

بسم الله الرحمن الرحيم

۱ - نام و نام خانوادگی :

۲ - نام همکاران :

۳ - شماره گروه :

۴ - عنوان آزمایش : تحقیق قانون $R = \rho \frac{l}{A}$

۶ - تاریخ انجام آزمایش : / /

۷ - تاریخ تحویل گزارش : / /

۱ - هدف آزمایش :

بررسی رابطه بین مقاومت یک رسانا با طول ، سطح مقطع ، و جنس آن

وسایل مورد نیاز:

۱ - تخته مقاومت ها شامل سیم هایی با طولها و سطح مقطع ها و جنس های مختلف ، مولتی متر ، ریز سنج ، منبع تغذیه

مقدمه و تئوری :

رسانایی الکتریکی به مفهوم اندازه گیری قابلیت هدایت جریان الکتریکی در یک ماده می باشد و یکای آن در سیستم استاندارد بین المللی واحدها، زمینس (یکا) است. در بعضی از اجسام، انتقال بار الکتریکی از منطقه ای در درون جسم به منطقه دیگر آن به آسانی صورت می گیرد و در بعضی چنین نیست. به عنوان مثال اگر سر یک سیم مسی را به میله ی نایلونی باردار و سر دیگر آن را به یک گلوله چوب پنبه ای که در ابتدا بدون بار است، وصل کنیم، با نزدیک کردن اجسام باردار دیگر، معلوم می شود که گلوله باردار شده است. بنابراین به سیم مسی که در آن انتقال بار صورت می گیرد، جسم رسانا گویند.

تعریف رسانایی از دیدگاه جریان الکتریکی

اجسامی که می توانند جریان الکتریسیته را بدون اتلاف زیاد (با مقاومت الکتریکی کم) از خود عبور دهند، رسانای الکتریسته خوانده می شوند.

افرادی که بیشتر با وسایل برقی کار می کنند، در هنگام کار از وسایلی استفاده می کنند که برق آنها را نگیرد. به عنوان مثال، کفشهای مخصوص پوشیده و مشغول کار می شوند. یعنی از آنجا که بدن انسان رسانا است، از اینرو برای اینکه جریان برق از طریق بدن انسان به زمین منتقل نشود، (چون در این صورت برق گرفتگی اتفاق می افتد) باید از کفشهای مخصوص یا دستکش های مخصوص استفاده کنند. دسته فاز متر ماده ای عایق است و لذا می توان با استفاده از آن به راحتی برای تشخیص وجود یا عدم وجود جریان برق استفاده نمود.

در همه ی این نمونه ها باید اطلاع داشته باشیم که چه اجسامی قابلیت انتقال جریان الکتریسیته را دارند و چه موادی فاقد این قابلیت هستند. دسته اول را رسانا و دسته دوم را نارسانا می نامند.

رسانایی الکترونی

برای پی بردن به دلیل رسانش می توان ساختمان مواد رسانا را مورد توجه قرار داد. از جمله مواد رسانای بسیار معروف فلزات هستند. ویژگی عمده فلزات از نظر خصوصیت الکتریکی این است که این مواد دارای الکترونها ی آزاد هستند. این الکترونها را اصطلاحاً حاملین بار می گویند. هنگامی که اتمهای منزوی برای تشکیل جسم جامد فلزی با هم ترکیب می شوند، الکترونها ی لایه خارجی اتم، مقید به اتمهای منفرد باقی نمی مانند، بلکه آزادانه در سرتاسر حجم جسم جامد حرکت می کنند.

زمانی که در جسمی جابجایی بار صورت می گیرد، می گویند از جسم جریان الکتریکی می گذرد. بنابراین اگر فلزی را در مسیر جریان الکتریکی قرار دهیم، این جریان توسط الکترونها ی آزاد منتقل می شود و از اینرو خاصیت رسانایی بیشتر متوجه حاملین بار و سرعت آنهاست. البته غیر از فلزات رساناهای دیگری نیز وجود دارند. از این جمله می توان به محلولهای آبی نمکها و اسیدها و بسیاری از اجسام رسانای دیگر اشاره کرد در این مواد رسانایی به شیوه یونی انجام می گیرد.

رسانایی یونی

یک واکنش شیمیایی است که با عبور جریان برق از درون یک محلول به وقوع می پیوندد.

تمام عناصر و اجسام ما از لحاظ عبور جریان برق به سه گروه رسانا نیمه رسانا و نارسانا یا عایق طبقه بندی می شوند. معمولاً در بین عناصر شناخته شده فلزات رسانای الکتریکی می باشند و غیر فلزات نارسانا و در برخی مواقع نیمه رسانا می باشند اما عدد اتمی و چیتش الکترون ها و پیوند های آنها نقش به سزایی در رسانای الکتریکی دارد بنا بر این مورد استثنائاتی هم

دارد. مثلاً نافلز بروم در گروه هفدهم می‌باشد و دوره چهارم جدول مندلیف قرار دارد برم نافلزی است که رسانای جریان برق می‌باشد. فلزات معمولاً نقطه جوش بالایی دارند همچنین سطح برآق و درخشانی دارند و چکش خوارند و با کشیدن خم میشوند. 4. جریان برق را از خود عبور می‌دهند. ولی نافلزات نقطه مقابل فلزات هستند. شبه فلز یک عنوان برای طبقه‌بندی عناصر شیمیایی است. که به عناصری اطلاق می‌گردد که خواصشان میان فلز و نافلز است. تعریف معینی برای شبه فلزها وجود ندارد اما دو خاصیت زیر مشخصه آنها است: ۱- شبه فلزها معمولاً به شکل اکسیدهای آمفوتر یافت می‌شوند. ۲- شبه فلزها معمولاً نیمه رسانا هستند عناصری که در دسته شبه فلزها جای می‌گیرند: بور (B) سیلیسیوم (Si) ژرمانیوم (Ge) آرسنیک (As) آنتیموان (Sb) تلوریوم (Te) پولونیوم (Po) بعضی از آلوتروپ‌های دیگر عناصر نیز مانند شبه فلزها رفتار می‌کنند. همه این عناصر در بلوک پی قرار دارند کوبین دارای آلوتروپها یا دگرشکل‌هایی است. الماس و گرافیت از جمله دگرشکل‌های کربن هستند. در بلور الماس هر اتم کربن به وسیله‌ی چهار پیوند کووالانسی به چهار اتم کربن دیگر متصل است، در نتیجه چهار الکترون ظرفیت آن درگیر پیوند می‌باشند. الماس رسانایی برق یا الکتریسیته ندارد، اما رسانایی گرمایی آن حدود پنج برابر فلز مس است. گرافیت آلوتروپ دیگر کربن ماده‌ی سیاه و نرم بوده و ساختار لایه‌ای دارد. و اما در گرافیت، هر یک از اتم‌های کربن در هر لایه با سه اتم مجاور خود پیوند دارد. یعنی چهار الکترون پیوندی با سه اتم کربن دیگر پیوند برقرار می‌کنند، بنابراین هر اتم کربن با یکی از اتم‌های کربنی که با آن پیوند دارد، پیوندی دوگانه برقرار می‌کند. یکی از این پیوندها سست بوده و در نتیجه یکی از الکترون‌های متعلق به هر کربن تقریباً آزاد بوده و می‌تواند در سراسر لایه حرکت کند. می‌دانید حرکت یون یا الکترون سبب رسانایی الکتریسیته می‌شود. در نتیجه گرافیت در طول هر لایه از لایه‌های خود رسانایی الکتریسیته دار البته با پیش رفت علم نانوکاربرد کربن بسیار بیشتر شده. از این لحاظ اتم کربن به لحاظ انواع پیوندهایی که میتواند داشته باشد بی نظیر است همین موضوع باعث اهمیت فوق العاده کربن در علم نانو شده است.

آبرسانایی پدیده‌ای است که در دماهای بسیار پایین برای برخی از مواد رخ می‌دهد. در حالت آبرسانایی مقاومت الکتریکی ماده صفر می‌شود و ماده خاصیت دیامغناطیس کامل پیدا می‌کند، یعنی میدان مغناطیسی را از درون خود طرد می‌کند. طرد میدان مغناطیسی تنها تفاوت اصلی آبرسانا با رسانای کامل است، زیرا در رسانای کامل انتظار می‌رود میدان مغناطیسی ثابت بماند، در حالی که در آبرسانا میدان مغناطیسی همواره صفر است. مقاومت الکتریکی یک رسانای فلزی به تدریج با کاهش دما کم می‌شود. در رساناهای معمولی مثل مس و نقره، وجود ناخالصی و مشکلات دیگر این رون را کند می‌کند. به طوری که حتی در صفر مطلق هم نمونه‌های معمول مس همچنان مقاومت الکتریکی کمی دارند. در مقابل آبرساناها موادی هستند که اگر دمایشان از یک دمای بحرانی کمتر شود، ناگهان مقاومت الکتریکی خود را از دست می‌دهند. جریانی از الکتریسیته در یک حلقه آبرسانا می‌تواند برای مدت نامحدودی بدون وجود مولد جریان وجود داشته باشد. مانند پدیده فرومغناطیس و خطوط طیفی اتم‌ها، آبرسانایی نیز پدیده‌ای کوانتومی است، هر چند یک تئوری جهانشمول برای آبرسانایی وجود ندارد. و نمی‌توان آن را با فیزیک کلاسیک به مانند یک رسانای مطلوب توصیف کرد. پدیده آبرسانایی برای طیف وسیعی از مواد مانند قلع و آلومینیوم وجود دارد. همچنین برخی آلیاژها و نیمه رساناها نیز آبرسانا هستند، ولی فلزاتی مثل طلا و نقره این پدیده را از خود نشان نمی‌دهند، همچنین پدیده آبرسانایی در فلزات فرومغناطیس هم روی نمی‌دهد. در سال ۱۹۸۶ آبرسانایی دمای بالا کشف شد. دمای بحرانی این آبرساناها بیش از ۹۰ کلوین است. نظریه‌های کنونی آبرسانایی نمی‌توانند آبرسانایی دمای بالا را، که به آبرسانایی نوع ۲ (Type II) معروف است، توضیح دهند. از نظر عملی آبرساناهای دمای بالا کاربردهای بسیار بیشتری دارند، زیرا در دماهایی آبرسانا می‌شوند که راحت‌تر قابل ایجاد هستند. پژوهش برای یافتن موادی که دمای بحرانی آن‌ها باز هم بیشتر باشد، و همچنین برای یافتن نظریه‌ای برای توضیح آبرسانایی دمای بالا همچنان ادامه دارد.

اجسامی که می‌توانند جریان الکتریسیته را بدون اتلاف زیاد (با مقاومت الکتریکی کم) از خود عبور دهند، رسانای الکتریسته خوانده می‌شوند.

نیمه رسانا یا نیمه هادی عنصر یا ماده‌ای است که در حالت عادی عایق باشد ولی با افزودن مقداری ناخالصی قابلیت هدایت الکتریکی پیدا می‌کند. (منظور از ناخالصی عنصر یا عناصر دیگری است غیر از عنصر اصلی یا پایه؛ بر فرض مثال، اگر عنصر پایه سلنیوم باشد ناخالصی می‌تواند آلومینیوم یا فسفر باشد.) نیمه رساناها در لایه ظرفیت خود چهار الکترون دارند. میزان مقاومت الکتریکی نیمه رساناها بین رساناها و نارساناها می‌باشد. از نیمه رساناها برای ساخت قطعاتی مانند دیود، ترانزیستور، تریستور، آی سی و ... استفاده می‌شود. ظهور نیمه رساناها در علم الکترونیک انقلاب عظیمی را در این علم ایجاد کرده که اختراع رایانه یکی از دستاوردهای این انقلاب است. نیمه رساناها به دو نوع قسمت‌بندی می‌شوند. انواع نیمه رسانا

۳ - روش انجام آزمایش :

الف :

I - سیمی به طول ۱۰۰ سانتی متر انتخابی کنیم.

II - سپس به کمک ولت متر و آمپر متر ، شدت جریان و اختلاف پتانسیل دوسر سیم را اندازه میگیریم.

III - سپس قطر سیم را با استفاده از ریز سنج بدست می آوریم.

IV - این کار را برای ۵ سیم دیگر نیز انجام میدهیم.

ب :

مراحل قسمت الف را برای سیمی به طول ۲۰۰ سانتی متر انجام میدهیم.

جدول:

الف:

سیم	1	2	3	4	5	6
طول سیم	1.00m	1.00m	1.00m	1.00m	1.00m	1.00m
قطر	0.00040m	0.00040m	0.00085m	0.00145m	0.00145m	0.00029m
ولت	2.76v	2.76v	2.80v	1.52v	2.35v	2.78v
آمپر	-0.66A	-0.66A	-0.18A	-1.06A	1.06A	-0.37A
مقاومت	-4.18Ω	-4.18Ω	-15.56Ω	-1.43Ω	2.22Ω	7.51Ω
مقاومت ویژه Ω.m	-5.4 × 10 ⁻⁷	-5.4 × 10 ⁻⁷	-8.8 × 10 ⁻⁶	-2.4 × 10 ⁻⁶	3.7 × 10 ⁻⁶	5.0 × 10 ⁻⁷

ب :

طول سیم	قطر	ولت	آمپر	مقاومت	مقاومت ویژه
2m	0.00040m	2.79 v	-0.32A	8.72Ω	-5.5 × 10 ⁻⁷ Ω.m

محاسبات :

$$R = \frac{V}{I} \longrightarrow R = \frac{2.76}{-0.66} = -4.18\Omega$$

$$A = \frac{\pi d^2}{4} \longrightarrow A = \frac{3.14 \times (0.00040)^2}{4} = 1.3 \times 10^{-7} \text{ m}^2$$

$$R = \rho \frac{L}{A} \longrightarrow \rho = R \frac{A}{L} \longrightarrow \rho = -4.18 \times \frac{1.3 \times 10^{-7}}{1} = -5.4 \times 10^{-7} \Omega \cdot \text{m}$$

۶ - خطاهای آزمایش :

I - اگر در خواندن ریزسنج اشتباه می کردیم دچار خطا میشدیم.

II - اگر در بستن مدار دچار اشتباه می شدیم خطا رخ میداد

خطای نسبی :

$$R = \rho \frac{L}{A} \longrightarrow \ln R = \ln \rho + \ln \left(\frac{L}{A} \right) \longrightarrow \ln R = \ln \rho + \ln L - \ln A \longrightarrow$$
$$\frac{dR}{R} = \frac{d\rho}{\rho} + \frac{dL}{L} - \frac{dA}{A} \longrightarrow \frac{\Delta R}{R} = \frac{\Delta L}{L} + \frac{\Delta A}{A} \quad \frac{\Delta R}{R} = \frac{0.01}{1} + \frac{10^{-7}}{1.3 \times 10^{-7}} = 0.78$$

خطای مطلق

$$\Delta R = 3.26$$

سوالات :

۱ - رابطه $R = \rho \frac{L}{A}$ را اثبات نمایید.

۲ - سیمی به مقاومت ۶ اهم را آنقدر میکشیم تا طول جدید آن سه برابر طول اولیه برسد اگر مقاومت ویژه سیم ثابت بماند مقاومت جدید آن را بیابید.

۳ - با توجه به اطلاعاتی که در مورد مقاومت معادل در به هم بستن مقاومت ها به صورت سری و موازی دارید بیان کنید که چرا باید مقاومت سیم با طول آن نسبت مستقیم و با سطح مقطع آن نسبت عکس داشته باشد.

۴ - مقاومت ویژه رسانا به چه عواملی بستگی دارد؟

پاسخ ها :

$$1 - i = \int j \cdot ds \quad \text{و} \quad v_{ab} = - \int_a^b E \cdot ds$$

$$R = \frac{v_{ab}}{i} = \frac{\int_a^b E \cdot ds}{\int j \cdot ds} \frac{El}{jA} = \rho \frac{l}{A}$$

$$2 - \frac{R_1}{R_2} = \frac{L_1}{L_2} \times \frac{A_2}{A_1} \longrightarrow \frac{6}{R_2} = \frac{\cancel{L_1}}{3\cancel{L_1}} \times \frac{\cancel{A_2}}{3\cancel{A_2}} \longrightarrow \frac{6}{R_2} = \frac{1}{9} \longrightarrow R_2 = 54$$

۴ - ۱. طول رسانا ۲. سطح مقطع رسانا ۳. جنس رسانا

۸ - منابع :

http://fa.wikipedia.org/wiki/%D9%85%D9%82%D8%A7%D9%88%D9%85%D8%AA_%D9%88_%D8%B1%D8%B3%D8%A7%D9%86%D8%A7%DB%8C%DB%8C_%D8%A7%D9%84%DA%A9%D8%AA%D8%B1%DB%8C%DA%A9%DB%8C