

ریاضیات و کاربردها



پژوهشسرای دانشآموزی دانشگاه فرهنگیان کرمان دبیرستان استعدادهای درخشان آموزشگاه علمی گویا آموزشگاه تخصصی ریاضی سیا
دبیرستان نندمودانی دبیرستان شاهد پژوهشسرای دانشآموزی ملاصدرا - اداره آموزش و پرورش شهرستان زرند
۹۸ اردیبهشت

ریاضیدان ایرانی غیاث الدین جمشید کاشانی

پوریا مهدوی؛ دبیرستان شاهد دوره دوم، شهرستان زرند

کسرا کارگر؛ دبیرستان شاهد دوره دوم، شهرستان زرند

امیرافشین حبیبی؛ دبیرستان شاهد دوره دوم، شهرستان زرند

معلم راهنمای: زهیر تویسرکانی؛ اداره آموزش و پرورش شهرستان زرند

چکیده

تا چند دهه پیش حتی نام غیاث الدین جمشید کاشانی، برای خیلی از دانشمندان ایرانی و اروپایی (اند) ناشناخته بود، وقتی امکان و فرصت مطالعه آثار او به وجود آمد به عظمت تلاش ها و تحقیقات غیاث الدین پی بردن و او را مثل مرواریدی از صد بسته تاریخ علوم ریاضی و نجوم بیرون کشیدند. غیاث الدین یکی از بزرگ ترین ریاضی دانان، منجمان و زیج نویسان ایرانی است. پژوهش های سال های اخیر نشان داده است که وی، بزرگترین ریاضی دان و اخترشناس سده پانزدهم میلادی و همچنین یکی از بزرگترین ریاضی دانان جهان اسلام بوده است.

واژگان کلیدی: غیاث الدین جمشید کاشانی، ریاضیات، آثار علمی.

ریاضیات و کاربردها

۱- مقدمه

غیاث الدین جمشید کاشانی (زاده حدود ۷۵۸ خورشیدی برابر با ۱۳۸۰ میلادی - مرگ ۱ تیر ۸۰۸ برابر با ۲۲ ژوئن ۱۴۲۹) ریاضی دان برجسته، اخترشناس و شمارشگر زبردست ایرانی بود. نام کامل او عبارت است از جمشید بن مسعود بن محمود طبیب کاشانی ملقب به غیاث الدین که در غرب به الکاشی مشهور است. او در عمر کوتاه خود آلات رصدی دقیقی اختراع کرد و از حدود ۸۰۸ (۱۴۰۶) تا پایان عمرش ۸۳۲ (۱۴۲۹) فعالیت علمی داشت و در دوران فعالیت علمی اش کتاب های گوناگونی در زمینه ریاضیات و نجوم نگاشت. غیاث الدین جمشید کاشانی هر چند فیزیکدان بود، ولی علاقه اصلی اش متوجه ریاضیات و اخترشناسی بود.

ریاضیات و کاربردها



پژوهشسرازی دانشآموزی - اداره آموزش و پژوهش شهرستان زرد

۹۸ اردیبهشت

غیاث الدین جمشید کاشانی، زبردست‌ترین حساب‌دان و آخرین ریاضی‌دان برجسته دوره اسلامی و از بزرگ‌ترین مفاخر تاریخ ایران به‌شمار می‌آید. وی به تکمیل و تصحیح روش‌های قدیمی انجام چهار عمل اصلی حساب پرداخت و روش‌های جدید و ساده‌تری برای آن‌ها اختراع کرد. در واقع، کاشانی را باید مخترع روش‌های کنونی انجام چهار عمل اصلی حساب (به ویژه ضرب و تقسیم) دانست. کتاب ارزشمند وی با نام مفتاح الحساب کتابی درسی، درباره ریاضیات مقدماتی است و آن را از حیث فراوانی و تنوع مواد و مطالب و روانی بیان سرآمد همه آثار ریاضی سده‌های میانه می‌دانند.

۲- محتوای اصلی

۲-۱- مهم‌ترین دستاوردها

ابداع و ترویج کسرهای اعشاری به قیاس با کسرهای شصتگانی که در ستاره‌شناسی متداول بود. محاسبه عدد پی تا شانزده رقم اعشار، به نحوی که تا صد و پنجاه سال بعد کسی نتوانست آن را گسترش دهد:

$$\pi = 3.14159265358979323846$$

محاسبه سینوس (جیب) زاویه یک درجه با روش ابتکاری حل یک معادله درجه سوم: شهرستان (زند)
 $\sin 1^\circ = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{2}$ دانش آموزی ملاصدرا

که هفده رقم اعشاری عدد به دست آمده با مقداری که امروزه محاسبه می‌شود، همخوانی دارد.
 در واقع کاشانی مقدار سینوس یک درجه را تا ده رقم صحیح شصتگانی حساب کرد. به کمک فرمول:

$$\sin 3\phi = 3 \sin \phi - 4 \sin^3 \phi$$

۲-۲- فعالیت‌های علمی وی

۱- اختراع کسرهای دهگانی(اعشاری): گرچه کاشانی نخستین به کار برندی این کسرها نیست، اما بی‌تردید رواج این کسرها را به او مدبونیم.

۲- دسته‌بندی معادلات درجه‌ی اول تا چهارم و حل عددی معادلات درجه‌ی چهارم و بالاتر.

۳- محاسبه عدد p : کاشانی در الرساله المحيطیة (ص ۲۸)، عدد p را با دقیقی که تا ۱۵۰ سال پس از وی بی‌نظیر ماند محاسبه کرده است.

۴- تکمیل و تصحیح روش‌های قدیمی انجام چهار عمل اصلی و اختراق روش‌های جدیدی برای آن‌ها: در واقع، کاشانی را باید مخترع روش‌های کنونی انجام چهار عمل اصلی حساب (به ویژه ضرب و تقسیم) دانست.

ریاضیات و کاربردها



پژوهشسرای دانشآموزی دانشگاه فنی‌گرانی کارمان دیوبستان استعدادهای درخشان دیوبستان شاهد آموزشگاه علمی گویا آموزشگاه تخصصی ریاضی سیا

پژوهشسرای دانشآموزی ملاصدرا - اداره آموزش و پرورش شهرستان زرد

۹۸ اردیبهشت

۵- اختراع روش کنونی پیدا کردن ریشه‌ی n ام عدد دلخواه: روش کاشانی در اصل همان روشی است که صدها سال بعد توسط پائولو روفینی (ریاضی‌دان ایتالیایی، ۱۷۶۵-۱۸۲۲ میلادی)، و ویلیام جرج هارنر (ریاضی‌دان انگلیسی، ۱۷۸۶-۱۸۳۷ میلادی)، بار دیگر اختراع شد.

۶- اختراع روش کنونی پیدا کردن جذر (ریشه‌ی دوم) که در اصل ساده شده‌ی روش پیدا کردن ریشه‌ی n ام است.

۷- ساخت یک ابزار رصدی: کاشانی ابزار رصدی جالبی اختراع کرد و آن را طبق المَنَاطِقْ نامید. رساله‌ای نیز به نام نُزْهَةُ الْحَدَائِق درباره‌ی چگونگی کار با آن نوشت.

۸- تصحیح زیج ایلخانی: کاشانی زیج خاقانی را نیز در تصحیح اشکالات زیج ایلخانی نوشت.

۹- نگارش مهم‌ترین کتاب درباره‌ی حساب: کتاب مفتاح الحساب کاشانی مهم‌ترین و مفصل‌ترین اثر درباره‌ی ریاضیات عملی و حساب در دوره‌ی اسلامی است.

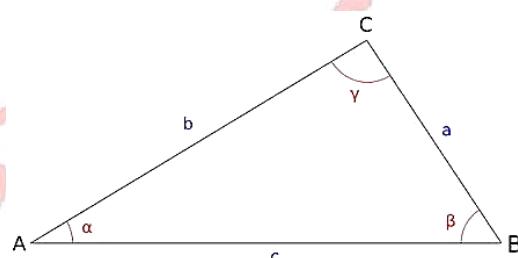
۱۰- محاسبه‌ی چیب یک درجه: کاشانی در رساله‌ی وَتَر و چیب مقداری برای چیب یک درجه ($1^{\circ}60 \sin$) به دست آورده که اگر آن را بر 60 تقسیم کنیم، حاصل آن تا 17 رقم اعشاری با مقدار واقعی سینوس یک درجه موافق است.

آموزش و پرورش شهرستان زرد

پژوهشسرای دانش آموزی ملاصدرا

۲-۳- قانون کاشانی (قانون کسینوس)

در مثلثات قانون کسینوس که به نام قانون کاشانی هم شناخته می‌شود و در مورد هر نوع مثلثی صدق می‌کند به این شکل است:



$$\begin{aligned}c^2 &= a^2 + b^2 - 2ab \cos(\gamma), \\b^2 &= c^2 + a^2 - 2ca \cos(\beta), \\a^2 &= b^2 + c^2 - 2bc \cos(\alpha), \\\cos(\gamma) &= \frac{a^2 + b^2 - c^2}{2ab}.\end{aligned}$$

۴-۲- مفتاح الحساب

کاشانی کار نگارش مفتاح الحساب را، که بی‌تردید مهم‌ترین، مفصل‌ترین و برجسته‌ترین کتاب ریاضیات عملی در دوره اسلامی بشمار می‌آید، در ۳ جمادی الاولی سال ۸۳۰ قمری برابر با ۲ مارس ۱۴۲۷ میلادی به پایان رسانده و آن را به الغ بیگ هدیه کرده است. اما پیش‌نویس این کتاب را دست کم از ۶ سال پیش، یعنی ۸۲۴

ریاضیات و کاربردها



پژوهشسرای دانشآموزی دانشگاه فنی‌گران دیستانت استعدادهای درخشان آموزشگاه علمی گویا آموزشگاه تخصصی ریاضی سیا
دیستانت نمندگان شاهد دیستانت شاهد پژوهشسرای دانشآموزی ملاصدرا - اداره آموزش و پژوهش شهرستان زرد

۹۸ اردیبهشت

قمری فراهم آورده و در این مدت، مشغول تکمیل و اصلاح آن بوده است. زیرا او در مقدمه تلخیص المفتاح که در همین سال نوشته شده، تأکید کرده که این تلخیص را پس از به پایان رساندن تألیف مفتاح الحساب فراهم آورده است.

برای نشان دادن اهمیت مفتاح الحساب کاشانی نزد شرق شناسان، بویژه محققان اروپایی، در اینجا به چاپ‌های مختلف متن عربی و ترجمه‌های این اثر اشاره می‌کنیم:

- در ۱۸۶۴ میلادی فرانتس ووپکه، محقق آلمانی اصل ساکن فرانسه، بخشی از این کتاب را به فرانسه ترجمه کرد.

- در ۱۹۴۴ میلادی، پاول لوکی بخش قابل توجهی از مفتاح الحساب را به آلمانی ترجمه و شرح کرد. این ترجمه نیز، همچون ترجمه رساله محیطیه، پس از مرگ لوکی و در سال ۱۹۵۱ میلادی منتشر شد. وی همچنین مقاله مهمی درباره روش کاشانی در پیدا کردن ریشه n ام اعداد نوشت.
- در ۱۹۵۱ میلادی نائله رجایی در پایان نامه دوره دکترای خود در دانشگاه آمریکایی بیروت، با استفاده از مطالب مفتاح الحساب و رساله محیطیه به بحث درباره اختراع کسرهای اعشاری توسط کاشانی پرداخت.

- در همان سال و در همان دانشگاه، عبدالقدار الداصل نیز در پایان نامه دکترای خود روش کاشانی درباره پیدا کردن ریشه n ام در دستگاه شمار شصتگانی بررسی کرد.
- در ۱۹۵۶ میلادی نیز برویس رُنفلد، آلف یوشکویچ، و سِگال، تصویر یک نسخه خطی این اثر و نیز تصویر یک نسخه خطی رساله محیطیه را همراه با ترجمه روسی آن در مسکو به چاپ رساندند.
- در ۱۹۶۷ میلادی احمد سعید الدمرداش و محمد حمدى الحفنى الشیخ، متن عربی این کتاب را در قاهره به چاپ رساندند. غلطهای این چاپ حتی از غلطهای نسخه خطی چاپ مسکو بیشتر است.
- در ۱۹۷۷ میلادی نادر النابلسی یک بار دیگر تمامی این کتاب را با حواشی به نسبت سودمند و با دقیقی بیشتر از دو مصحح قبلی در دمشق به چاپ رساند.

گفتنی است که در هیچ یک از ترجمه‌ها یا چاپ‌های یاد شده از نسخه خطی کتابخانه ملی ملک، که کهن‌ترین و بهترین نسخه موجود مفتاح الحساب به بشمار می‌آید استفاده نشده است.

۳- بحث و نتیجه‌گیری

پژوهشگران اروپایی تاریخ علم غالباً بر آن هستند که دانشمندان مسلمان تنها شارحان و حافظان علوم یونان باستان بودند، اما مقاله حاضر به عنوان مطالعه‌ای کوتاه نشان می‌دهد که جایگاه غیاث الدین نه به عنوان شارح بلکه حتی ابداع کننده عدد پی و کسر اعشاری مطرح بوده است. از عنوانین و محتوای آثار کاشانی معلوم

ریاضیات و کاربردها



پژوهشسرای دانشآموزی دانشگاه فنی‌گرانی دیستانت استعدادهای درخشان دیستانت شاهد آموزشگاه علمی گویا آموزشگاه تخصصی ریاضی سیا

پژوهشسرای دانشآموزی ملاصدرا - اداره آموزش و پژوهش شهرستان زرد

۹۸ اردیبهشت

می شود که از حکماء جامع الاطرافی بود که علاوه بر نجوم در حساب و هندسه و بسیاری از شاخه های دیگر علوم ریاضی و نیز علوم اسلامی تبحر داشته است.

به دلیلی ناشناخته ماندن و زیاد نبودن ترجمه فارسی آثار غیاث الدین جمشید کاشانی پیشنهاد می گردد که مترجمان حاضر در کشور روی آثار این ریاضیدان ایرانی بیشتر کار کنند تا در کشور شناخته شود.

منابع

- باقری، محمد. ۱۳۷۹. نگاهی به نامه‌ی نویافته‌ی غیاث الدین جمشید کاشانی. ماهنامه دانش و مردم. شماره ۸.
- فتح علی. فاطمه. ۱۳۹۲. غیاث الدین جمشید کاشانی. ماهنامه رشد آموزش.
- قربانی، ابوالقاسم. ۱۳۶۸. کاشانی‌نامه، احوال و آثار غیاث‌الدین جمشید کاشانی. چاپ دوم. تهران: مرکز نشر دانشگاهی، ۱۳۶۸.
- کرامتی، یونس. در قلمرو ریاضیات، بازنویسی و تلخیص کتاب مفتاح الحساب غیاث الدین جمشید کاشانی. چاپ دوم. تهران: اهل قلم، ۱۳۸۲.

آموزش و پژوهش شهرستان زرد
پژوهشسرای دانش آموزی ملاصدرا

سمینار دانشآموز ریاضیات و کاربردها