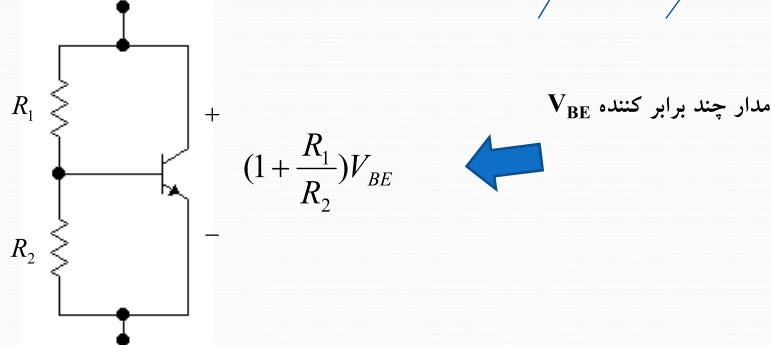
$$\Rightarrow V_Z = (n+2)V_{BE} + R_e I_C$$

$$\Rightarrow I_C = \frac{V_Z - (n+2)V_{BE}}{R_e}$$

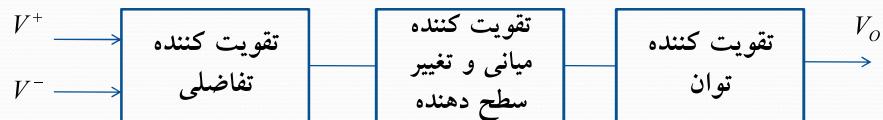
n را طوری تعیین کنید که جریان I_C مستقل از دما باشد.

V_{BE} به ازای هر درجه افزایش دما ۲ میلی ولت کاهش می یابد.
جريان اشباع معکوس به ازای هر ۱۰ درجه افزایش دما دو برابر می شود.

$$\frac{\partial V_Z}{\partial T} = (n+2) \frac{\partial V_{BE}}{\partial T} + \frac{\partial R_e}{\partial T} I_C + R_e \frac{\partial I_C}{\partial T}$$



تقویت کننده های عملیاتی



741 Schematic

