



# تحلیل آماری (Statistical Analysis)

- هر آنالیز آماری شامل مراحل زیر است:
  - توصیف داده‌ها: نمایش و خلاصه کردن داده‌ها
  - آزمون فرضیات: نتیجه گیری در مورد گروه بزرگتر) جامعه (از روی اطلاعات به دست آمده در یک نمونه
  - ارزیابی روابط: مطالعه روابط بین متغیرها

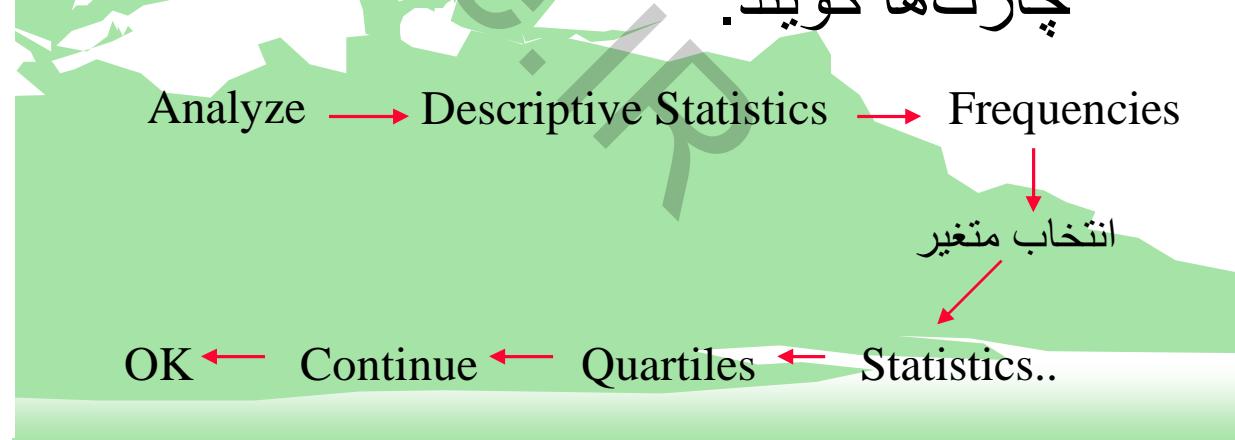
# واژه های کلیدی در آمار

- آماره (Statistic): صفتی است از نمونه مانند میانگین ( $\bar{x}$ ) و واریانس نمونه ( $s^2$ )
- پارامتر (Parameter): برای توصیف ویژگی های جامعه به کار می رود مانند میانگین جامعه ( $\mu$ )
- واریانس: پرکاربردترین شاخص پراکندگی است. هرچه ارزش واریانس بیشتر باشد، مقادیر بیشتر پراکنده هستند. اگر واریانس صفر باشد تمامی نمونه ها دارای مقدار واحدی هستند.
- انحراف معیار (std deviation) به پراکندگی مشاهدات در یک نمونه اشاره دارد، در حالیکه خطای معیار (std error) به پراکندگی یک آماره مربوط می باشد.

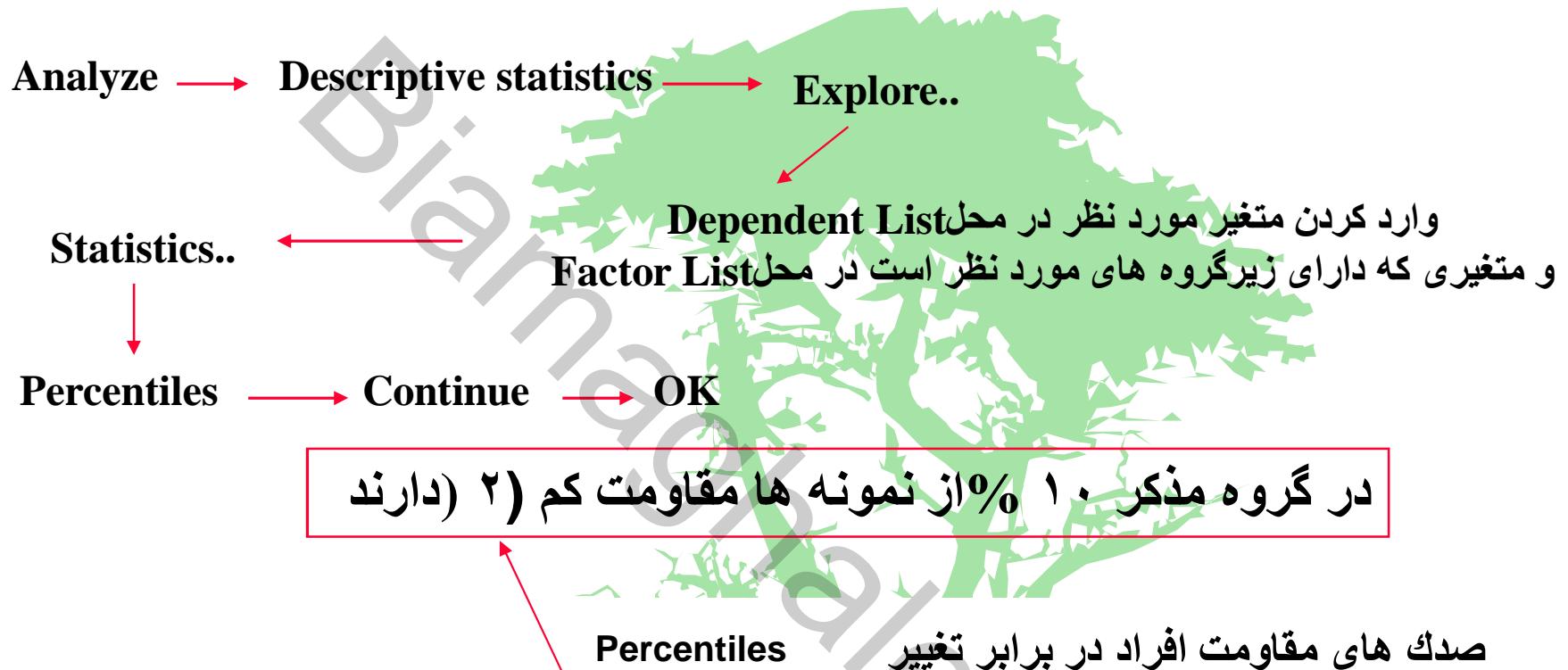
# واژه های کلیدی در آمار

- ☞ نما: (Mode) مقداری از داده هاست که بیشترین فراوانی را دارد.
- ☞ میانه: (Median): مقداری از متغیر است که نیمی از مقادیر کوچکتر از آن و نیم دیگر بزرگتر از آن هستند.
- ☞ صدک ها: (Percentile) مقادیری از متغیر هستند که در مورد درصد نمونه ها را نشان می دهند. برای مثال می توانید مقداری را پیدا کنید که 25% نمونه ها در زیر آن قرار گیرند.
- ☞ چارک ها: (Quartiles) از آنجائی که صدک های 25، 50، و 75 نمونه را تقریباً به چهار گروه برابر تقسیم می کنند، مجموعاً به آنها چارک ها گویند.

Statistics		
	Age	
N	Valid	291
	Missing	9
Percentiles	25	1.0000
	50	2.0000
	75	3.0000



# طرز محاسبه صدک ها برای هر گروه از گروهها



جنسیت	Percentiles						
	5	10	25	50	75	90	95
Weighted Average(Definitic)	1.0000	2.0000	3.0000	4.0000	4.0000	5.0000	5.0000
	1.0000	1.0000	2.0000	3.0000	4.0000	5.0000	5.0000
Tukey's Hinges	3.0000	4.0000	4.0000				
	2.0000	3.0000	4.0000				

# واژه های کلیدی در آمار

شاخص های پراکندگی (Measures of Variability) سعی می کنند میزان گستردگی مشاهدات را اندازه گیری نمایند.

- دامنه تغییرات (Range): ساده ترین شاخص پراکندگی است که اختلاف بین بزرگترین و کوچکترین مقدار داده ها را نشان می دهد.

- واریانس (Variance): پرکاربرد ترین شاخص پراکندگی است. فرمول محاسبه واریانس در یک نموده ( $S^2$ ) به شکل زیر است:

$$\text{واریانس} = \frac{\text{مجموع توان دوم فاصله هریک از مقادیر از میانگین}}{\text{تعداد نمونه ها}} \quad (1)$$

اگر واریانس صفر باشد تمامی نمونه ها دارای مقدار واحدی هستند. هرچه واریانس بیشتر باشد، مقادیر بیشتر پراکنده هستند.

- انحراف معیار (Standard Deviation): جذر واریانس را انحراف معیار گویند. اندازه انحراف معیار به واحد اندازه گیری بستگی دارد. مثلاً انحراف معیار سن با واحد روز بزرگتر از انحراف معیار سن با واحد سال است.

# واژه های کلیدی در آمار

نمره استاندارد (Standard score): نشان

می دهد که یک مشاهده چند انحراف معیار بیشتر یا کمتر از میانگین می باشد.

$$\frac{\text{مقدار}-\text{میانگین}}{\text{انحراف معیار}} = \frac{X-\mu}{\delta} = \text{نمره استاندارد}$$

دستور محاسبه نمره استاندارد:

Analyze → Descriptive statistics

Descriptives

انتقال متغیر (های) مورد نظر به محل

OK

Save standardized values as variables

# نماد E در خروجی SPSS

- ☞ هنگام نمایش اعداد خیلی کوچک یا خیلی بزرگ از علائم علمی استفاده می کند. عددی که بعد از حرف E قرار می گیرد نشان می دهد که محل اعشار چقدر باید جابجا شود.
  - ☞ اگر عددی که بعد از E می آید منفی باشد، علامت اعشار را به سمت چپ حرکت دهید. اگر مثبت باشد علامت اعشار را به سمت راست حرکت دهید. به عنوان مثال:
- 1.1E-02 = -0.011

# طرز تبدیل یک متغیر

- در بعضی موارد برای تامین شروط استفاده از تحلیل‌های آماری، لازم است لگاریتم متغیر مورد نظر را حساب کرده و جایگزین متغیر قبلی کنیم.
- مثالاً اگر قرار است متغیر Ram را به کنیم، به صورت زیر عمل می‌کنیم:

Transform → Compute

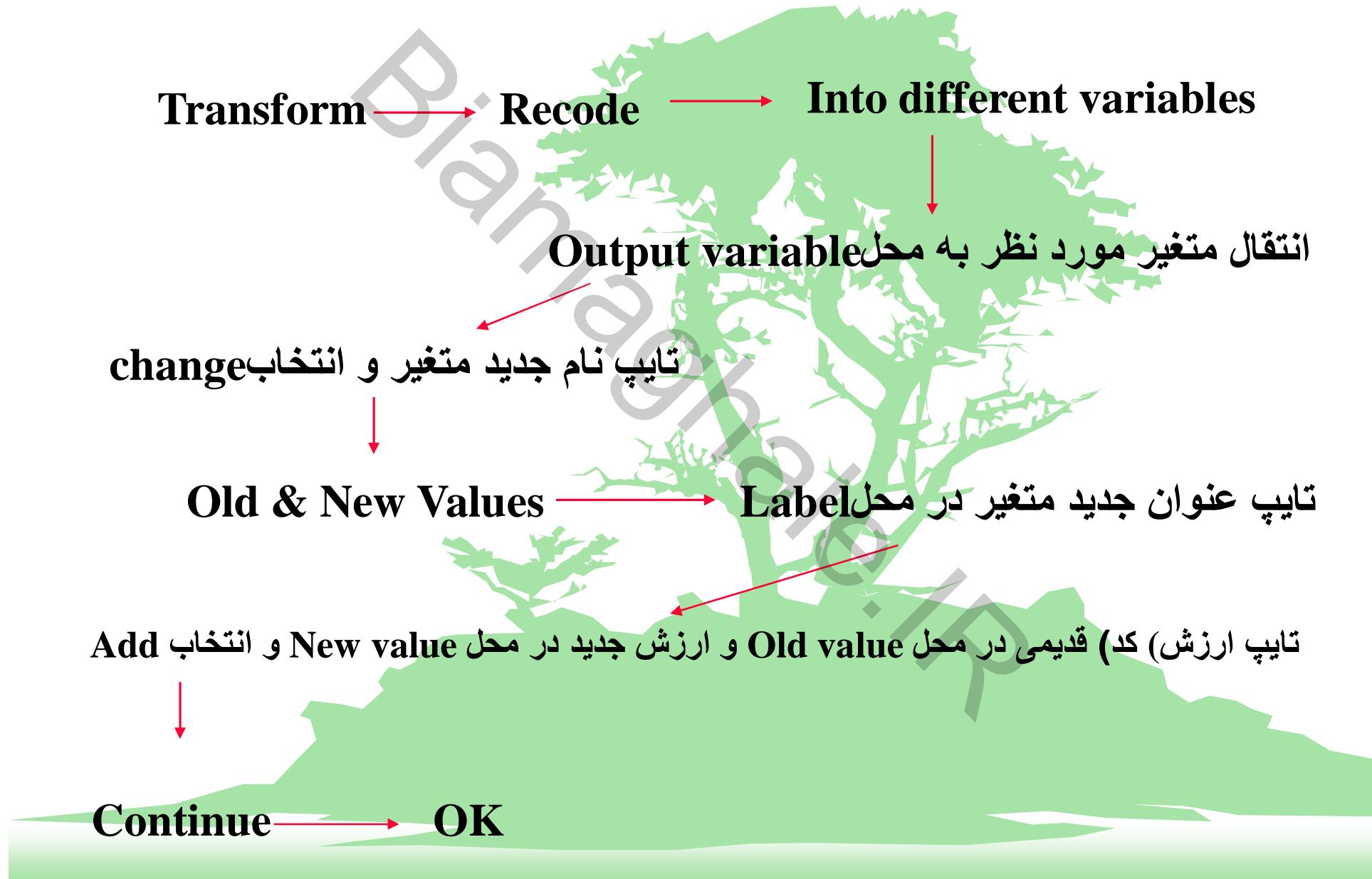
نام متغیر جدید را در محل Target Variable تایپ می‌کنیم

از قسمت ماشین حساب فرمول Numeric Expression را به محل Ln [numexpr] منتقل می‌کنیم

بهای علامت سئوال ظاهر شده متغیر مورد را منتقل می‌کنیم

OK

# طرز کد گذاری مجدد یک متغیر



# طرز گرد کردن اعداد

- برای گرد کردن اعداد در روش کدگذاری کافی است در بخش Old value Range گزینه `Range` را انتخاب کنید
- دامنه مورد نظر را تایپ کنید مثلاً `1 though 1.49`
- در بخش New value تایپ کنید `1`
- به همین ترتیب دیگر دامنه های مورد نظر را مشخص کنید و بقیه فرآیند کدگذاری را ادامه دهید.

# طرز تبدیل متغیر string به متغیر Numeric

از آنجائی که بعضی عملیات آماری در مورد متغیر های نوع String قابل اجرا نیست، لازم است چنین متغیر هایی را به متغیر های Numeric تبدیل کنیم.

Transform

Automatic recode

OK

تاپ اسم متغیر مورد نظر

# نمودار های مستطیلی (Boxplot)

یکی از ساده ترین روش های مقایسه زیر گروه های یک متغیر استفاده از نمودار مستطیلی است. این نمودار به طور همزمان میانه، دامنه بین چارکی و کوچکترین و بزرگترین مقادیر را برای گروه ها را نشان می دهد.

مرز پایینی مستطیل نماینده صدک ۲۵ می باشد و مرز بالایی نماینده صدک ۷۵ می باشد. طول عمودی مستطیل نشان دهنده دامنه بین چارکی است یعنی ۵۰ درصد نمونه ها مقداری درون مستطیل دارند. خط سیاه داخل مستطیل نشان دهنده میانه است.

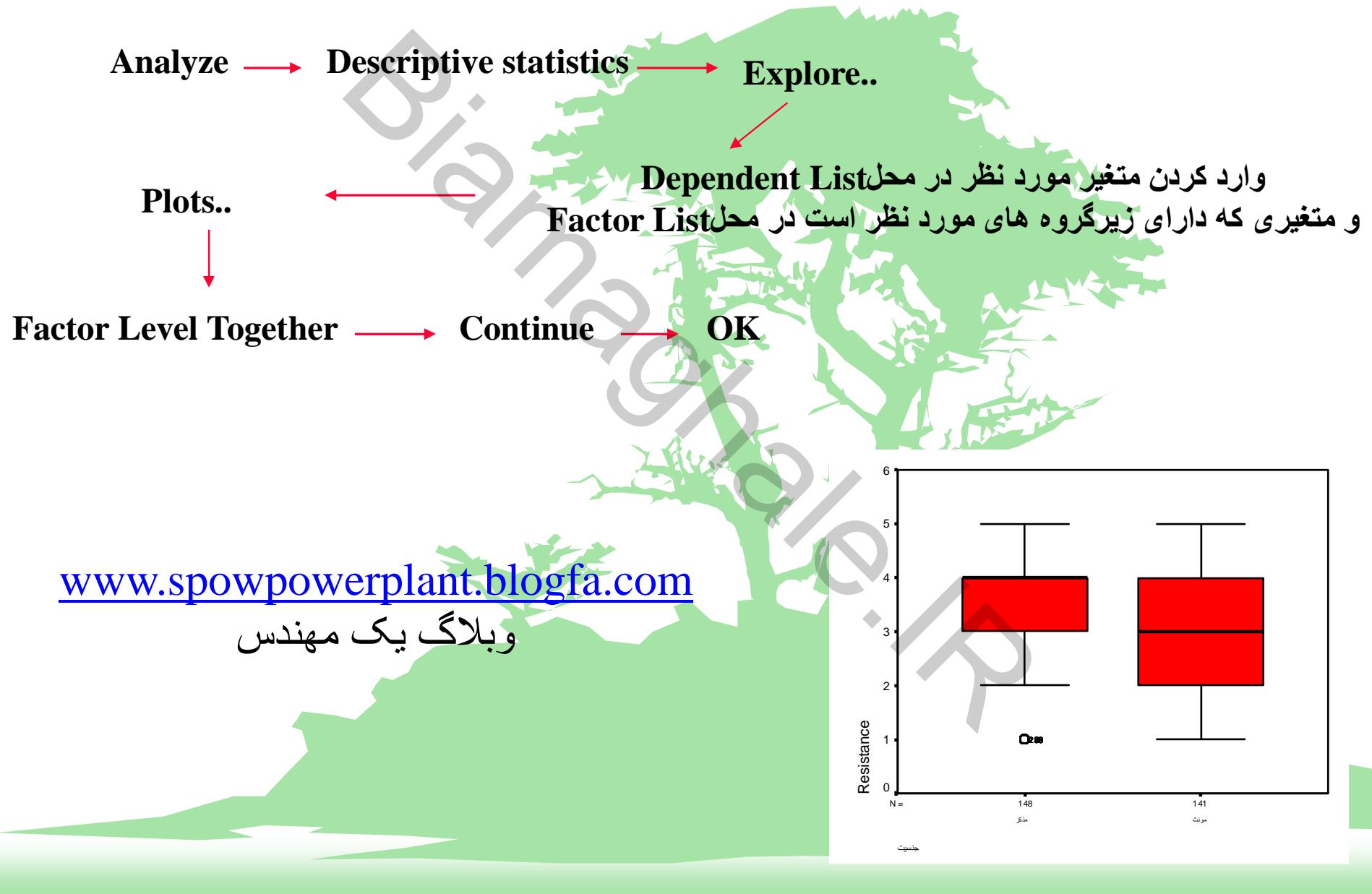
از روی نمودار مستطیلی می توان استنباط های زیر را داشت:

- از روی میانه می توان ایده ای در مورد محل تجمع داده ها به دست آورد.

- از روی طول مستطیل می توان گفت که چقدر داده ها از هم اختلاف دارند (پراکندگی)

- اگر خط میانه به سمت پایین مستطیل متمایل باشد، نشان دهنده چولگی مثبت و در صورتی که به لبه بالایی مستطیل نزدیک تر باشد نشانگر چولگی منفی (Negative Skewness) می باشد.

# طرز ترسیم نمودار مستطیلی



# طرز ترسیم نمودار ستونی برای مقایسه دو متغیر

Graphs → Bar.. → Simple → Summaries of separate variables

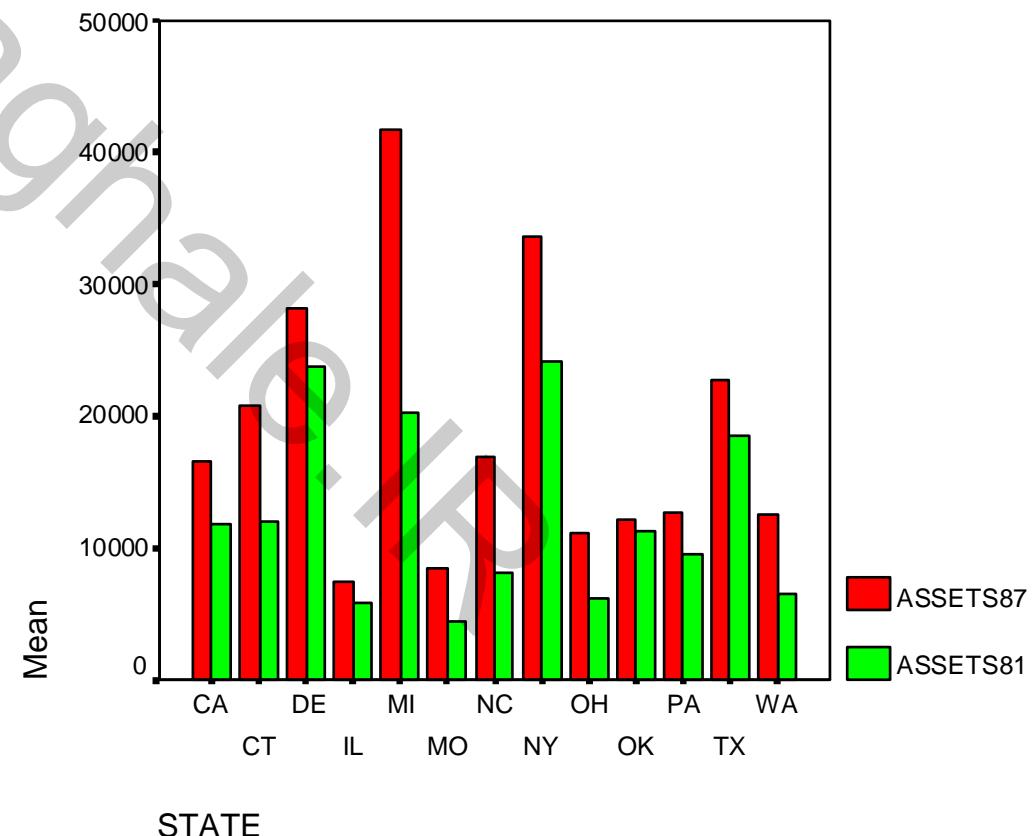
انتقال دو متغیری که نمودارهای آنها باید  
مقایسه شوند به محل Bars Represent

Define

انتقال متغیری که دارای زیر گروه ها  
می باشد به محل Category Axis

OK

داده ها در فایل ind8187  
موجود هستند



# مقیاس های اندازه گیری

1. مقایس اسمی: (Nominal Scale) ضعیف ترین سطح اندازه گیری مقیاس اسمی است. در این سطح اعداد یا نشانه ها برای طبقه بندی اشیاء یا مشاهدات به کار می روند. اطلاعات با مقیاس اسمی را نمی توان به صورت معنی داری از کم به زیاد ردیف نمود. مانند جنسیت
2. مقیاس رتبه ای (ترتیبی: Ordinal Scale): (برای نشان دادن طبقه هایی با رتبه مساوی به کار می رود مثلاً رضایت شغلی
  - خیلی کم
  - کم
  - تا حدودی
  - زیاد
  - خیلی زیاد
3. مقیاس فاصله ای: زمانی به کار می رود که مقدار یک متغیر را بتوان قید کرد اما صفر مطلق ندارد (مقادیر منفی نیز پوشش داده می شود). مانند درجه حرارت. نمی توان نسبت بین دو مقدار را در متغیر های فاصله ای محاسبه کرد.
4. مقیاس نسبت: مشابه مقیاس فاصله ای است با این تفاوت که در نسبت، مبنای صفر مورد نظر است. مثلاً وزن یا طول کمتر از صفر وجود ندارد، اما درجه حرارت هم مقادیر منفی و هم مثبت را شامل می شود. در این حالت می توان گفت که یک مقدار در مقایسه با دیگری چقدر کوچکتر یا بزرگتر است. مانند سن یا سال تحصیل.

# انواع متغیرها

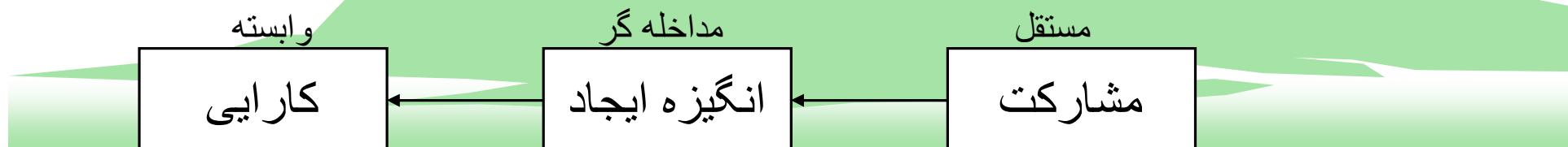
☞ متغیر وابسته (Dependent): متغیری است که تغییر پذیری آن وابسته به دیگر متغیر هاست.

☞ متغیر مستقل (Independent): متغیری است که دلیل تغییر در متغیر وابسته را باید در آن جستجو کرد.

☞ متغیر تعدیل کننده (Moderating): این متغیر بر رابطه بین متغیر های مستقل و وابسته تاثیر اقتضایی دارد.

☞ متغیر کنترل: متغیری است که تاثیر گذاری آن را در جریان پژوهش کنترل می کنیم.

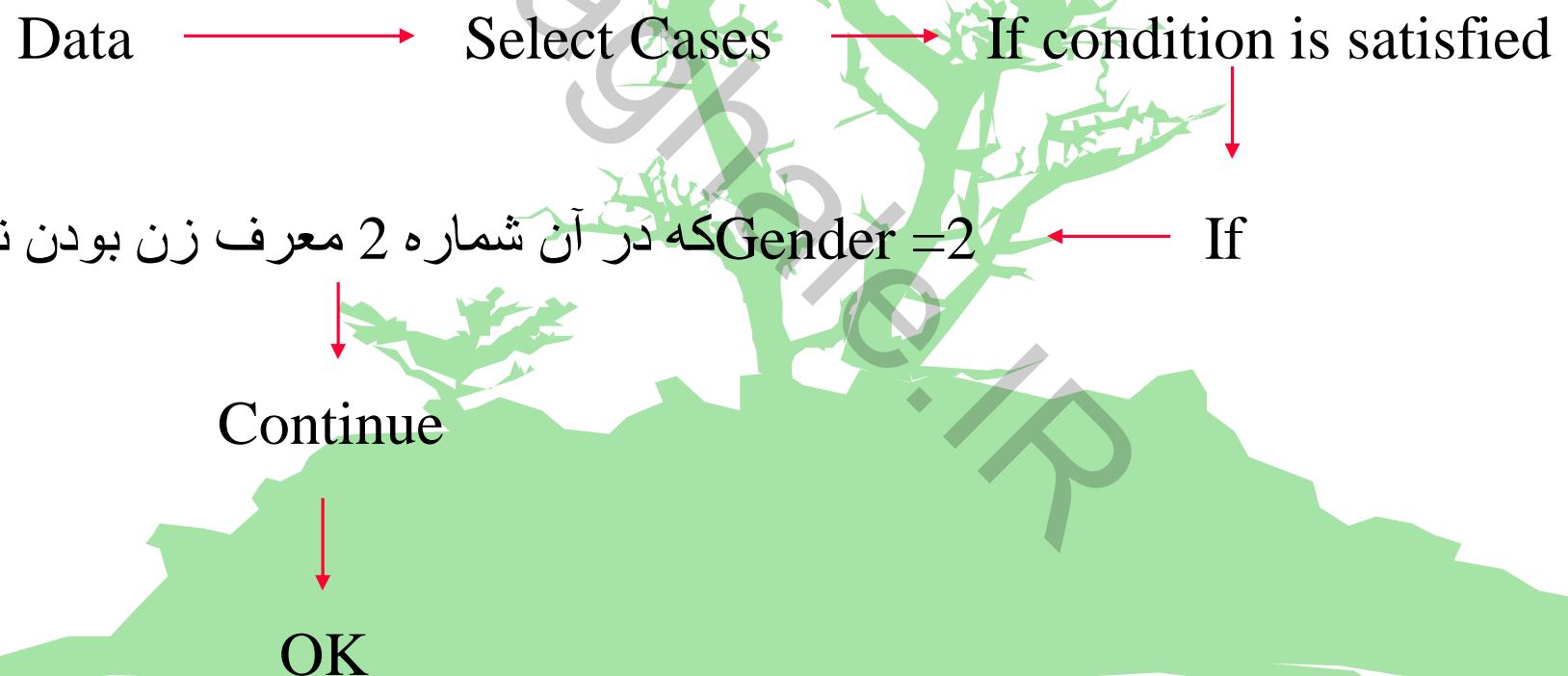
☞ متغیر مداخله گر (Intervening): متغیری است که نحوه تاثیر گذاری متغیر مستقل را بر متغیر وابسته نشان می دهد.



# طرز انتخاب تعداد خاصی از نمونه ها با ویژگی

## مشخص

فرض کنیم بخواهیم گروهی از نمونه را در محاسبات وارد کنیم که زن هستند، در این صورت به شرح زیر عمل می کنیم.



# طرز خواندن یک فایل excel در spss

- ☞ از روی فایل دستور Open و سپس data را انتخاب کنید.
- ☞ در پنجره ای که باز می شود در قسمت File type فرمت excel را انتخاب کنید.
- ☞ فایل مورد نظر را انتخاب و open را بزنید.
- ☞ در پنجره ای که باز می شود در قسمت Range آدرس متغیرها را تایپ کنید مثلا av382:a4 و Ok را بزنید.

# طرز تهیه الگوی یکسان (Template) برای متغیرها

فرض کنید تعدادی از متغیرها در ویژگی هایی نظیر مقیاس ۵ درجه ای لیکرت مثل هم باشند. در این صورت ضرورتی برای تایپ این مقیاس برای تاک متغیرها وجود ندارد. برای اینکار کافی است، الگوی (Template) مورد نظر را تهیه و ذخیره کنیم و ویژگی های آن را به متغیرهای مورد نظر تعیین دهیم.

Data → Templates → Define

تایپ نام مورد نظر در محل Name  
Value labels ← Continue → Add → OK  
تعريف مقیاس های مورد نظر

# روایی محتوا (Validity)

- ☞ روایی محتوا اطمینان می دهد که ابزار مورد نظر به تعداد کافی پرسش های مناسب برای اندازه گیری مفهوم مورد سنجش در بردارد.
- ☞ هر قدر عناصر مقیاس گستردگی و قلمرو مفهوم مورد سنجش را بیشتر در برگیرند، روایی محتوا بیشتر خواهد بود. به بیان دیگر، روایی محتوا نشان می دهد که ابعاد و عناصر یک مفهوم) که باید سنجیده شود مانند کارایی (تا چه حد تحت پوشش دقیق قرار گرفته است.
- ☞ برای سنجش روایی زمانی که چند مفهوم در یک پرسش نامه مورد سنجش قرار می گیرند از تحلیل عاملی استفاده می شود.

# طرز سنجش روایی پرسش نامه

- برای سنجش روایی محتوایی پرسش نامه باید ثابت کنیم که شاخص های یک متغیر روی یک فاکتور سوار می شوند تا ثابت کنیم آنها تاک بعدی هستند.
- برای این کار باید شاخص های (متغیر های) سئوالات (متغیر های مختلف را یکجا از طریق تحلیل عاملی مورد ارزیابی قرار دهیم.
- اگر پرسش نامه از روایی لازم برخوردار باشد، باید شاخص های هر متغیر روی یک عامل مستقل سوار شوند.
- در صورتی که بعضی از شاخص های (یک متغیر روی یک عامل سوار نشوند، می توان آنها را حذف کرد.

# اعتبار (Reliability)

☞ اعتبار ابزار میزان پایایی و سازگاری آن را در اندازه گیری یک مفهوم نشان می دهد. یعنی توانایی ابزار در حفظ پایایی خود در طول زمان) علیرغم (شرایط غیرقابل کنترل آزمون و وضعیت خود پاسخگویان) حاکی از پایداری آن و تغییر پذیری آن می باشد.

برای سنجش اعتبار پرسش نامه از روش های زیر می توان بهره گرفت:

- آلفای کرونباخ
- تست - تست مجدد (Test-Retest)

# روش Test-retest

- در این روش تعدادی پرسش نامه در مقیاس کوچک توزیع می شود و بعداز گذشت مثلاً یک هفته همان پرسش نامه میان همان گروه توزیع می گردد.
- داده های به دست آمده در دو مرحله با استفاده از آزمون t نمونه های جفتی مورد مقایسه قرار می گیرند. و یا همبستگی متغیر ها در دو مرحله محاسبه می شود.

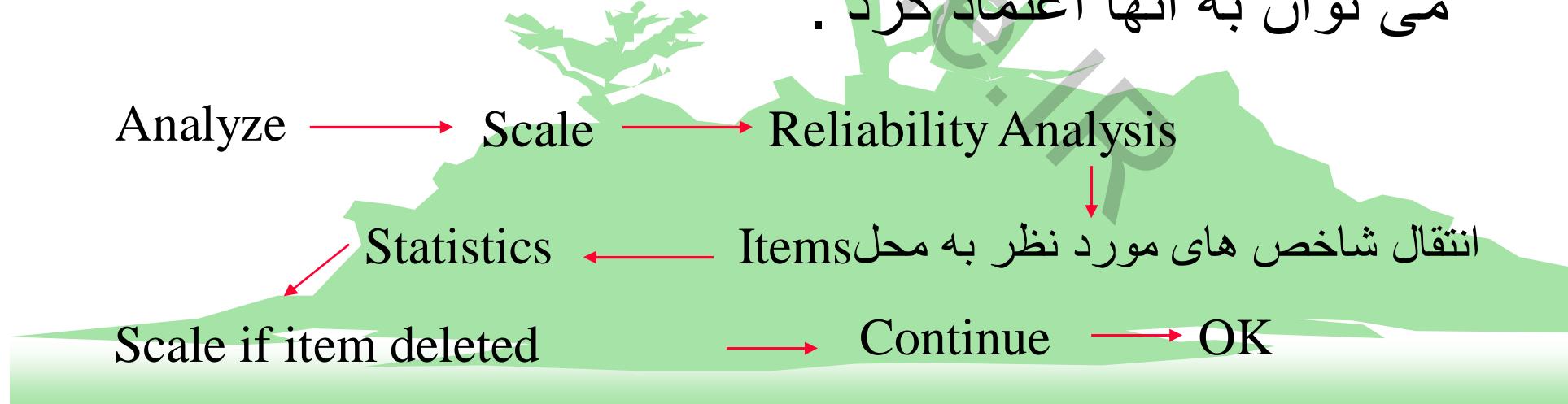
# آلای کرونباخ

- یکی از متداول ترین روش ها برای تعیین اعتبار است.  
آلفا مبنی بر سازگاری داخلی یک تست است. یعنی مبتنی بر همبستگی متوسط اقلام درون یک تست است.
- فرض برآن است که اقلام یک مقیاس باهم همبستگی دارند زیرا آنها یک موجودیت مشترک را اندازه گیری می کنند.
- چون آلفا ( $\alpha$ ) می تواند به عنوان ضریب همبستگی تعبیر شود، دامنه آن می تواند از صفر تا ۱ در نوسان باشد.

# طرز تست کردن اعتبار پرسش نامه

برای آنکه بتوانیم اعتبار (Reliability) شاخص های مربوط به یک متغیر را بسنجیم و اطمینان حاصل کنیم که شاخص های مورد نظر متغیر واحدی را می سنجند، لازم است به شرح زیر عمل کنیم.

الفای به دست آمده باید از ۷۰٪ کمتر باشد تا بتوانیم ادعا کنیم که شاخص های انتخاب شده متغیر مورد نظر را می سنجند و می توان به آنها اعتماد کرد.



# نمونه برداری

- ☞ **نمونه برداری تصادفی طبقه ای:** جامعه آماری ابتدا به طبقه های معنی دار تقسیم می شوند . سپس آزمودنی ها به یکی از دو صورت زیر انتخاب می شوند :
  - نسبت به تعداد کل آنها در جامعه آماری
  - بر اساس معیار دیگری به غیر از تعداد کلی جامعه آماری
- ☞ **نمونه برداری خوشه ای:** نخست گروه هایی که اعضای نامتجانس دارند شناسایی می شوند . سپس بعضی از آنها به طور تصادفی انتخاب می شوند و سرانجام همه اعضای هر گروه که به طور تصادفی انتخاب شده اند مورد مطالعه قرار می گیرند. مثلاً از بین استان های کشور به طور تصادفی چند استان انتخاب می شود و سپس از تمام ساکنان این استان ها نظر سنجی می شود.

# فرضیه صفر و فرضیه مخالف

- بین فرضیه علمی و فرضیه آماری تفاوت وجود دارد. آزمون فرضیه آماری، آزمون پارامترهای جامعه هستند. فرضیه آماری معمولاً به شکل فرضه صفر و فرضیه جایگزین (مخالف) بیان می‌شود.
- فرضیه صفر (Null Hypothesis) ادعایی است که در مورد جامعه که مبین عدم وجود تفاوت است.
- فرضیه مخالف (Alternative Hypothesis) وضعیتی را مشخص می‌کند که فرضیه صفر صحیح نباشد.
- فرضیه صفر را باید به صورتی تعریف کرد که یک وضعیت واحد را به صورت کامل توصیف کند. مثلاً فرضیه صفر نمی‌تواند این باشد که افراد با تحصیلات دانشگاهی در هفته 40 ساعت کار نمی‌کنند. (در مقابل این عبارت که ساعات کار افراد دارای تحصیلات عالی و افراد بدون تحصیلات دانشگاهی یکسان است یک فرضیه صفر مناسب

# فرضیه صفر و فرضیه مخالف (ادامه)

- ☞ همیشه دقت کنیم که یا فرض صفر را رد کنیم یا آن را رد نکنیم . هیچگاه از این جمله استفاده نکنیم که ”ثابت شد که فرضیه صفر صحیح نیست“.
- ☞ آزمون معنی داری شاخص های آماری، در واقع همان آزمون فرضیه صفر است.
- ☞ هنگامی که سطح معنی داری مشاهده شده کمتر از 05/ باشد فرضیه صفر را رد می شود . آنگاه می توان فرضیه مقابل پذیرفته می شود.
- ☞ توان (Power) اصطلاح آماری است که برای توصیف توانایی رد فرضیه صفر وقتی که غلط است به کار می رود. احتمالی است که بین صفر تا 1 تغییر می کند. توان به حجم نمونه، واریانس، و سطح معنی داری بستگی دارد.

# طرز ایجاد و شمارش متغیرهای چندجوابی

اگر سؤالی در پرسش نامه مطرح شده که افراد مجاز باشند چند گزینه را انتخاب کنند در مرحله تعریف چنین متغیری و وارد کردن داده ها به شرح زیر عمل می کنیم:

1. فرض کنیم از بین یک سؤال هفت گزینه ای زیر هر فرد مجاز باشد حداکثر چهار مورد را انتخاب کند.

1. Health    2.Finance    3.Lack of basic services

4.Family    5.Personal    6.legal    7.Miscellaneous

در این صورت چهار متغیر را به تعداد جواب های ممکن به شرح زیر تعریف می کنیم:

prob1    prob2    prob3    prob4

2. در مرحله وارد کردن داده ها بترتیب از متغیر اول شروع می کنیم. یعنی اگر فرد ام دو مورد ۳ و ۵ را انتخاب کرده باشد، به ترتیب در ردیف مربوطه در ستون متغیر prob1 کد ۳ و در ستون متغیر prob2 کد ۵ را وارد می کنیم.  
در این صورت در محل متغیرهای prob3 و prob4 چیزی وارد نمی کنیم.

# طرز ایجاد و شمارش متغیرهای چندجوابی

3. دستور زیر را پیاده می کنیم:

Analyze

Multiple response

Define Sets..

انتخاب و انتقال متغیرهای مورد نظر (مثلًا Prob1, prob2, prob3, prob4) به محل Variables in Set

وارد کردن دامنه کدگذاری در محل Range مثلًا ۱ الی ۷

Categories

تایپ نام عمومی متغیر (مثلًا prob) در قسمت Name و عنوان کلی متغیر

در محل Label

Add

Close

# طرز ایجاد و شمارش متغیرهای چندجوابی

4. فراوانی جواب های چندگانه را با دستور زیر را به دست آورید:

Analyze → Multiple Response → Frequencies → Ok

تبصره:

در صورتی پرسش های چندگانه توسط پاسخ دهنده بدون پاسخ گذاشته شده باشد، هیچ عددی وارد نکنید. در این حالت در محل Missing values گزینه زیر را انتخاب کنید:

Exclude cases listwise within categories

# آزمون T یک نمونه ای

## One Sample T test

- آزمون یک نمونه ای برای آزمون این فرضیه صفر به کار گرفته می شود که آیا یک نمونه مورد نظر به جامعه با میانگین مشخص تعلق دارد یا خیر .
- اگر سطح معنی داری مشاهده شده کمتر از ۰/۰۵ باشد فرض صفر رد می شود .  $(H_0: \bar{O} = O_0)$
- به عنوان مثال، می توانید از این رویه برای آزمون این فرضیه استفاده کنید که آیا بچه هایی که به طور زودرس به دنیا آمدند بهره هوشی آنها به طور متوسط ۱۰۰ می باشد یا خیر. در این حالت فرضیه صفر به این صورت بیان می شود که بین بهره هوشی افراد زودرس با بهره هوشی جامعه (مثلاً ۱۰۰) تفاوت وجود ندارد. یعنی در این قبیل موارد میانگین نمونه با میانگین جامعه) که به نام Test value برچسب خورده است (مقایسه می شود.

# دستور آزمون T پاک نمونه ای

Analyze → Compare Means → One-Sample T test

انتقال متغیر مورد نظر به محل Test Variable

انتخاب مقداری که باید به جامعه تعمیم داده شود در محل Test Value

OK

# خروجی آزمون یک نمونه ای

## One-Sample Statistics

	N	Mean	Std. Deviation	Std. Error Mean
Current Salary	474	\$34,419.57	\$17,075.66	\$784.31

## One-Sample Test

	Test Value = 32000					
	t	df	Sig. (2-tailed)	Mean Difference	95% Confidence Interval of the Difference	
					Lower	Upper
Current Sal	3.085	473	.002	\$2,419.57	\$878.40	\$3,960.73

# سطح معنی داری دو دامنه ای و یک دامنه ای

- ☞ هرگاه جهت تفاوت در آزمون فرضیه، مشخص نباشد آن را آزمون دو دامنه گویند.
- ☞ هرگاه جهت تفاوت مورد توجه باشد، باید سطح معنی داری یک طرفه حساب شود. مانند آزمون فرضیه صفر
- ☞ برای محاسبه سطح معنی داری یک طرفه از روی سطح معنی داری دو طرفه (مثلاً آن را  $\alpha^*$  بخوانیم) در خروجی SPSS، برای حالت  $H_0: \mu_1 - \mu_2 \leq 0$  و  $H_a: \mu_1 - \mu_2 > 0$  (به روش زیر عمل می کنیم):
  - فرض صفر ( $H_0$ ) را رد می کنیم اگر  $^{*\alpha}/2$  کوچکتر از  $0.05$  باشد جایی که مقدار t مثبت است.
  - فرض صفر ( $H_0$ ) را رد می کنیم اگر  $(1-\alpha)/2$  کوچکتر از  $0.05$  باشد جایی که مقدار t منفی است.
  - در حالت  $H_0: \mu_1 - \mu_2 \geq 0$  و  $H_a: \mu_1 - \mu_2 < 0$  جایی که t منفی و مقدار  $^{*\alpha}/2$  کوچکتر از  $0.05$  باشد، فرض صفر رد می شود. و جایی که t مثبت و مقدار  $2(1-\alpha)/2$  کوچکتر از  $0.05$  باشد، فرض صفر را رد می کنیم.

# توان (Power) آزمون

- توan اصطلاح آماری است که برای توصیف توانایی رد فرضه صفر وقتی که غلط است، به کار می رود. توan به مقدار اختلاف واقعی، حجم نمونه، واریانس اختلاف و سطح معنی داری که در آن می خواهد فرضیه صفر را رد کنید، بستگی دارد.
- برای پیدا کردن توan یک آزمون، می توان به جدول توan که توسط کوهن (1988) (تهیه شده مراجعه کرد.
- برای افزایش توan یک آزمون موارد زیر توصیه شده است:
  - هرچه سطح معنی داری بزرگتر باشد، توan آزمون بیشتر است
  - هرچه اندازه نمونه بزرگتر باشد، توan آزمون بیشتر است.
  - آزمون یک دامنه ای از آزمون دو دامنه ای پرتوان تر است.
  - در آزمون یک دامنه، هرچه اختلاف بین میانگین واقعی ( $\mu$ ) و میانگین نمونه (  $\bar{X}$  ) بیشتر باشد، توan آزمون بیشتر است.

# آزمون T با نمونه های جفت

## Paired Sample T test

- از آزمون T زمانی استفاده می کنیم که هر فرد یا حیوانی دو بار در دو وضعیت متفاوت مورد مشاهده قرار می گیرند.
- یکی از این مطالعات طرح قبل و بعد می باشد. به عنوان مثال، اگر بخواهیم به روش Test-Retest اعتبار پرسش نامه را بسنجید یا فشار خون فرد را قبل و بعد از اعمال یک تیمار مقایسه کنیم.
- فرضیه صفر در طرح جفت این است که اختلافی بین مقادیر متوسط در دو عضو یک جفت جامعه وجود ندارد. به عبارت دیگر، اختلاف متوسط جامعه صفر است.

# دستور آزمون T با نمونه های جفتی



# خروجی آزمون T با نمونه های جفتی

## Paired Samples Statistics

		Mean	N	Std. Deviation	Std. Error Mean
Pair 1	Current Salary	\$34,419.57	474	\$17,075.66	\$784.31
	Beginning Salary	\$17,016.09	474	\$7,870.64	\$361.51

## Paired Samples Correlations

		N	Correlation	Sig.
Pair 1	Current Salary & Beginning Salary	474	.880	.000

## Paired Samples Test

		Paired Differences							
		Mean	Std. Deviation	Std. Error Mean	5% Confidence Interval of the Difference		t	df	Sig. (2-tailed)
Pair	Current Salary				Lower	Upper			
1	Beginning Sal	17,403.48	\$10,814.62	\$496.73	16,427.41	18,379.56	35.036	473	.000

# چند مشکل احتمالی در آزمون T با نمونه های

## جفتی

- ☞ اگر می خواهید اثر دو درمان را بروی یک فرد مقایسه کنید باید بین دو درمان زمان کافی وجود داشته باشد.
- ☞ اگر نمونه های شما یک فعالیت یا آزمایش را دوبار تکرار می کنند، ممکن است دفعه دوم به دلیل اثر آموزش بهتر از دفعه اول عمل کنند (حتی اگر مداخله مورد نظر اثری نداشته باشد، اثر آموزش می تواند موجب تغییراتی شود .)
- ☞ در تحقیقاتی از این دست باید این موضوع در محدودیت های پژوهش نوشته شود.

# آزمون T با نمونه های مستقل

## Independent-sample T test

- رویه T با نمونه های مستقل این فرضیه صفر را آزمون می کند که میانگین یک متغیر در جامعه برای دو گروه مختلف افراد باهم برابر است.
- هنگامی که سطح معنی داری مشاهده شده کوچک باشد فرض صفر) میانگین های یک متغیر در گروه های مختلف باهم تفاوتی ندارند) رد می شود و نتیجه می گیرید که به نظر می رسد میانگین های دو گروه با هم برابر نیستند.

# دستور آزمون T با دو نمونه مستقل

Analyze → Compare Means → Independent-sample T Test

انتقال متغیر مورد نظر به محل Test Variable و متغیری که شامل گروه های مورد نظر است به محل Grouping variable

Define Groups

نوشتن کد هر دو گروه در محل های مورد نظر

Continue

OK

# خروجی آزمون T با دو نمونه مستقل

Group Statistics

	Married?	N	Mean	Std. Deviation	Std. Error Mean
Think of Self as Liberal or Conservative	yes	769	4.29	1.35	4.87E-02
	no	673	4.03	1.35	5.21E-02

Independent Samples Test

	Levene's Test for Equality of Variance		t-test for Equality of Means						
	F	Sig.	t	df	Sig.	Mean Difference	Std. Error Difference	95% Confidence Interval of the Difference	
					2-tailed	difference	difference	Lower	Upper
Think of Self as Equal or Conservative variances assumed	4.778	.029	3.707	1440	.000	.26	.13E-02	.12	.40
Equal variances assumed			3.707	14.654	.000	.26	.13E-02	.12	.40

# تفسیر نتایج در آزمون T با دو نمونه

## مستقل

در خروجی دو ویرایش متفاوت از آزمون t دیده می شود.  
اولی با این فرض است که واریانس دو جامعه با هم برابرند و در دومی چنین فرضی وجود ندارد.

با استفاده از آزمون Levene می توان فرضیه صفر متعلق بودن دو نمونه به جامعه هایی با واریانس های برابر را آزمون کرد. اگر سطح معنی داری مشاهده شده در آزمون کمتر از 05 / باشد می توان فرضیه صفر برابری واریانس دو جامعه را رد کرد. در این مثال برابری واریانس ها رد می شود. بنابراین، باید نتایجی را که دارای برچسب Equal variance not assumed هستند، استفاده کرد.

# آنالیز واریانس یک طرفه (One-Way ANOVA)

- توزیع  $t$  برای آزمون تفاوت بین دو گروه مناسب است. اگر سه یا چند گروه برای مقایسه داشته باشیم، نمی‌توان توزیع  $t$  را برای سنجش معنی دار بودن تفاوت گروه‌ها به کار گرفت.
- اگر بخواهیم میانگین‌های جامعه را در بین چند گروه مقایسه کنیم از آنالیز واریانس یک‌طرفه استفاده می‌کنیم.
- آنالیز واریانس یک‌طرفه نمونه‌ها را براساس مقادیر یک متغیر در گروه‌های مختلف مقایسه می‌کند. متغیری که جهت تشکیل گروه‌ها استفاده می‌شود فاکتور نامیده می‌شود.
- مثلاً فرض صفر می‌گوید که میانگین حقوق در طبقات شغلی مختلف یکسان است (بین طبقات شغلی مختلف از نظر حقوق دریافتی تفاوت وجود ندارد).

# جدول آنالیز واریانس

## ANOVA

Current Salary

	Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
Between Groups	3.9E+10	2	4.5E+10	434.481	.000
Within Groups	4.8E+10	471	1.0E+08		
Total	1.4E+11	473			

با نگاه کردن به سطح معنی داری مشاهده شده می توان فرض صفر یعنی برابری حقوق را در طبقات شغلی مختلف رد کرد. به عبارت دیگر، فرض صفر مبنی بر اینکه بین طبقات مختلف شغلی از نظر حقوق دریافتی تفاوت وجود ندارد، رد می شود.

# آزمون مقایسه چندگانه در حقوق های دریافتی

## Multiple Comparisons

Dependent Variable: Current Salary

Bonferroni

(I) Employment Category	(J) Employment Category	Mean Difference (I-J)	Std. Error	Sig.	95% Confidence Interval	
					Lower Bound	Upper Bound
Clerical	Custodial	-\$3,100.35	\$2,023.76	.379	-\$7,962.56	\$1,761.86
	Manager	\$36,139.26*	\$1,228.35	.000	\$39,090.45	-\$33,188.07
Custodial	Clerical	\$3,100.35	\$2,023.76	.379	-\$1,761.86	\$7,962.56
	Manager	\$33,038.91*	\$2,244.41	.000	\$38,431.24	-\$27,646.58
Manager	Clerical	\$36,139.26*	\$1,228.35	.000	\$33,188.07	\$39,090.45
	Custodial	\$33,038.91*	\$2,244.41	.000	\$27,646.58	\$38,431.24

\*. The mean difference is significant at the .05 level.

## تفسیر مقایسه چندگانه

- در آزمون مقایسه Bonferroni هر ردیف شامل مقایسه یک جفت می‌باشد. در مثال فوق ردیف اول مربوط به مقایسه کارمند دفتری با نگهبان و مدیر است. ردیف آخر مربوط به مقایسه مدیر با کارمند دفتری و نگهبان می‌باشد.
- جفت‌هایی از میانگین که به طور معنی داری باهم اختلاف دارند توسط ستاره مشخص شده است. سایر طبقات شغلی باهم اختلاف معنی داری ندارند.

# دستور اجرای آنالیز واریانس یکطرفه

Analyze → Compare Means → One-Way ANOVA

انتقال متغیر Current Salary به محل Dependent List

انتقال متغیر Jobcat به محل Factor

Post Hoc..

انتخاب Bonferroni

Continue

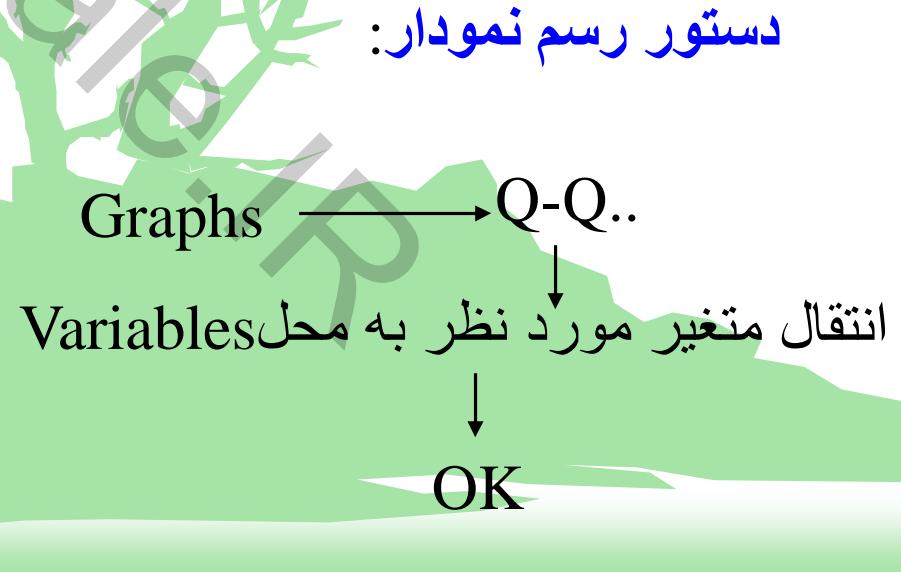
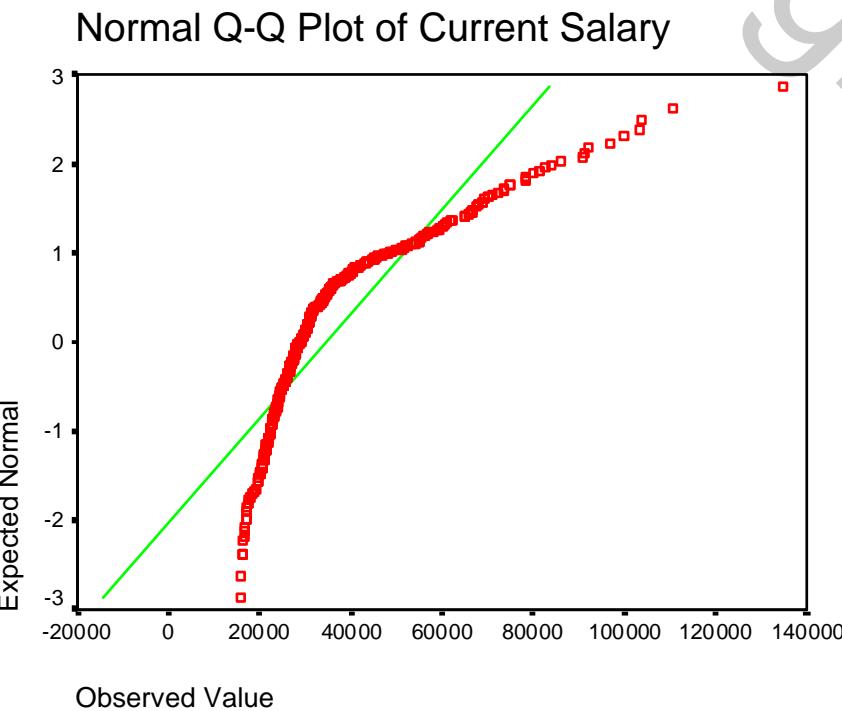
OK

## شرط استفاده از آنالیز واریانس

- از هر جامعه نمونه های تصادفی مستقل گرفته شده باشند (هر یک از مشاهدات باید مستقل باشند).
- متغیرها بایستی به طور نرمال توزیع شده باشند
- گروه ها باید دارای واریانس یکسان باشند

# بررسی نرمال بودن

. ۱. نمودار Q-Q: این نمودار مقدار مشاهده شده و مقدار مورد انتظار (مربوط به حالتی که داده های نمونه متعلق به توزیع نرمال است) را نشان می دهد. اگر داده ها متعلق به یک توزیع نرمال باشند، نقاط باید اطراف یک خط صاف جمع شوند.



# بررسی نرمال بودن

2. آزمون آماری: می توان این فرض صفر را آزمون کرد که آیا داده های مورد نظر، نمونه ای از جامعه نرمال می باشد. اگر سطح معنی دار مشاهده شده کوچک باشد، باید به فرض نرمال بودن شک کرد. در غیر اینصورت) اگر سطح معنی داری به اندازه کافی بزرگ باشد، فرض نرمال بودن غیر منطقی نیست.)

## Tests of Normality

	Kolmogorov-Smirnov <sup>a</sup>		
	Statistic	df	Sig.
Current Salary	.208	474	.000

a. Lilliefors Significance Correction

دستور آزمون نرمال بودن:

Analyze → Descriptive Statistics → Explore → انتخاب متغیر

OK ← Continue ← Normality plots with test ← Plots ..

# تعییر چولگی (Skewness) و کشیدگی (Kurtosis)

- ☞ این دو شاخص هایی برای قضاوت در خصوص نرمال بودن توزیع هستند. یک توزیع نرمال باید دارای چولگی صفر و کشیدگی صفر باشد.
- ☞ اگر چولگی مثبت باشد، توزیع چوله به راست است و اگر منفی باشد چوله به چپ.
- ☞ اگر کشیدگی منفی باشد، توزیع از حالت زنگی شکل پهن تر است و اگر مثبت باشد توزیع باریک تر از منحنی نرمال خواهد بود.

# آزمون برابری واریانس گروه های مورد

## مقایسه

برای استفاده از بعضی تکنیک های آماری نظیر آزمون t با دو نمونه مستقل لازم است به آزمون برابری واریانس ها پرداخت. برای این منظور از آزمون Levene's Test استفاده می شود. یعنی فرضه صفر متعلق بودن دو نمونه به جامعه هایی با واریانس برابر را آزمون می کنیم. این آزمون نباید معنی دار باشد. در این صورت می توان گفت که واریانس گروه ها یکسان است. یعنی تفاوت معنی داری از نظر تغییر پذیری بین گروه ها وجود ندارد.

اگر آزمون Levene منجر به رد فرضه صفر برابری واریانس دو جامعه شود، باید از ستونی استفاده کنید که دارای برچسب Equal variances not assumed است.

# دستور آزمون برابری واریانس ها

Analyze → Compare Means → Independent samples T test

انتقال متغیر مورد نظر به محل Test Variable

انتقال متغیری که مقادیر آن دو گروه مورد نظر را تعریف می کند به محل Grouping Variables

OK

# تحلیل واریانس عاملی) دو طرفه)

## Factorial ANOVA

- روش سنتی پژوهش تجربی مبتنی بر مطالعه اثر یک متغیر مستقل در یک متغیر وابسته بوده است.
- روش تحلیل واریانس عاملی این امکان را به وجود آورده است که در طرح پژوهشی خود نفوذ چند متغیرهای مستقل (که معمولاً عامل Factor نامیده می‌شوند) بر متغیر وابسته را بسنجیم.
- تحلیل واریانس عاملی روشنی است که اثرهای ساده و تعاملی دو یا چند متغیر مستقل را بر حسب یک متغیر وابسته مورد تحلیل قرار می‌دهد. به بیان دیگر، در تحلیل عاملی دو یا چند متغیر مستقل، به گونه مستقل یا در تعامل با یکدیگر تغییر می‌کنند تا تغییر پذیری متغیر وابسته را به وجود آورند.

# یک مثال پژوهشی از تحلیل واریانس عاملی

- آیا متوسط کارایی در چند گروه تحصیلی یکسان است؟ ➔
- آیا متوسط کارایی مردها و زن ها یکسان است؟ ➔
- آیا رابطه بین متوسط کارایی و درجه تحصیلی در مردها و زن ها یکسان است؟ ➔
- در سؤال ۱ و ۲ یک فاکتور (گروه تحصیلی یا جنسیت (درگیر است در حالی که در سؤال سوم هردو فاکتور به طور مzman مورد نظر است. ➔
- پژوهشگر در سؤال سوم یک فرضه تعاملی را مطرح می سازد و معتقد است که متوسط ساعات کار مردها و زن ها که دارای تحصیلات مختلف هستند به گونه متفاوت ظاهر می شود. ➔



☞ این پژوهشگر 60 کارمند را از میان جامعه کارکنان به تصادف انتخاب می کند به گونه ای که به ۶ گروه ۱۰ نفری مطابق جدول زیر تقسیم شده باشند.

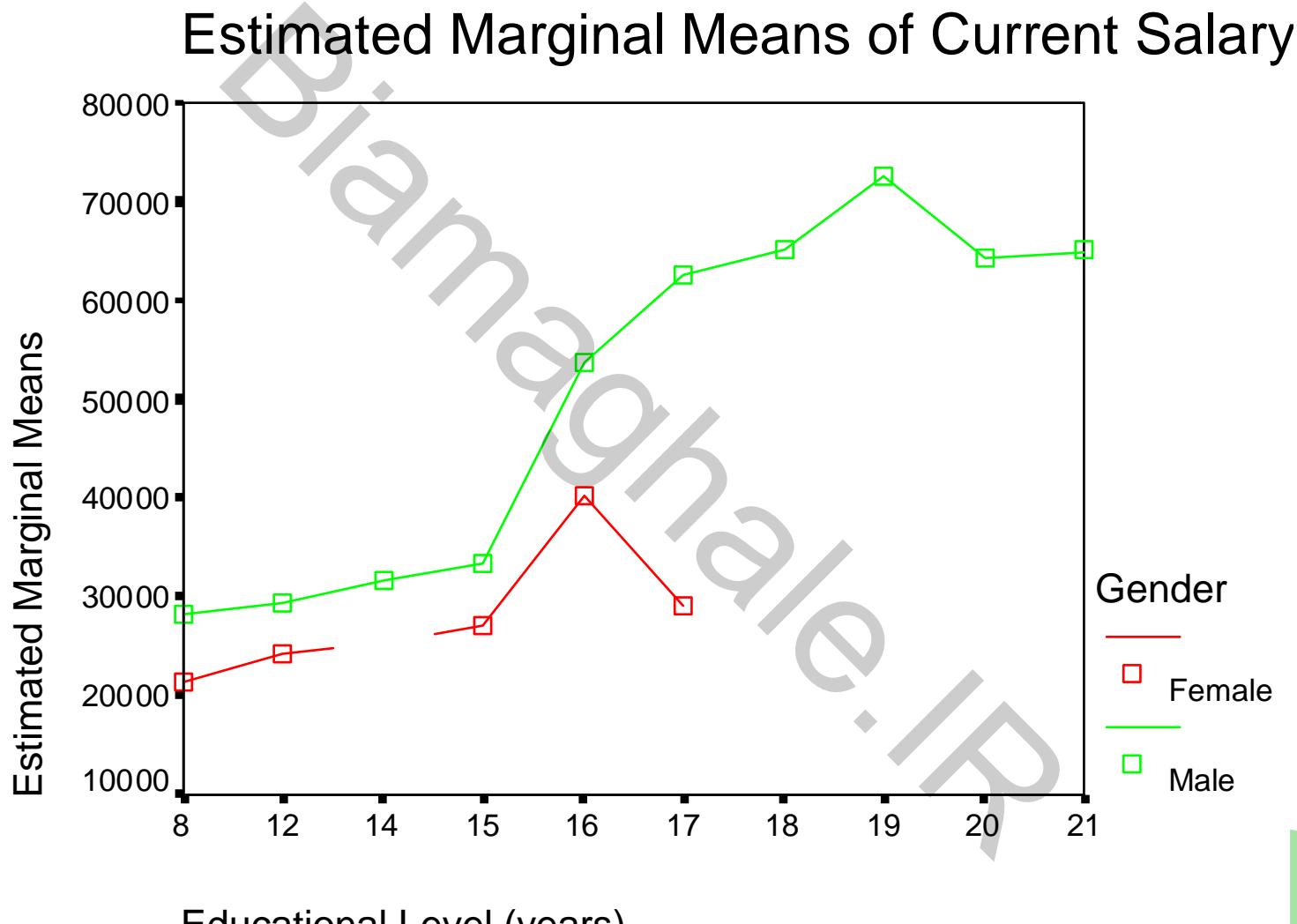
جنسیت	تحصیلات		
	A1	A2	A3
B1	A1B1	A2B1	A3B1
B2	A1B2	A2B2	A3B2

### ☞ اثر اصلی (Main Effect)

☞ در آنالیز واریانس اثر اصلی عبارت است از اثر هر یک از فاکتورها صرف نظر از اثر سایر فاکتورها مثلًا اثر درجه تحصیلی (به تنهایی) بر روی متوسط کارایی اثر اصلی نامیده می شود.

☞ اثر تعاملی: (Interaction Effect) اگر دو فاکتور را همزمان در نظر بگیریم، آزمون اثر تعاملی نامیده می شود.

# نمودار خطی میانگین های مشاهده شده



# جدول آنالیز واریانس

## Tests of Between-Subjects Effects

Dependent Variable: Current Salary

Source	Type III Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
Corrected Model	9.5E+10 <sup>a</sup>	14	6.8E+09	72.704	.000
Intercept	8.7E+10	1	8.7E+10	932.754	.000
GENDER	3.3E+09	1	3.3E+09	35.054	.000
EDUC	4.8E+10	9	5.4E+09	57.684	.000
GENDER * EDUC	1.4E+09	4	3.5E+08	3.695	.006
Error	4.3E+10	459	9.3E+07		
Total	7.0E+11	474			
Corrected Total	1.4E+11	473			

a. R Squared = .689 (Adjusted R Squared = .680)

برای استخراج این جدول به فایل Bank Employee data با مراجعه کنید.

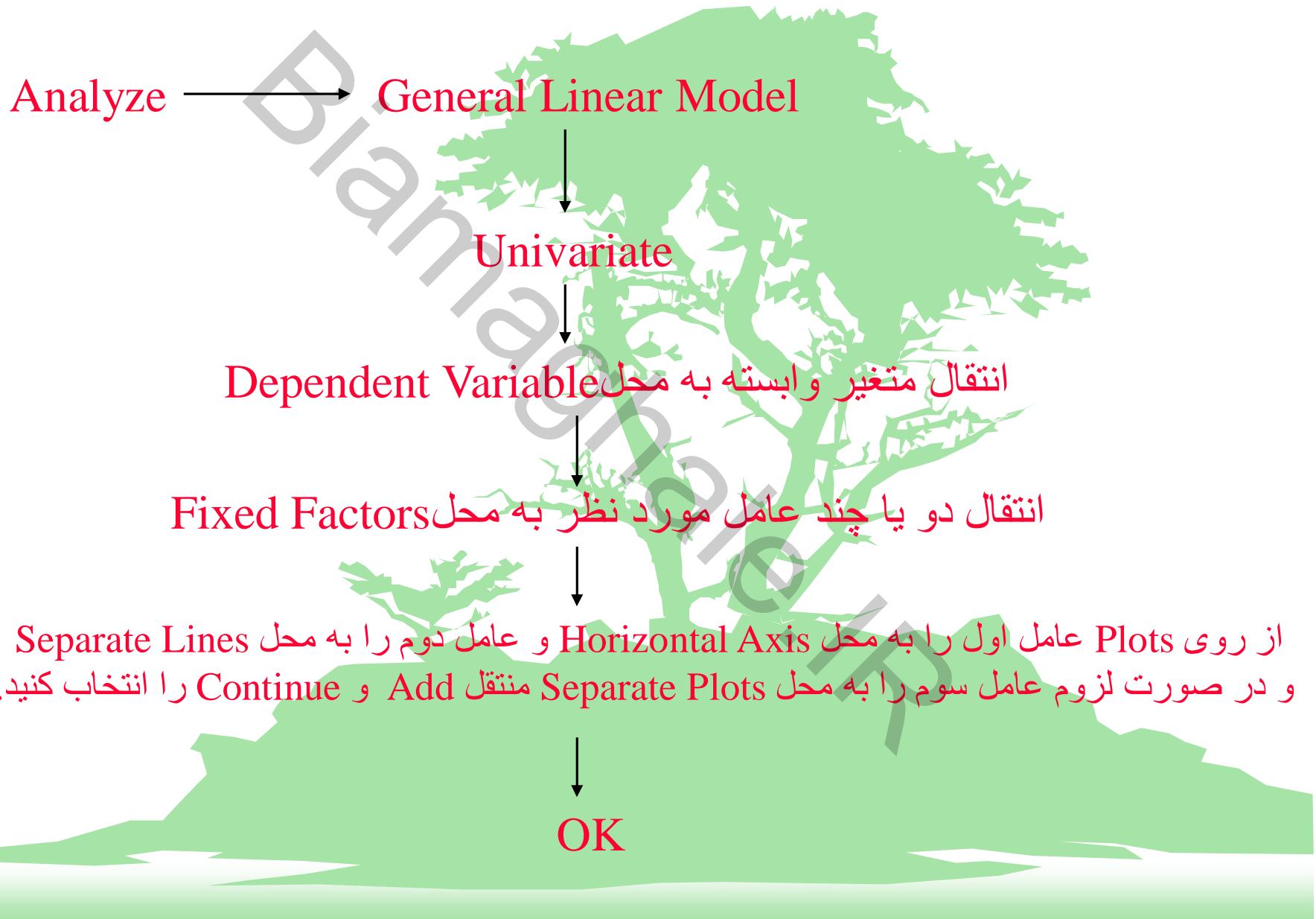
# تفسیر آنالیز و اریانس دو طرفه

- ☞ با نگاه کردن به سطح معنی دار مشاهده شده برای هر یک از نسبت های  $F$  مشخص می شود که آیا می توان فرضیه صفر آن را رد کرد:
  - **فرضیه صفر اثر اصلی:** میانگین های جامعه (میزان حقوق) در تمام سطوح تحصیلی یکسان است. یعنی در سطوح تحصیلی مختلف تفاوتی در میزان حقوق افراد وجود ندارد.
  - **فرضه صفر اثر اصلی:** میانگین های جامعه (میزان حقوق) در هر دو جنس زن و مرد یکسان است.
  - **فرضیه صفر اثر تعاملی:** اثر تحصیلات بر روی حقوق در هر دو جنس زن و مرد در جامعه یکسان است (بین دو متغیر اثر تعاملی وجود ندارد).
- ☞ همان طور که ملاحظه می شود سطح معنی داری مشاهده شده در مورد اثر تعاملی کوچکتر از  $05/05$  می باشد . بنابراین، فرض صفر رد می شود. یعنی اثر سطح تحصیلات بر روی حقوق در مرد ها و زن ها یکسان نیست. به عبارت دیگر، رابطه بین سطح تحصیلات و حقوق در مرد ها و زن ها متفاوت است.

# تفسیر آنالیز واریانس دو طرفه) ادامه)

- ☞ همان طور که ملاحظه می شود سطح معنی داری مشاهده شده در مورد اثر اصلی (متغیر جنسیت (کوچکتر از ۰/۵ می باشد .بنابراین، فرض صفر یعنی برابری میانگین حقوق در هر دو جنس مرد و زن رد می شود.
- ☞ همان طور که ملاحظه می شود سطح معنی داری مشاهده شده در مورد اثر اصلی (متغیر تحصیلات (کوچکتر از ۰/۵ می باشد .بنابراین، فرض صفر یعنی برابری میانگین حقوق در هر میان افراد با سطوح تحصیلات مختلف رد می شود.
- ☞ آزمون اثرات تعاملی بسیار مهم است .اگر اثر تعاملی پیدا شود، صحبت کردن در مورد جنسیت و سطح تحصیلی به نهایی معنی ندارد و هر دو باید باهم در نظر گرفته شوند.
- ☞ مجموع مربعات ارائه شده برای ردیف Corrected Model می گوید چقدر از پراکندگی متغیر وابسته می تواند توسط اثرات متغیرهای مشاهده شده تبیین شود این دو صد درصد را حداکثر نامحدود R<sup>2</sup> ارائه شده

# دستور اجرای آنالیز واریانس دو طرفه



# تحلیل واریانس چند متغیره (MANOVA)

- رویه MANOVA تحلیل رگرسیونی و تحلیل واریانس را برای متغیرهای وابسته چندگانه فراهم می سازد.
- متغیر) های (Factor Variables) جامعه را به چند گروه تقسیم می کنند.
- در این رویه اثر متغیرهای مستقل (عامل) بر میانگین های گروه های مختلفی از متغیرهای وابسته آزمون می شود.
- در این روش تعامل بین عوامل (متغیرهای مستقل) و اثرات انفرادی عوامل سنجیده می شود.

# اثر تعاملی (Interaction Effect)

- در آنالیز واریانس دو طرفه اثر اصلی (Main Effect) عبارت است از اثر هریک از فاکتورها صرف نظر از سایر فاکتورها. مثلاً اثر درجه تحصیلی بر روی متوسط ساعت کار یک اثر اصلی نامیده می‌شود، اما اگر دو فاکتور را همزمان وارد کنید آزمون اثر تعاملی نامید می‌شود.
- اگر در خروجی SPSS نمودار خطی میانگین‌های مشاهده شده همیگر را قطع کنند اثر تعاملی وجود دارد.
- برای آزمون اثر تعاملی می‌توان فرضه‌های آماری تشکیل داد مثلاً (اثر فاکتور 1 (فاکتور تحصیلات) بر روی متغیر وابسته در گروه‌های فاکتور) 2 فاکتور جنسیت (یکسان است):

$$\left\{ \begin{array}{l} H_0: \text{اثر تحصیلات بر روی متوسط ساعت کار در هر دو جنس زن و مرد یکسان است.} \\ H_a: \text{اثر تحصیلات بر روی متوسط ساعت کار در هر دو جنس زن و مرد یکسان نیست.} \end{array} \right.$$

## اثر تعاملی (ادامه)

- اگر سطح معنی داری مشاهده شده برای اثر تعاملی بزرگ تر از  $0.05$  باشد ( $Sig < 0.05$ ) نمی توان فرض صفر را رد کرد (بین دو متغیر اثر تعاملی وجود ندارد .(یعنی مثلاً اثر تحصیلات بر روی ساعات کار در مردها و زنان به نظر می رسد .
- اگر اثر تعاملی پیدا شود، دیگر نباید اثر هر یک از آنها را به تنهایی بر روی متغیر وابسته بسنجیم .اگر اثر تعاملی مشاهده نگردید می توان اثر اصلی هر یک از آنها را به روش آنالیز واریانس یک طرفه بر متغیر وابسته سنجید.

# تحلیل واریانس چند متغیره (MANOVA)

- به علاوه، اثرات همپراش ها (covariates) و همچنین تعامل های همپراش ها با عوامل (متغیرهای مستقل) مورد بررسی قرار می گیرد.
- برای تحلیل رگرسیونی، متغیرهای مستقل (Predictor) به عنوان متغیرهای همپراش در نظر گرفته می شوند.
- اگر بیش از یک متغیر وابسته مشخص شود، تحلیل چند متغیره واریانس از روش های Hotelling و Roy با آماره  $F$  استفاده می کند . همچنین تحلیل تک متغیره (univariate) واریانس برای هر متغیر وابسته صورت می گیرد.

## مثال

فرض کنید اثر دو متغیر مستقل  $I_1$  و  $I_2$  را بر روی سه متغیر وابسته  $D1$ ،  $D2$ ، و  $D3$  مورد آزمایش قرار می‌دهیم. در این صورت خروجی SPSS در تحلیل واریانس چند متغیره به صورت زیر خواهد بود.

# خروجی تحلیل واریانس چند متغیره

Multivariate Tests<sup>c</sup>

Effect		Value	F	Hypotheses df	Error df	Sig.
Intercept	Pillai's Trace	.928	1089.906 <sup>a</sup>	3.000	252.000	.000
	Wilks' Lambda	.072	1089.906 <sup>a</sup>	3.000	252.000	.000
	Hotelling's Trace	12.975	1089.906 <sup>a</sup>	3.000	252.000	.000
	Roy's Largest Root	12.975	1089.906 <sup>a</sup>	3.000	252.000	.000
I1	Pillai's Trace	.174	3.907	12.000	762.000	.000
	Wilks' Lambda	.832	4.004	12.000	667.021	.000
	Hotelling's Trace	.195	4.076	12.000	752.000	.000
	Roy's Largest Root	.152	9.638 <sup>b</sup>	4.000	254.000	.000
I2	Pillai's Trace	.088	1.924	12.000	762.000	.029
	Wilks' Lambda	.913	1.937	12.000	667.021	.028
	Hotelling's Trace	.093	1.946	12.000	752.000	.026
	Roy's Largest Root	.069	4.374 <sup>b</sup>	4.000	254.000	.002
I1 * I2	Pillai's Trace	.310	1.833	48.000	762.000	.001
	Wilks' Lambda	.717	1.854	48.000	750.305	.001
	Hotelling's Trace	.359	1.874	48.000	752.000	.000
	Roy's Largest Root	.218	3.468 <sup>b</sup>	16.000	254.000	.000

a. Exact statistic

b. The statistic is an upper bound on F that yields a lower bound on the significance level.

c. Design: Intercept+I1+I2+I1 \* I2

### Tests of Between-Subjects Effects

Source	Dependent Variable	Type III Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
Corrected Model	D1	70.101 <sup>a</sup>	24	2.921	2.624	.000
	D2	55.598 <sup>b</sup>	24	2.317	1.966	.006
	D3	93.502 <sup>c</sup>	24	3.896	3.842	.000
Intercept	D1	1566.989	1	1566.989	1407.720	.000
	D2	1357.000	1	1357.000	1151.896	.000
	D3	1386.230	1	1386.230	1366.885	.000
I1	D1	9.114	4	2.278	2.047	.088
	D2	5.888	4	1.472	1.249	.291
	D3	35.533	4	8.883	8.759	.000
I2	D1	19.216	4	4.804	4.316	.002
	D2	5.476	4	1.369	1.162	.328
	D3	4.241	4	1.060	1.045	.384
I1 * I2	D1	43.806	16	2.738	2.460	.002
	D2	24.397	16	1.525	1.294	.201
	D3	20.763	16	1.298	1.280	.210
Error	D1	282.738	254	1.113		
	D2	299.227	254	1.178		
	D3	257.595	254	1.014		
Total	D1	3334.000	279			
	D2	3099.000	279			
	D3	3235.000	279			
Corrected Total	D1	352.839	278			
	D2	354.824	278			
	D3	351.097	278			

a. R Squared = .199 (Adjusted R Squared = .123)

b. R Squared = .157 (Adjusted R Squared = .077)

c. R Squared = .266 (Adjusted R Squared = .197)

# دستور اجرای MNOVA

Analyze → General linear Model → Multivariate

انتقال متغیر های وابسته به محل Dependent Variables

انتقال متغیر های مستقل به محل Fixed factors

Plots..

انتقال یک متغیر به محل Horizontal Axis و متغیر دیگر به محل Separate Lines

Add → Continue → OK

# آزمون مربع کای دو

## Chi-square test

هستند متغیر مستقل دو:  $H_0$ :  
دارد متغیر وجود دو تفاوت معنی داری بین:  $H_a$ :

- اگر بخواهیم استقلال بین دو متغیر را که محاسبه می‌انگین آنها ممکن نیست) تنها می‌توان در مورد تعداد مقادیر مختلف آن صحبت کرد مانند متغیرهای اسمی (آزمون کنیم از آماره کای دو استفاده می‌کنیم.
- آماره کای دو بر مقادیر مشاهده شده و مورد انتظار که از طریق جدول توافقی به دست می‌آیند استوار است.
- در جدول توافقی مقدار مشاهده شده عبارت است از تعدادی از نمونه‌ها که در یک خانه قرار داند.
- مقدار مورد انتظار عبارت است از تعدادی که در صورت مستقل بودن دو متغیر پیش ینی می‌شود.

# جدول توافقی

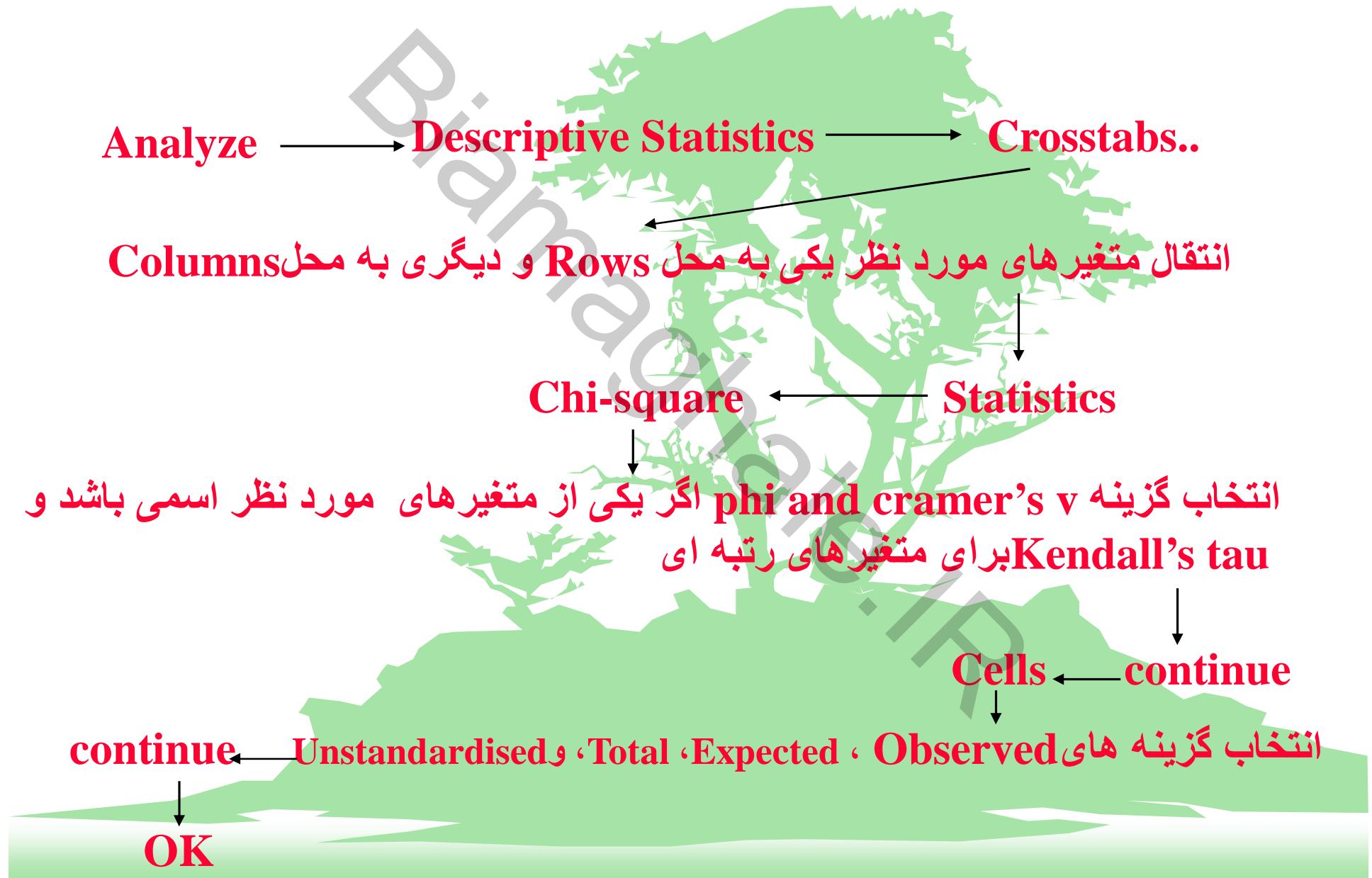
جزء اصلی جدول توافقی تعداد نمونه هایی است که در هر یک از خانه های جدول قرار می گیرند. روش های آماری که در این فرضیه های صفر به کار می روند بر اساس مقایسه موارد مشاهده شده در هر خانه با تعداد مورد انتظار آن عمل می کند. تعداد مورد انتظار به طور ساده تعدادی از نمونه هاست که در صورت صحیح بودن فرضیه صفر انتظار می رود در هر یک از خانه ها پیدا شود.

فرضیه صفر در جدول توافقی به صورت مستقل بودن دو متغیر بیان می شود) دو متغیر مورد نظر مستقل از یکدیگر هستند.).

# شرط استفاده از آماره کای دو

1. مشاهدات باید مستقل باشند. یعنی نمونه به صورت تصادفی از جامعه انتخاب شده باشد.
2. بیش از 20% سلول های جدول توافقی دارای فراوانی مورد انتظار کمتر از 5 نباشد. یعنی شاخص Minimum expected frequency کمتر از یک نباشد.

# دستور اجرای آماره کای دو



# خروجی آزمون کای دو) جدول توافقی(

Is Life Exciting or Dull \* Married? Crosstabulation

		Married?		Total	
		yes	no		
Is Life Exciting or Dull	Dull	Count	21	44	
		Expected Count	33.5	31.5	
		% of Total	2.1%	4.4%	
		Residual	-12.5	12.5	
	Routine	Count	241	218	
		Expected Count	236.4	222.6	
		% of Total	24.2%	21.9%	
		Residual	4.6	-4.6	
	Exciting	Count	251	221	
		Expected Count	243.1	228.9	
		% of Total	25.2%	22.2%	
		Residual	7.9	-7.9	
Total		Count	513	483	
		Expected Count	513.0	483.0	
		% of Total	51.5%	48.5%	
				100.0%	

برای به دست آورن این  
جدول از فایل GSS  
متغیرهای Married  
و Life را انتخاب کنید.

# خروجی آزمون کای دو - ( $\chi^2$ ) ادامه

## Chi-Square Tests

	Value	df	Asymp. Sig. (2-sided)
Pearson Chi-Square	10.303 <sup>a</sup>	2	.006
Likelihood Ratio	10.475	2	.005
Linear-by-Linear Association	4.477	1	.034
N of Valid Cases	996		

a. 0 cells (.0%) have expected count less than 5. The minimum expected count is 31.52.

تست شرایط استفاده از  $\chi^2$

## Symmetric Measures

		Value	Approx. Sig.
Nominal by Nominal	Phi	.102	.006
	Cramer's V	.102	.006
N of Valid Cases		996	

- Not assuming the null hypothesis.
- Using the asymptotic standard error assuming the null hypothesis.

## تفسیر نتایج در آزمون کای دو

- اگر سطح معنی داری مشاهده شده کمتر از  $/05$  باشد می توان فرض صفر یعنی استقلال دو متغیر را رد کرد.
- مقدار کای دو) ارزش عددی به دست آمده در روش پیرسون مقیاسی از قدرت رابطه دو متغیر نیست. برای پیدا کردن قدرت رابطه دو متغیر از مقیاس های  $\text{Phi}$  و  $\text{Cramer's V}$  استفاده می کنیم. در مقیاس کرامر مقدار به دست آمده بین صفر و ۱ در نوسان است. صفر نشانگر عدم وجود رابطه و ۱ معرف رابطه کامل است.
- در زیر جدول آزمون کای میزان تحقق شرایط استفاده از آزمون قید شده است.

## آزمون کای دو (خی دو) یک نمونه ای

- از آزمون کای دو می توان جهت آزمون توزیع یک متغیر نیز استفاده کرد. یعنی می توانید ببینید که آیا توزیع مقادیر مشاهده شده در یک جدول فراوانی با تعداد مقادیر مورد انتظار یکی می باشد.
- مثلاً می توان آزمون کرد که آیا احتمال افرادی که زندگی را هیجان انگیز می دانند یا معمولی و خسته کننده می دانند باهم برابر است؟

# خروجی آزمون خی دو یا نمونه ای

Is Life Exciting or Dull

	Observed N	Expected N	Residual
Dull	65	332.3	-267.3
Routine	459	332.3	126.7
Exciting	473	332.3	140.7
Total	997		

Test Statistics

	Is Life Exciting or Dull
Chi-Square <sup>a</sup>	322.865
df	2
Asymp. Sig.	.000

a. 0 cells (.0%) have expected frequencies less than 5. The minimum expected cell frequency is 332.3.

باتوجه به پایین بودن سطح

معنی داری مشاهده شده

فرض صفر یعنی برابری برداشت افراد  
از زندگی رد می شود.

# دستور آزمون کای دو یک نمونه ای



## توان آزمون کای دو

می دانیم که توانایی ما برای رد فرض صفر وقتی که غلط است (توان آزمون) به اندازه نمونه بستگی دارد. این قاعده برای آزمون کای دو نیز درست است. مقدار آماره کای دو به تعداد مشاهدات در نمونه بستگی دارد.

اگر نمونه کوچکی داشته باشیم، ممکن است قادر به رد فرض صفر حتی اگر آن غلط باشد نباشیم. به طریق مشابه برای نمونه های بزرگ ممکن است به رد فرض صفر برسم حتی اگر انحراف از استقلال خیلی کوچک باشد.

وقتی یکی از متغیرها یا هر دوی آنها در جدول توافقی بر مبنای مقیاس رتبه ای سنجیده می شود، آزمون کای دو مانند دیگر آماره ها برای کشف انحراف از استقلال قوی

# پارامتری غیر آزمون های Non-Parametric Tests

- آزمون های غیر پارامتری زمانی به کار گرفته می شوند که نمونه ها کوچک باشند و فرض های ضروری آزمون های پارامتری به شدت صادق نباشند.
- آزمون های پارامتری به آزمون هایی گفته می شوند که به فرض نرمال بودن جامعه نیاز دارند. در حالیکه آزمون های غیر پارامتری دارای توزیع نرمال نیستند.
- مزیت آزمون های غیر پارامتری آن است که به فرض های کمتری در مورد داده ها نیاز دارند. عیب آنها آن است که توان کمتری نسبت به سایر آزمون ها دارند.

# آزمون های غیر پارامتری

## Non-Parametric Tests

آزمون Sign جایگزین غیر پارامتری آزمون  $t$  جفتی است که توان کمتری دارد. در حالی که آزمون مشابه آن یعنی Wilcoxon از توان بیشتری برخوردار است.

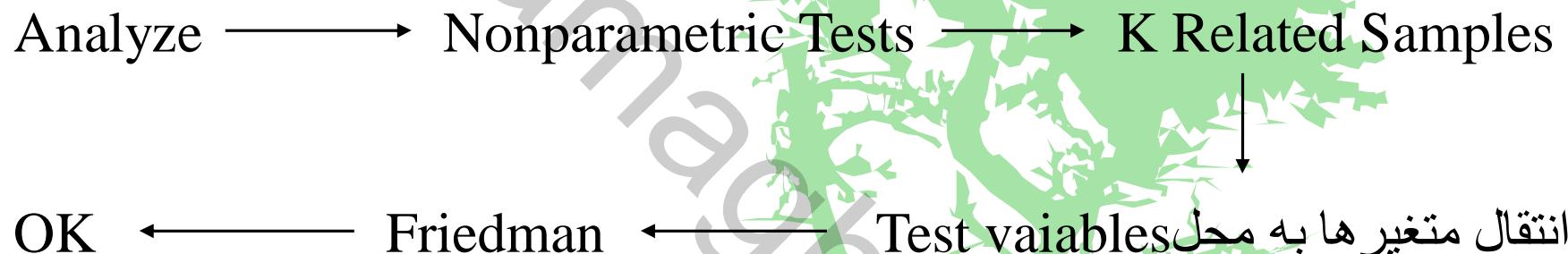
آزمون Mann-Whitney جایگزین غیر پارامتری آزمون  $t$  با نمونه های مستقل می شود.

آزمون Kruskal-Wallis جایگزین غیر پارامتری برای آنالیز واریانس یکطرفه است.

آزمون Runs بررسی می کند آیا مشاهدات کنار هم در یک سری از هم مستقل هستند.

# آزمون رتبه ای فریدمن (Friedman)

☞ آزمون رتبه ای فریدمن (1937) یک آزمون رتبه ای برای  $K$  نمونه همبسته است.



Ranks

	Mean Rank
مرتبه بودن اطلاعات	3.75
دقت اطلاعات	3.13
صحت اطلاعات	2.98
ایمنی اطلاعات	3.25
سرعت اطلاعات	4.15
اقتصادی بودن اطلاعات	3.75

Friedman Test

# آزمون دو جمله‌ای

آزمون دو جمله‌ای برای آزمون این فرضه به کار می‌رود که آیا یک متغیر از یک جامعه دو جمله‌ای با احتمال مشخصی تصادفی است یا خیر. متغیر مورد نظر تنها دو مقدار می‌تواند داشته باشد.

Analyze → Nonparametric Tests → Binomial

انتقال متغیر مورد نظر به محل Test Variable list

	Category	N	Observed Prop.	Test Prop.	Asymp. Sig. (2-tailed)
V7	Group 1	2.00	.22	.50	.000 <sup>a</sup>
	Group 2	1.00	.78		
	Total	218	1.00		

a. Based on Z Approximation.

## اندازه گیری رابطه

- ☞ روشن های آماری مختلفی برای مطالعه رابطه بین متغیر ها استفاده می شود که به نوع متغیر و مانند اینها بستگی دارد . مانند کای دو ، رگرسیون ، و همبستگی برای مشخص کردن قدرت و طبیعت رابطه بین دو متغیر باید از طریق محاسبه شاخص رابطه (Measures of association) اقدام کرد .
- ☞ یک شاخص رابطه عددی است که بزرگی آن قدرت رابطه بین دو متغیر را مشخص می کند.

# شاخص های رابطه برای متغیر های اسمی(Nominal)

- برای متغیر های اسمی دو نوع شاخص رابطه وجود دارد. اول شاخص های رابطه بر اساس آماره کای دو و دوم شاخص های کاهش نسبی خطای که به آنها PRE می گویند.
- شاخص های رابطه بر مبنای کای دو عبارت اند از:
  - ضریب فی(phi Coefficient)
  - ضریب توافق(Coefficient of Contingency)
  - کرامر(Cramer's V)
- هر سه شاخص قدرت رابطه یکسانی را نشان می دهند، اما تفسیر شاخص هایی که بر مبنای کای دو محاسبه می شوند، مشکل است.
- شاخص های مذبور جهت رابطه را بیان نمی کنند زیرا متغیر های اسمی ترتیبی ندارند و صحبت از رابطه منفی یا مثبت در مورد آنها معنی ندارد.

# شاخص های رابطه برای متغیرهای اسمی (ادامه)

- شاخص های رابطه بر مبنای کاهش نسبی در خطای PRE - لامدا (Lambda) پرکاربردترین شاخص است.
- مقدار صفر برای لامدا به این معنی است که متغیر مستقل کمکی در پیش بینی متغیر وابسته نمی کند.
- هنگامی که دو متغیر از نظر آماری مستقل هستند مقدار لامدا برابر صفر است، اما صفر بودن لامدا لزوماً به معنی مستقل بودن نیست. بنابراین، هنگامی که لامدا برابر صفر است سایر شاخص های رابطه ممکن است مقدار متفاوتی را پیدا کنند.

# شاخص های رابطه برای مقیاس های رتبه ای (Ordinal)

☞ لاندا به عنوان یک شاخص رابطه در تمام متغیرها با هر مقیاس قابل استفاده است.

☞ گامای گودمن و کروسکال (Goodman and Kruskal's Gamma) گامای مثبت معرف رابطه مثبت و بر عکس است.

☞ تاو b -کندال (Kendal's tau-b) که می تواند مقادیری بین -۱ تا +۱ داشته باشد.

☞ تاو C-کندال (Kendal's tau-c)  
(Somer's d)

# شاخص های رابطه بر مبنای همبستگی

- هنگامی که متغیر های شما در مقیاسی اندازه گیری شده اند که رتبه در آن معنا دارد، می توان با محاسبه ضرایب همبستگی قدرت رابطه دو متغیر را اندازه گیری کرد.
- دو ضریب همبستگی پرکاربرد عبارت اند:
  - ضریب همبستگی پیرسون که دارای مقادیری بین -1 تا +1 و قدرت رابطه خطی بین متغیر های فاصله ای را بیان می کند.
  - ضریب همبستگی اسپیرمن که مترادف غیر پارامتری ضریب همبستگی پیرسون است. در ضمن، این ضریب قدرت رابطه متغیر های رتبه ای را اندازه گیری می کند.

# ضرایب همبستگی پیرسون و اسپیرمن

## Symmetric Measures

		Value	Asymp. Std. Error <sup>a</sup>	Approx. T <sup>b</sup>	Approx. Sig.
Interval by Interval	Pearson's R	.219	.028	7.070	.000 <sup>c</sup>
Ordinal by Ordinal	Spearman Correlation	.208	.030	6.695	.000 <sup>c</sup>
N of Valid Cases		995			

a. Not assuming the null hypothesis.

b. Using the asymptotic standard error assuming the null hypothesis.

c. Based on normal approximation.

دستور:

Analyze → Descriptive Statistics → Crosstab..

Statistics

Correlations

انتخاب متغیرهای مورد نظر در ردیف و ستون

Continue

OK

# دستور محاسبه همبستگی بین متغیرها

Analyze

Correlate

Bivariate..

انتقال دو متغیر مورد نظر به محل Variables

انتخاب روش محاسبه همبستگی با توجه به نوع متغیر:

1. متغیرهای فاصله ای: پیرسون

2. متغیرهای رتبه ای: اسپیرمن

3. متغیرهای رتبه ای: کندال

OK

# مقایسه ضرائب همبستگی پیرسون و اسپیرمن

Correlations

		Is Life Exciting or Dull	R's Highest Degree
Is Life Exciting or Dull			
Pearson Correlation		1.000	.219**
Sig. (2-tailed)		.	.000
N		997	995
R's Highest Degree			1.000
Pearson Correlation		.219**	
Sig. (2-tailed)		.000	.
N		995	1496

\*\*. Correlation is significant at the 0.01 level (2-tailed).

Correlations

		Is Life Exciting or Dull	R's Highest Degree
Spearman's rho			
Is Life Exciting or Dull	Correlation Coefficient	1.000	.208**
	Sig. (2-tailed)	.	.000
	N	997	995
R's Highest Degree			1.000
	Correlation Coefficient	.208**	
	Sig. (2-tailed)	.000	.
	N	995	1496

\*\*. Correlation is significant at the .01 level (2-tailed).

# همبستگی جزئی (Partial Correlation)

- در صورتی که بخواهیم در تعیین همبستگی دو متغیر اثر دیگر متغیرها را کنترل کنیم، می‌توان از رویه همبستگی جزئی استفاده کرد.
- اگر می‌خواهید همبستگی جزئی دو به دو متغیرها را اندازه‌گیری کنید، گزینه Zero-order correlations را انتخاب کنید.

Analyze → Correlate.. → Partial..

انتقال دو یا چند متغیر مورد نظر به محل Variables و دیگر متغیرهای کنترل به محل Controlling for

انتخاب گزینه Zero-order correlations از روی Options

OK

# رگرسیون و همبستگی

آنالیز رگرسیون زمانی استفاده می‌شود که متغیر وابسته دارای مقادیر متعدد است و در مقیاس فاصله‌ای یا نسبتی اندازه گیری شده باشد.

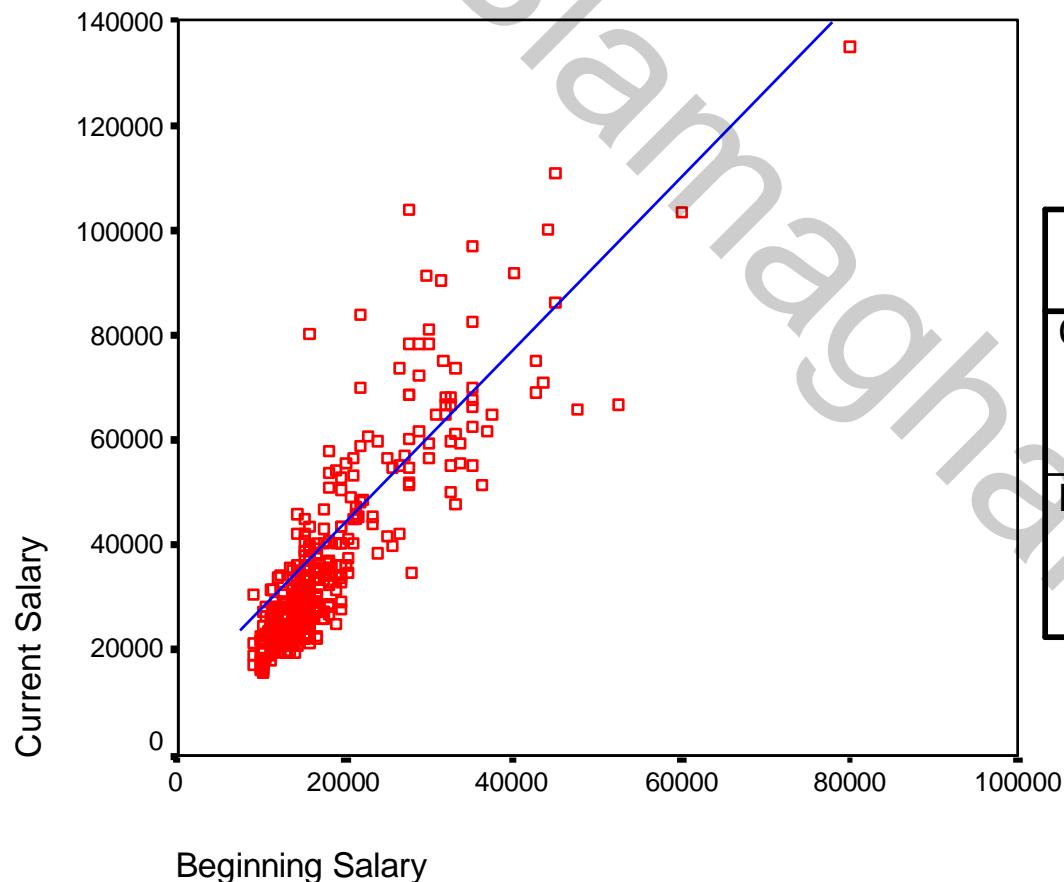
در بررسی رابطه دو متغیر قدم اصلی رسم نموداری از مقادیر است. با مشاهده یک نمودار می‌توانید بگویید آیا بین مقادیر دو متغیر الگویی مشاهده می‌شود.

اگر نقاط حول یک خط راست جمع شده باشند، بین دو متغیر رابطه خطی وجود دارد. اگر ضریب زاویه خط مثبت باشد، رابطه "مثبت" خواهد بود. اگر ضریب زاویه خط منفی باشد، رابطه مشاهده شده "منفی" است.

## رگرسیون و همبستگی) ادامه(

- قدر مطلق ضریب همبستگی پیرسون بین دو متغیر بیانگر آن است که چقدر نقاط حول یک خط صاف تجمع پیدا کرده اند.
- هردو مقدار بزرگ مثبت) نزدیک (+) و بزرگ منفی) نزدیک (-<sup>1</sup>بیانگر آن است که رابطه خطی قوی بین دو متغیر وجود دارد یا در حقیقت نقاط به خط رگرسیون نزدیک هستند .
- اگر رابطه خطی بین دو متغیر وجود نداشته باشد، مقدار ضریب همبستگی پیرسون نزدیک صفر خواهد بود، اما ضریب همبستگی صفر به این معنی نیست که هیچ نوع رابطه بین دو متغیر وجود ندارد.

# ضریب همبستگی و نمودار رابطه دو متغیر



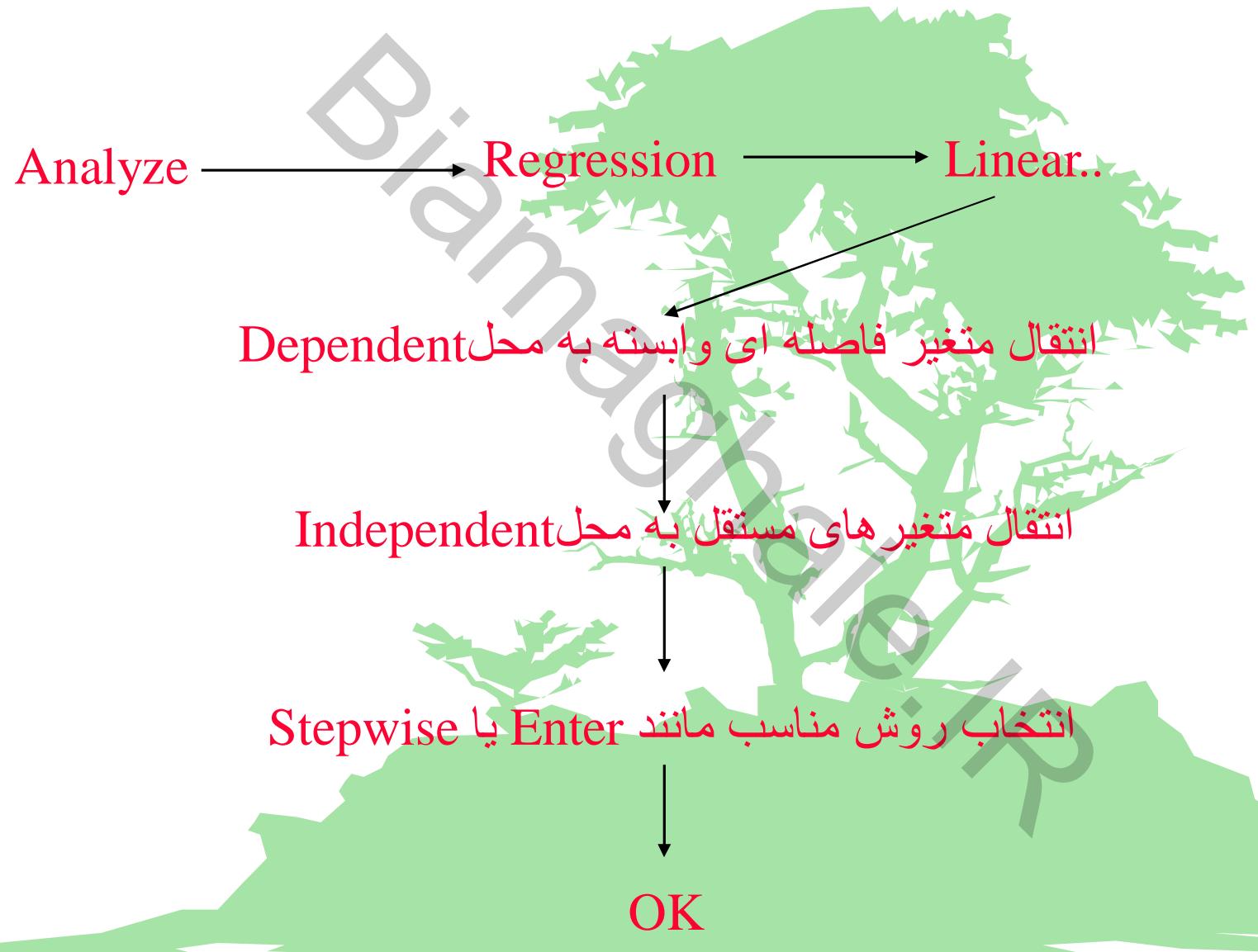
	Current Salary	Beginning Salary
Current Salary Pearson Correlation	1.000	.880*
Sig. (2-tailed)	.	.000
N	474	474
Beginning Salary Pearson Correlation	.880*	1.000
Sig. (2-tailed)	.000	.
N	474	474

\*\*Correlation is significant at the 0.01 level (

دستور:

Simple Scatter... Graphs  
Define → انتقال دو متغیر به محل محورهای X و Y → OK

# روش به دست آوردن رگرسیون خطی



# خروجی تحلیل رگرسیونی

Model Summary<sup>b</sup>

Model	R	R Square	Adjusted R Square	Std. Error of the Estimate
1	.912 <sup>a</sup>	.832	.831	\$7,024.15

- a. Predictors: (Constant), Previous Experience (months), Beginning Salary, Educational Level (years), Employment Category
- b. Dependent Variable: Current Salary

ANOVA<sup>b</sup>

Model		Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
1	Regression	1.1E+11	4	2.9E+10	581.575	.000 <sup>a</sup>
	Residual	2.3E+10	469	4.9E+07		
	Total	1.4E+11	473			

- a. Predictors: (Constant), Previous Experience (months), Beginning Salary, Educational Level (years), Employment Category
- b. Dependent Variable: Current Salary

# خروجی تحلیل رگرسیونی) ادامه(

Coefficients<sup>a</sup>

Model	Unstandardized Coefficients			Standardized Coefficients	t	Sig.
	B	Std. Error	Beta			
1	(Constant)	-3068.271	1782.508		-1.721	.086
	Educational Level (years)	601.303	155.934	.102	3.856	.000
	Employment Category	5930.283	640.029	.269	9.266	.000
	Beginning Salary	1.342	.070	.618	19.035	.000
	Previous Experience (months)	-19.031	3.327	-.117	-5.720	.000

a. Dependent Variable: Current Salary

برای انجام این تحلیل رگرسیونی از فایل Employee data استفاده کنید.

# شرایط استفاده از رگرسیون

1. تمام مشاهدات باید مستقل باشند.  
(Independence).
2. برای تمام مقادیر متغیرهای مستقل، توزیع مقادیر متغیر وابسته باید نرمال باشد.  
(Normality).
3. واریانس توزیع متغیر وابسته باید برای تمام مقادیر متغیرهای مستقل یکسان باشد.  
(Constant Variance).
4. رابطه بین متغیر وابسته و متغیرهای مستقل باید در جامعه خطی باشد.  
(Linearity).
5. رابطه خطی مشترک چند گانه بین متغیرهای وابسته برقرار نباشد.  
(Multicollinearity).

در ضمن، متغیرها باید حداقل در مقیاس رتبه ای اندازه گیری شده باشند.

# بررسی نرمال بودن

اگر در جامعه آماری متغیر وابسته برای هر یک از مقادیر متغیر های مستقل به صورت نرمال توزیع شده است، پس توزیع باقیمانده ها (residuals) نیز باید به تقریب نرمال باشد.

برای سنجش نرمال بودن باقیمانده ها باید در بخش متغیر های مستقل تمامی آنها را وارد کنیم و در نهایت فقط یک نمودار خواهیم

دانست. انتقال متغیر وابسته به محل Dependent و تمام Independents متغیر های مستقل به محل

Analyze → Regression

Dependent

Independents

Plots..

انتقال گزینه ZRESID\* به محل Y و  
گزینه ZPRED\* به محل X

انتخاب گزینه Normal Probability Plot

Continue

OK

# بررسی نرمال بودن (ادامه)

## Tests of Normality

	Kolmogorov-Smirnov <sup>a</sup>		
	Statistic	df	Sig.
Current Salary	.208	474	.000

a. Lilliefors Significance Correction

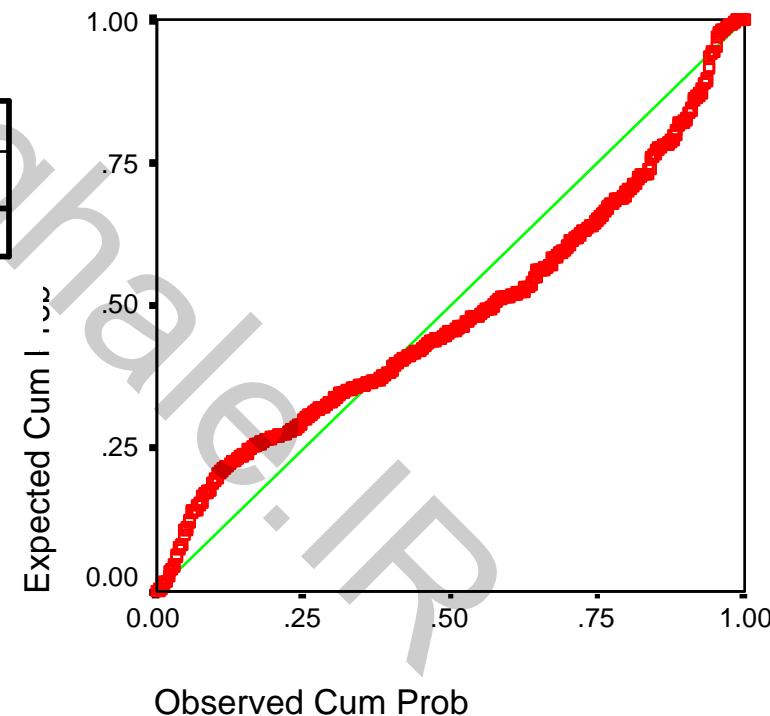
Normality plot with tests

Explore

Plots

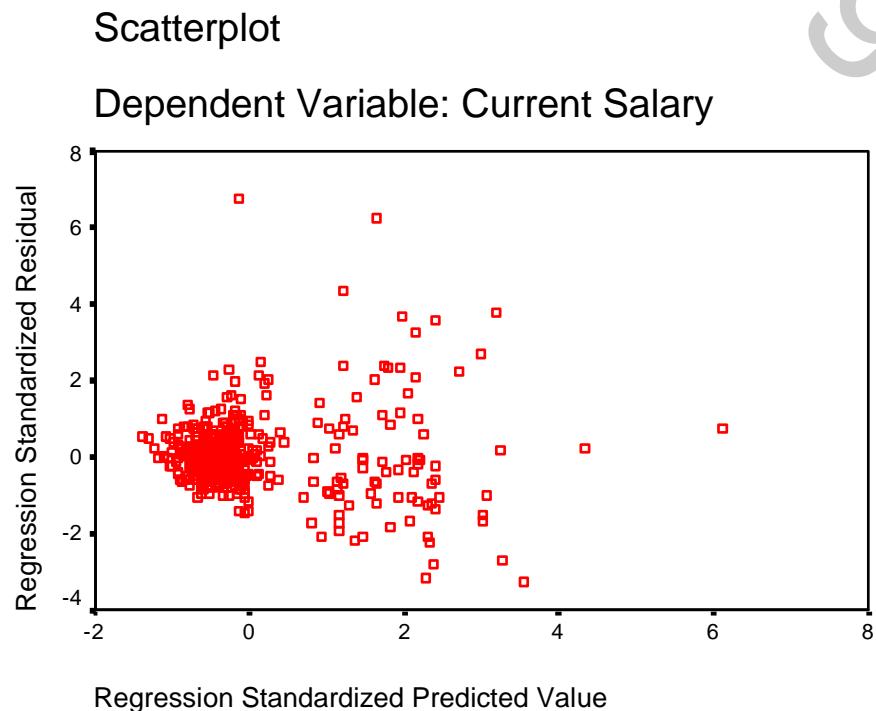
Normal P-P Plot of Regression Standardized Residuals

Dependent Variable: Current Salary



# بررسی ثابت بودن واریانس

برای سنجش اینکه آیا واریانس متغیر وابسته برای تمام مقادیر متغیر های مستقل ثابت است، می توان از نمودار باقیمانده ها (Residuals) را در مقابل مقادیر پیش بینی شده (Predicted values) استفاده کرد.



اگر واریانس ثابت باشد الگویی در نقاط مربوط به داده ها مشاهده نخواهد کرد.

در روش بررسی نرمال بودن نیز این نمودار ظاهر می شود

# اگر واریانس متغیر وابسته ثابت به نظر نرسد چه باید کرد؟

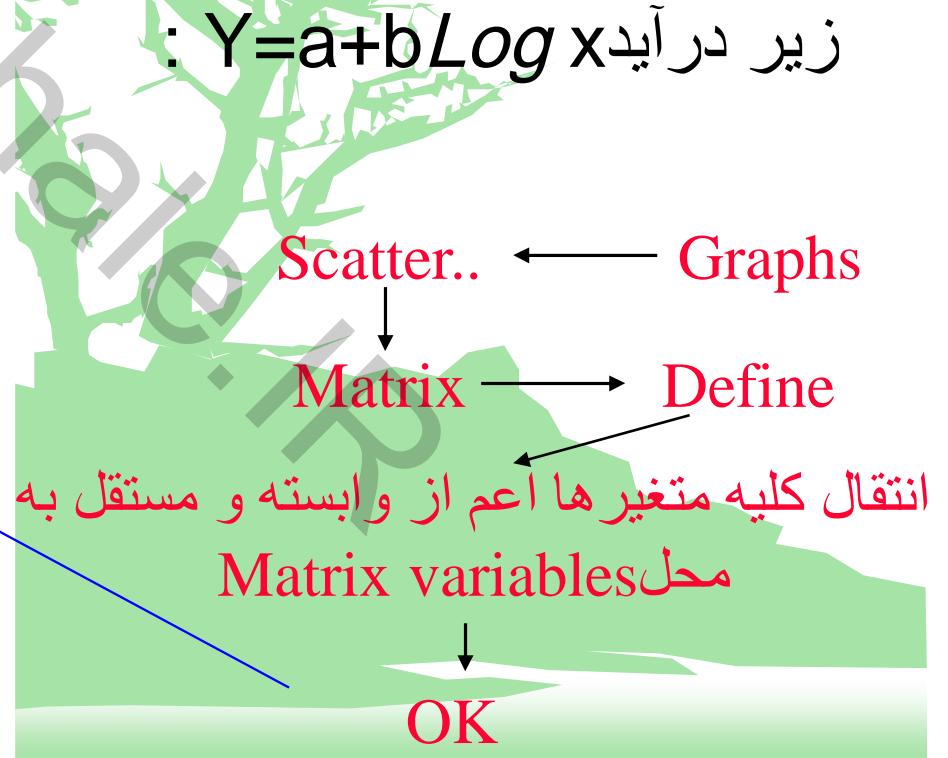
اگر واریانس متغیر وابسته با افزایش مقدار متغیر مستقل به طور خطی افزایش پیدا کند، با جذر گرفتن از متغیر وابسته آن را تبدیل کنید.

اگر انحراف معیار متغیر وابسته با افزایش مقادیر متغیر وابسته به صورت خطی افزایش می‌پیدا کند، با لگاریتم گرفتن آن را تبدیل کنید و سپس رگرسیون را با متغیر تبدیل شده اجرا کنید.



# بررسی خطی بودن

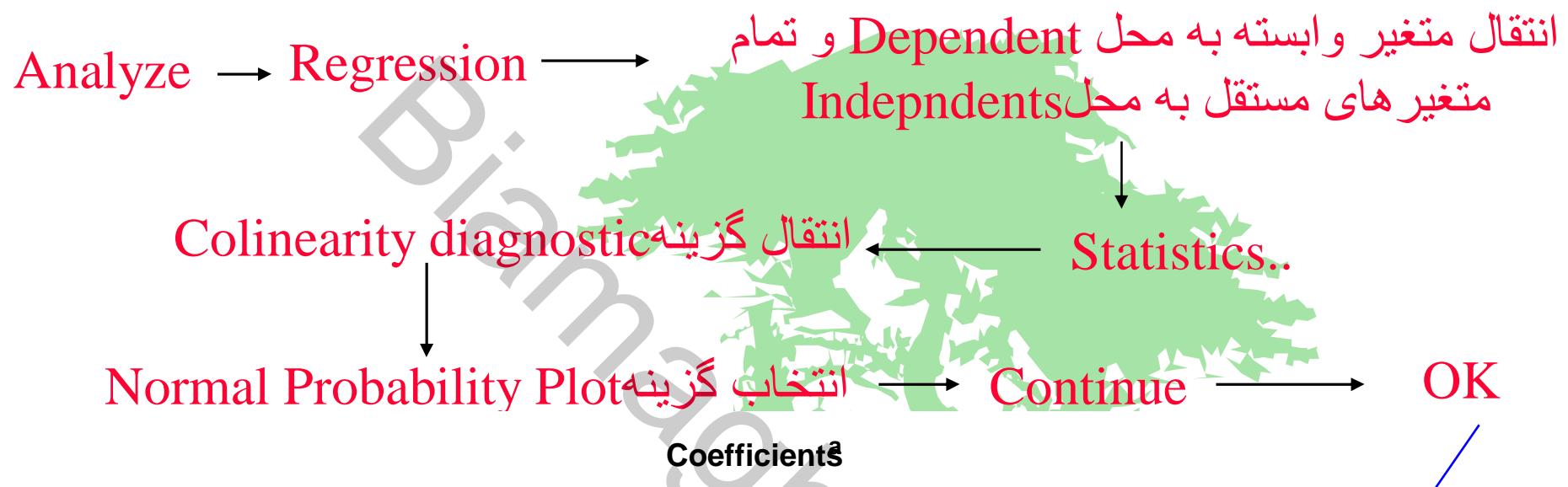
- باید ثابت کنیم متغیر وابسته با متغیر های مستقل به طور خطی رابطه دارد.
- اگر در نمودار پراکندگی الگوی خاصی تشکیل نشود، روابطین دو متغیر خطی خواهد بود. در غیر اینصورت باید از طریق انتقال یک متغیر با استفاده از توابعی مانند Log، جذر گرفتن، Tan، و مانند اینها بین آنها رابطه خطی برقرار کرد. به عنوان مثال ممکن است رابطه خطی به شکل زیر درآید:



# بررسی هم خطی بودن

- قدر رابطه خطی بین متغیرهای مستقل توسط شاخصی اندازه گیری می شود که تولرانس نامیده می شود. مقدار آن بین صفر و ۱ تغییر می کند.
- برای هر متغیر مستقل تولرانس نسبتی از پراکندگی آن متغیر است که توسط روابط خطی آن متغیر با دیگر متغیرهای مستقل در مدل توجیه نمی شود.
- مقدار نزدیک به صفر (کمتر از ۰/۱) معرف آن است که یک متغیر مستقل تقریباً یک ترکیب خطی از سایر متغیرهای مستقل است. یعنی داده ها دارای روابط خطی مشترک چند گانه (multicolinear) هستند.
- مقدار نزدیک به ۱ معرف آن است که متغیر مورد نظر تابع خطی از دیگر متغیرها نیست.

# بررسی هم خطی بودن (ادامه)



Model	Unstandardized Coefficients			Standardized Coefficients	t	Sig.	Collinearity Statistics	
	B	Std. Error	Beta				Tolerance	VIF
1	(Constant) 3068.271	1782.508			-1.721	.086		
	Educational Level (years) 601.303	155.934	.102		3.856	.000	.515	1.940
	Employment Category 5930.283	640.029	.269		9.266	.000	.426	2.348
	Beginning Salary 1.342	.070	.618		19.035	.000	.339	2.950
	Previous Experience (months) -19.031	3.327	-.117		-5.720	.000	.861	1.161

a. Dependent Variable: Current Salary

Variance Information Function  $\equiv$  VIF = 1/Tolerance

# برازش مدل رگرسیونی (Goodness of fit of the model)

در خروجی رگرسیون ضریب تعیین ( $R^2$ ) معرف آن است که چه نسبتی از تغییر پذیری یا واریانس کلی در متغیر وابسته توسط متغیر های مستقل تبیین می شود.

اگر  $R^2$  مساوی ۱ باشد نشان دهنده آن است که متغیر وابسته کاملاً از طریق متغیر های مستقل قابل پیش بینی است. مقدار صفر معرف آن است که متغیر وابسته به طور خطی به متغیر های وابسته مرتبط نیست.

قدر مطلق ضریب همبستگی بین مقادیر مشاهده شده متغیر وابسته و مقادیر پیش بینی شده (Predicted) بر اساس مدل رگرسیونی متغیر وابسته را نشان می دهد.

# آزمون فرضیه های رگرسیون

## آزمون صفر بودن ضریب زاویه

برای اثبات اینکه رابطه خطی بین متغیر وابسته و متغیرهای مستقل وجود دارد، می توان این فرض صفر را آزمون کرد که ضریب زاویه جامعه برابر با صفر است.

جدول آنالیز واریانس برای آزمون فرض صفر به کار می رود) هیچ رابطه خطی بین متغیر وابسته و متغیرهای مستقل در جامعه آماری وجود ندارد . )

اگر سطح معنی داری کمتر از 05/ باشد می توان فرض صفر را که هیچ رابطه خطی بین متغیر وابسته و متغیرهای مستقل وجود ندارد را رد کرد.

# آزمون صفر بودن ضریب زاویه

ANOVA<sup>b</sup>

Model	Sum of Squares	df	Mean Square	F	Sig.
1	Regression	4	2.9E+10	581.575	.000 <sup>a</sup>
	Residual	469	4.9E+07		
	Total	473			

a. Predictors: (Constant), Previous Experience (months), Beginning Salary, Educational Level (years), Employment Category

b. Dependent Variable: Current Salary

چون سطح معنی داری مشاهده شده کوچک می باشد، لذا فرضیه صفر مبنی بر اینکه رابطه خطی بین متغیر وابسته و متغیر های مستقل وجود ندارد، رد می شود.

# آزمون فرضیه های رگرسیون

## آزمون صفر بودن ضرایب رگرسیونی

☞ مقادیر ضرایب رگرسیونی (Regression coefficient)

در ستونی در ستونی با عنوان  $B$  ظاهر می شوند. این ضرایب بهترین تخمین ما از ضرایب رگرسیونی در جامعه آماری است.

☞ برای تعیین ضرایب رگرسیون به جامعه باید این فرضیه صفر را تست کنیم که آیا این ضرایب در جامعه صفر هستند

$$(H_0: \beta_1 = \beta_2 = \beta_3 = 0)$$

☞ اگر سطح معنی داری مشاهده شده کوچک باشد، فرضیه صفر یعنی صفر بودن ضرایب رگرسیونی در جامعه رد می شود.

# آزمون صفر بودن ضرایب رگرسیونی

Coefficients<sup>a</sup>

Model	Unstandardized Coefficients		Standardized Coefficients	t	Sig.
	B	Std. Error			
1	(Constant)	-3068.271	1782.508		.086
	Educational Level (years)	601.303	155.934	.102	.000
	Employment Category	5930.283	640.029	.269	.000
	Beginning Salary	1.342	.070	.618	.000
	Previous Experience (months)	-19.031	3.327	-.117	.000

a. Dependent Variable: Current Salary

با توجه به پایین بودن سطح معنی داری مشاهده شده، فرضیه صفر (صفر بودن ضرایب رگرسیونی رد می شود).

# معادله رگرسیونی

در صورت صادق بودن شرایط رگرسیونی، تحلیل نهایی از خروجی رگرسیون باید در شکل یک مدل ریاضی) معادله رگرسیونی (ارائه شود. مثلاً با توجه به مثال فوق خواهیم داشت:

$$\text{Current Salary} = 1.34 \text{ Beginning salary} + 5930.28 \text{ Employment Category} \\ - 19.03 \text{ Previous Experience} + 601.30 \text{ Educational Level} - 3068.27$$

نظر به اینکه در معادله فوق به دلیل همسنگ نبودن ضرایب رگرسیونی، میزان تاثیرگذاری نسبی متغیرهای مستقل مشخص نیست، ضروری است از ضرایبی که در ستون Beta ذکر شده اند، استفاده شود.

مثلاً ۶۲ درصد از تغییر پذیری در متغیر وابسته توسط حقوق اولیه تبیین می شود. ۲۷ درصد از تغییر پذیری در متغیر وابسته توسط طبقه شغلی تعیین می شود. و به همین قیاس در

# تعاملی برای اثرات رگرسیونی تحلیل

## Regression Analysis for Interactive Effects

فرض کنید می خواهیم اثر متغیر سن (Age) را به عنوان یک متغیر تعديل کننده (Moderator) در رابطه خطی  $SR = \alpha + \beta DP + e$  بسنجیم. به کمک تحلیل رگرسیونی رابطه خطی دو متغیر را می سنجیم و  $R^2$  آن را یادداشت می کنیم.

متغیر Age را (اگر به صورت پیوسته نباشد) به صورت متغیر مصنوعی (Dummy) تعریف می کنیم. مثلاً اگر Age در سه طبقه جوان(1)، میانسال(2)، و پیر (3) طبقه بندی شده باشد به کمک دستور Recode متغیرهای مصنوعی جدید را به صورت زیر تعریف می کنیم:

1	→ 0
2	→ 1
3	→ 0

→  $\rightarrow$  Age1

1	→ 0
2	→ 0
3	→ 1

→  $\rightarrow$  Age2

# تحلیل رگرسیونی برای اثرات تعاملی (ادامه)

- سپس به کمک دستور Compute دو متغیر جدید زیر را تعریف می کنیم:  
 $DP^*Age1$        $DP^*Age2$
- حال باید رابطه خطی زیر را از طریق رگرسیون مورد آزمایش قرار دهیم:
- $$SR = \alpha + \beta_1 DP + \beta_2 Age1 + \beta_3 Age2 + \beta_4 Age1^*DP + \beta_5 Age2^*DP + e$$
- اگر ضراب رگرسیونی از نظر آماری معنی دار باشند، در این صورت فرض آماری صفر که هیچ اثر تعاملی وجود ندارد رد می شود. مقدار ضرایب رگرسیونی اطلاعاتی را در خصوص ماهیت تعامل بیان می کند.
- R Square جدید نیز باید بیشتر از R Square قبلی (محاسبه شده در مرحله اول باشد (تا بتوان گفت متغیر Age به عنوان یک متغیر مداخله گر عمل می کند.

## تحلیل رگرسیونی برای اثرات تعاملی (ادامه)

در صورتی که متغیر تعدیل کننده یاک متغیر پیوسته باشد، دیگر نیازی به محاسبه متغیرهای مصنوعی (Dummy) نیست. مثلاً نخست رابطه خطی زیر را به کمک رگرسیون برآورد می کنیم:

$$SR = \alpha + \beta_1 DP + \beta_2 RO + \beta_3 LS + \beta_4 EH + \beta_5 EF + e$$

سپس به کمک دستور Compute متغیرهای زیر را تعریف می کنیم:  
 $DP^*Age$ ,  $RO^*Age$ ,  $LS^*Age$ ,  $EH^*Age$ ,  $EF^*Age$

آنگاه از طریق رگرسیون با درنظر گرفتن متغیرهای جدید به عنوان متغیر مستقل رابطه خطی جدید را برآورد می کنیم. اگر ضریب تعیین بیشتر باشد ( $R^2 > 0$ ) و ضرایب رگرسیونی معنی دار باشند، متغیر Age را می توان به عنوان متغیر تعدیل کننده مطرح ساخت.

# تحلیل رگرسیونی برای اثرات تعاملی (ادامه)

در تحلیل رگرسیونی برای اثرات تعاملی بهتر است یافته های پژوهش در قالب جدولی مانند زیر خلاصه شود.

	R Square	R Square Change	Beta
Age*DP			
Age*RO			
Age*LS			
Age*EH			
Age*EF			

# تحلیل عاملی (Factor analysis)

- تحلیل عاملی یک تکنیک آماری است که برای تشخیص حداقل عواملی که می‌توانند یک پدیده پیچیده را تشریح کنند.
- هدف تحلیل عاملی تشخیص عوامل ناپیدا بر مبنای عوامل مشاهده شده است. این عوامل باید ساده و در عین حال معنی دار باشند.
- هدف تحلیل عاملی پیدا کردن عوامل مشترکی است که متغیرها را بتوان به صورت تابعی از آنها نوشت.
- تحلیل عاملی ابزاری است برای سنجش روایی پرسش نامه. مقصود آن است که پرسش نامه چیزی را اندازه بگیرد که برای اندازه گیری آن ساخته شده است.

# تحلیل عاملی (Factor analysis)

- ☞ عامل متغیر جدیدی است که از طریق ترکیب خطی نمره های اصلی متغیر های مشاهده شده برپایه فرمول زیر برآورد می شود:
$$F_i = \sum W_{ij} X_j$$
- ☞ امید است که تعداد کمی از عامل ها) یعنی ترکیب خطی نمره های اصلی متغیر عای مشاهده شده (بتواند تقریباً همه اطلاعاتی را که توسط مجموعه بزرگتری از متغیرها به دست می آید دربرگرفته در نتیجه توصیف ویژگی های یک پدیده را ساده سازد.

# شرایط مناسب ماتریس داده ها برای تحلیل عاملی

## حجم گروه نمونه :

- کامری (۱۹۷۳) گروه نمونه ۱۰۰ نفری را ضعیف، ۲۰۰ نفری را نسبتاً مناسب، ۳۰۰ نفری را خوب، ۵۰۰ نفری را خیلی خوب، و ۱۰۰۰ نفری را عالی می‌داند.
- حجم گروه نمونه باید دست کم ۱۰ یا ۲۰ برابر عدد متغیرهایی باشد که در ماتریس همبستگی وارد می‌شود.
- برای اطمینان از کفايت نمونه از شاخص KMO استفاده می‌شود.
- مقادير کوچک KMO بيانگر آن است که همبستگي بين زوج ها نمي تواند توسط متغيرهای ديگر تبيين شود. كيzer (1977) معتقد است که KMO بزرگتر از 0.9 عالي، در دامنه 0.8 شايسته، در دامنه 0.7 بهتر از متوسط، در دامنه 0.6 متوسط، در دامنه 0.5 بدبوختي و پايين تر از آن غيرقابل قبول است.

# شرایط مناسب ماتریس داده ها برای تحلیل عاملی

- معنا دار بودن ماتریس: آیا ماتریس داده ها شامل اطلاعات مفید و با معنایی است یا نه؟
- اگر همبستگی بین متغیرها کوچک باشد، احتمال آنکه در عامل های مشترک سهیم باشند، اندک است.
- برای ارزشیابی ماتریس همبستگی از آزمون کرویت بارتلت (Bartlett's test of sphericity) استفاده می شود.
- آزمون کرویت برای رد فرضیه صفر مبنی بر درست بودن ماتریس همانی در جامعه است (یعنی این فرضه که ماتریس همبستگی مشاهده شده متعلق به جامعه ای با متغیر های ناهمبسته است).
- ماتریس همانی (Identity matrix) ماتریسی است که همه عناصر قطری آن ۱ و همه نصар غیر قطری آن صفر باشد.

# شرایط مناسب ماتریس داده ها برای تحلیل عاملی

## KMO and Bartlett's Test

Kaiser-Meyer-Olkin Measure of Sampling Adequacy.	.834
Bartlett's Test of Sphericity	2367.490
	df
	Sig.

# مراحل تحلیل عاملی

تشکیل ماتریس همبستگی (Correlation matrix): ماتریس همبستگی به ما کمک می کند تا عوامل مشترک را شناسایی کنیم . اگر همبستگی بین متغیرها کوچک باشد، غیرمحتمل است که آنها در عوامل مشترک باهم سهیم باشند . آزمون کرویت بارتلت می تواند برای آزمایش این فرضیه صفر به کار گرفته شود که ماتریس همبستگی یک ماتریس واحد (Identity) است . ماتریس واحد به ماتریسی گفته می شود که تمام اعداد قطر آن برابر ۱ و جوانب آن صفر باشد . اگر فرض صفر مبنی بر اینکه ماتریس همبستگی جامعه آماری یک ماتریس واحد است، رد نشود . در این صورت نمی توان از تحلیل عاملی استفاده کرد .

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

# مراحل تحلیل عاملی (ادامه)

- احصاء عوامل (Factor Extraction): برای تخمین اولیه از تحلیل مولفه های اصلی استفاده می شود. در این روش ترکیب خطی متغیرهای مشاهده شده تشکیل می شود. روش مولفه های اصلی تنها کاری که انجام می دهد عبارت است از انتقال متغیرهای همبسته به مجموعه ای از متغیرهای غیر همبسته. در این مرحله تعداد عوامل بر حسب ارزش ویژه (Eigenvalue) تعیین می شود. عواملی که دارای ارزش ویژه بزرگتر از یک هستند در مدل عاملی وارد می شوند. ارزش ویژه نشان می دهد که یک عامل تاچه حد در تبیین واریانس مشترک زیربنایی متغیرها سهیم است. اگر عاملی تمام واریانس مشترک موجود در هر متغیر را تبیین کند هر کدام دارای بار عاملی ۱ و مقدار ارزش ویژه برای عامل ۱ برابر ۰.۷ تعداد متغیرها (خواهد بود).
- در صدی از کل واریانس را که به وسیله یک عامل تعیین می شود را با  $\text{pct of variance}$  نشان می دهند. بر پایه ملاک کیسر (۱۹۶۰) تعداد عامل های مشترک باید مساوی با تعداد مولفه های اصلی دارای ارزش ویژه بزرگتر از ۰.۱ باشد.

# جدول ماتریس عوامل

- جدول ماتریس عوامل (Factor matrix) ضرایبی را نشان می دهد که می توان هر متغیر را به کمک آنها بر حسب عوامل مشترک نوشت.
- بخشی از واریانس یاک متغیر که توسط عوامل مشترک قابل تبیین است را اشتراک (Communality) آن متغیر گویند.
- مقدار اشتراک می تواند از صفر تا ۱ در نوسان باشد. صفر نشان دهنده آن است که عوامل مشترک هیچ واریانسی را بیان نمی کند.
- عدد ۱ نشان می دهد که تمام واریانس متغیر توسط عوامل مشترک قابل تبیین است. آن قسمت از واریانس که توسط عوامل مشترک قابل تبیین نیست به عوامل انحصاری متغیر نسبت داده می شود.

	$F_1$	$F_2$	$F_3$	...	...
$V_1$	$a_{11}$	$a_{12}$	$a_{13}$	...	...
$V_2$	$a_{21}$	$a_{22}$	$a_{23}$	....	....
.	.	.	.	....	....
.	.	.	.	....	....
.	.	.	.	....	....
$V_n$	$a_{n1}$	$a_{n2}$	$a_{n3}$	....	....

# مراحل تحلیل عاملی (ادامه)

- چرخش: (Rotation) در این مرحله متغیرها به صورت تابعی از عوامل احصاء شده دسته بندی می شوند. چرخش بارهای عاملی این امکان را فراهم می سازد تا عامل های با معنا به دست آید. نسبتی از واریانس که توسط یک عامل تبیین می شود را به وسیله شاخص اشتراك (Communality) مشخص می کند. مقدار آن بین صفر و ۱ در نوسان است.
- صفر معرف آن است که عوامل مشترک هیچ واریانسی از متغیر را تعیین نمی کند و ۱ معرف آن است که تمام واریانس متغیر به وسیله عوامل مشترک تبیین می شود.
- هر چند روش های مختلفی برای چرخش بارهای عاملی وجود دارد، اما روش Varimax عامل هایی را تولید می کند که با مجموعه کوچکتری از متغیرها دارای همبستگی قوی و با مجموعه دیگری از متغیرها دارای همبستگی ناچیز باشد. به همین دلیل عمومیت بسیار دارد و کاربرد آن زیادتر است.

# روش های چرخش عامل ها

عامل های چرخش یافته باید متعامد (Orthogonal) یا متمایل (Oblique) باشد.

اگر پژوهشگر بخواهد نتایج حاصل از تحلیل او بهترین برآزش را با داده ها داشته باشد باید از چرخش متمایل استفاده کند. اما اگر علاقه بیشتری به تعمیم پذیری نتایج داشته باشد، باید چرخش متعامد را به کار برد.

چرخش متمایل نتایجی به دست می دهد که با داده های گروه نمونه بهترین برآزش را دارد، چرخش متعامد راه حلی به دست می دهد که با داده های گذشته و آینده بهترین برآزش را دارد.

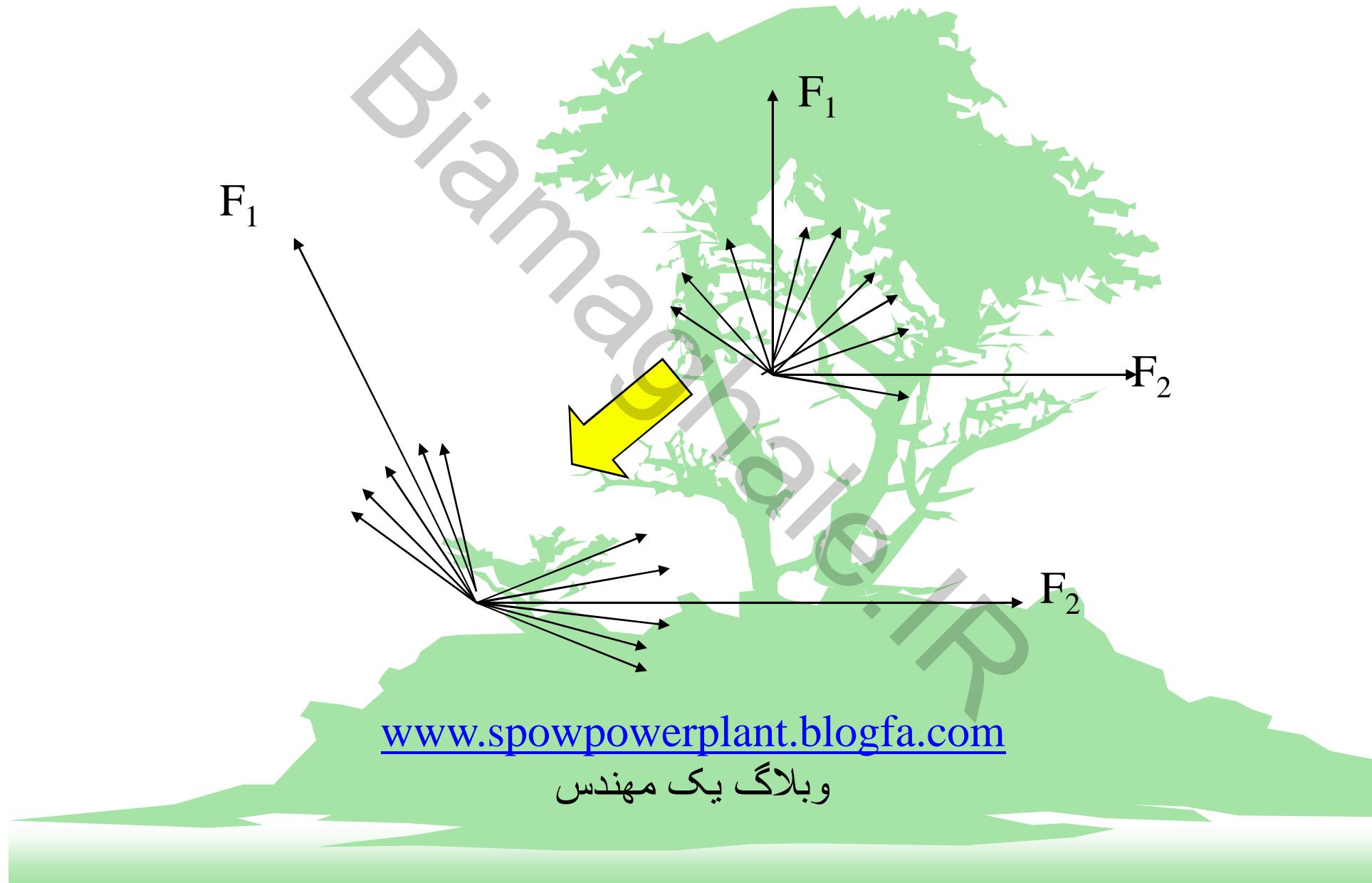
در روشن متعامد عامل ها ناهمبسته هستند در حالی که در روشن متمایل عامل ها همبستگی دارند.

تفاوت دو روشن ناچیز و فاقد معناست. بنابراین، چرخش عامل ها به روشن متعامد هم ساده تر و هم قابل درک تر و تفسیر پذیر تر است. به نظر می رسد روشن واریمaks نیز بهترین روشن چرخش متعامد باشد.

## تعداد عامل ها

- ☞ یک تصمیم عده در اجرای تحلیل عاملی مربوط به تعداد عامل هاست.
- ☞ برای چرخش عامل ها می توان تعداد معینی از عامل را انتخاب کرد. بنابر این، می توان ساختار های چرخش یافته را براساس تعداد مختلفی از عامل را با یکدیگر مقایسه کرده و مناسب ترین آنها را انتخاب کرد.
- ☞ هر سازه ای که دارای کمینه شرایط لازم برای بار عاملی دست کم روی سه متغیر نباشد، از تحلیل حذف می شود (Santos & Clegg, 1999).

# نمایش هندسی چرخش عوامل



# جدول کل واریانس تعیین شده

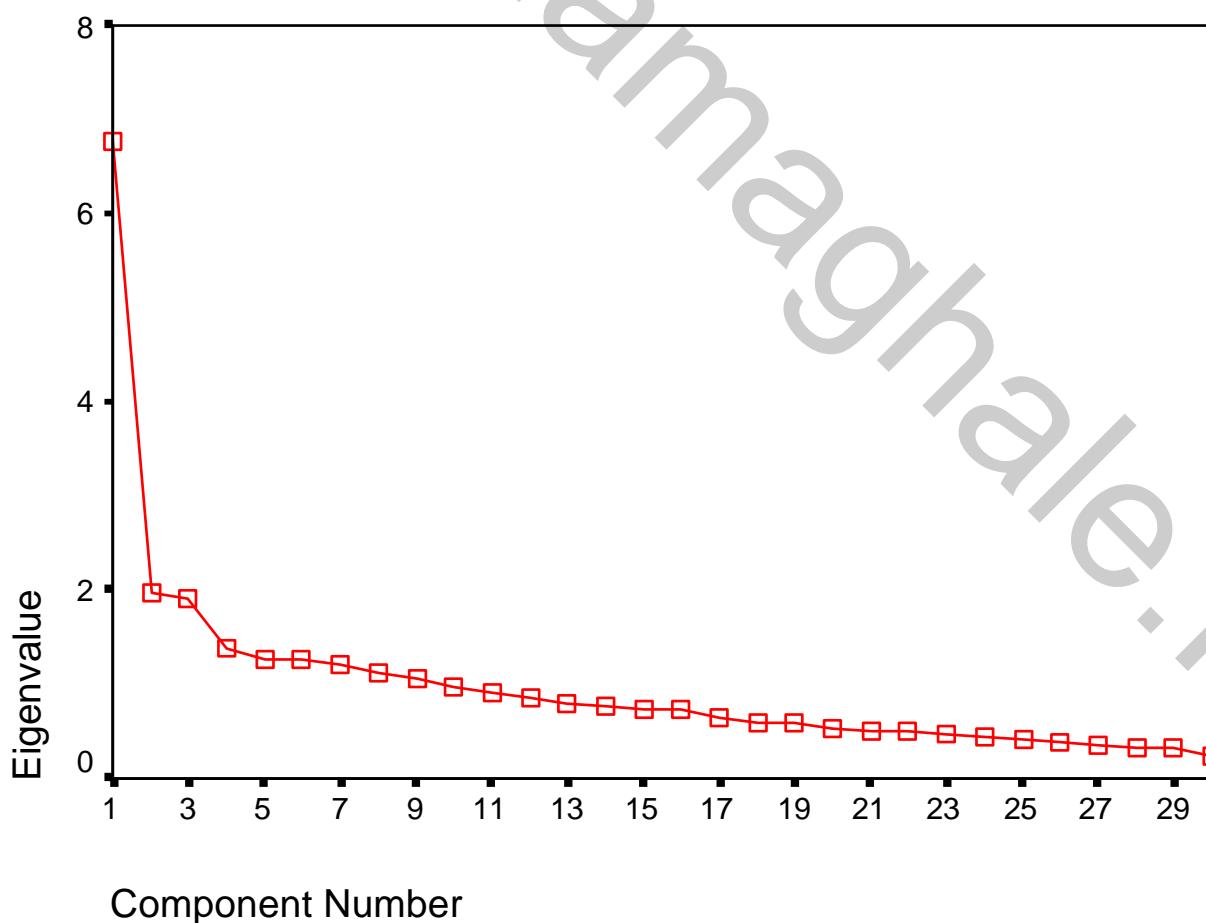
Total Variance Explained

Component	Initial Eigenvalues			Extraction Sums of Squared Loadings			Rotation Sums of Squared Loadings		
	Total	% of Variance	Cumulative %	Total	% of Variance	Cumulative %	Total	% of Variance	Cumulative %
1	6.752	22.506	22.506	6.752	22.506	22.506	3.603	12.009	12.009
2	1.965	6.550	29.055	1.965	6.550	29.055	3.089	10.296	22.305
3	1.902	6.339	35.394	1.902	6.339	35.394	2.751	9.171	31.476
4	1.391	4.637	40.032	1.391	4.637	40.032	2.243	7.477	38.953
5	1.277	4.258	44.290	1.277	4.258	44.290	1.601	5.337	44.290
6	1.252	4.173	48.463						
7	1.205	4.017	52.480						
8	1.116	3.719	56.199						
9	1.065	3.549	59.748						
10	.985	3.282	63.030						
11	.904	3.012	66.042						
12	.850	2.833	68.875						
13	.804	2.680	71.555						
14	.776	2.586	74.141						
15	.737	2.457	76.598						
16	.723	2.410	79.009						
17	.641	2.137	81.146						
18	.601	2.002	83.148						
19	.578	1.928	85.075						
20	.536	1.787	86.862						
21	.511	1.702	88.564						
22	.496	1.654	90.218						
23	.478	1.592	91.810						
24	.428	1.426	93.236						
25	.411	1.369	94.605						
26	.389	1.295	95.900						
27	.348	1.160	97.060						
28	.326	1.088	98.148						
29	.310	1.033	99.182						
30	.245	.818	100.000						

Extraction Method: Principal Component Analysis.

# نمودار تشخیص تعداد عامل های معنبر

Scree Plot



در روش اسکری نمودار مقدار ویژه برای هر عامل ترسیم می شود. در نقطه ای که شکل منحنی برای مقادیر ویژه به صورت افقی در آید، آن نقطه اسکری (سنگ ریزه) نامیده می شود و عامل هایی که سمت چپ آن قرار دارند عامل های واقعی و بقیه عامل های خطا فلمند می شوند.

## انواع تحلیل عاملی

تحليل عاملی اکتشافی: در این روش پژوهشگر هیچگونه فرضیه قبلی در باره نتایج ندارد و در پی اکتشاف عوامل تاثیرگذار است. بنابراین، تحلیل اکتشافی بیشتر به عنوان یک روش تدوین و تولید نظریه و نه آزمون نظریه در نظر گرفته می شود.

تحليل عاملی تاییدی: در این روش پژوهشگر سعی می کند تاییدی بر یک ساختار عاملی مفروض به دست آورد. یعنی تعیین می کند که داده ها با یک ساختار عاملی معین که در فرضیه آمده هماهنگ است یا نه. تحلیل عاملی تاییدی برای سنجش روایی شاخص های (نشانگرهای یک سازه در پرسش نامه نیز به کار گرفته می شود تا معلوم شود هماهنگی و همسویی لازم بین شاخص ها) سؤال ها) وجود دارد.

# تفسیر نتایج تحلیل عاملی

	Rotated Component Matrix <sup>a</sup>				
	Component				
	1	2	3	4	5
Q29	.672				
Q28	.602	.307			
Q27	.593	.411			
Q19	.572				
Q23	.572				
Q20	.540				
Q21	.493				
Q26	.480	.300			
Q30	.380		.314		
Q14			.700		
Q18			.685		
Q16			.649		
Q13			.585		
Q17	.348	.555			
Q10			.597		
Q24	.390		.593		
Q11			.567		
Q6			.543		
Q15			.519		
Q4			.487	.385	
Q3			.474		
Q12		.320	.418		
Q5				.734	
Q8				.571	
Q7				.526	
Q22		.310		.410	
Q9				.372	
Q1					.673
Q2					.611
Q25	.309				.567

Extraction Method: Principal Component Analysis.  
Rotation Method: Varimax with Kaiser Normalization.

a. Rotation converged in 9 iterations.

همان طور که در ماتریس دیده می شود متغیرهای مورد نظر روی ۵ عامل سوار می شوند.

با توجه به ویژگی های هر خوشم (از متغیرهایی که روی یک عامل سوار می شوند، باید نام مناسبی انتخاب شود).

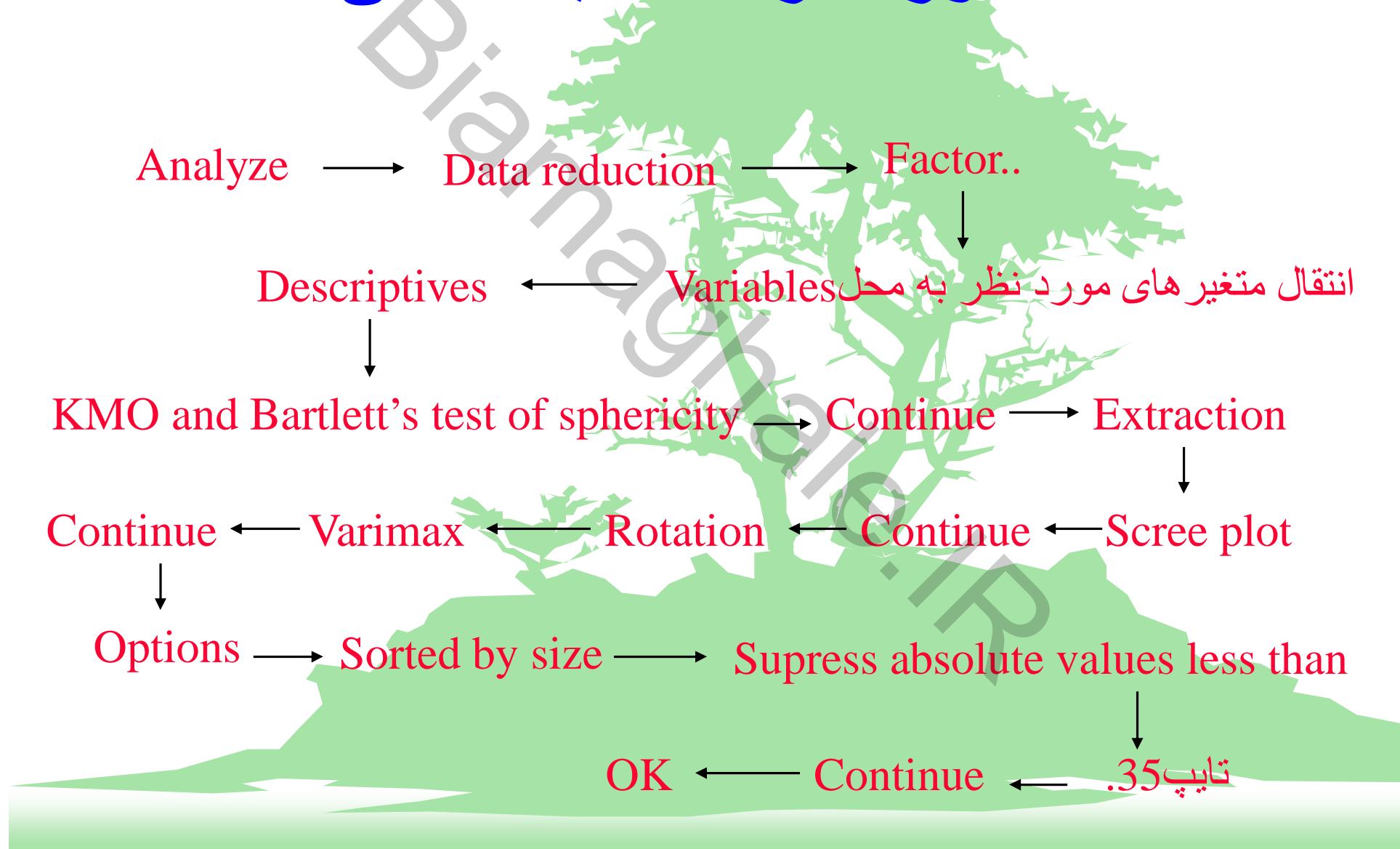
## تفسیر نتایج تحلیل عاملی

- اگر مجدور بارهای عاملی را مثلاً برای عامل ۱ جمع کنیم، حاصل برابر با  $6/75$  یعنی برابر با همان ارزش ویژه این عامل است.
- اگر عامل ۱ همه واریانس مشترک موجود در متغیرها را تبیین کند، هر کدام دارای بار عاملی ۱ و مقدار ارزش ویژه برای عامل ۱ برابر با  $7$  یعنی تعداد متغیرها خواهد بود.
- در خروجی ماتریس چرخش یافته هر عامل معرف یک خوش روش و متمایز است و احتمالاً معرف یک سازه با معناست.

# تفسیر نتایج تحلیل عاملی

- ☞ بار عاملی نشان دهنده وزن) ضریب بتای) هر عامل است .
- ☞ بارهای عاملی به واقع ضرایب استاندارد شده در یک معادله رگرسیون است که در آن متغیر اصلی به عنوان متغیر وابسته و عامل ها به عنوان متغیر های مستقل عمل می کند.
- ☞ وجود بارهای منفی نشان می دهد که برخی متغیرها بیانگر عکس چیزی است که توسط آن عامل مشخص می شود .  
بارهای منفی از طریق بیان این مطلب که آن عامل **چه چیز نیست** به روشن ساختن تفسیر کمک می کند.

# دستور اجرای تحلیل عاملی



# تحلیل خوشه ای(Cluster analysis)

- تحلیل خوشه ای روشی است برای گروه بندی داده ها. به عبارت دیگر، تحلیل خوشه ای یک تکنیک طبقه بندی برای تشکیل گروه های همگون در مجموعه پیچیده ای از داده هاست.
- سه هدف عمده یعنی اکتشاف، تایید و ساده سازی را می توان در رابطه با تحلیل خوشه ای مطرح کرد.
- تحلیل خوشه ای در حقیقت یک آزمون آماری نیست بلکه شامل تعدادی از الگوریتم های طبقه بندی است.
- در تحلیل خوشه ای گروه بندی چیزها براساس شباهت ها یا فاصله ها (عدم شباهت ها) (انجام می شود).

# روش های عمدۀ خوشۀ بندی

☞ روشنۀ سلسله مراتبی: یک روشنۀ متداول در تحلیل خوشۀ ای است که کاربرد فراوان دارد. در این روشنۀ خوشۀ ها به دو طریق تشکیل می‌شوند:

- از طریق گروه بندی مشاهده ها به صورت بزرگتر و بزرگتر تا همه مشاهده ها اعضای یک خوشۀ واحد باشند) خوشۀ بندی تراکمی.)
- مشاهده ها در یک خوشۀ واحد قرار گرفته و سپس خوشۀ ها تقسیم می‌شوند (خوشۀ بندی بخش پذیر.)

☞ در روشنۀ تراکمی چون خوشۀ بندی با مشاهده های انفرادی شروع می‌شود در ابتدا تعداد خوشۀ ها برابر با تعداد مشاهده هاست.

☞ روشنۀ خوشۀ بندی غیر سلسله مراتبی: در این روشنۀ هم متغیرها و هم مشاهده ها به طور همزمان گروه بندی می‌شوند. روشنۀ k-means یکی از این روشنۀ هاست.

# کاربرد خوشه بندی

☞ خوشه بندی اشخاص (cases)

☞ خوشه بندی متغیرها: این روش مشابه تحلیل عاملی است، اما از لحاظ روشنی که متغیرها به گونه گستته به گروه‌ها اختصاص می‌یابند، با آن متفاوت است. تفاوت اساسی در به کاربردن واریانس یک متغیر است. تحلیل عاملی معمولاً واریانس بین چند منبع یا عامل را بخش بندی می‌کند، در حالی که تحلیل خوشه‌ای کل واریانس را به یک منبع بنیادی اختصاص می‌دهد.

## پرسش پژوهش در تحلیل خوشه ای

- ☞ مفهوم سازی اولیه مساله خوشه بندی خیلی مهم است، زیرا استفاده و مقصود نهایی طبقه بندی را تعیین می کند.
- ☞ اکتشاف: تحلیل خوشه ای می تواند به عنوان یک تکنیک اکتشافی به کار گرفته شود. پرسش کلی آن است که داده های مشاهده شده چگونه به صورت ساختاری مفید و با معنا سازمان داده شود؟
- ☞ تایید: اگر دانش پا نظریه های پیشین، طبقه بندی خاصی را پیشنهاد کند، خوشه بندی را می توان برای آزمون آن به کاربرد.
- ☞ ساده سازی: برای ساده کردن یک مجموعه پیچیده از داده ها به کار گرفته می شود.

# دستور اجرای تحلیل خوشه ای

Analyze → Classify → Hierarchical cluster Analysis

انتخاب و انتقال متغیرهای استاندارد شده به محل Variables

انتخاب و انتقال متغیری که بر مبنای آن باید خوشه بندی صورت گیرد به محل

Label Cases by

Plots..

Dendrogram

Continue

OK

# مراحل تحلیل خوشه ای

- انتخاب نمونه برای خوشه سازی نظیر خریداران، بیماران، محصولات، کارمندان
- تعریف متغیر هایی که بتوان بر مبنای آنها به اندازه گیری اشیا، حوادث، یا افراد پرداخت) مانند وضعیت مالی، وابستگی سیاسی، ویژگی های بهره وری.)
- محاسبه شباهت ها بین موجودیت ها از طریق همبستگی و دیگر تکزیاک ها
- به حداقل رساندن شباهت درون خوشه و تفاوت های بین خوشه ای
- معتبر سازی و مقایسه خوشه.

## تفسیر نتایج

- در خروجی نمودار سلسله مراتبی مشاهدات را بر حسب ویژگی های مشترک نشان می دهد.
- لازم است برای هر شاخه با توجه به ویژگی های مشترک نام مناسب انتخاب شود. و این کار آنقدر ادامه پیدا کند تا کلیه شاخه ها به طور مناسب ناگذاری شود.
- شكل گیری دنباله ای خوشه ها و فواصل نسبی آنها در نموداری که Dendrogram نامیده می شود نشان داده شده است.
- همان طور که دیده می شود ۷ خوشه این مجموعه داده ها را توضیح می دهد. اولین خوشه شامل .... و همگی آنها .. هستند. خوشه شماره 2 شامل .... است .....

# تحلیل مسیر (Path analysis)

- تحلیل مسیر کاربرد رگرسیون چند متغیری در ارتباط با تدوین بارز مدل های علی (causal models) است.
- هدف تحلیل مسیر به دست آوردن برآوردهای کمی روابط علی بین مجموعه ای از متغیر هاست.
- تحلیل مسیر بیان می کند که کدام مسیر مهمتر و یا معنادارتر است.
- ضرایب مسیر براساس ضریب استاندارد شده رگرسیون محاسبه می شود.
- یک متغیر به صورت تابعی از دیگر متغیرها فرض می شود و مدل رگرسیونی آن ترسیم می شود.
- در مرحله دوم متغیر مستقلی که دارای بیشترین ضریب رگرسیونی است) با توجه به ستون Beta) به عنوان متغیر وابسته در نظر گرفته می شود و معادله رگرسیونی آن برآورد می شود و الى آخر.

# انواع روابط بین متغیرها در نمودار تحلیل مسیر

- ☞ اثر مستقیم: بیانگر آن است که یا  $X$  علت  $Y$  و یا  $Y$  علت  $X$  است.
- ☞ اثر غیر مستقیم: رابطه بین  $X$  و  $Y$  وقتی غیر مستقیم است که  $X$  علت  $Z$  است و  $Z$  نیز به نوبه خود در  $Y$  اثر دارد.
- ☞ اثر کاذب: رابطه بین  $X$  و  $Y$  وقتی کاذب (*Spurious*) است که  $Z$  علت هر دو متغیر  $X$  و  $Y$  باشد.
- ☞ اثرات تحلیل نشده: رابطه بین دو متغیر وقتی تحلیل نشده است که هر دوی آنها برونزا (*exogenous*) بوده و بنابراین تبیین تغییر پذیری بین آنها توسط مدل امکان پذیر نباشد.

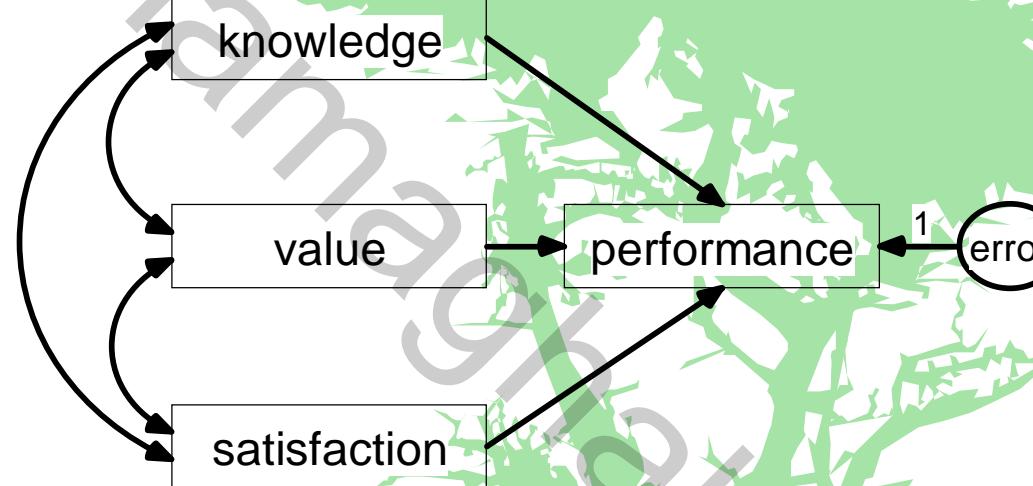
## محدودیت های تحلیل مسیر

- ☞ همه متغیر های مداخله گر باید در تحلیل رگرسیون چند متغیری به عنوان متغیر های وابسته عمل کنند . بنابر این، همه آنها باید دارای مقیاس فاصله ای باشند . اندازه های رتبه ای تحلیل مسیر را ناممکن می سازند.
- ☞ تحلیل مسیر می تواند فرضیه های علی را ارزشیابی کند اما هرگز نمی تواند جهت علیت را محقق سازد.
- ☞ تحلیل مسیر در مرحله اکتشافی قابلیت اندکی دارد.

## استنباط رابطه علیت

- برای پی بردن به وجود رابطه علیت بین دو متغیر باید شرایط زیر وجود داشته باشد:
  - وجود همبستگی بین دو متغیر
  - حذف روابط کاذب: اگر تاثیر تمام متغیرها کنترل شود و هنوز رابطه بین دو متغیر (مستقل و وابسته) وجود داشته باشد، می گوییم رابطه کاذب نیست. یعنی در مرحله تست همبستگی دو متغیر دیگر متغیرها به عنوان متغیر کنترل انتخاب شوند.
  - توالی زمانی: Time order) یعنی علت اول اتفاق بیافتد و بعد معلول حادث شود.

# مدل ساختاری در تحلیل مسیر



Example 4  
Conventional linear regression  
Job performance of farm managers  
(Model Specification)