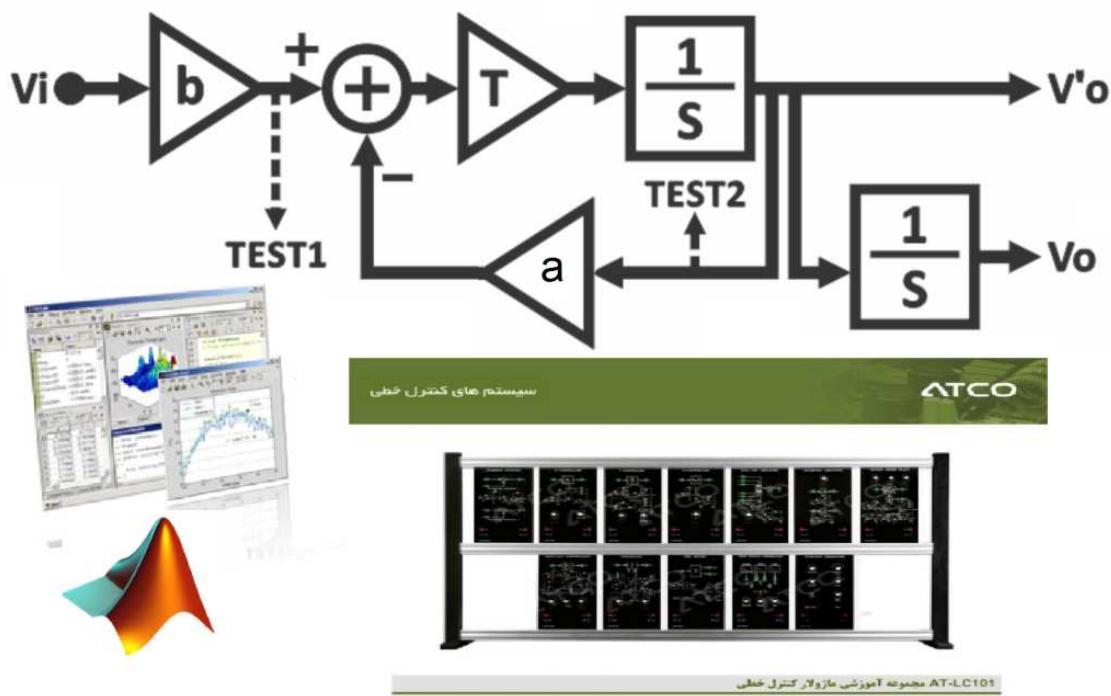


# دستورکار آزمایشگاه کنترل خطی



شرکت آزما تجهیز پارتیان

ATCO

[www.atcosanat.ir](http://www.atcosanat.ir)  
[info@atcosanat.ir](mailto:info@atcosanat.ir)

**مقدمه :**

سیستم آموزشی کنترل خطی توسط شرکت آزمایشگاهی پارسیان طراحی شده است ، مجموعه ای کامل از آموزش سیستم های کنترل خطی است که با استفاده از تکنیک های مختلف، مفاهیم کنترل آنالوگ را به صورت عملی آموزش می دهد. این مجموعه آموزشی پس از چند مرحله نمونه سازی و تست، تولید گردیده و در اختیار کاربران قرار گرفته است .

تجهیزات قرار داده شده روی این مجموعه آموزشی متناسب با سر فصل آزمایشگاه کنترل خطی ارائه شده از سوی وزارت محترم علوم و بازار صنعت کشور در این رشتہ می باشد . این مژوول ها به منظور یادگیری مباحث خوانده شده در قسمت های تئوری طراحی و ساخته شده اند.

مجموعه آموزشی کنترل خطی متشکل از ۱۲ مژوول آموزشی می باشد. بررسی سیستم های کنترل حلقه باز و بسته، سیستم های مرتبه اول و دوم، و سیستم های متشکل از کنترل کننده های تناسی، انگرالی و مشتقی، محور اصلی آزمایش های کنترل خطی می باشد.

علاوه بر موج های سینوسی، مثلثی و مربعی، منابع پله واحد، شیب و نمایی نیز جهت اعمال به سیستم های مختلف در اختیار کاربر قرار گرفته است. همچنین یک عدد سرو موتور جهت بررسی اثر کننده های PID,PI,I,D,PID بر روی سرعت و موقعیت موتور در این مجموعه قرار داده شده است.

## فهرست

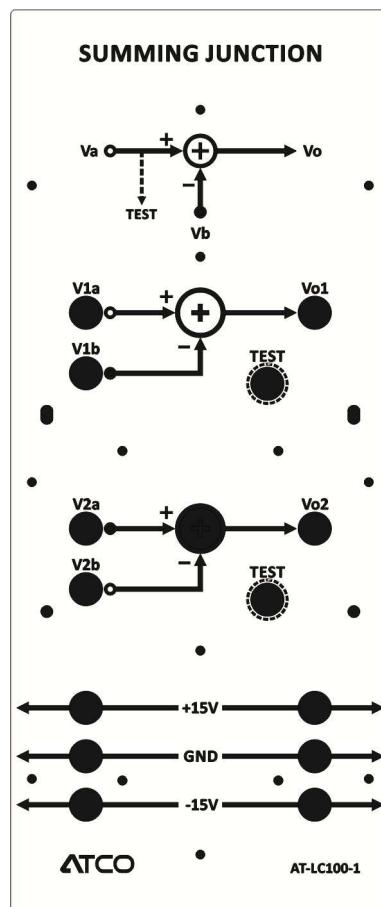
معرفی مژوں‌های دستگاه:

۰	(SUMMING JUNCTION[AT-LC100-1])
۶	کنترل کننده تناسبی (P-CONTROLLER [AT-LC100-2])
۷	کنترل کننده انتگرالی (I_CONTROLLER [AT-LC100-3])
۸	کنترل کننده مشتق گیر (D-CONTROLLER[AT-LC100-6])
۹	جمع کننده و تفریق کننده (SUM/DIF AMPLIFIER [AT-LC100-7])
۱۰	معکوس کننده با امکان تنظیم بهره (INVERTING AMPLIFIER [AT-LC100-5])
۱۱	سیستمهای مرتبه اول و مرتبه دوم (SECOND ORDER PLANT [AT-LC100-8])
۱۲	جبرانساز (LEAD/LAG COMPENSATOR [AT-LC100-9]) LEAD - LAG
۱۳	انتگرال گیر (INTEGRATOR [AT-LC100-4])
۱۴	منابع تولید توابع پله واحد، شیب و نمایی (TEST SIGNAL GENERATOR [AT-LC100-12])
۱۶	آزمایش ۱: تبدیل لاپلاس
۱۹	آزمایش ۲: بررسی سیستم مرتبه اول
۲۷	آزمایش ۳: بررسی سیستم مرتبه دوم
۳۷	آزمایش ۴: خطای حالت ماندگار در سیستم مرتبه اول
۴۳	آزمایش ۵: خطای حالت ماندگار در سیستم مرتبه دوم
۴۶	آزمایش ۶: خطای حالت ماندگار در سیستم مرتبه سوم (نوع ۲)
۴۹	آزمایش ۷: بررسی پاسخ حالت گذراشی سیستم مرتبه اول
۵۴	آزمایش ۸: بررسی پاسخ حالت گذراشی سیستم مرتبه دوم

۶۰	آزمایش ۹ : اثر صفر بر روی سیستم مرتبه اول
۶۳	آزمایش ۱۰ : اثر صفر بر روی سیستم مرتبه دوم
۶۹	آزمایش ۱۱ : اثر قطب غالب بر روی سیستم مرتبه دوم
۷۳	آزمایش ۱۲ : بررسی کنترل کننده تناسبی (P-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه اول
۷۶	آزمایش ۱۳ : بررسی کنترل کننده تناسبی (P-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه دوم
۷۷	آزمایش ۱۴ : بررسی کنترل کننده انتگرالی (I-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه اول
۸۲	آزمایش ۱۵ : بررسی کنترل کننده انتگرالی (I-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه دوم
۸۵	آزمایش ۱۶ : بررسی کنترل کننده مشتق گیر (D-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه اول
۸۸	آزمایش ۱۷ : بررسی کنترل کننده مشتق گیر (D-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه دوم
۹۱	آزمایش ۱۸ : بررسی کنترل کننده تناسبی انتگرالی (PI-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه اول
۹۶	آزمایش ۱۹ : بررسی کنترل کننده تناسبی انتگرالی (PI-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه دوم
۱۰۱	آزمایش ۲۰ : بررسی کنترل کننده تناسبی مشتق گیر (PD-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه اول
۱۰۶	آزمایش ۲۱ : بررسی کنترل کننده تناسبی مشتق گیر (PD-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه دوم
۱۱۲	آزمایش ۲۲ : بررسی کنترل کننده PID بر سیستم مرتبه دوم
۱۱۸	آزمایش ۳۵ : جبرانساز پیش فاز Lead
۱۲۵	آزمایش ۳۶ : جبرانساز پس فاز Lag
۱۳۳	آزمایش ۳۷ : جبرانساز پیش فاز-پس فاز Lead-Lag

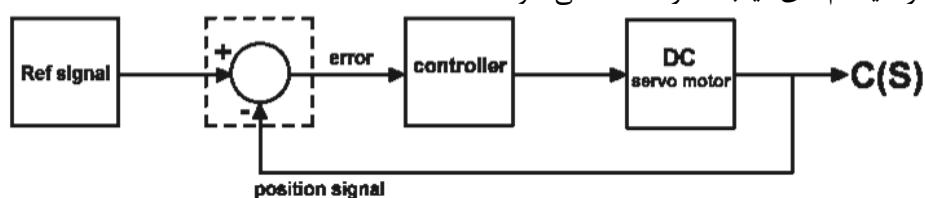
## معرفی مازولهای دستگاه:

## (SUMMING JUNCTION) ۱) جمع کننده - مقایسه کننده



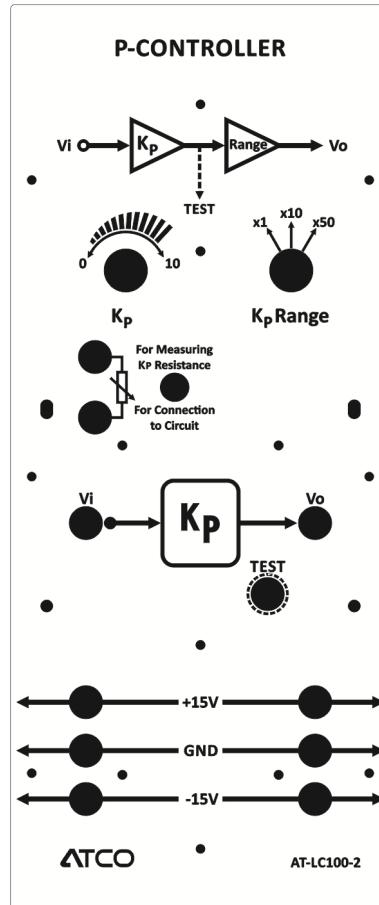
شکل ۱

این مازول عموما در سیستم های فیدبک دار استفاده می شود.



شکل ۲) بلوک دیاگرام سرووموتور در سیستم کنترل

## ۲) کنترل کننده تناسبی P-CONTROLLER

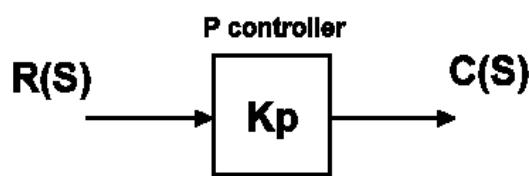


شکل ۳

کنترل کننده PID یکی از مهمترین کنترل کننده های آنالوگ در صنعت می باشد. این کنترل کننده ترکیبی است از کنترل کننده های تناسبی (P) انتگرالی (I) و مشتق گیر (D). در این مجموعه آموزشی هر یک از این سه کنترل کننده جداگانه و پشت سر هم در اختیار کاربر قرار گرفته اند.

این مژول کنترل کننده تناسبی می باشد که می تواند به صورت کنترل کننده های PD, PI, P و یا PID در سیستم به کار رود. در شکل ۴ بلوك دیاگرام کنترلر تناسبی را همراه با رابطه اش نشان داده است.

$$\frac{V_o}{V_i} = K_p$$

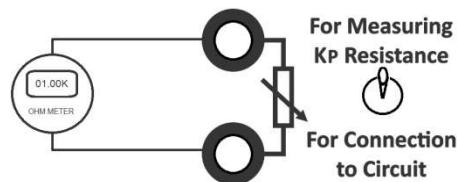


شکل ۴.

در این مژول مقدار متغیر  $K_p$  برابر است با  $1/0.1$  مقدار مقاومت ولوم  $K_p$  ( بر حسب کیلو اهم ) ضرب در موقعیت سلکتور Range. (چون ماکزیمم مقاومت ۱۰۰ کیلو اهم بوده و محدوده تغییرات عدد ولوم از ۰ تا ۱۰ است). برای مثال اگر اهم متر مقاومت

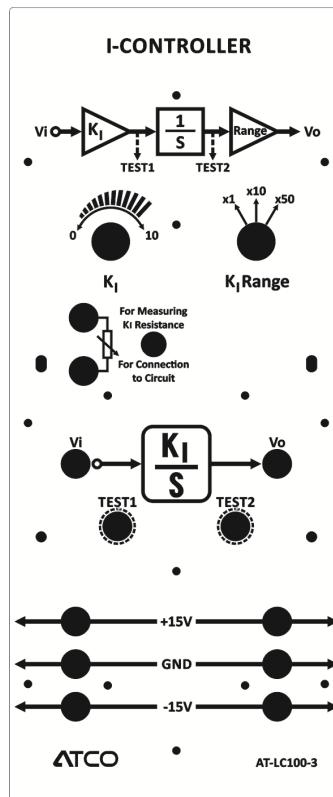
۲۰ کیلو اهم را نشان دهد و سلکتور در موقعیت  $10 \times$  قرار داشته باشد مقدار متغیر  $K_p$  در تابع تبدیل برابر با عدد ۲۰ می باشد.  
 $[0.1 \times 20 k] \times 10$

نحوه تنظیم ولوم  $K_p$  نیز در شکل زیر مشخص شده است. بدین گونه که در ابتدا اهم متر را در موقعیت نشان داده شده در شکل قرار داده و سپس کلید چکشی کنار آن را در موقعیت اندازه گیری مقاومت  $K_p$  (بالا) قرار دهید. پس از تنظیم مقدار ولوم، کلید چکشی را دوباره در موقعیت اتصال به مدار (پایین) قرار دهید.



\*\*\*\*\*

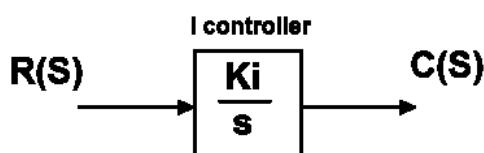
### ۳) کنترل کننده انتگرالی I\_CONTROLLER



شکل ۵

این مأذول در حقیقت عمل انتگرال گیری کنترلر PID را انجام می دهد. شکل ۶ بلوک دیگرام و رابطه مربوط به این مأذول را نشان می دهد.

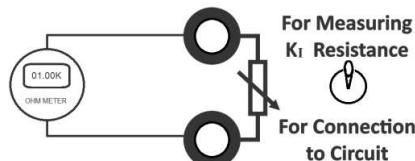
$$\frac{V_o}{V_i} = \frac{K_i}{S}$$



در این مأذول مقدار متغیر  $K_i$  برابر است با مقدار مقاومت ولوم  $K_i$  (بر حسب کیلو اهم) ضرب در موقعیت سلکتور

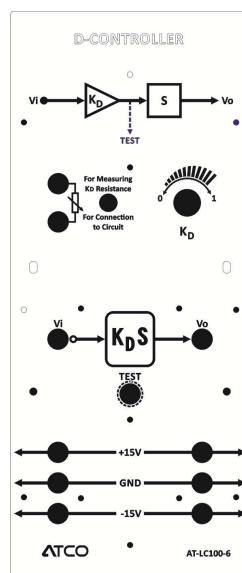
برای مثال اگر اهم متر مقاومت ۲ کیلو اهم را نشان دهد و سلکتور در موقعیت  $10 \times$  قرار داشته باشد مقدار متغیر  $K_I$  در تابع تبدیل برابر با عدد ۲۰ می باشد.

نحوه تنظیم ولوم  $K_I$  نیز در شکل زیر مشخص شده است. بدین گونه که در ابتدا اهم متر را در موقعیت نشان داده شده در شکل قرار داده و سپس کلید چکشی کنار آن را در موقعیت اندازه گیری مقاومت  $K_I$  (بالا) قرار دهید. پس از تنظیم مقدار ولوم، کلید چکشی را دوباره در موقعیت اتصال به مدار (پایین) قرار دهید.



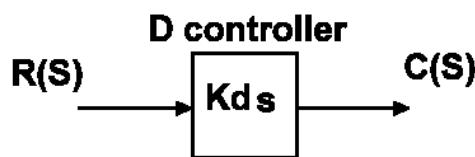
\*\*\*\*\*

#### ۴) کنترل کننده مشتقی



شکل ۷

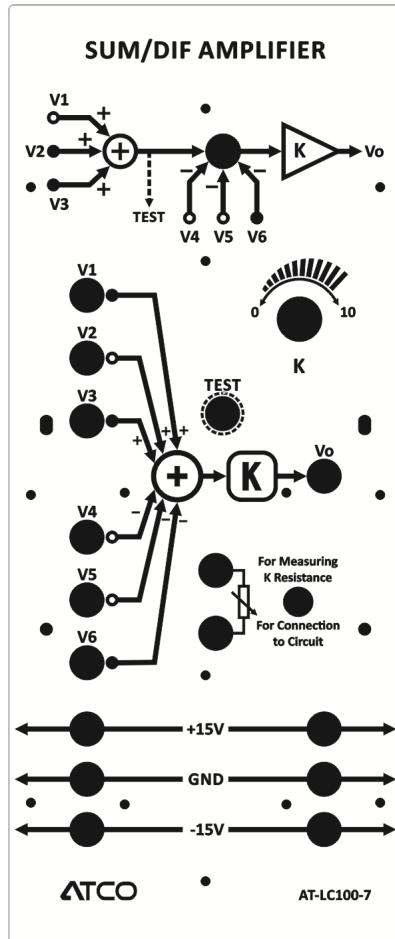
این مازول در حقیقت عمل مشتق‌گیری کنترلر PID را انجام می دهد . شکل ۸ بلوك دیگرام و رابطه مربوط به اين مازول را نشان می دهد .



شکل ۸

در این مازول مقدار متغیر  $K_D$  برابر است با مقدار مقاومت ولوم  $KD$  (بر حسب کیلو اهم ) ضرب در موقعیت سلکتور Range  $KD$  برای مثال اگر اهم متر مقاومت ۲ کیلو اهم را نشان دهد مقدار متغیر  $K_I$  در تابع تبدیل برابر با عدد ۲ می باشد. نحوه تنظیم ولوم همانند  $K_I$  و  $k_p$  است.

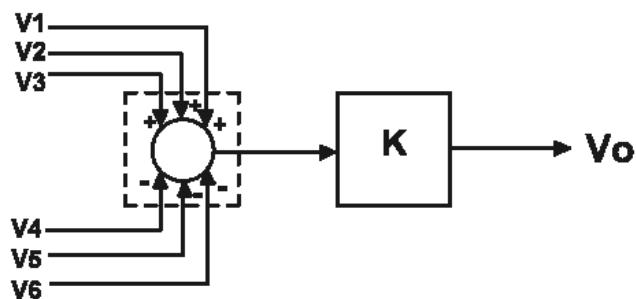
## ۵) جمع کننده و تفريقي کننده SUM/DIF AMPLIFIER



شکل ۹

جمع کننده ها و تفريقي کننده ها يكی از پر کاربرد ترین اجزای يك سیستم کنترلی محسوب می شوند . اين ماژول عمل جمع و تفريقي برای سیگنال های چندگانه را فراهم می نماید . همچنین اين ماژول از يك ماژول از يك تقويت کننده با بهره  $K$  قابل تنظيم ، نيز تشکيل شده است . شکل ۱۰ نشان دهنده بلوک دیاگرام و معادله رياضي اين تقويت کننده می باشد .

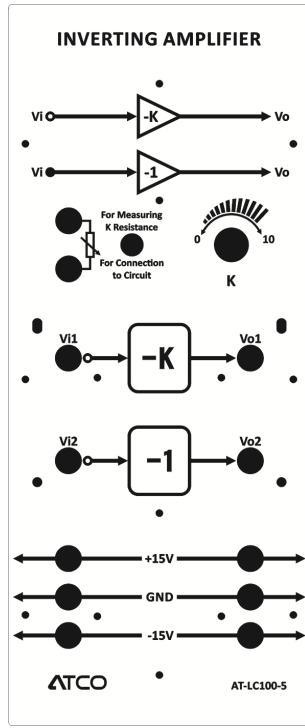
$$Vo = K(V1 + V2 + V3 - V4 - V5 - V6)$$



شکل ۱۰

در اين ماژول مقدار متغير  $K$  برابر است با مقدار مقاومت ولوم  $K$  ( بر حسب كيلو اهم ) ضرب در موقعیت سلکتور نحوه تنظیم ولوم  $K$  نیز همانند ماژول های  $K_p$  و  $K_d$  است .

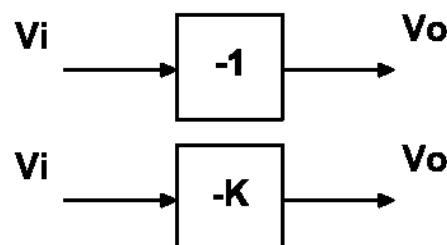
## ۶) معکوس کننده با امکان تنظیم بهره



شکل ۱۱

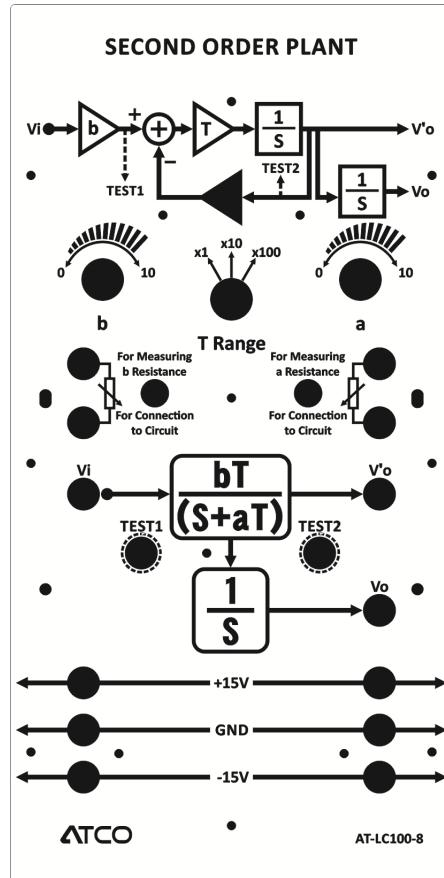
این مازول شامل دو تقویت کننده معکوس کننده می‌باشد. یک تقویت کننده بهره  $-1$  و تقویت کننده دیگر بوسیله ولوم  $K$  بهره دلخواه را تولید می‌کنند. شکل ۱۲ نشان دهنده بلوك دیاگرام و بیان ریاضی تقویت کننده های معکوس کننده می‌باشد.

$$\frac{V_{o2}}{V_{i2}} = -K$$



در این مازول مقدار متغیر  $K$  برابر است با مقدار مقاومت ولوم  $K$  (بر حسب کیلو اهم) ضرب در موقعیت سلکتور نحوه تنظیم ولوم  $K$  نیز همانند مازول های  $K_p$  و  $K_d$  است.

## ۷) سیستمهای مرتبه اول و مرتبه دوم

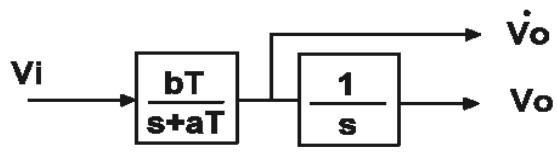


شکل ۱۳

از آنجایی که SECOND ORDER PLANT و FIRST ORDER PLANT اغلب در شبیه سازی کنترل آنالوگ بکار می روند ، برای راحتی بیشتر ، سیستم کنترل آنالوگ کنترل خطی مازول SECOND ORDER PLANT را برای شبیه سازی فراهم کرده است . شکل ۱۴ نشان دهنده بلوك دیاگرام و بیان ریاضی این مازول می باشد .

$$\frac{V_o}{V_i} = \frac{bT}{S(S+aT)}$$

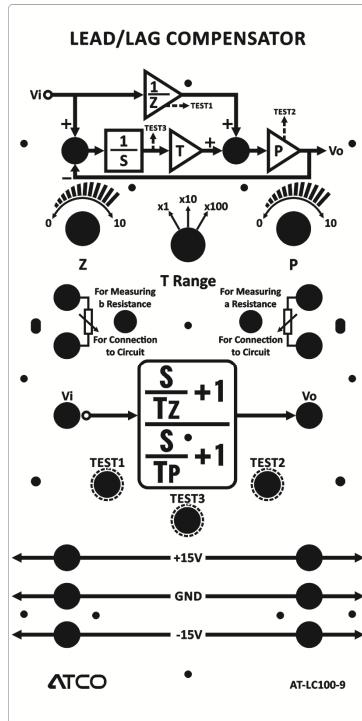
$$\frac{\dot{V}_o}{V_i} = \frac{bT}{S + aT}$$



سحد ۱۴

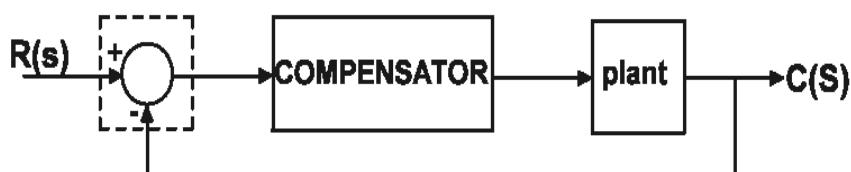
در این مازول مقدار متغیر  $b$  ،  $a$  برابر است با  $0.1$  مقدار مقاومت ولوم  $b$  ( بر حسب کیلو اهم ) ضرب در موقعیت سلکتور  $T$  . برای مثال اگر اهم متر مقاومت  $20$  کیلو اهم را نشان دهد و سلکتور در موقعیت  $10 \times 10$  قرار داشته باشد مقدار متغیر  $a$  در تابع تبدیل برابر با عدد  $20$  می باشد . نحوه تنظیم ولوم  $a$  ،  $b$  نیز مانند  $K_p$  است .

## ۸) جبران‌ساز LEAD و LAG COMPENSATOR



شکل ۱۵

در طراحی سیستم‌های حلقه بسته، طراحان همیشه قصد دارند که خروجی سیستم برای ورودی آن بطور کامل قابل شناسایی باشد. متأسفانه همیشه سیگنال خطأ به خاطر محدودیت در مشخصات ساخت بین سیگنال‌های ورودی و خروجی وجود دارد. اغلب اوقات از متصل کردن یک جبران کننده به سیستم کنترل حلقه بسته برای طراحی یک کنترلر استفاده می‌شود. در شکل ۱۶ یک سیستم کنترل حلقه بسته با جبران ساز نشان داده است. همچنانیک جبران ساز می‌تواند پیش فاز و یا پس فاز می‌باشد.

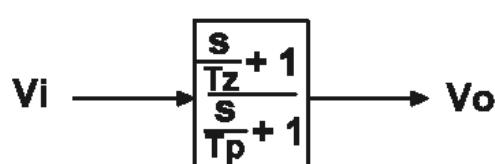


شکل ۱۶

جبران ساز پیش فاز می‌تواند به منظور بهبود پاسخ گذراي سیستم کنترل حلقه بسته و کاهش خطای حالت ماندگار بکار رود. همچنانیک جبران ساز پس فاز باعث بهبود خطای حالت ماندگار یک سیستم کنترل حلقه بسته می‌شود. اما این امر باعث کاهش سرعت در پاسخ خروجی می‌شود.

ماژول LEAD / LAG COMPENSATOR ترکیبی از جبران‌ساز‌های پیش فاز و پس فاز می‌باشد. شکل ۱۷ نشان دهنده بلوك دیاگرام و بیان ریاضی این سیستم کنترلی می‌باشد.

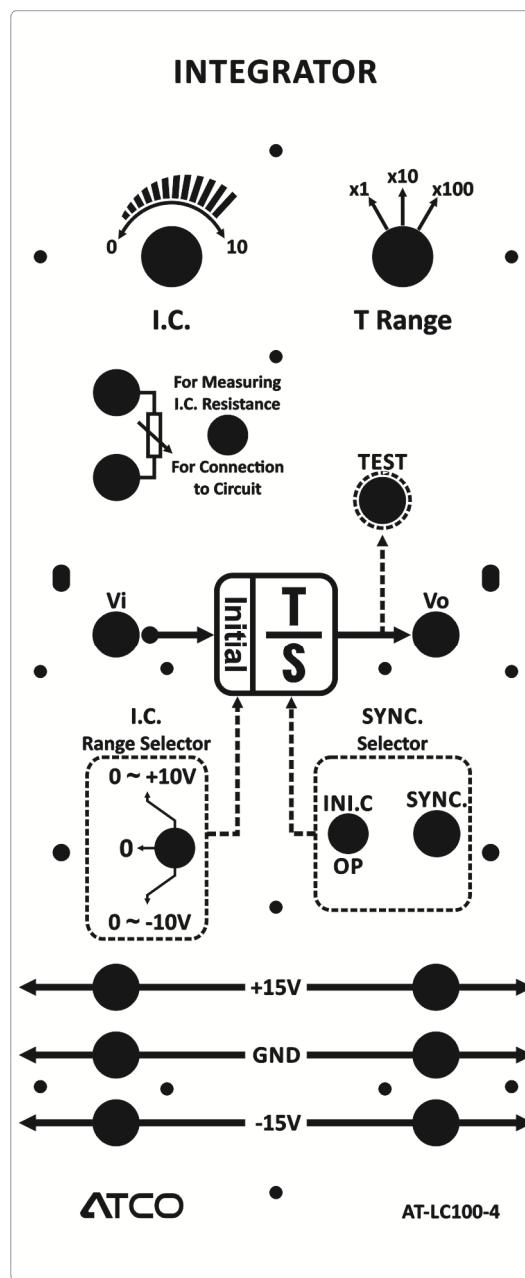
$$\frac{V_o}{V_i} = \frac{\frac{s}{T_z} + 1}{\frac{s}{T_p} + 1}$$



در این مأمور مقدار متغیر  $p$ ,  $z$  برابر است با مقدار مقاومت ولوم  $p, z$  (بر حسب کیلو اهم) ضرب در موقعیت سلکتور  $T$ . نحوه تنظیم ولوم  $p, z$  همانند  $a, b$  در second order plant می باشد.

\*\*\*\*\*

## ۹- انتگرال گیر (INTEGRATOR)

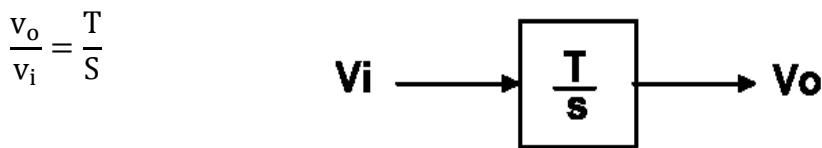


شکل ۱۸

اگر چه معادلات تفاضلی معمولاً برای توضیح یک سیستم فیزیکی استفاده می شوند، اما عملاً نمی توان از یک تفریق کننده در شبیه سازی سیستم های کنترلی استفاده نمود.

اولین دلیل این است که بهره تفربیق کننده با افزایش فرکانس سیگنال ، افزایش می‌یابد . بطور کلی نویز یک سیگنال فرکانس بالا ، زیاد است . بنابراین اگر یک تفربیق کننده درگیر شود ، کیفیت سیگنال به شدت کاهش می‌یابد . در نتیجه ، انتگرال گیر یک المان مهم در شبیه سازی یک سیستم آنالوگ محسوب می‌شود .

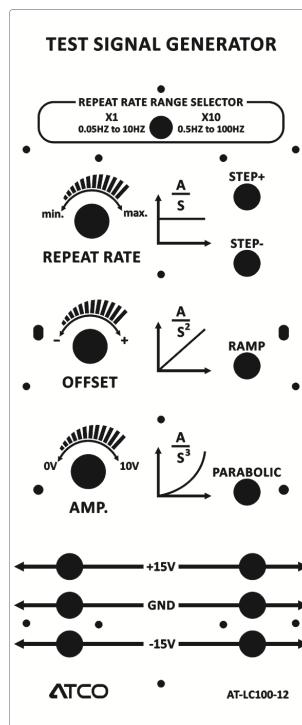
شکل ۱۹ نشان دهنده بلوک دیاگرام و بیان ریاضی انتگرال گیر می‌باشد .



در این مژول مقدار متغیر IC برابر است با مقدار مقاومت ولوم IC (بر حسب کیلو اهم) ضرب در موقعیت سلکتور برای مثال اگر اهم متر مقاومت ۲ کیلو اهم را نشان دهد و سلکتور در موقعیت  $10 \times$  قرار داشته باشد مقدار متغیر IC در تابع تبدیل برابر با عدد ۲۰ می‌باشد. نحوه تنظیم ولوم IC نیز همانند مژول Kp است.

\*\*\*\*\*

## ۹) منابع تولید توابع پله واحد، شیب و نمایی (TEST SIGNAL GENERATOR (LC100-12))



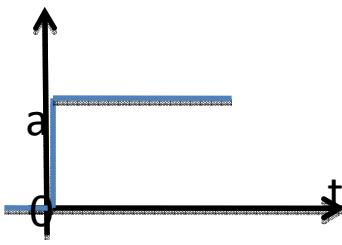
شکل ۲۰

ماژول تست سیگنال ژنراتور سه سیگنال کاربردی که در برخی از کنترلرها بکار می‌روند را فراهم می‌نماید . این سه سیگنال عبارتند از : سیگنال پله ، سیگنال شیب و سیگنال نمایی . که در ادامه هر کدام بطور جداگانه و مختصر توضیح داده شده اند .

۱ - سیگنال پله :

$$r(t) = \begin{cases} a & \text{if } t \geq 0 \\ 0 & \text{if } t < 0 \end{cases} \quad \text{or} \quad r(t) = au(t)$$

: تبدیل لاپلاس تابع پله  $R(s) = \frac{a}{s}$

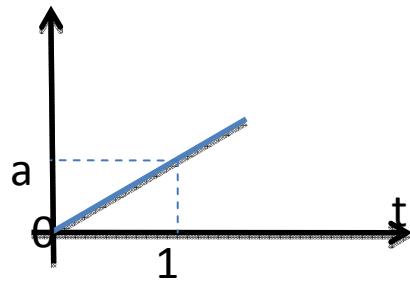


شکل ۲۱

## ۲- سیگنال شبیه:

$$r(t) = \begin{cases} a & \text{if } t \geq 0 \\ 0 & \text{if } t < 0 \end{cases} \quad \text{or} \quad r(t) = atu(t)$$

: تبدیل لاپلاس تابع شبیه  $R(s) = \frac{a}{s^2}$

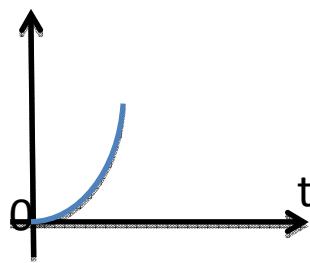


شکل ۲۲

## ۳- سیگنال نمایی:

$$r(t) = \begin{cases} \frac{a}{2}t^2 & \text{if } t \geq 0 \\ 0 & \text{if } t < 0 \end{cases} \quad \text{or} \quad r(t) = \frac{a}{2}t^2 u(t)$$

تبدیل لاپلاس تابع نمایی  $R(s) = \frac{a}{s^3}$



شکل ۲۳

- کلید Repeat Rate در مازول ، عمل افزایش فرکانس خروجی را انجام می‌دهد . بطوریکه اگر در وضعیت 10X Repeat Rate ، فرکانس خروجی ۱۰ برابر می‌شود . توجه داشته باشید در حوزه فرکانس های پایین برای مشاهده خروجی در این وضعیت بهتر است از اسیلوسکوپ دیجیتال در حالت کاری ROLL Mode استفاده نمود در غیر اینصورت در مشاهده و اندازه گیری خروجی دچار مشکل می‌شوید .

- در اغلب آزمایشات طراحی شده فرکانس کاری در فرکانس های بسیار پایین در حد ۵۰ و ۱۰۰ میلی هرتز عمل می کنند.
- در نتیجه کلید Repeat Rate در تمامی آزمایشات می باشد در حالت X1 قرار داده شود.
- همچنین تنظیم ولوم offset برای حصول خروجی مناسب بسیار حائز اهمیت است. به عنوان مثال برای خروجی های step می باشد در حالت وسط قرار داده شود ولی برای خروجی های شیب و نمایی نسبت به دامنه و فرکانس می باشد تغییر داده شود تا خروجی مورد نیاز حاصل شود.
- کوپلر اسیلوسکوپ باید روی حالت DC باشد.
- در خروجی های شیب و نمایی با افزایش فرکانس ، دامنه کاهش پیدا می کند در نتیجه باشیستی در فرکانس مورد نظر مجددا دامنه را تنظیم کرد.
- به دلیل طراحی این سیستم برای فرکانس های بسیار پایین ، خروجی های شیب و نمایی تنها در حالت Repeat Rate X1 و در فرکانس های ۵۰ الی ۱۰۰ میلی هرتز قابل حصول هستند.

#### • دستور کار آزمایش ها

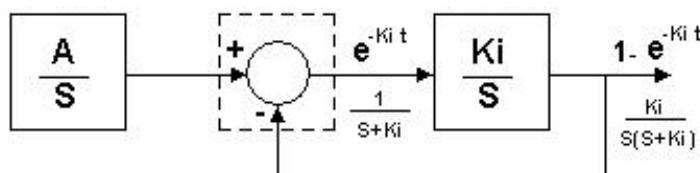
در اینجا به منظور تسهیل انجام آزمایش ها توسط کاربران، مجموعه ای از دستور کار آزمایش های کنترل خطی آنالوگ تهیه گردیده است. در هر آزمایش طریقه سیم بندی های مدار، نمایش شماتیک بلوك دیاگرام مدار، توابع تبدیل و خلاصه ای از ثوری و نتایج قابل مشاهده آن آزمایش آورده شده است.

#### آزمایش ۱: تبدیل لاپلاس

تبدیل لاپلاس توابع نمایی

$$1 - e^{-at} \xrightarrow{\text{تبدیل لاپلاس}} \frac{a}{s(s+a)}$$

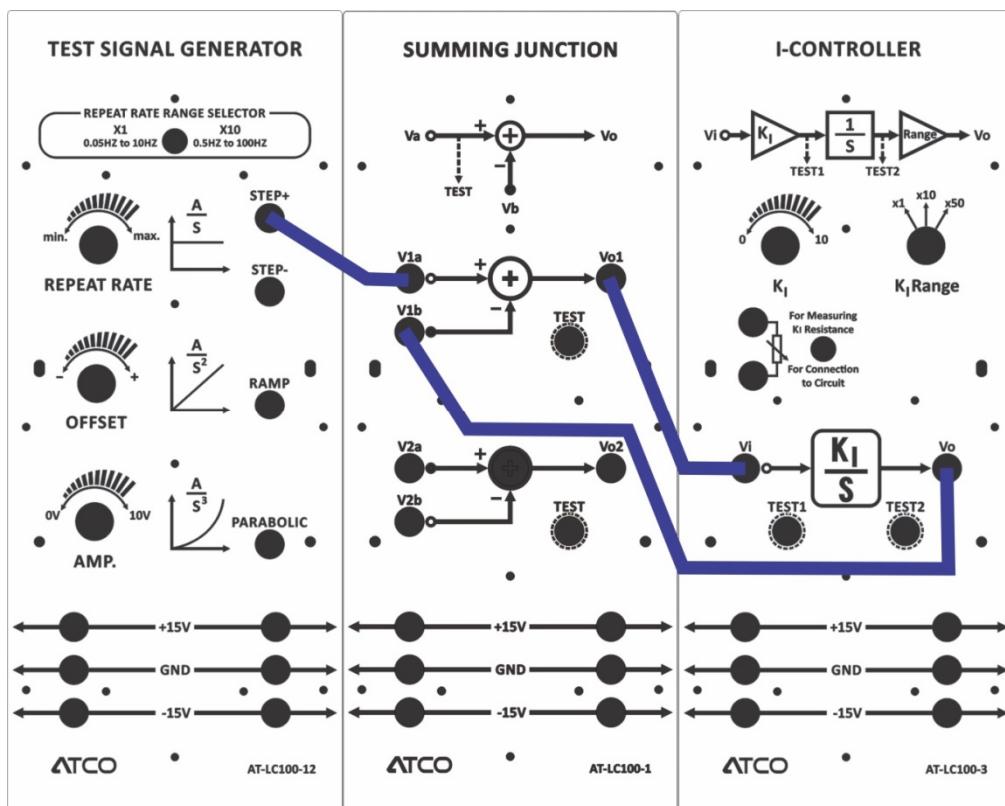
$$e^{-at} \xrightarrow{\text{تبدیل لاپلاس}} \frac{1}{s+a}$$



شکل ۱-۱

## مراحل آزمایش:

۱- سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید:

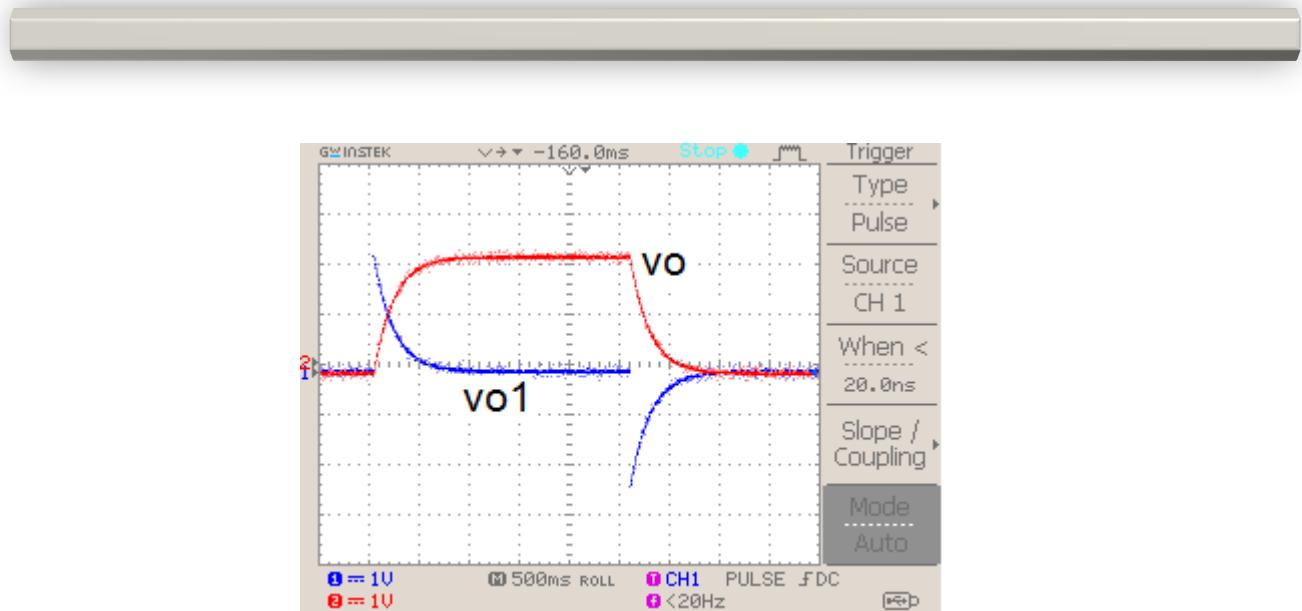


شکل ۱

۲- روی مازول LC100-03 سلکتور را در موقعیت  $1 \times$  قرار دهید و  $K_I$  را توسط مولتی متر با مقدار ۵ کیلو اهم تنظیم نمایید در نتیجه در کنترلر I خواهیم داشت  $S = 5/S$

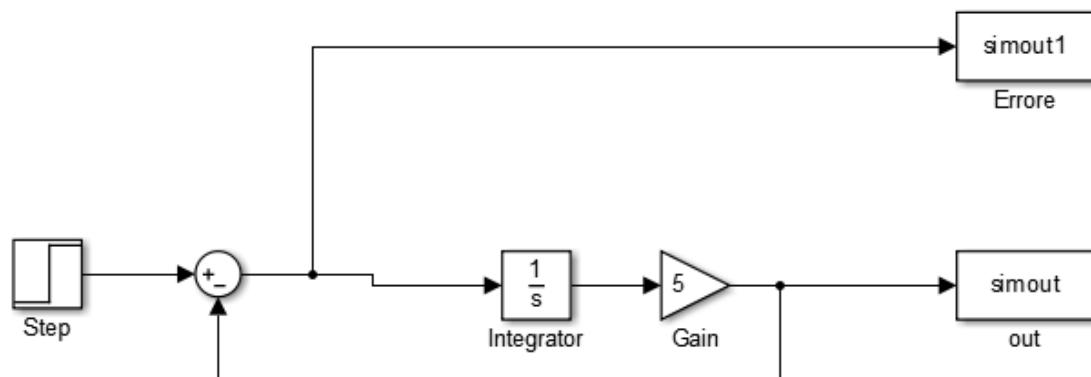
۳- روی مازول LC100-12 مقدار  $0.5\text{Hz}$  و  $1.8\text{Vpp}$  را در خروجی STEP+ تنظیم نمایید.

۴- خروجی  $Vo_1$  در یونیت LC100-01 و خروجی  $Vo$  در یونیت LC100-03 را اندازه گیری و ثبت نمایید. به ترتیب سیگنالهای  $e^{-at}$  و  $1 - e^{-at}$  را مشاهده خواهید کرد.

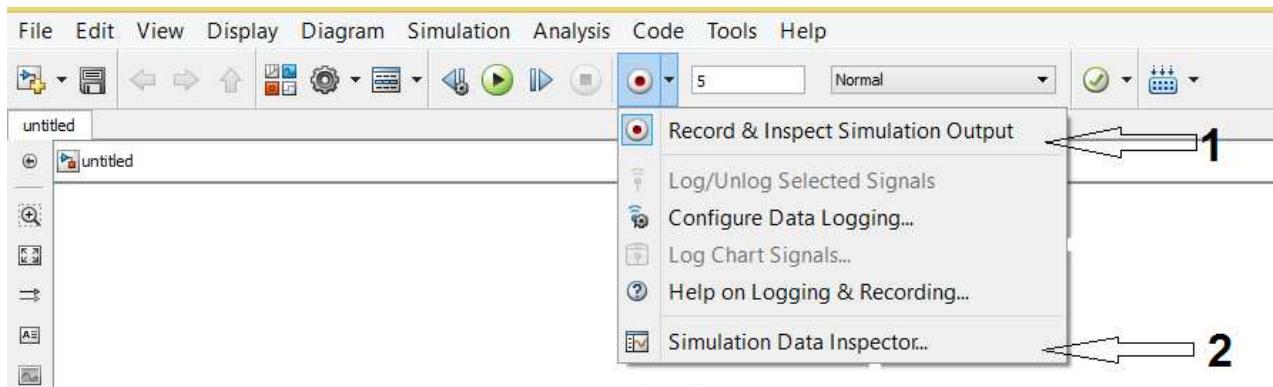


شکل ۳-۱

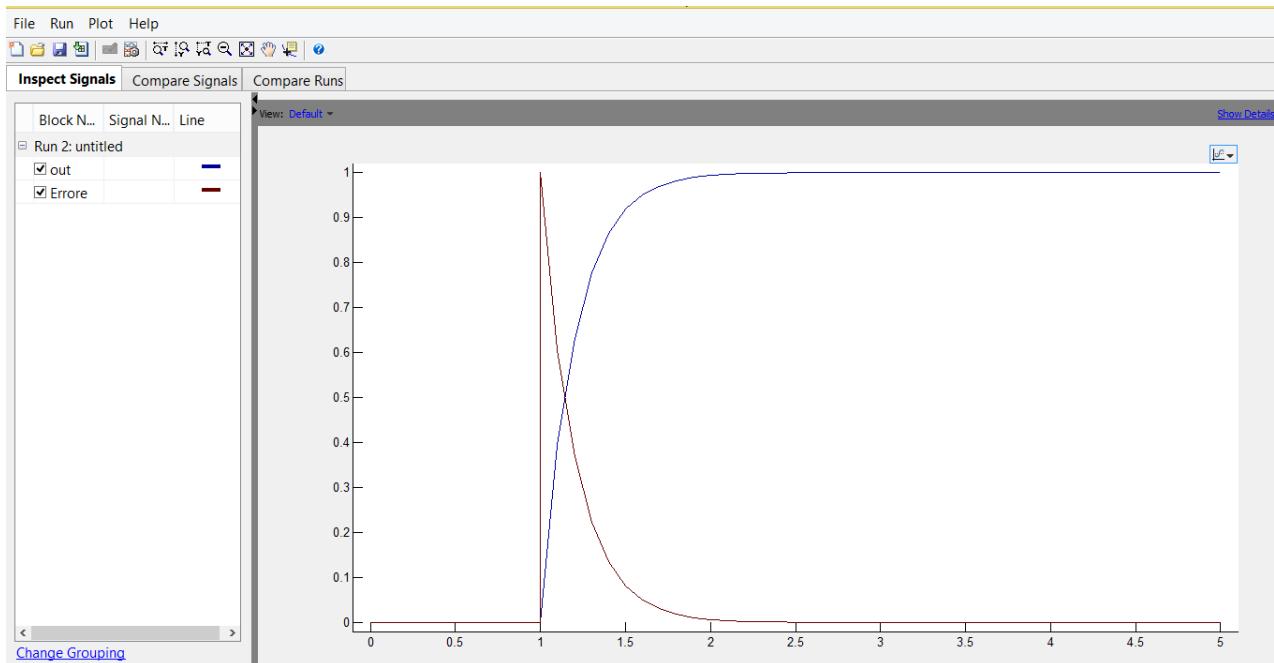
شبیه سازی با نرم افزار متلب:  
ابتدا در نرم افزار متلب یک new model در محیط simulink ایجاد کرده و سپس بلوک دیاگرام زیر را رسم کنید:  
جهت مشاهده خروجی از بلوک workspace استفاده کنید.



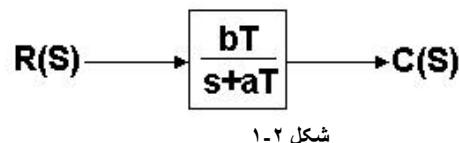
برای مشاهده خروجی ها از نوار ابزار بالای پنجره simulink مراحل شکل زیر را به ترتیب اجرا کنید:



خروجی به شکل زیر خواهد شد:



## آزمایش ۲ : بررسی سیستم مرتبه اول

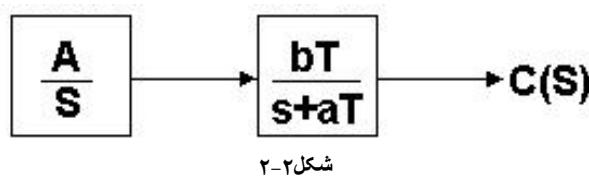


شکل ۱-۲

تابع تبدیل سیستم به صورت زیر می‌باشد:

$$\frac{C(s)}{R(s)} = \frac{bT}{s + aT}$$

پاسخ سیستم برای یک ورودی پله  $R(s) = \frac{A}{s}$  به صورت زیر بدست می‌آید.

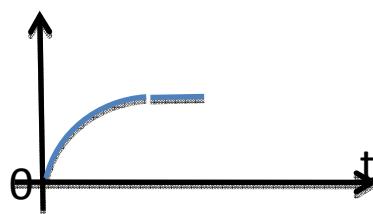


شکل ۲-۲

$$C(s) = \left(\frac{A}{S}\right) \frac{bT}{s + aT}$$

پاسخ در حوزه زمان به صورت یک تابع نمایی به صورت زیر می‌باشد.

$$C(t) = \left(\frac{Ab}{a}\right)(1 - e^{-at}) \quad t > 0$$



شکل ۲-۳

### الف- بررسی اثر $aT$ (قطب) در سیستم مرتبه اول

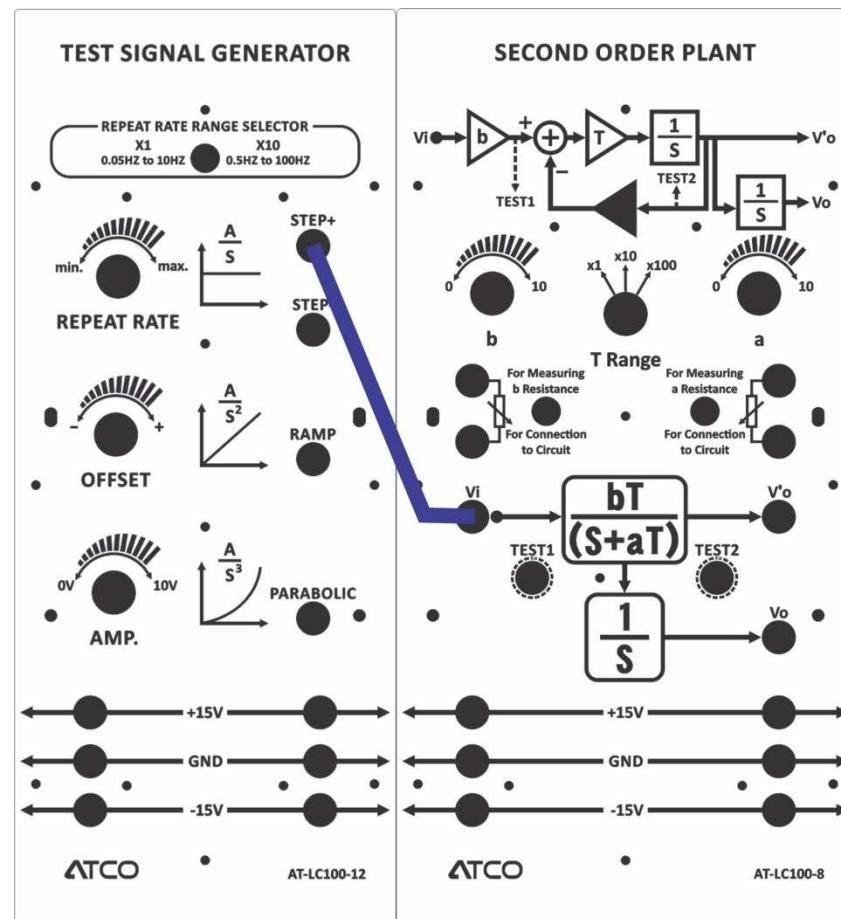
$$G(s) = \frac{K}{TcS + 1} = \frac{bT}{s + aT}$$

$$K = \frac{bT}{aT}, \quad Tc = \frac{1}{aT}$$

همانطور که مشاهده می‌کنید معکوس قطب سیستم معادل است با ثابت زمانی پاسخ حالت گذراي سیستم یعنی معادل مدت زمانی است که پاسخ ورودی پله واحد سیستم به ۶۳ درصد مقدار دائمی خود می‌رسد. با دور شدن قطب سیستم در سمت چپ صفحه از مبدأ، ثابت زمانی سیستم کاهش می‌یابد و سیستم زودتر به حالت ماندگار خود می‌رسد. و بلعکس با کاهش  $aT$  ثابت زمانی افزایش می‌یابد. برای ملاحظه این تغییر توجه داشته باشید که فرکانس پله ورودی را به گونه‌ای تنظیم نمایید که دوره تناوب پله‌ی ورودی بزرگتر از ثابت زمانی خروجی سیستم باشد تا سیگنال خروجی فرصت رسیدن به مقدار ماندگار خود را داشته باشد.

#### مراحل آزمایش:

- ۱- سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید:



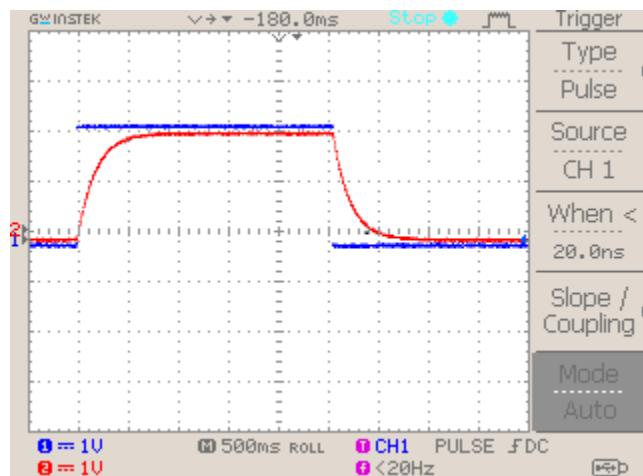
شکل ۲-۴

-۲ روی مازول LC100-12 مقدار ۱Vpp و ۱Hz را در خروجی STEP+ تنظیم نمایید.

-۳ روی مازول LC100-08 سلکتور را در موقعیت  $1 \times$  قرار دهید و ولوم های a و b را روی ۵۰ کیلو اهم تنظیم نمایید.

$$\frac{V_{o1}(s)}{V_i(s)} = \frac{5}{s + 5}$$

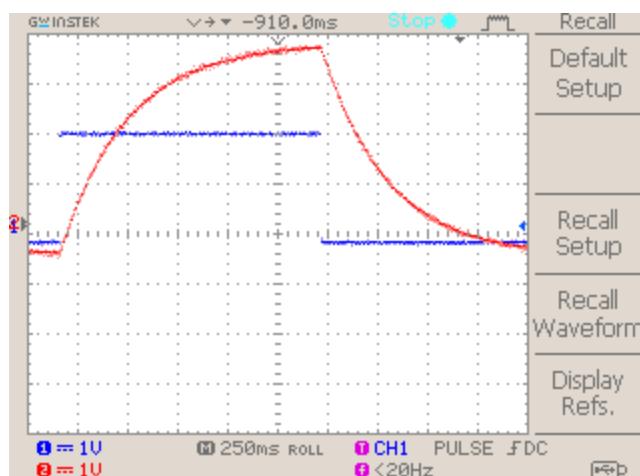
-۴ با اسیلوسکوپ خروجی STEP+ مازول LC100-12 و خروجی  $V_{o1}$  مازول LC100-08 را اندازه گیری و ثبت نمایید.



$$K = \frac{bT}{aT} = 1, \quad Tc = \frac{1}{aT} = 0.01 \quad \text{شکل ۲-۵}$$

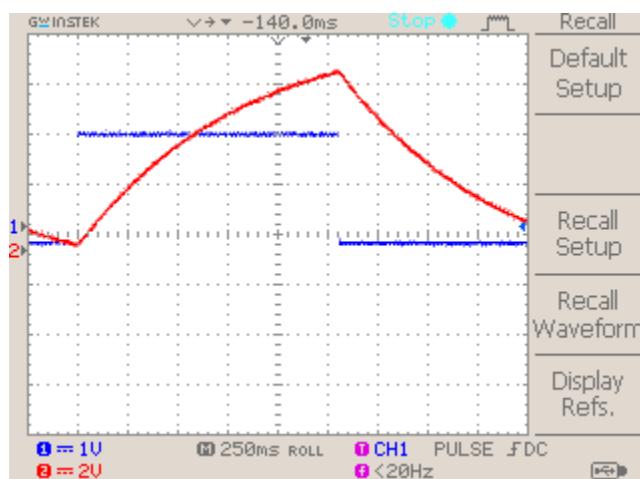
- مرحله ۲ و ۳ را با تغییر مقدار  $a$  به ۲۵ کیلو اهم تکرار نمایید . در نتیجه داریم :

$$\frac{V_{o1}(s)}{V_i(s)} = \frac{5}{s + 2.5}$$



شکل ۲-۶

- مرحله ۲ و ۳ را با تغییر مقدار  $a$  به ۱۰ کیلو اهم تکرار نمایید . در نتیجه داریم :

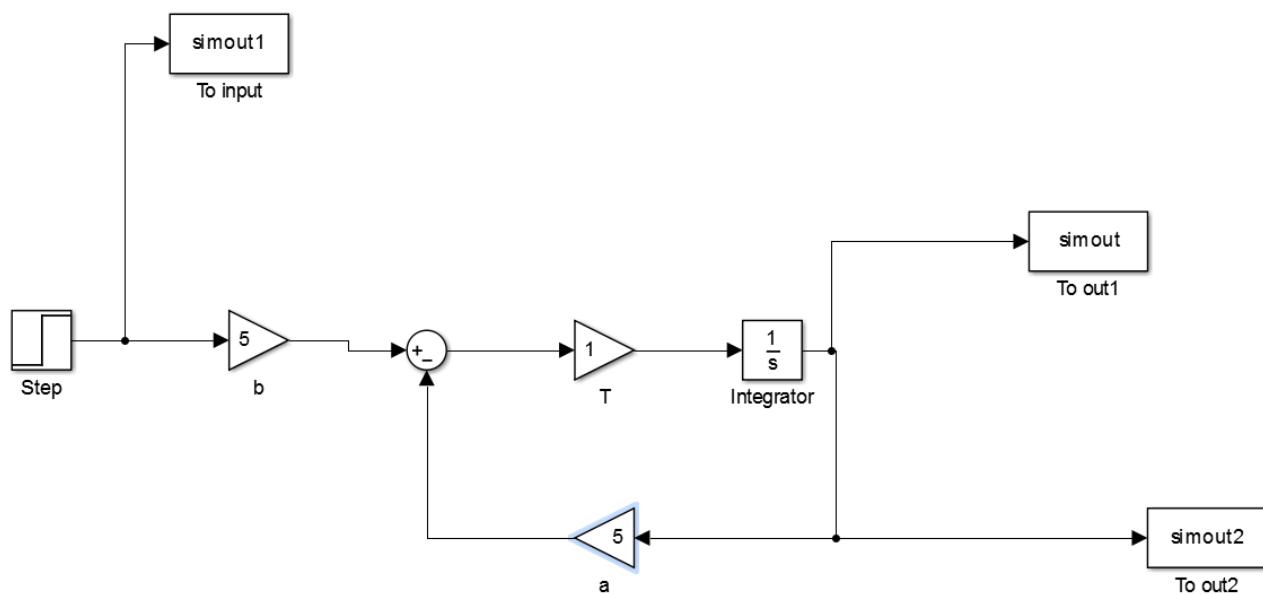


شکل ۷-۲

در اینجا با کاهش مقدار  $a$ ، ثابت زمانی سیستم بزرگ شده است ولی به دلیل کم تر بودن ثابت زمانی سیگنال پله خروجی زمان کافی برای رسیدن به مقدار نهایی خود را نخواهد داشت و سیگنال خروجی به شکل مثلثی بنظر می‌آید.

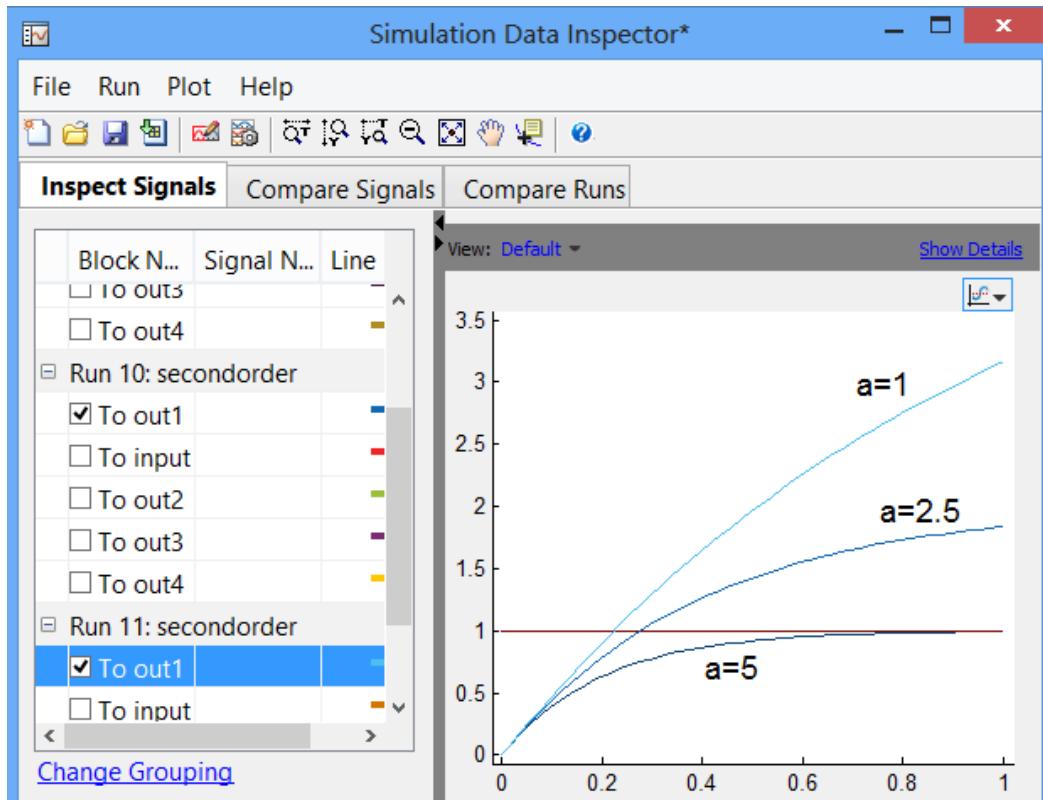
### ب- بررسی اثر $aT$ (قطب) در سیستم مرتبه اول با استفاده از نرم افزار متلب

بلوک دیاگرام زیر را در سیمولینک مطلب رسم کنید:



شکل ۸-۲

پس از Run نمودن سیستم به ازای  $a=1$  و  $a=2.5$  و  $a=5$  خروجی  $out1$  به شکل زیر خواهد شد:



شکل ۹-۲

### ج- بررسی اثر $bT$ (بهره) در سیستم مرتبه اول

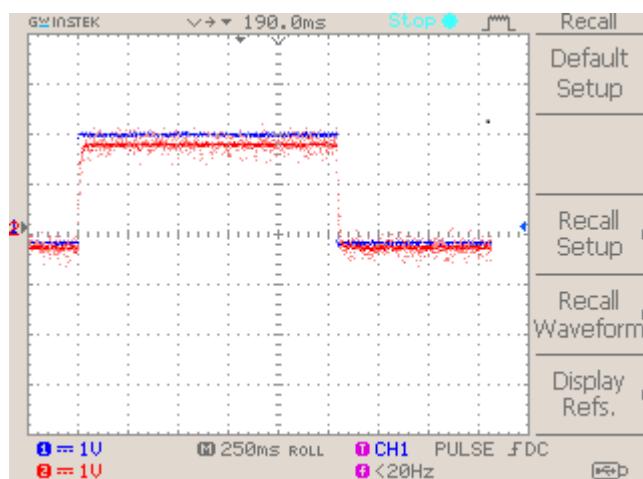
همانطور که مشاهده می کنید  $K = \frac{bT}{aT}$  ، معادل بهره حالت ماندگار سیستم می باشد درنتیجه  $bT$  بر روی بهره سیستم و در نتیجه روی دامنه خروجی تاثیر خواهد گذاشت لذا با افزایش  $bT$  و ثابت نگه داشتن  $aT$  دامنه خروجی در حالت ماندگار بیشتر می شود.

**مراحل آزمایش :**

- روی مازول LC100-12 مقدار 1Vpp 1Hz را در خروجی STEP+ تنظیم نمایید .
- روی مازول LC100-08 سلکتور را در موقعیت  $10 \times$  قرار دهید و ولوم های  $a$  و  $b$  را روی ۱۰۰ کیلو اهم تنظیم نمایید .

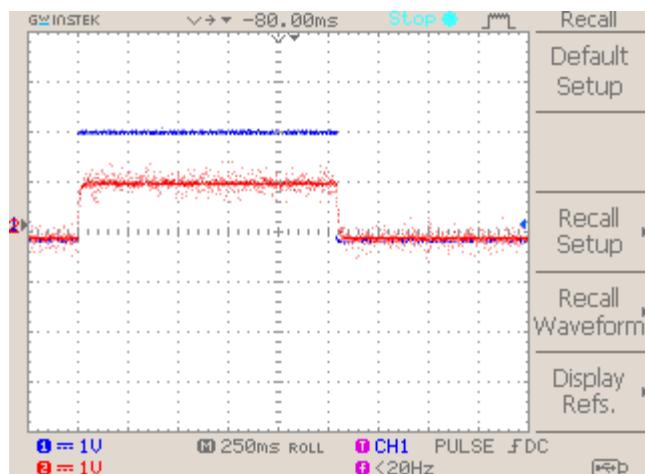
$$\frac{V_{o1}(s)}{V_{i(s)}} = \frac{100}{s + 100} = \frac{bT}{s + aT}$$

- با اسیلوسکوپ خروجی STEP+ مازول LC100-08 و خروجی  $V_{o1}$  در مازول LC100-12 را اندازه گیری و ثبت نمایید .



شکل ۱۰-۲

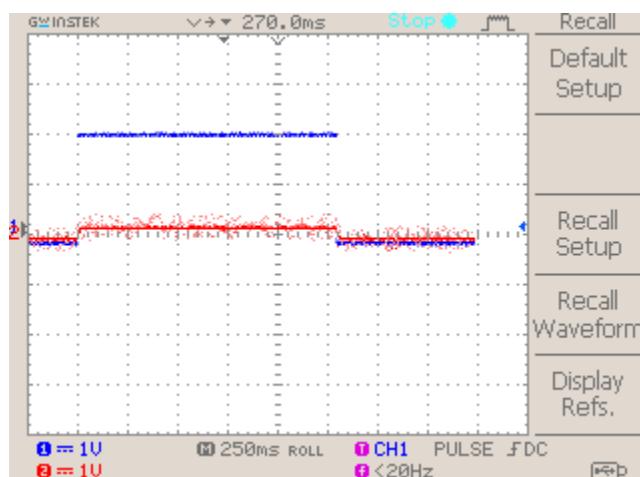
۴- مرحله ۲ و ۳ را با تغییر مقدار  $b$  به ۵۰ کیلو اهم تکرار نمایید . در نتیجه :



$$\frac{V_{o1}(s)}{V_i(s)} = \frac{50}{s + 100}$$

$$K = \frac{bT}{aT} = 0.5 , \quad T_c = \frac{1}{aT} = 0.01 \quad ۱۱-۲$$

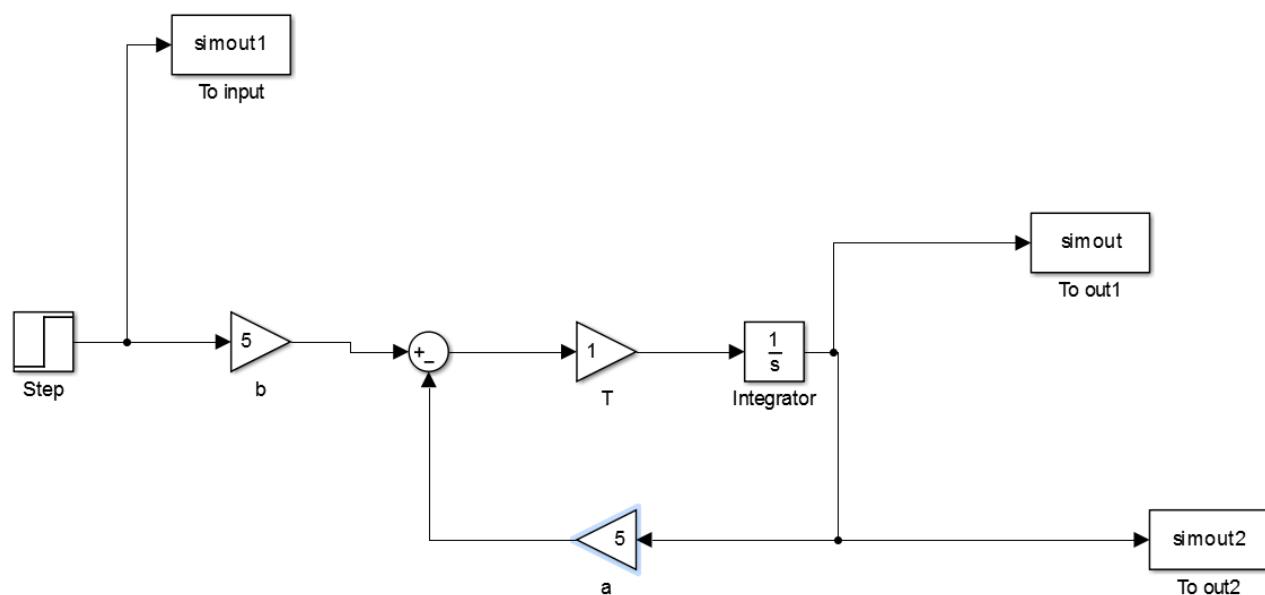
- ۵- مقدار  $b$  را به  $10k$  تغییر دهید و  $a$  را بدون تغییر بگذارد .
- ۶- سپس مجدداً با اسیلوسکوپ خروجی  $LC100-12$  و خروجی  $V_{o1}$  در مازول  $LC100-08$  را اندازه گیری و ثبت نمایید و نتایج را مقایسه کنید .



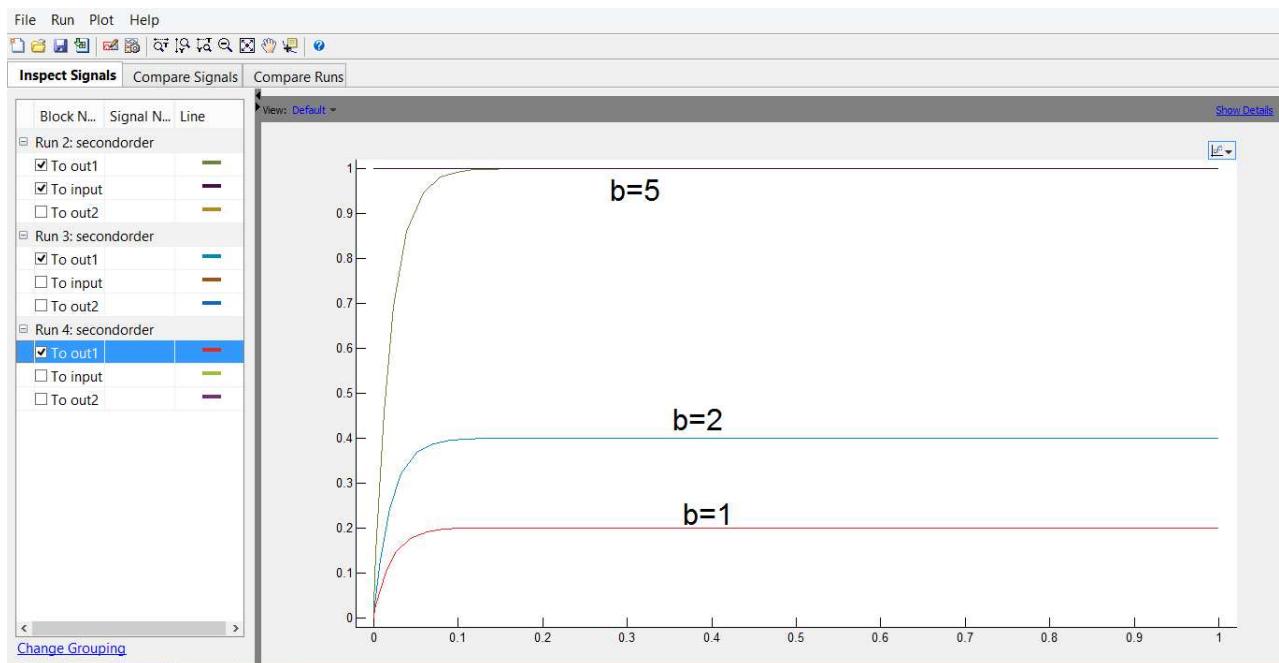
$$T_c = \frac{1}{aT} = 0.01, \quad K = \frac{bT}{aT} = 0.12-2$$

- بررسی اثر  $bT$  (بهره) در سیستم مرتبه اول با استفاده اول با نرم افزار متلب

بلوک دیاگرام زیر را در سیمولینک متلب رسم کنید:



به ازای  $b=5,2,1$  خروجی  $out1$  را مشاهده کنید:



\*\*\*\*\*

### آزمایش ۳ : بررسی سیستم مرتبه دوم

بطورکلی فرم استاندارد تابع تبدیل سیستم‌های مرتبه دوم به صورت زیر می‌باشد

$$G(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{\omega_n^2}{s^2 + 2\xi\omega_n s + \omega_n^2}$$

که در آن  $\xi$  نسبت میرایی و  $\omega_n$  فرکانس طبیعی نامیرا و  $\omega_d$  فرکانس طبیعی میرا است .

$$\omega_d = \omega_n \sqrt{1 - \xi^2}$$

ریشه‌های معادله مشخصه سیستم (قطب‌ها) به فرم زیر خواهد بود .

$$s_{1,2} = -\xi\omega_n \pm \omega_n \sqrt{\xi^2 - 1} = \sigma \pm j\omega_d$$

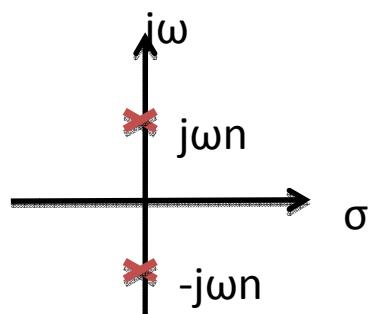
تغییر نسبت میرایی و فرکانس طبیعی نامیرایی در نتیجه‌ی تغییر پارامترهای سیستم، موقعیت قطب‌های حلقه بسته را تغییر می‌دهد و در نتیجه‌ی آن شکل پاسخ و سرعت آن نیز تغییر می‌کند.

• اثر  $\xi$  در سیستم مرتبه دوم

(۱)  $\xi = 0$  سیستم نوسانی نامیرا(undamped)

معادله مشخصه سیستم دو قطب موهومی محس خواهد داشت.

$$s_{1,2} = \pm j\omega_n$$



شکل ۱-۳

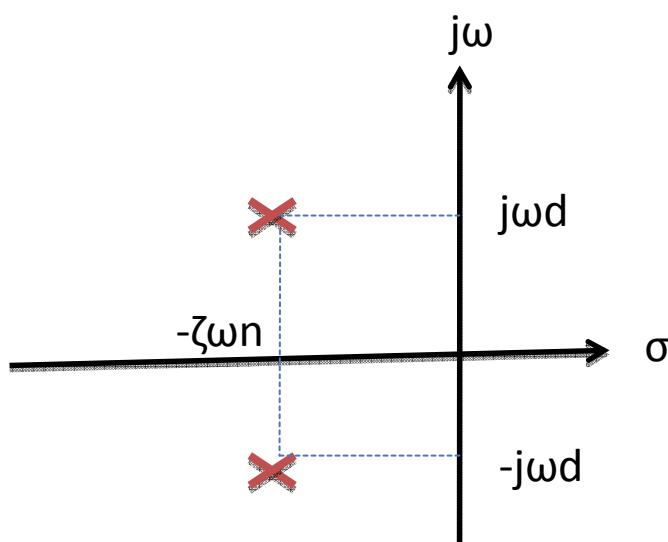
پاسخ زمانی خروجی برای ورودی پله به فرم زیر خواهد بود .

$$C(t) = k_1 + k_2 \cos(\omega_n t + \varphi)$$

(under damped) سیستم میرای ضعیف یا زیر میرا( $0 < \xi < 1$ )

معادله مشخصه سیستم یک جفت قطب مزدوج مختلط در نیم صفحه چپ خواهد داشت.

$$s_{1,2} = -\xi\omega_n \pm j\omega_n\sqrt{1 - \xi^2}$$



شکل ۲-۳

پاسخ زمانی خروجی برای ورودی پله به فرم زیر خواهد بود.

$$C(t) = 1 - \frac{e^{-\xi\omega_n t}}{\sqrt{1-\xi^2}} \sin\left(\omega_d t + \tan^{-1} \frac{\sqrt{1-\xi^2}}{\xi}\right) \quad t > 0$$

شکل پاسخ یه فرم نوسانی میرا است.

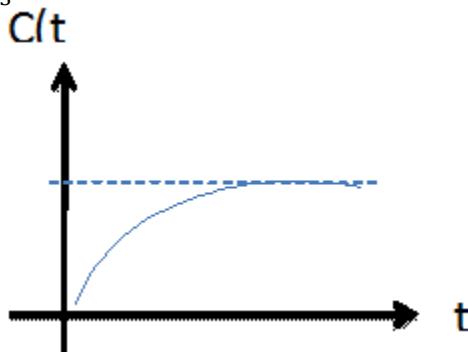
(critically damped)  $\xi = 1$  (۳)

معادله مشخصه سیستم یک جفت قطب حقیقی مضاعف روی محور حقیقی خواهد داشت.

$$s_{1,2} = -\omega_n$$

پاسخ زمانی خروجی برای ورودی پله به فرم زیر خواهد بود.

$$C(t) = k_1 + k_2 e^{-\omega_n t} + k_3 t e^{-\omega_n t}$$

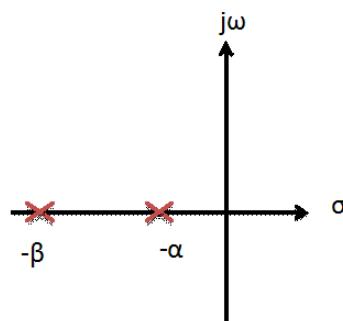


شکل ۳-۳

( over damped)  $\xi > 1$  (۴)

معادله مشخصه سیستم دو قطب حقیقی متمایز در سمت چپ صفحه روی محور حقیقی خواهد داشت.

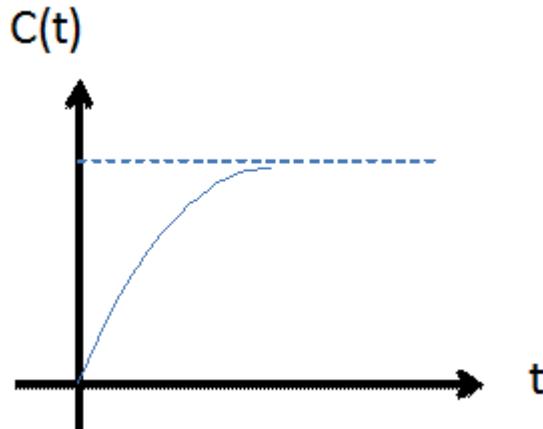
$$\begin{aligned} s_1 &= -\alpha \\ s_2 &= -\beta \end{aligned}$$



شکل ۴-۳

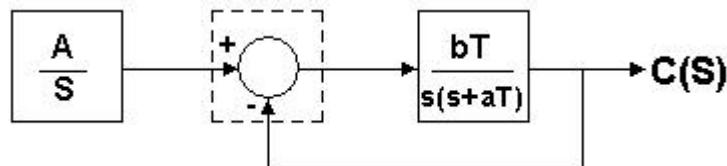
پاسخ زمانی خروجی برای ورودی پله به فرم زیر خواهد بود.

$$C(t) = k_1 + k_2 e^{-\omega_n t} + k_3 t e^{-\omega_n t}$$



شکل ۳

در شکل زیر بلوك دیاگرام فرآیند با فیدبک واحد برای ورودی پله دیده می‌شود.



شکل ۴

تابع تبدیل حلقه بسته سیستم به صورت زیر می‌باشد.

$$\frac{C(s)}{R(s)} = \frac{bT}{s^2 + aTs + bT}$$

نسبت میرایی و فرکانس طبیعی نامیرای سیستم به صورت زیر بدست می‌آید.

$$\xi = \frac{aT}{2\omega_n} = \frac{aT}{2\sqrt{bT}}$$

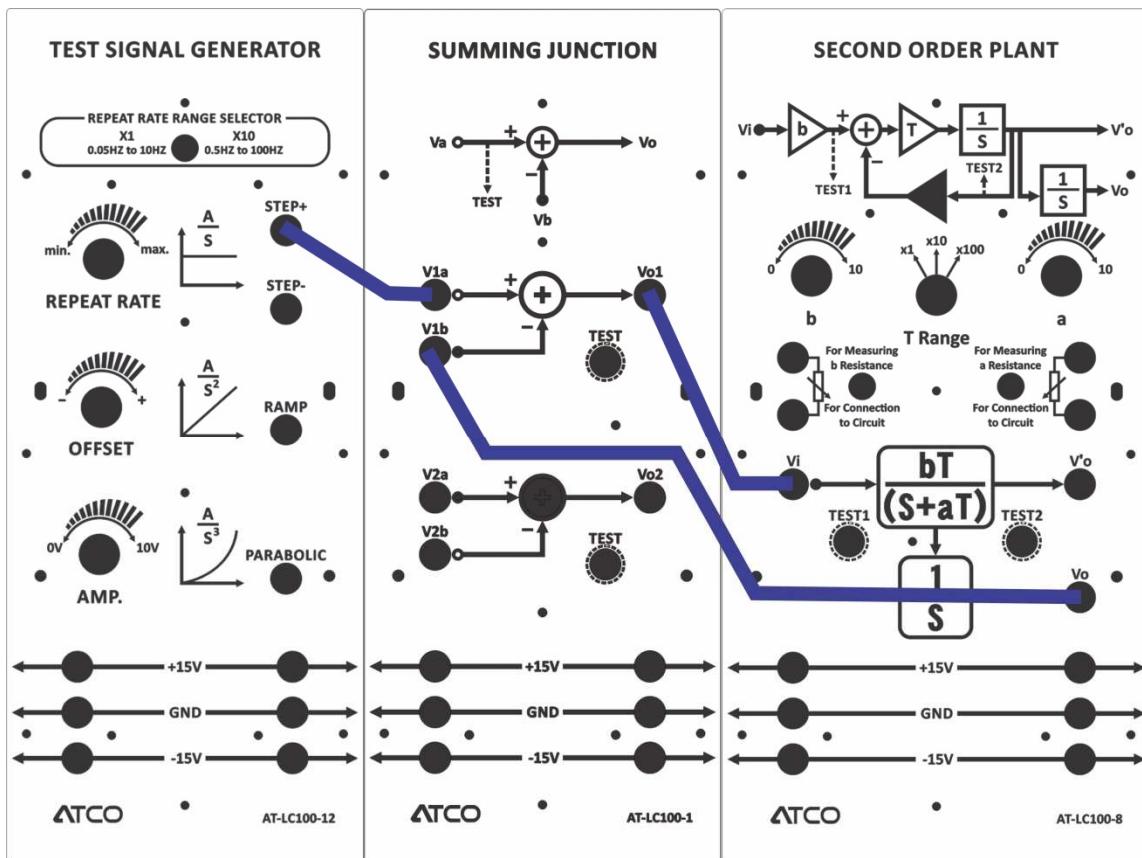
$$\omega_n = \sqrt{bT}$$

با تغییر پارامترهای سیستم  $a$ ,  $b$  و  $T$ ، مقادیر نسبت میرایی و فرکانس طبیعی نامیرای تغییر می‌کند و در نتیجه‌ی آن شکل پاسخ و سرعت آن نیز تغییر می‌کند. در ادامه به بررسی این تغییرات می‌پردازیم.

## الف - بررسی اثر گذاری در سیستم مرتبه دوم :

مراحل آزمایش :

- سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید:



شکل ۷-۳

- روی مازول 12 LC100-12 مقدار 0.1Hz و 1Vpp را در خروجی STEP+ تنظیم نمایید.

- روی مازول 08 LC100-08 سلکتور را در موقعیت  $10 \times$  قرار دهید و ولوم b را روی ۱۰۰ کیلو اهم و ولوم a را روی ۴۰

کیلو اهم ( $=2$ ) تنظیم نمایید.

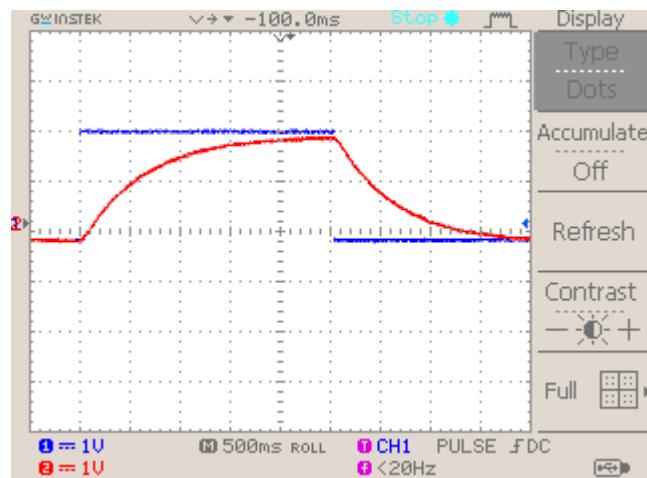
$$G(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{100}{s^2 + aTs + 100}$$

$$\xi = \frac{40}{2\sqrt{100}} = 2 > 1$$

با توجه به مقدار  $\xi$  ، خروجی سیستم از نوع میرای شدید است و پاسخ خروجی به پله واحد مشابه نتایج سیستم‌های

مرتبه اول می‌باشد.

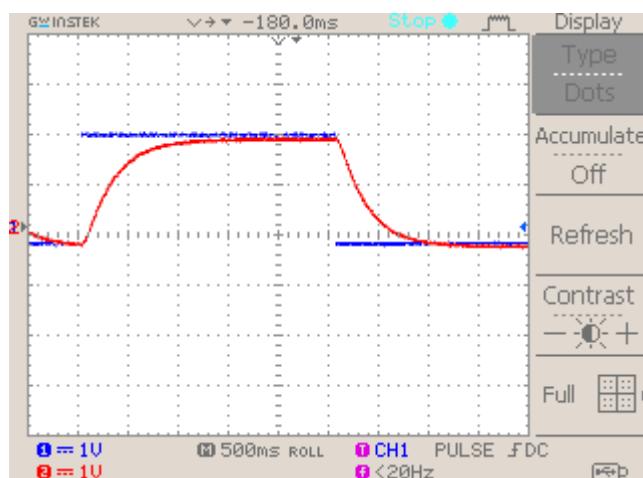
- با اسیلوسکوپ خروجی STEP+ مازول 12 LC100-12 و خروجی 08 LC100-08 را اندازه گیری و ثبت نمایید.

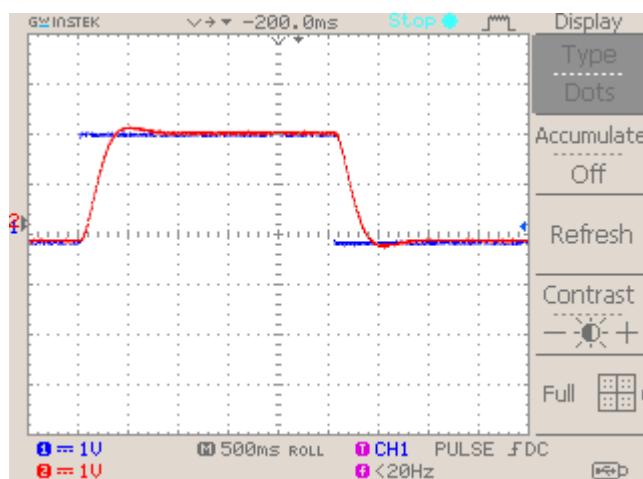


شکل ۸-۳

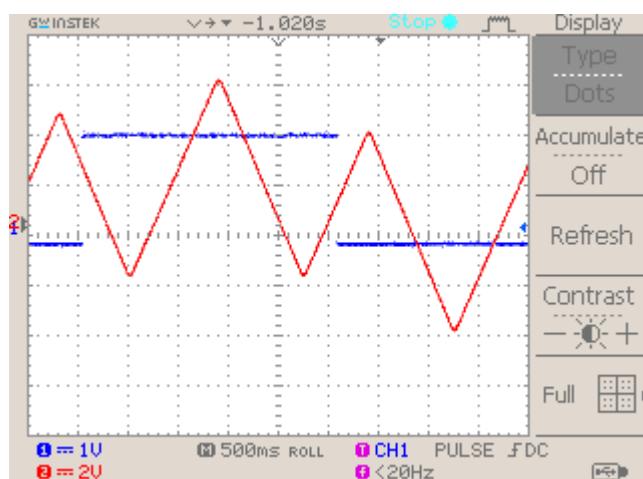
۵ - مرحله ۳ و ۴ را با تغییر مقدار  $a$  به ۲۰، ۱۰، ۰ کیلو اهم تکرار نمایید . ( $\zeta=1,0.5,0$ )

با افزایش پارامتر  $a$  نسبت میرایی  $\zeta$  افزایش می‌یابد و در نتیجه آن پاسخ گذرای سیستم از حالت میرای بحرانی به سمت نوسانی نامیرا خواهد رفت و سیستم ناپایدار می‌شود.

شکل ۹-۳  $a = 20k$



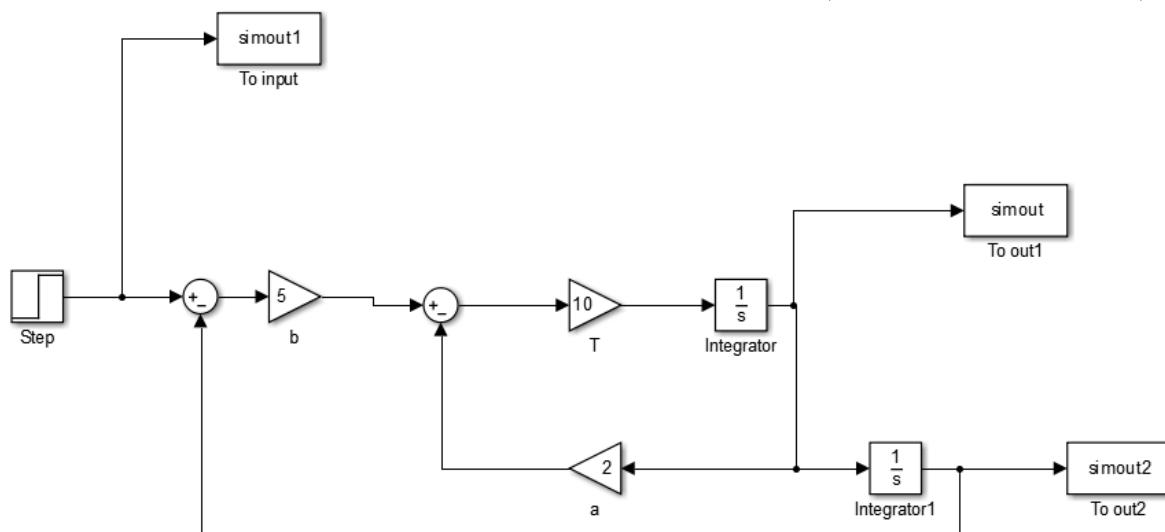
شکل ۱۰-۳



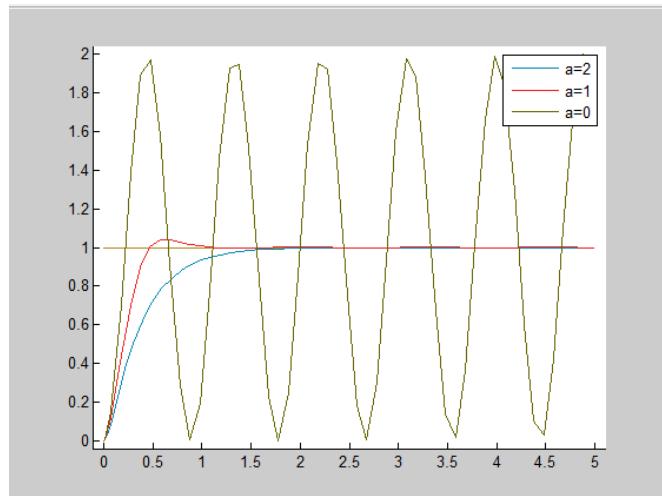
شکل ۱۱-۳

بررسی اثر  $\frac{1}{s}$  در سیستم مرتبه دوم در نرم افزار متلب :

بلوک دیاگرام زیر را در سیمولینک متلب رسم کنید:



خروجی out2 را به ازای  $a=2$  و  $a=1$  و  $a=0$  رسم کنید:

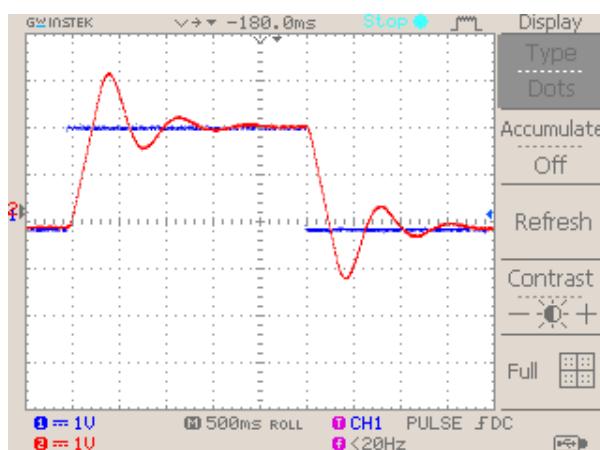


### ب - بررسی اثر $\omega_n$ در سیستم مرتبه دوم

با تغییر پارامتر های  $a$  و  $b$  به گونه ای که مقدار  $\zeta$  ثابت بماند و فقط  $\omega_n$  تغییر کند، اثر تغییرات  $\omega_n$  بر خروجی سیستم مشاهده می شود.

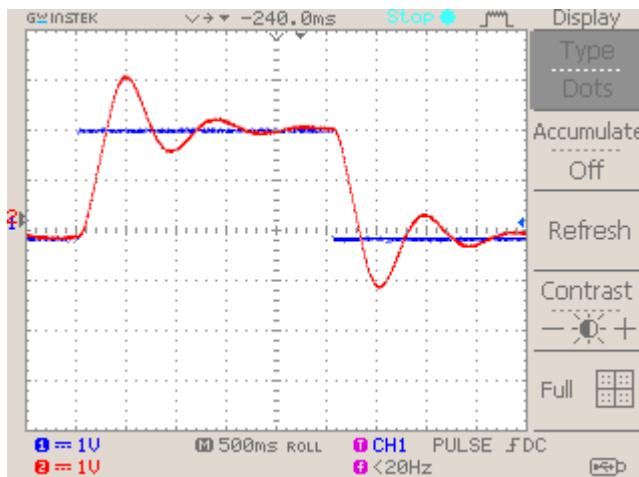
مراحل آزمایش :

- روی مازول LC100-12 توسط ولوم AMP مقدار 0.1Hz REPEAT RATE و ولوم 1Vpp را در خروجی
- روی مازول LC100-08 سلکتور را در موقعیت  $10 \times$  قرار دهید و ولوم b را روی 100 کیلو اهم ( $\omega_n=10$ ) و ولوم a را روی 4 کیلو اهم ( $\omega_n=0.2$ ) تنظیم نمایید.
- با اسیلوسکوپ خروجی Vo2 در مازول LC100-08 و خروجی 2 STEP+ تنظیم نمایید.



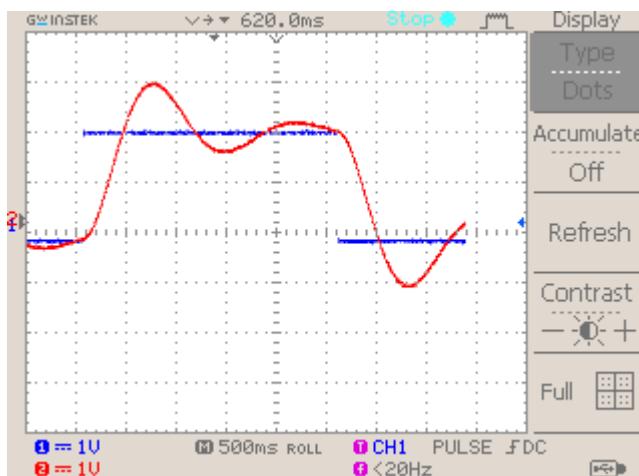
شکل ۱۲-۳

همانطور که در شکل مشاهده می‌کنید و همچنان با توجه به مقادیر  $\omega_n = \sqrt{bT} = 10$  و  $\xi = \frac{aT}{2\sqrt{bT}} = 0.2$  پاسخ به ورودی پله از نوع میرای ضعیف خواهد بود .  
 ۴- مرحله ۳ و ۴ را با تغییر مقدار  $a=3.2k$  و  $b=64k$  تکرار نمایید .



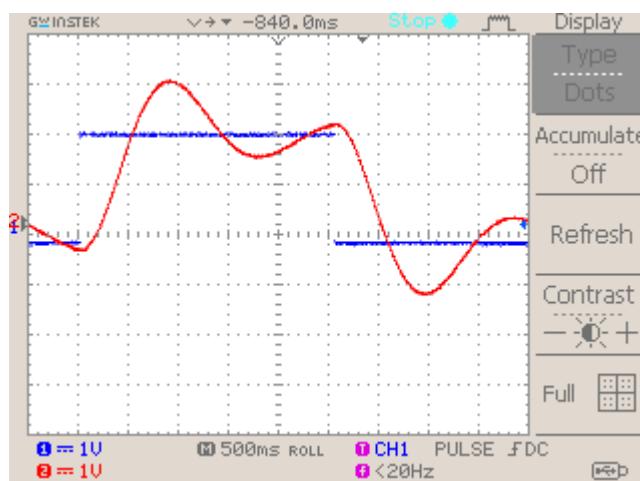
شکل ۱۳-۳

در این حالت نیز با توجه به مقادیر  $\omega_n = \sqrt{bT} = 8$  و  $\xi = \frac{aT}{2\sqrt{bT}} = 0.2$  پاسخ به ورودی پله از نوع میرای ضعیف است . ولی فرکانس نوسانات کاهش یافته است .  
 ۵- مرحله ۳ و ۴ را با تغییر مقدار  $a=2$  و  $b=25$  تکرار نمایید . ( $\zeta=0.2, \omega_n = 5$ )



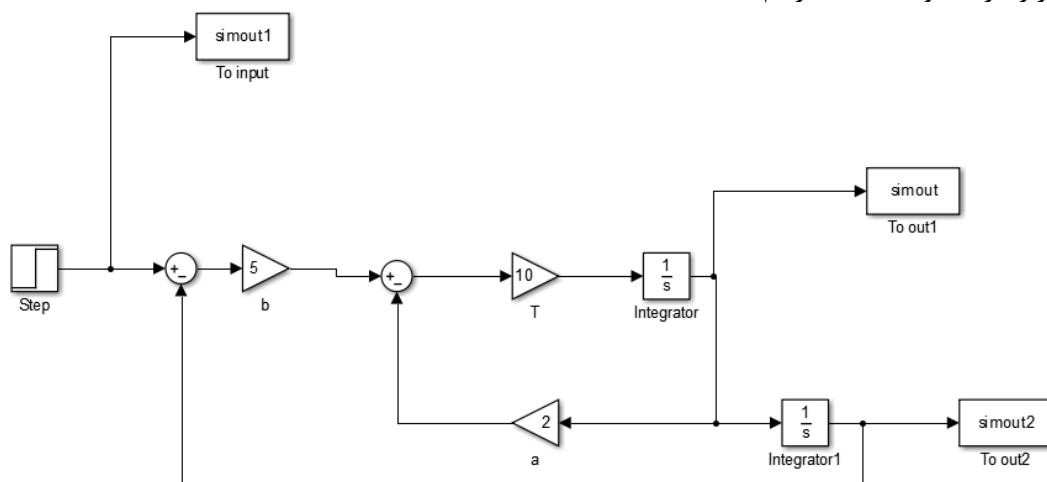
شکل ۱۴-۳

۶- مرحله ۳ و ۴ را با تغییر مقدار  $a=1.6$  و  $b=16$  تکرار نمایید . ( $\zeta=0.2, \omega_n = 4$ )

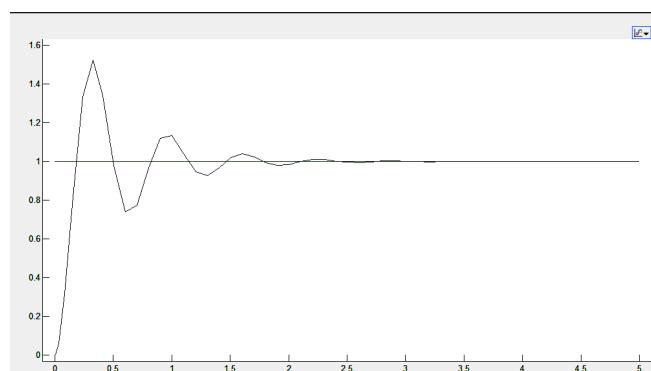


شکل ۱۵-۳

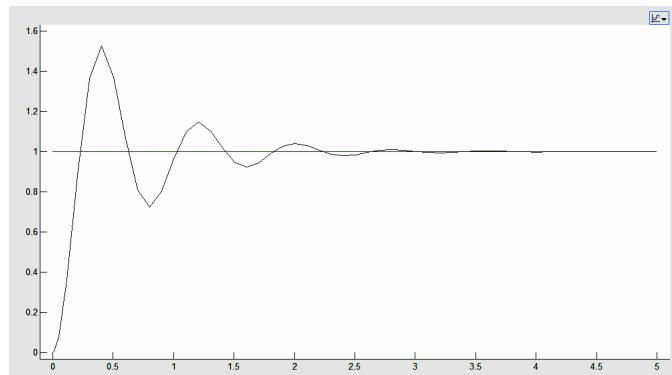
بررسی اثر  $\omega$  در سیستم مرتبه دوم در متلب:  
بلوک دیاگرام زیر را در سیمولینک مطلب رسم کنید:



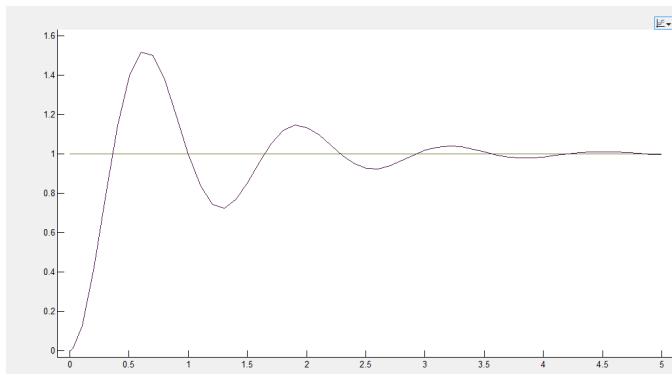
خروجی  $out2$  را به ازای  $a=0.4$   $b=10$   $T=10$  مشاهده کنید:



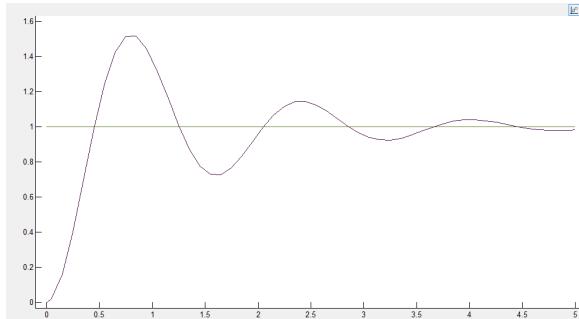
به ازای  $a=0.32$   $b=6.4$  مرحله قبل را تکرار کنید:



به ازای  $a=0.2$   $b=2.5$  خروجی را مشاهده کنید:



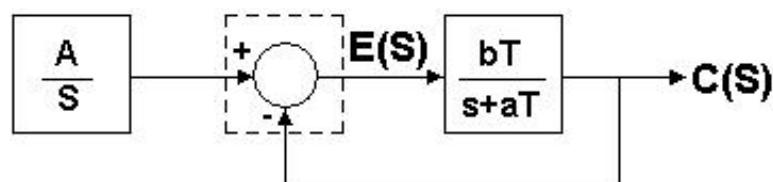
مرحله قبل را با  $a=0.16$   $b=1.6$  تکرار کنید:



\*\*\*\*\*

#### آزمایش ۴ : خطای حالت ماندگار در سیستم مرتبه اول

خطای حالت ماندگار یا خطای عمل کننده یا سیگنال خطای در حالت تعادل ، در واقع معیاری است که نشان می دهد دقت در یک سیستم کنترلی چقدر است. خطای حالت ماندگار برابر است با اختلاف سیگنال ورودی و سیگنال فیدبک است . که از رابطه زیر بدست می آید.



شکل ۱-۴

$$E(s) = R(s) - C(s) = \frac{R(s)}{1 + G(s)} = R(s)(1 - T(s))$$

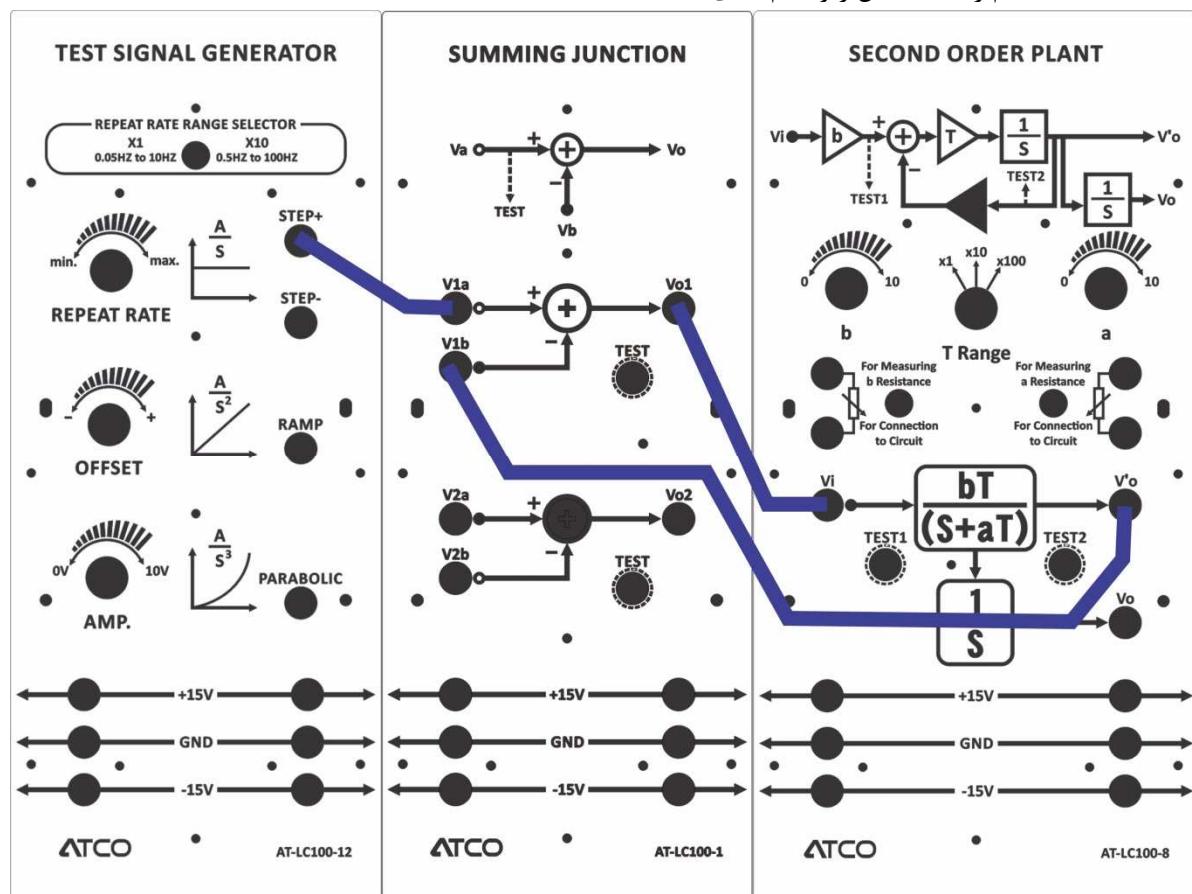
که در آن  $G(s)$  تابع تبدیل حلقه باز و  $T(s)$  تابع تبدیل حلقه بسته سیستم می‌باشد.

$$E_{ss}(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{sR(s)}{1 + G(s)}$$

یادآوری می‌شود که نوع سیستم برابر است با توان  $\frac{1}{s}$  در تابع تبدیل حلقه باز سیستم که هرچه نوع سیستم بالاتر باشد، دقت سیستم بیشتر (خطای حالت ماندگار کمتر)، اما بطور نامطلوبی پایداری تحت تاثیر قرار می‌گیرد (پایداری کمتر می‌شود).

#### مراحل آزمایش:

۱- سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید:



شکل ۲-۴

۲- روی مازول ۱۲ LC100-12 مقدار  $1V_{pp}$  و  $0.1Hz$  را در خروجی STEP+ تنظیم نمایید.

۳- روی یونیت LC100-08 سلکتور را در موقعیت  $10 \times$  قرار دهید و ولوم های a و b را روی ۱۰۰ کیلو اهم تنظیم نمایید.

- ۴- با اسیلوسکوپ خروجی STEP+ مارژول 12-100-1 و خروجی Vo1 در مارژول LC100-1 را اندازه گیری و ثبت نمایید. (خروجی از جمع کننده گرفته شود)

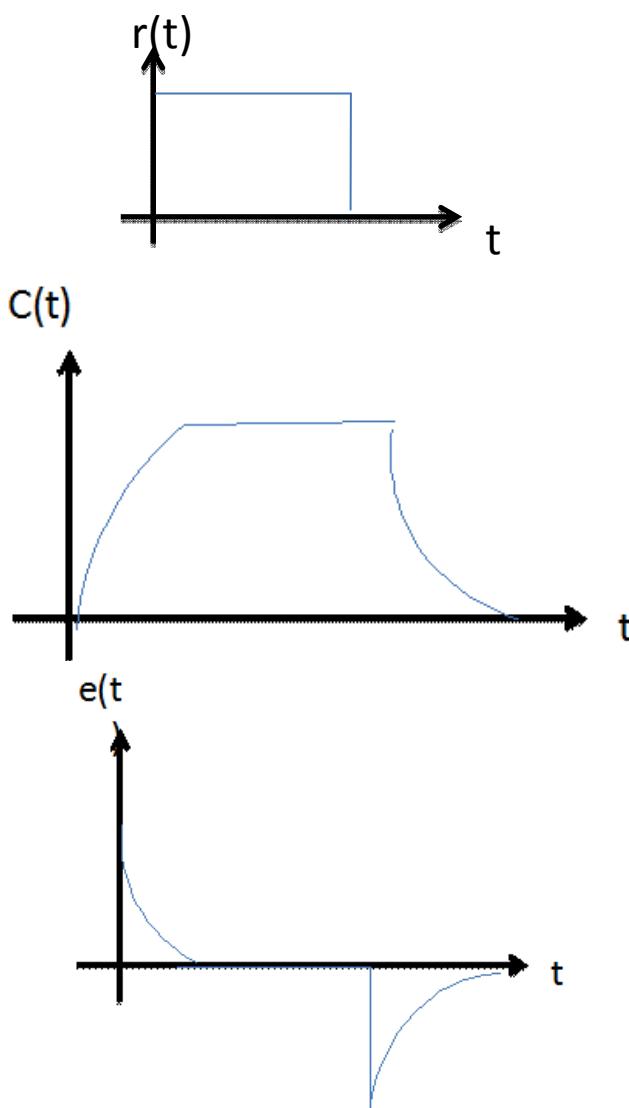
- ۵- تابع تبدیل حلقه باز سیستم به صورت زیر است. مشاهده می کنید که سیستم نوع صفر است.

$$G(s) = \frac{bT}{s + aT}$$

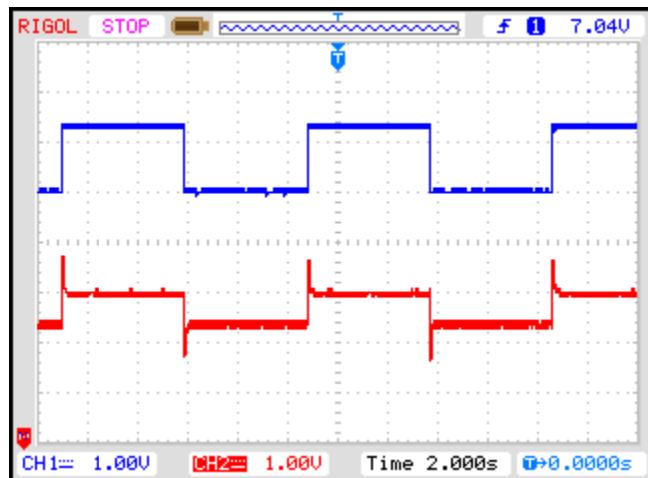
خطای حالت ماندگار برای این سیستم نیز از رابطه فوق بدست می آید.

$$E_{ss}(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{s \left( \frac{1}{s} \right)}{1 + \left( \frac{bT}{s+aT} \right)} = \frac{a}{a+b}$$

در این فرآیند به دلیل وجود فیدبک منفی واحد، خروجی Vo1 نشان دهنده تفاضل سیگنال ورودی و خروجی می باشد.

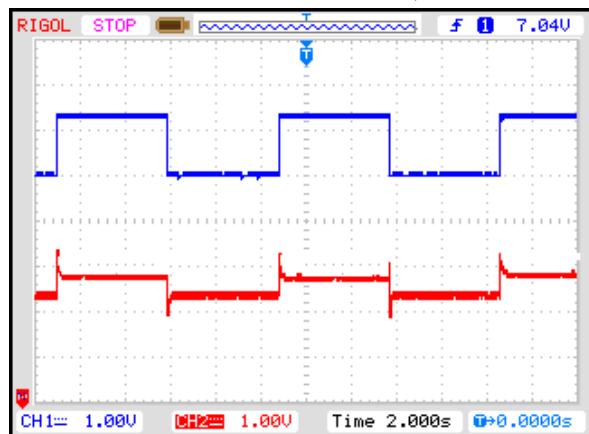


شکل ۴-۳



شکل ۴-۴

۶- مرحله ۳ و ۴ را با تغییر مقدار  $a$  به ۲۰ کیلو اهم تکرار نمایید .



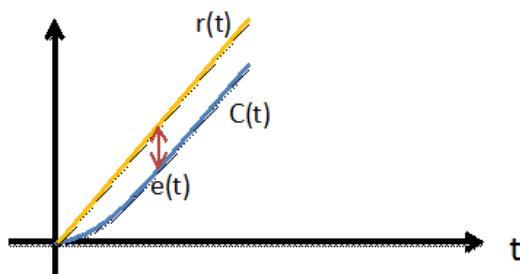
شکل ۵-۴

۷- آزمایش فوق را با مقادیر مرحله ۶ برای ورودی های رمپ و پارابولیک تکرار نمایید و نتایج را بررسی و تحلیل کنید .

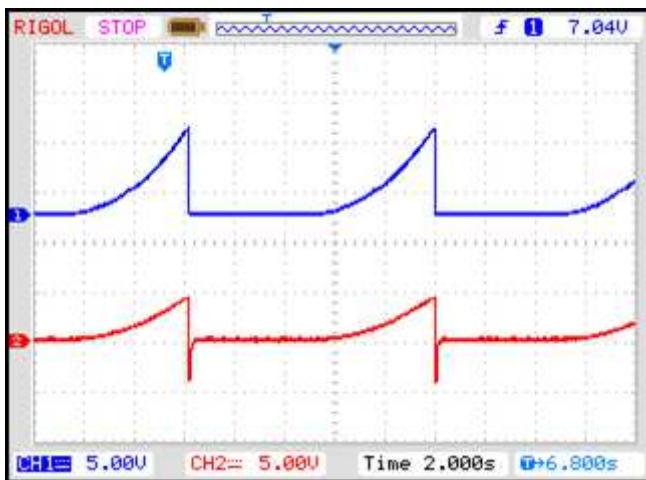
تابع رمپ به صورت زیر می باشد .

$$r(t) = \begin{cases} \alpha t & t > 0 \\ 0 & t < 0 \end{cases}$$

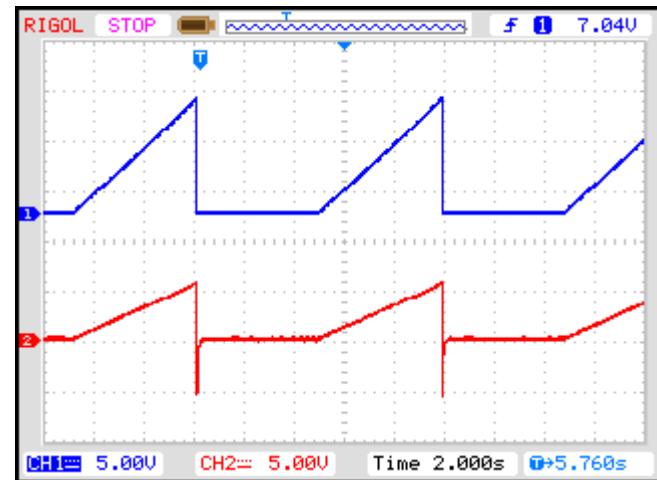
$$R(s) = \frac{\alpha}{s^2}$$



شکل ۴-۶



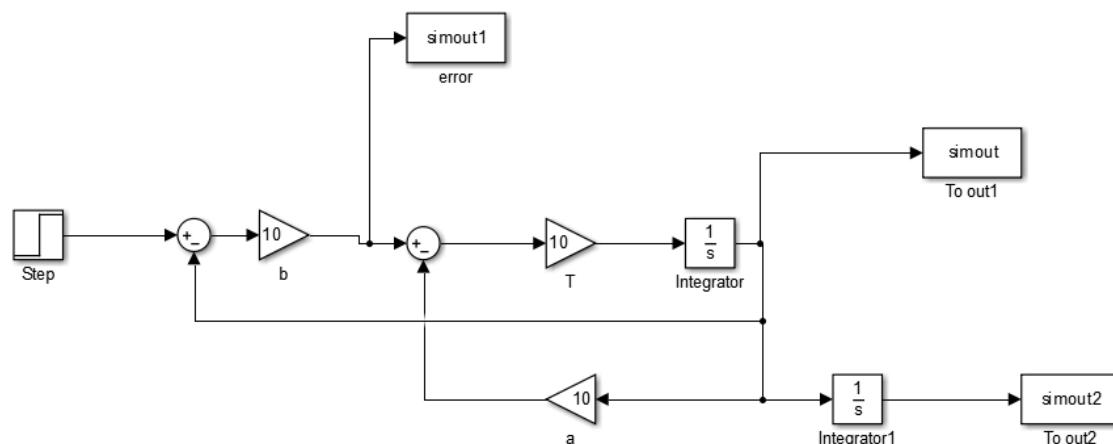
شکل ۴-۷



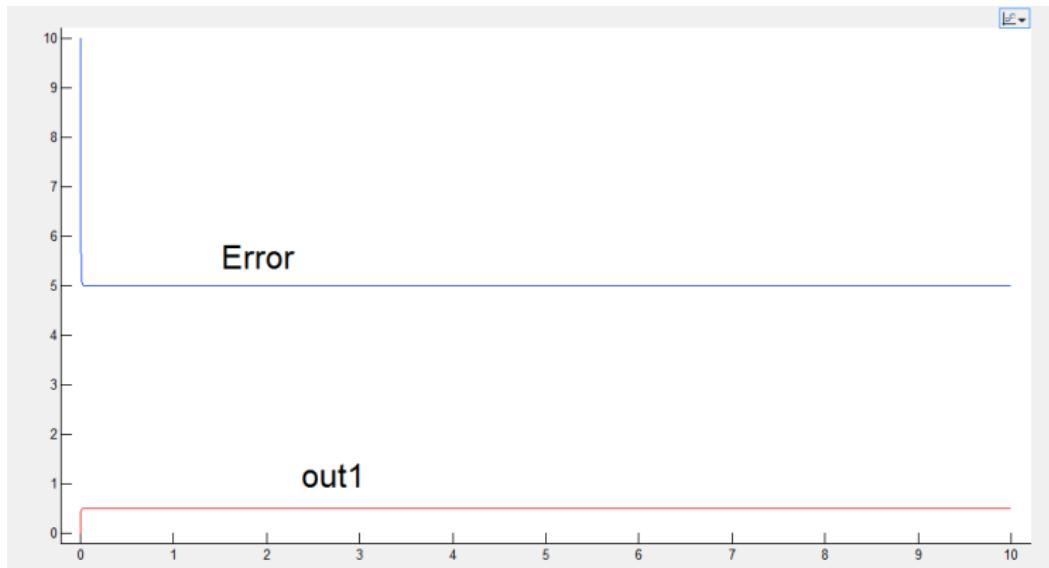
شکل ۴-۸

**بررسی خطای حالت ماندگار در سیستم مرتبه اول در مطلب:**

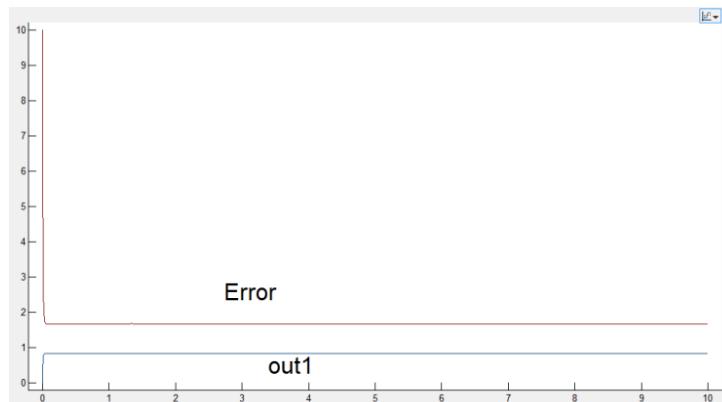
بلوک دیاگرام زیر را در مطلب رسم نمایید:



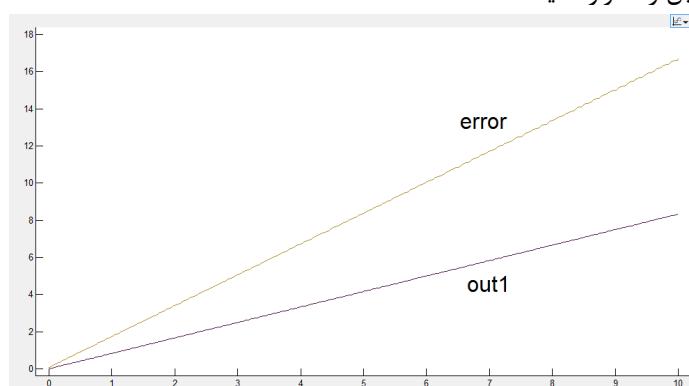
به ازای  $a=b=10$  ،  $T=10$  ،  $out1$  خروجی را مشاهده نمایید:



به ازای  $a=2$  مرحله قبل را تکرار کنید:

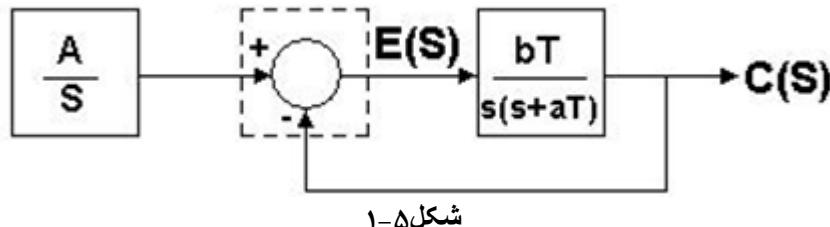


به ازای ورودی شیبی مرحله قبل را تکرار کنید:



\*\*\*\*\*

## آزمایش ۵ : خطای حالت ماندگار در سیستم مرتبه دوم



خطای حالت ماندگار برابر است با اختلاف سیگنال ورودی و سیگنال فیدبک است. که از رابطه زیر بدست می‌آید.

$$E(s) = R(s) - C(s) = \frac{R(s)}{1 + G(s)} = R(s)(1 - T(s))$$

$$G(s) = \frac{bT}{s(s + aT)}$$

$$T(s) = \frac{bT}{s(s + aT) + bT}$$

که در آن  $G(s)$  تابع تبدیل حلقه باز و  $T(s)$  تابع تبدیل حلقه بسته سیستم می‌باشد. مشاهده می‌کنید که سیستم نوع یک می‌باشد.  
خطای حالت ماندگار برای این سیستم نیز از رابطه فوق بدست می‌آید.

$$E_{ss}(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{sR(s)}{1 + \left( \frac{bT}{s(s+aT)} \right)}$$

مقدار خطای ماندگار برای ورودی پله واحد از رابطه زیر بدست می‌آید.

$$E_{ss}(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{s \left( \frac{1}{s} \right)}{1 + \left( \frac{bT}{s(s+aT)} \right)} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{s(s + aT)}{s(s + aT) + bT} = 0$$

خطای ماندگار سیستم‌های نوع یک برای ورودی پله صفر است.

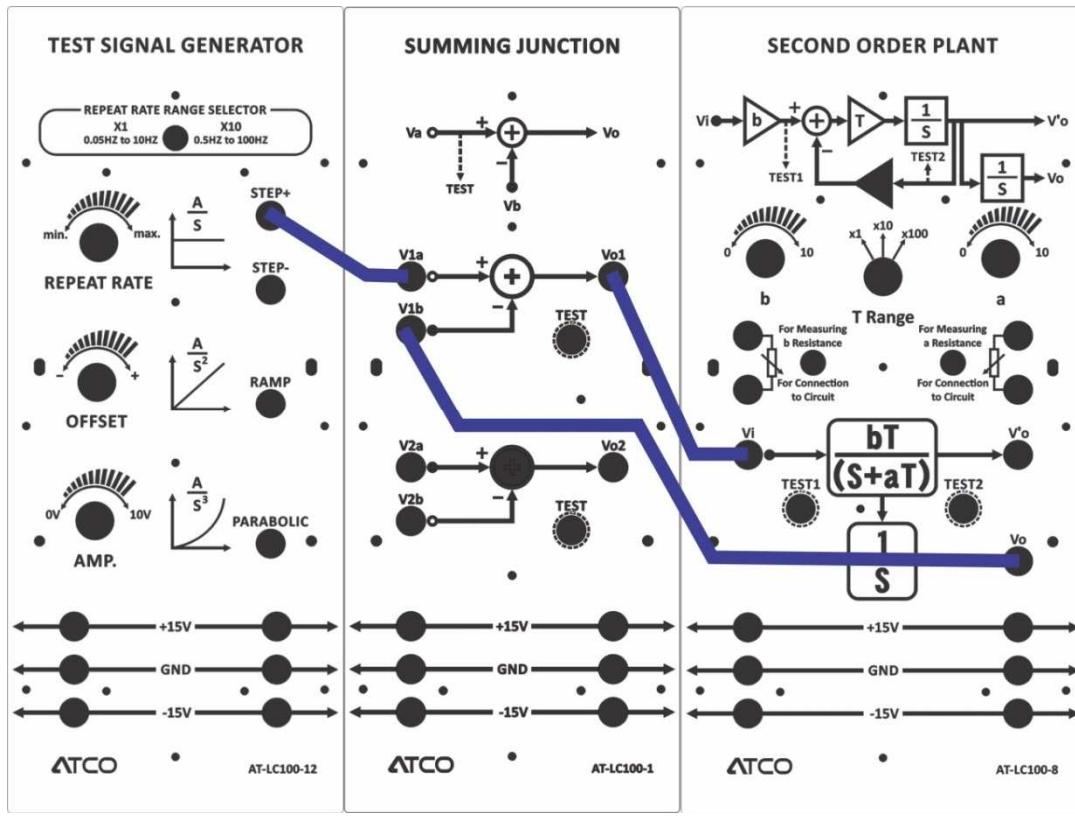
مقدار خطای ماندگار برای ورودی سیگنال‌های رمپ و پارabolیک به ترتیب از رابطه‌های زیر بدست می‌آید.

$$E_{ss}(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{s \left( \frac{1}{s^2} \right)}{1 + \left( \frac{bT}{s(s+aT)} \right)} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{(s + aT)}{s(s + aT) + bT} = \frac{a}{b}$$

$$E_{ss}(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{s \left( \frac{1}{s^3} \right)}{1 + \left( \frac{bT}{s(s+aT)} \right)} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{(s + aT)}{s^2(s + aT) + bTs} = \infty$$

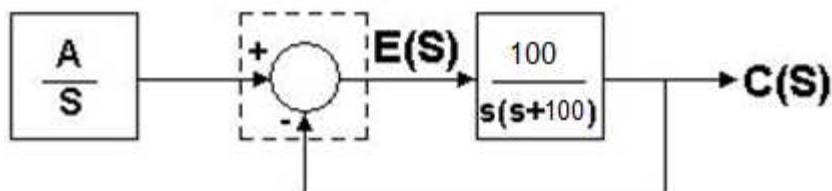
### مراحل آزمایش :

- ۱- سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید :

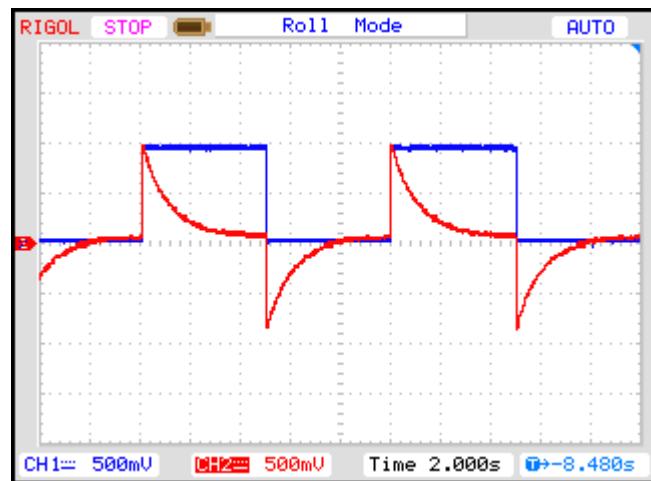


شکل ۲-۵

- ۲- روی مازول LC100-12 توسط ولوم AMP مقدار ۱Vpp و ولوم REPEAT RATE ۰.۱Hz را در خروجی STEP+ تنظیم نمایید.
- ۳- روی مازول LC100-08 سلکتور را در موقعیت  $10 \times$  قرار دهید و ولوم های a و b را روی ۱۰۰ کیلو اهم تنظیم نمایید.
- ۴- با اسیلوسکوپ خروجی STEP+ مازول LC100-12 و خروجی Vo1 در مازول LC100-1 اندازه گیری و ثبت نمایید. (خروجی از جمع کننده گرفته شود)

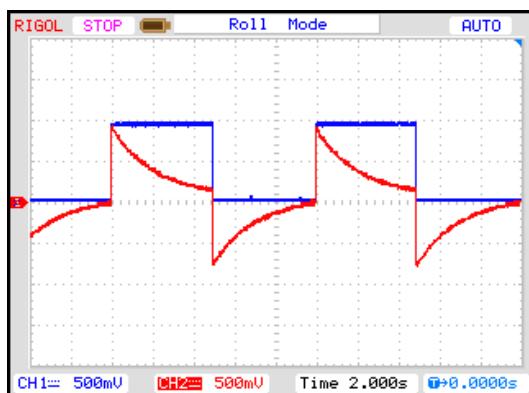


شکل ۳-۵



شکل ۴-۵

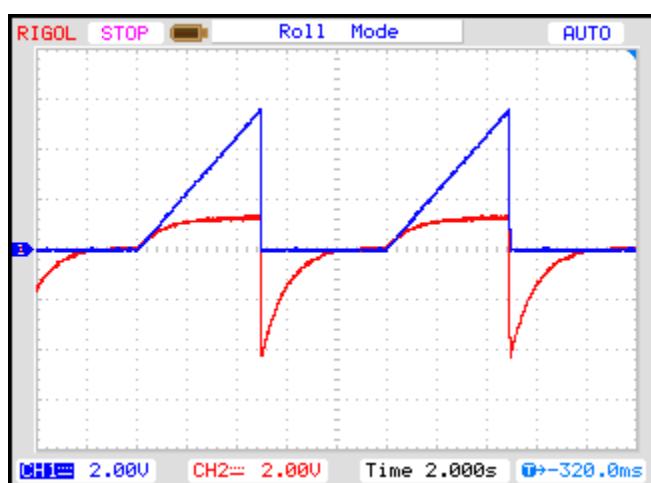
۴- مرحله ۳ و ۴ را با تغییر مقدار  $a$  به ۲۰ کیلو اهم تکرار نمایید .



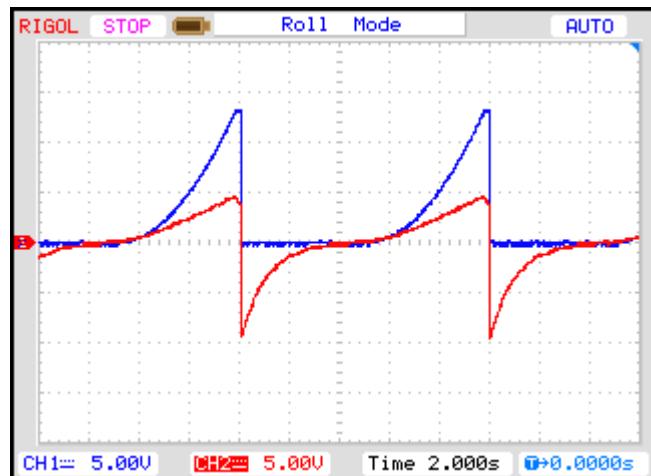
شکل ۵-۵

مشاهده می کنید که خطای ماندگار برای ورودی پله برای هر دو مقدار به صفر می رسد و با افزایش مقدار پارامتر  $a$ ، تنها مقدار ثابت زمانی پاسخ و مدت زمان رسیدن به مقدار نهایی بیشتر شده است .

۵- آزمایش فوق را برای ورودی های رمپ و پارabolیک تکرار نمایید و نتایج را بررسی و تحلیل کنید .

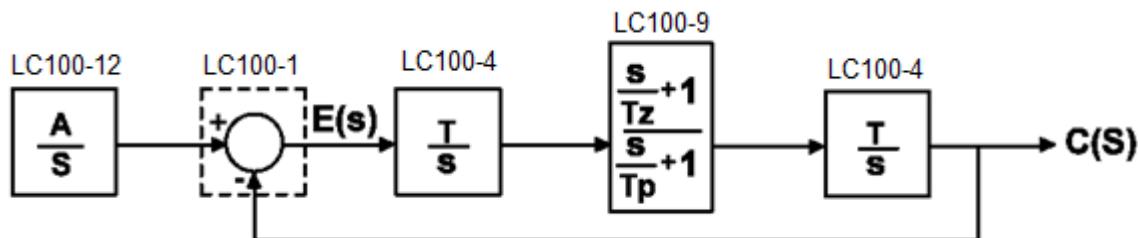


شکل ۵-RAMP



شکل ۵-EXPV

## آزمایش ۶: خطای حالت ماندگار در سیستم مرتبه سوم (نوع ۲)



شکل ۶-۱

خطای حالت ماندگار برابر با اختلاف سیگنال ورودی و سیگنال فیدبک است. که از رابطه زیر بدست می‌آید.

$$E(s) = R(s) - C(s) = \frac{R(s)}{1 + G(s)} = R(s)(1 - T(s))$$

$$T(s) = \frac{T^2 p(s + T_z)}{z s^2(s + T_p)}$$

$$G(s) = \frac{T^2 p(s + T_z)}{z s^2(s + T_p) + T^2 p(s + T_z)}$$

که در آن  $T(s)$  تابع تبدیل حلقه باز و  $G(s)$  تابع تبدیل حلقه بسته سیستم می‌باشد. مشاهده می‌کنید که سیستم نوع دو می‌باشد. خطای حالت ماندگار برای این سیستم نیز از رابطه فوق بدست می‌آید.

$$E_{ss}(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{sR(s)}{1 + \left( \frac{T^2 p(s+Tz)}{z s^2(s+Tp)} \right)}$$

مقدار خطای ماندگار برای ورودی پله واحد از رابطه زیر بدست می‌آید.

$$E_{ss}(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{s \left( \frac{1}{s} \right)}{1 + \left( \frac{T^2 p(s+Tz)}{z s^2(s+Tp)} \right)} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{1}{1 + \left( \frac{T^3 pz}{Tp z s^2} \right)} = 0$$

خطای ماندگار سیستم برای ورودی پله صفر است.

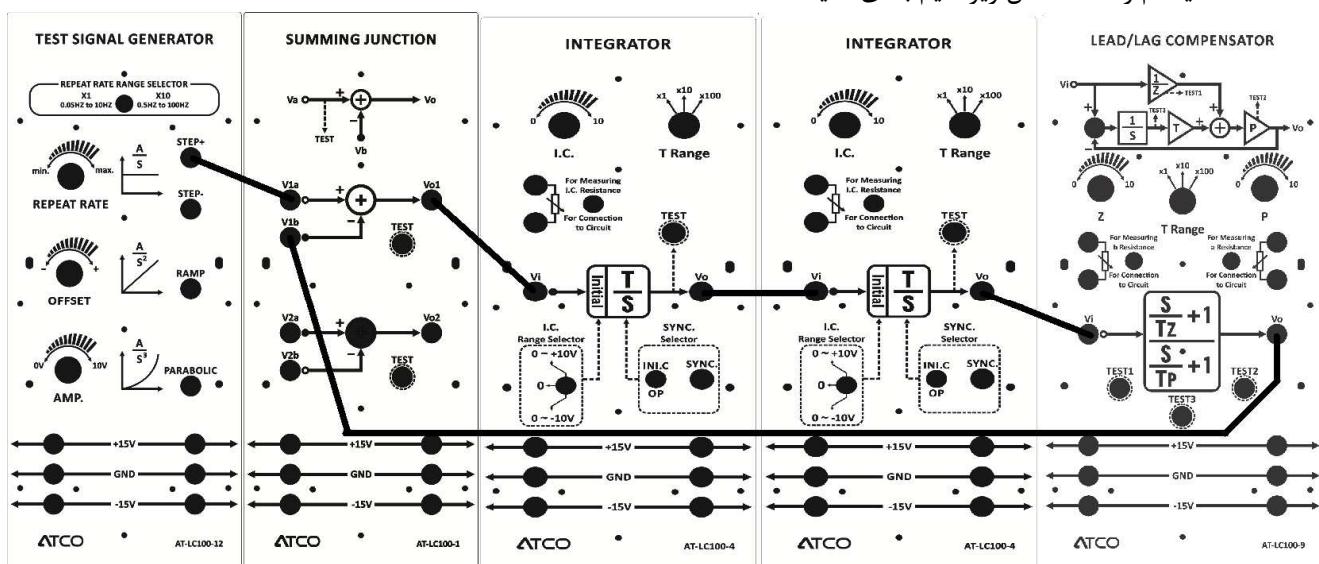
مقدار خطای ماندگار برای ورودی سیگنال‌های رمپ و پارabolیک به ترتیب از رابطه‌های زیر بدست می‌آید.

$$E_{ss}(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{s \left( \frac{1}{s^2} \right)}{1 + \left( \frac{T^2 p(s+Tz)}{z s^2(s+Tp)} \right)} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{1}{s \left( 1 + \left( \frac{T^2 p(s+Tz)}{z s^2(s+Tp)} \right) \right)} = 0$$

$$E_{ss}(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{s \left( \frac{1}{s^3} \right)}{1 + \left( \frac{T^2 p(s+Tz)}{z s^2(s+Tp)} \right)} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{1}{s^2 \left( 1 + \left( \frac{T^2 p(s+Tz)}{z s^2(s+Tp)} \right) \right)} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{1}{\left( \frac{T^3 pz}{Tp z} \right)} \approx \frac{1}{T^2}$$

### مراحل آزمایش :

۱- سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید :

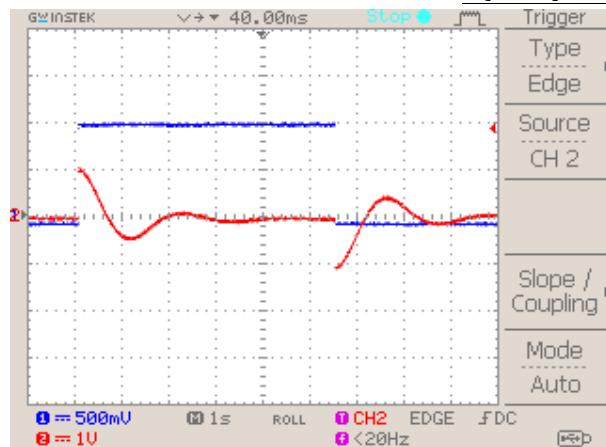


شکل ۶

۲- روی مازول ۱۲ LC100-12 توسط ولوم AMP و REPEAT RATE مقدار ۰.۱Hz و ۱Vpp را در خروجی تنظیم نمایید.

۳- روی مازول LC100-9 سلکتور را در موقعیت  $100 \times$  قرار دهید و ولوم های Z را روی ۱ کیلو اهم و JP را روی ۱۰ کیلو اهم تنظیم نمایید.

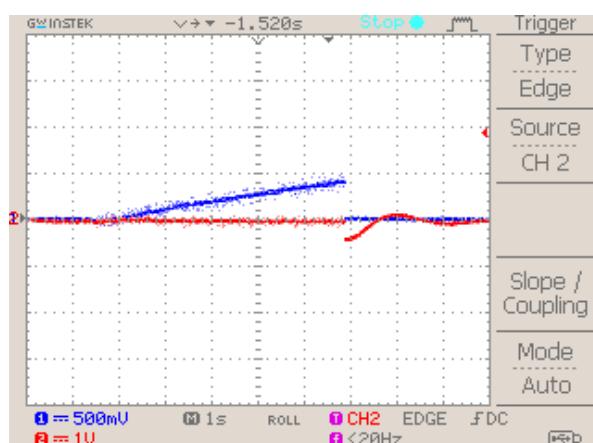
۴- با اسیلوسکوپ خروجی Vo1 در مازول LC100-12 STEP+ و خروجی Vo2 در مازول LC100-1 را اندازه گیری و ثبت نمایید. (خروجی از جمع کننده گرفته شود)



شکل ۶-۳

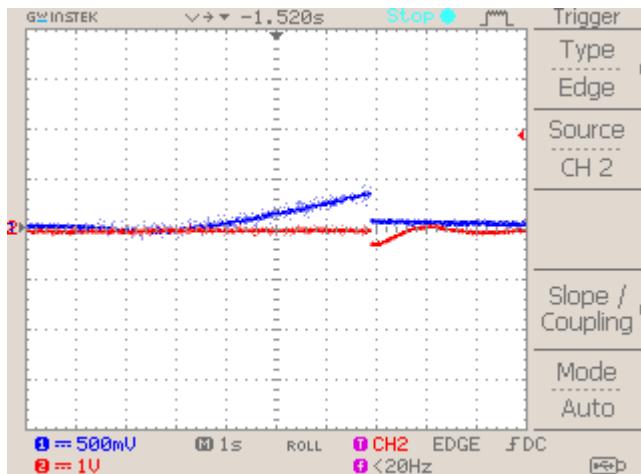
مشاهده می کنید که خطای ماندگار برای ورودی پله به صفر می رسد.

۵- آزمایش فوق را برای ورودی های رمپ و پارabolیک تکرار نمایید و نتایج را بررسی و تحلیل کنید.



شکل ۶-۴ RAMP

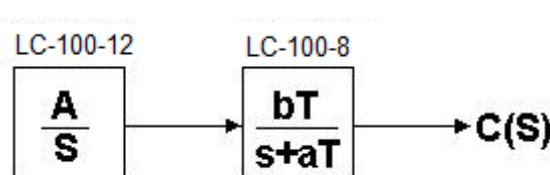
مشاهده می کنید که مقدار خطای ماندگار برای ورودی سیگنال های رمپ به صفر می رسد.



شکل ۶

مشاهده می‌کنید که مقدار خطای ماندگار برای ورودی سیگنال‌های پارابولیک به یک مقدار ثابت بزرگتر از صفر میل می‌کند.

## آزمایش ۷ : بررسی پاسخ حالت گذراي سیستم مرتبه اول



شکل ۷

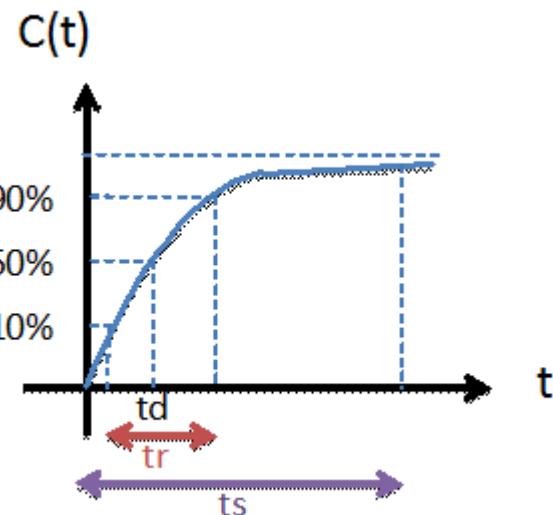
تابع تبدیل سیستم‌های مرتبه اول به صورت زیر می‌باشد.

$$G(s) = \frac{K}{TcS + 1} = \frac{bT}{s + aT}$$

که در آن  $K = \frac{bT}{aT}$  بهره حالت ماندگار و  $Tc = \frac{1}{aT}$  ثابت زمانی سیستم یعنی مدت زمانی که خروجی به ۶۳٪ مقدار حالت دائمی خود می‌رسد، است.

سیستم‌های مرتبه‌ی اول تنها یک پارامتر اساسی دارند که با تغییر آن، تنها سرعت پاسخ تغییر می‌کند. با حرکت قطب‌ها روی محور حقیقی منفی به سمت چپ ثابت زمانی سیستم کاهش می‌یابد و در نتیجه پاسخ سیستم سریعتر خواهد شد. واضح است که سیستم در صورت پایداری، هیچگاه نوسانات میرا نخواهد داشت و با تغییر میزان  $K$  تنها مقدار حالت دائمی پاسخ تغییر می‌کند. برای ارزیابی پاسخ گذراي سیستم از معیار‌های  $t_s$  زمان نشست،  $t_r$  زمان صعود یا خیز و  $t_d$  زمان تاخیر استفاده می‌شود.  $t_r$  زمان صعود، بیانگر مدت زمانی است که پاسخ پله سیستم از ۱۰٪ تا ۹۰٪ مقدار دائمی خود را طی می‌کند.  $t_s$  زمان نشست، زمانی است که پاسخ با میزان خطای معینی به حالت دائمی خود برسد و در آن محدوده باقی بماند (عموماً میزان خطای ۰.۲٪ یا ۰.۵٪).

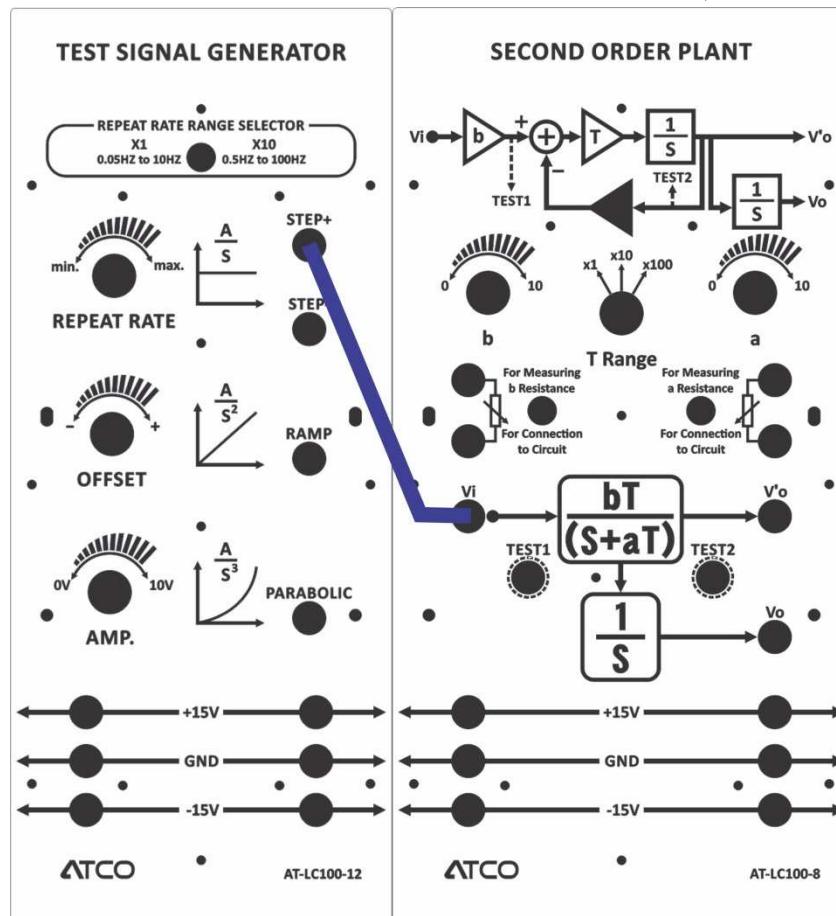
$t_d$  زمان تاخیر، بیانگر مدت زمانی است که سیستم نیاز دارد تا از مقدار اولیه خروجی  $c(0)$  تا  $\frac{c(\infty)}{2}$  برسد.



شکل ۷

## مراحل آزمایش :

۱- سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید :



شکل ۷

۲- روی مازول 12-100-LC توسط ولوم REPEAT RATE و ولوم AMP مقدار 0.1Hz و 1Vpp را در خروجی STEP+ تنظیم نمایید.

۳- روی مازول 08-08-LC سلکتور را در موقعیت  $10 \times$  قرار دهید و ولوم a را روی ۱۰ کیلو اهم تنظیم نمایید.

$$G(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{100}{s + 100} = \frac{bT}{s + aT}$$

۴- با اسیلوسکوپ خروجی STEP+ مازول 12-100-LC و خروجی Vo1 در مازول 08-08-LC را اندازه گیری و ثبت نمایید. مقدار tr, td, ts را تعیین کنید.

فرم پاسخ زمانی خروجی سیستم به صورت زیر است.

$$c(t) = \frac{b}{a} (1 - e^{-at})$$

برای محاسبه زمان تاخیر داریم :

$$c(t) = \frac{b}{a} (1 - e^{-at}) = \frac{c(\infty)}{2} = \frac{b}{2a} (1 - e^{-\infty})$$

$$t_d = \frac{\ln(0.5)}{-aT} = \frac{-0.693}{-aT} = \frac{0.693}{100} = 0.00693$$

برای محاسبه زمان صعود داریم :

$$c(t_1) = 0.1 c(\infty)$$

$$\frac{b}{a} (1 - e^{-at_1}) = \frac{b}{10a} (1 - e^{-\infty})$$

$$t_1 = \frac{\ln(0.9)}{-aT} = \frac{0.1}{aT}$$

$$c(t_2) = 0.9 c(\infty)$$

$$\frac{b}{a} (1 - e^{-at_2}) = \frac{9b}{10a} (1 - e^{-\infty})$$

$$t_2 = \frac{\ln(0.1)}{-aT} = \frac{0.9}{aT}$$

$$t_r = t_2 - t_1 = \frac{2.2}{aT} = 0.022$$

برای محاسبه زمان نشست داریم :

تقریب %۵ :

$$|c(t_s) - c(\infty)| < \frac{5}{100} c(\infty)$$

$$|e^{-at_s}| < \frac{5}{100}$$

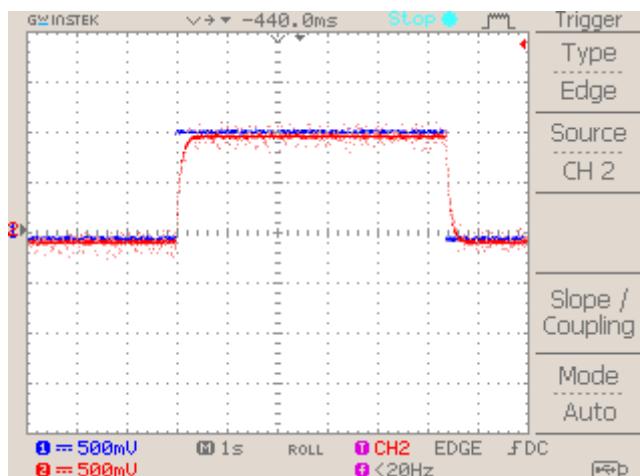
$$t_s > \frac{\ln(0.05)}{-aT} = \frac{3}{aT} = 0.03$$

تقریب %۲ :

$$|c(t_s) - c(\infty)| < \frac{2}{100} c(\infty)$$

$$|e^{-at_s}| < \frac{2}{100}$$

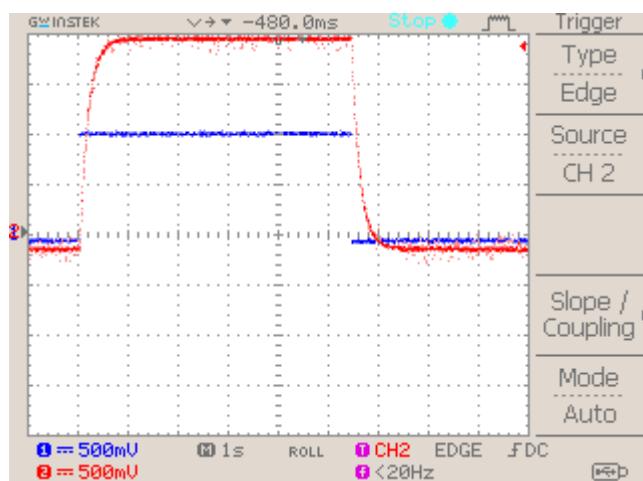
$$t_s > \frac{\ln(0.02)}{-aT} = \frac{4}{aT} = 0.04$$



شکل ۴-۷

۵- مرحله ۳ و ۴ را با تغییر مقدار  $a$  به ۵ کیلو اهم تکرار نمایید.

$$G(s) = \frac{100}{s + 50}$$



شکل ۷

مشاهده می کنید که با کاهش پارامتر  $a$  و نزدیک شدن قطب به مبدأ علاوه بر افزایش دامنه خروجی، هرسه زمان افزایش می یابد.

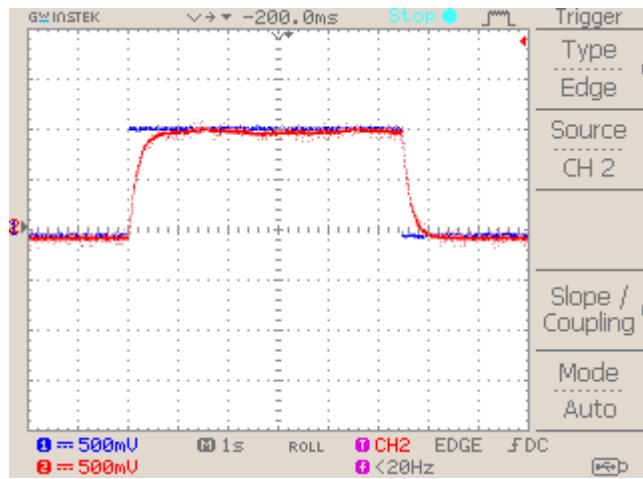
$$t_d = \frac{\ln(0.5)}{-aT} = \frac{-0.693}{-50} = 0.01$$

$$t_r = t_2 - t_1 = \frac{2.2}{aT} = \frac{2.2}{50} = 0.04$$

$$t_s = \frac{4}{aT} = \frac{4}{50} = 0.08$$

۶- مرحله ۳ و ۴ را با تغییر مقدار  $b$  به ۵ کیلو اهم تکرار نمایید.

$$G(s) = \frac{50}{s + 50}$$



شکل ۷-۶

با توجه به فرم پاسخ زمانی خروجی سیستم :

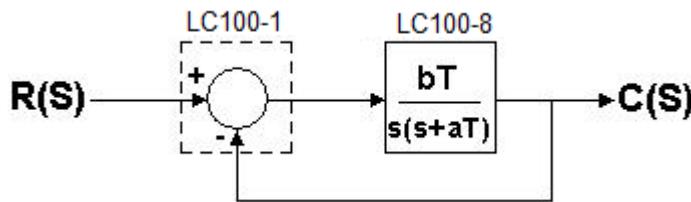
$$c(t) = \frac{b}{a} (1 - e^{-at})$$

مشاهده می‌کنید که پارامتر  $b$  در مدت زمان تاخیر، صعود و نشست تاثیری نخواهد داشت و فقط دامنه خروجی را تغییر می‌دهد.

### آزمایش ۸ : بررسی پاسخ حالت گذراي سیستم مرتبه دوم

بطورکلی فرم استاندارد تابع تبدیل سیستم‌های مرتبه دوم به صورت زیر است .

$$G(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{\omega_n^2}{s^2 + 2\xi\omega_n s + \omega_n^2}$$



شکل ۱-۸

تابع تبدیل حلقه بسته سیستم به صورت زیر می‌باشد .

$$\frac{C(s)}{R(s)} = \frac{bT}{s^2 + aTs + bT}$$

نسبت میرایی و فرکانس طبیعی نامیرایی سیستم به صورت زیر بدست می‌آید .

$$\xi = \frac{aT}{2\omega_n} = \frac{aT}{2\sqrt{bT}}$$

$$\omega_n = \sqrt{bT}$$

پاسخ زمانی خروجی برای ورودی پله به فرم زیر خواهد بود .

$$C(t) = 1 - \frac{e^{-\xi\omega_n t}}{\sqrt{1-\xi^2}} \sin\left(\omega_n\sqrt{1-\xi^2}t - \tan^{-1}\frac{\sqrt{1-\xi^2}}{-\xi}\right)$$

برای ارزیابی پاسخ گذراي سیستم از معیارهای زیر استفاده می‌شود .

$t_r$  زمان صعود ، بیانگر مدت زمانی است که پاسخ پله سیستم از ۹۰٪ تا ۱۰٪ مقدار دائمی خود را طی می‌کند .

$$c(t_1) = 0.1 c(\infty)$$

$$c(t_2) = 0.9 c(\infty)$$

$$t_r = t_2 - t_1$$

$t_s$  زمان نشست ، زمانی است که پاسخ با میزان خطای معینی به حالت دائمی خود برسد و در آن محدوده باقی بماند (معمولاً میزان خطای ۲٪ یا ۵٪).).

تقریب : ۵٪

$$|c(t_s) - c(\infty)| < \frac{5}{100} c(\infty)$$

$$t_s \cong \frac{3}{TC} = \frac{3}{\xi \omega_n}$$

تقریب:٪۲

$$|c(t_s) - c(\infty)| < \frac{2}{100} c(\infty)$$

$$t_s \cong \frac{4}{TC} = \frac{4}{\xi \omega_n}$$

$t_d$  زمان تاخیر، بیانگر مدت زمانی است که سیستم نیاز دارد تا از مقدار اولیه خروجی  $c(0)$  تا  $\frac{c(\infty)}{2}$  برسد.

از حل معادله فوق بدست می‌آید.

$$c(t_d) = \frac{c(\infty)}{2}$$

$t_p$  زمان پیک، بیانگر مدت زمانی است که سیستم نیاز دارد تا از مقدار اولیه خروجی  $c(0)$  به مقدار ماکسیمم خود برسد.

$$t_p = \frac{\pi}{\omega_n \sqrt{1 - \xi^2}}$$

(overshoot)  $M_p$  بیشترین درصد بالا زدگی

$$M_p \% = \frac{c(t_s) - c(\infty)}{c(\infty)} \times 100$$

$$M_p = e^{-\frac{\pi \sigma}{\omega_n \sqrt{1 - \xi^2}}}$$

برای مثال:

$$\text{برای } \omega_n = 10, \xi = 0.5$$

$$\frac{e^{-0.5 * 10 * t_d}}{\sqrt{1 - 0.5^2}} \sin \left[ 10 \sqrt{1 - 0.5^2} t_d - \tan^{-1} \frac{\sqrt{1 - 0.5^2}}{-0.5} \right] = x$$

$$\text{when } x = 0.5 \rightarrow t_d = 0.13$$

$$\text{when } x = 0.1 \rightarrow t_1 = 0.05$$

$$\text{when } x = 0.9 \rightarrow t_2 = 0.9 \rightarrow t_r = t_2 - t_1 = 0.16$$

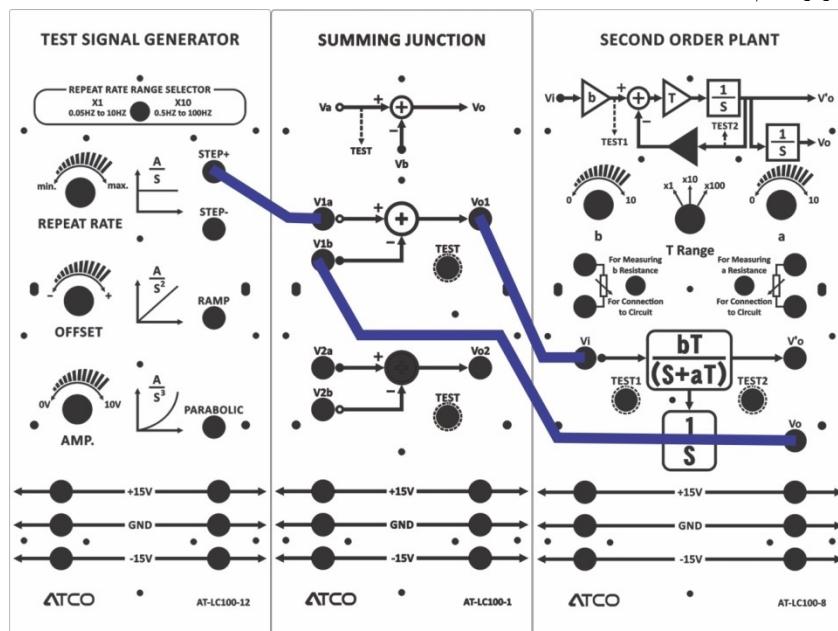
$$t_s = \frac{3}{0.5 * 10} = 0.6$$

$$t_p = \frac{\pi}{10\sqrt{1 - 0.5^2}} = 0.36$$

$$M_p = e^{\frac{-0.5\pi}{\sqrt{1-0.25}}} * 100\% = 16\%$$

با تغییر پارامترهای سیستم  $a$  و  $b$ ، مقادیر نسبت میرایی و فرکانس طبیعی نامیرای تغییر می‌کند و در نتیجه‌ی آن شکل پاسخ و سرعت و زمان‌های بالا در آن نیز تغییر می‌کند. در ادامه به بررسی این تغییرات می‌پردازیم.

**مراحل آزمایش :**  
سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید:



شکل ۲-۸

### تأثیر ۲ بر پاسخ حالت گذراي سیستم :

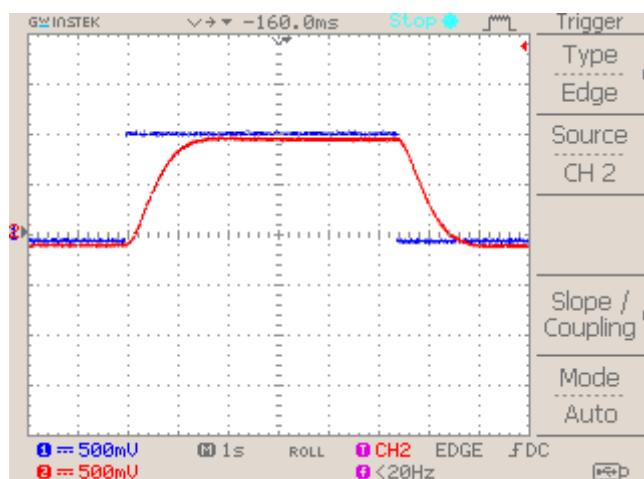
۱- روی مازول 12 LC100-12 توسط ولوم REPEAT RATE و ولوم AMP مقدار ۰.۱Hz و ۱Vpp را در خروجی تنظیم STEP+ نمایید.

۲- روی مازول LC100-08 سلکتور را در موقعیت  $10 \times$  قرار دهید و ولوم  $b$  را روی ۱۰ کیلو اهم ( $W_n=10$ ) تنظیم نمایید. در این صورت تابع تبدیل سیستم برابر است با :

$$G(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{100}{s^2 + aTs + 100}$$

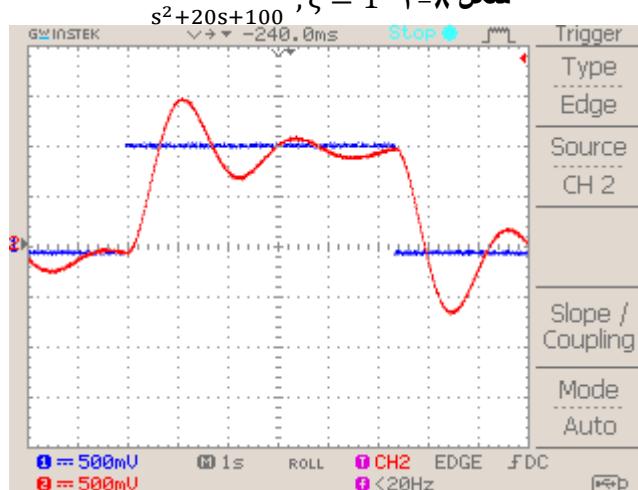
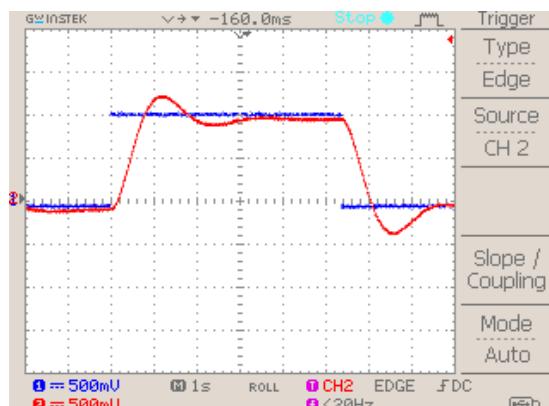
۳- روی مازول LC100-08 ولوم  $a$  را روی ۴ کیلو اهم تنظیم نمایید. در این حالت ۲ برابر ۲ می‌شود.

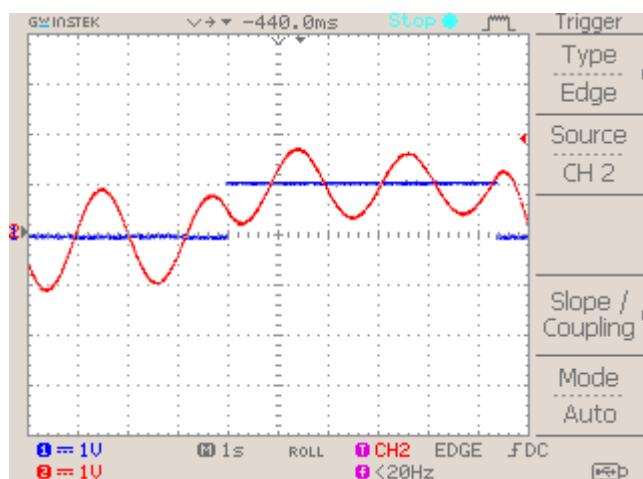
۴- با اسیلوسکوپ خروجی STEP+ مازول LC100-12 و خروجی Vo2 در مازول LC100-08 را اندازه گیری و ثبت نمایید همچنین مقادیر  $M_p$  و  $t_d$ ,  $t_r$ ,  $t_s$ ,  $t_p$  را محاسبه نمایید.



در این حالت خروجی به صورت میرای شدید خواهد بود و بالا زدگی نخواهیم داشت.

- مرحله ۳ و ۴ را با تغییر مقدار  $a$  به ۱، ۲، ۰/۴ و ۰/۰ کیلو اهم تکرار نمایید. در این حالت  $\zeta$  به ترتیب برابر است با ۱، ۰/۵ و ۰/۲.



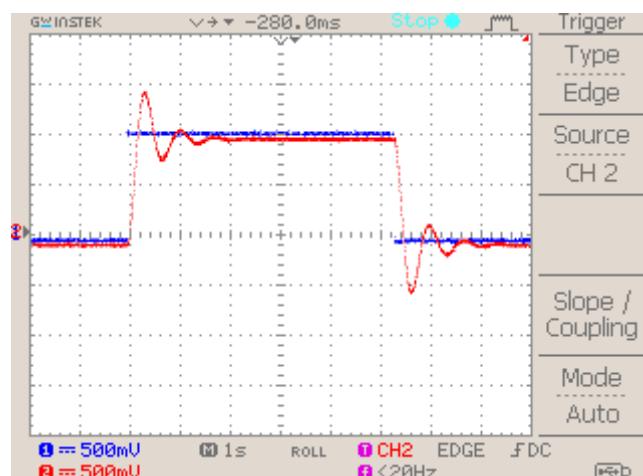


$$\frac{100}{s^2 + 4s + 100}, \xi = 0.2 \quad \text{شکل ۸-۸}$$

مشاهده می‌کنید که با کاهش مقدار  $a$ ، نسبت میرایی  $\xi$  نیز کاهش می‌باید و خروجی سیستم به سمت نوسانی میرا خواهد رفت. رفته رفته میزان درصد بالازدگی بیشتر خواهد شد، زمان پیک کاهش می‌باید ولی زمان نشست افزایش می‌باید.

تأثیر  $\omega_n$  بر پاسخ حالت گذراي سیستم :

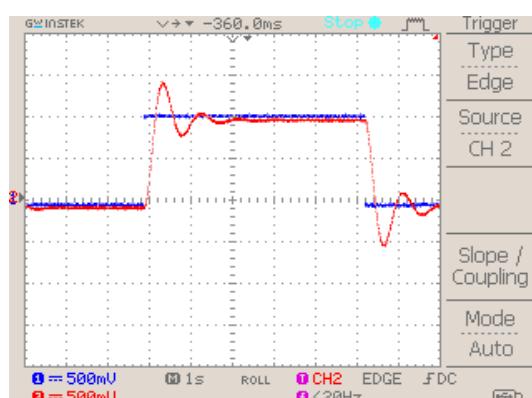
- ۱- روی مازول 12 LC100-12 توسط ولوم REPEAT RATE و ولوم 0.1Hz AMP مقدار 1Vpp را در خروجی STEP+ تنظیم نمایید.
- ۲- بر روی مازول LC100-08 سلکتور را در موقعیت  $10 \times$  قرار دهید. ولوم b را روی ۱۰ کیلو اهم ( $\omega_n = 10$ ) و ولوم a را روی  $0.4 \times$  کیلو اهم ( $\xi = 0.2$ ) تنظیم نمایید.
- ۳- با اسیلوسکوپ خروجی STEP+ Mازول LC100-12 و خروجی Vo2 در مازول LC100-08 را اندازه گیری و ثبت نمایید همچنین مقادیر  $t_d$ ,  $t_r$ ,  $t_s$ ,  $t_p$  را محاسبه نمایید.



$$\frac{100}{s^2 + 4s + 100}, \xi = 0.2, \omega_n = 10 \quad \text{شکل ۸-۹}$$

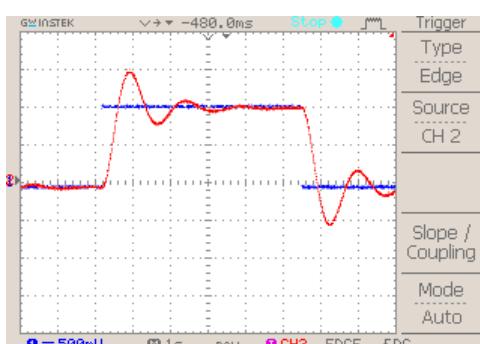
پاسخ سیستم در این حالت میرای ضعیف خواهد بود.

۴- مراحل ۲ و ۳ را با تغییر  $b=6.4(\omega_n=8)$  و  $a=0.32(\xi=0.2)$  مجدداً انجام داده و نتایج را ثبت و بررسی نمایید.



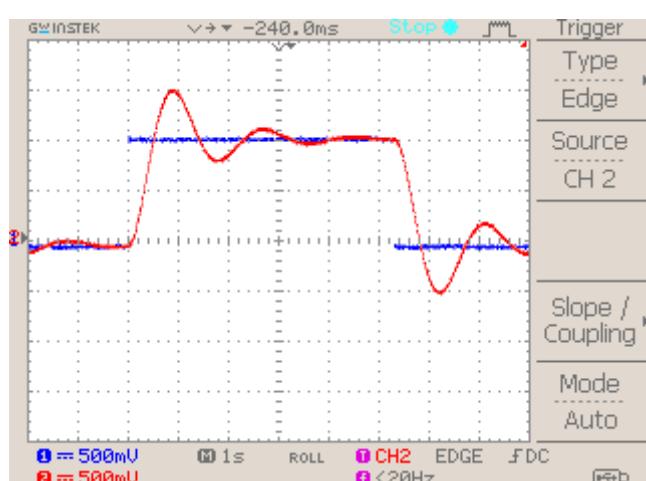
$$\frac{64}{s^2 + 3.2s + 64}, \xi = 0.2, \omega_n = 8 \quad 8-8$$

۵- مراحل ۲ و ۳ را با تغییر  $b=2.5(\omega_n=5)$  و  $a=0.2(\xi=0.2)$  مجدداً انجام داده و نتایج را ثبت و بررسی نمایید.



$$\frac{25}{s^2 + 2s + 25}, \xi = 0.2, \omega_n = 5 \quad 9-8$$

۶- مراحل ۲ و ۳ را با تغییر  $b=1.6(\omega_n=2)$  و  $a=0.16(\xi=0.2)$  مجدداً انجام داده و نتایج را ثبت و بررسی نمایید.

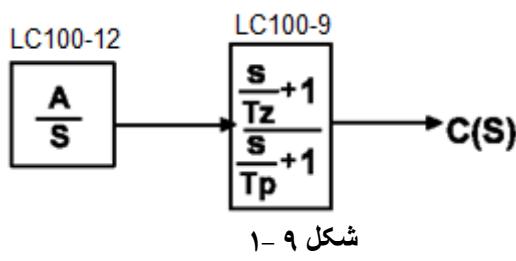


$$\frac{4}{s^2 + 0.8s + 4}, \xi = 0.2, \omega_n = 2 \quad \text{شکل ۱۰-۸}$$

مشاهده می‌کنید که با کاهش  $\omega_n$ ، زمان نشت و زمان پیک و زمان تاخیر افزایش می‌یابد.

\*\*\*\*\*

### آزمایش ۹: اثر صفر بر روی سیستم مرتبه اول



تابع تبدیل سیستم مرتبه اول بالا به صورت زیر می‌باشد.

$$G(s) = \left(\frac{p}{z}\right) \frac{s + T_z}{s + T_p}$$

فرم پاسخ زمانی خروجی سیستم برای ورودی پله به صورت زیر است.

$$c(t) = 1 - \frac{z - p}{z} e^{-pt}$$

اگر صفر و قطب برابر باشند، تابع تبدیل و خروجی پاسخ پله یک می‌شود. صفر و قطب اثر هم را خنثی می‌کنند.

اولین مقدار و مقدار نهایی خروجی سیستم با احتساب صفر، از روابط زیر بدست می‌آید.

$$C_0(s) = \lim_{s \rightarrow \infty} C(s) = \lim_{s \rightarrow \infty} s \left( \frac{1}{s} \right) G(s) = \lim_{t \rightarrow 0} c(t) = \frac{p}{z}$$

$$C_\infty(s) = \lim_{s \rightarrow 0} C(s) = \lim_{s \rightarrow 0} s \left( \frac{1}{s} \right) G(s) = \lim_{t \rightarrow \infty} c(t) = 1$$

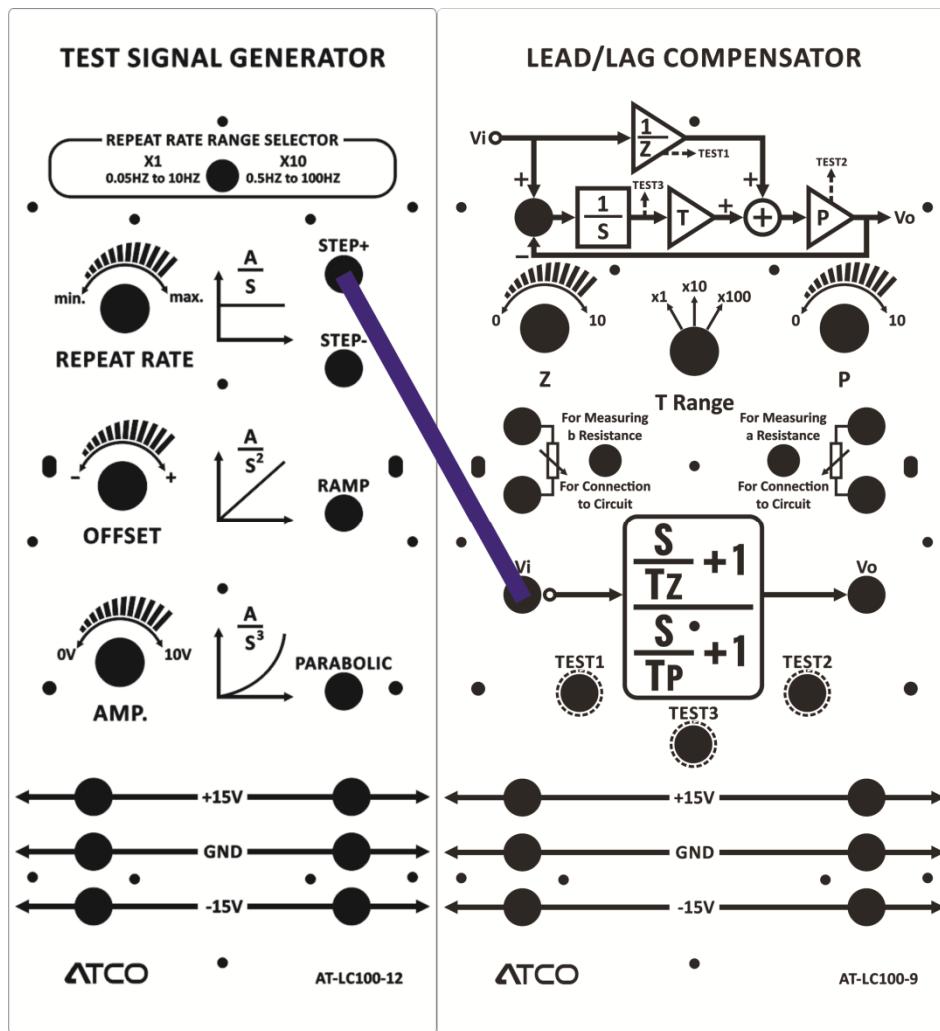
همچنین اولین مقدار و مقدار نهایی خروجی سیستم بدون احتساب صفر، از روابط زیر بدست می‌آید.

$$C_0(s) = \lim_{s \rightarrow \infty} C(s) = \lim_{s \rightarrow \infty} s \left( \frac{1}{s} \right) \frac{1}{s + T_p} = \lim_{t \rightarrow 0} c(t) = 0$$

$$C_\infty(s) = \lim_{s \rightarrow 0} C(s) = \lim_{s \rightarrow 0} s \left( \frac{1}{s} \right) \frac{1}{s + T_p} = \lim_{t \rightarrow \infty} c(t) = 1$$

صفر بر مقدار اولیه پاسخ پله تاثیر دارد.

۱- سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید:

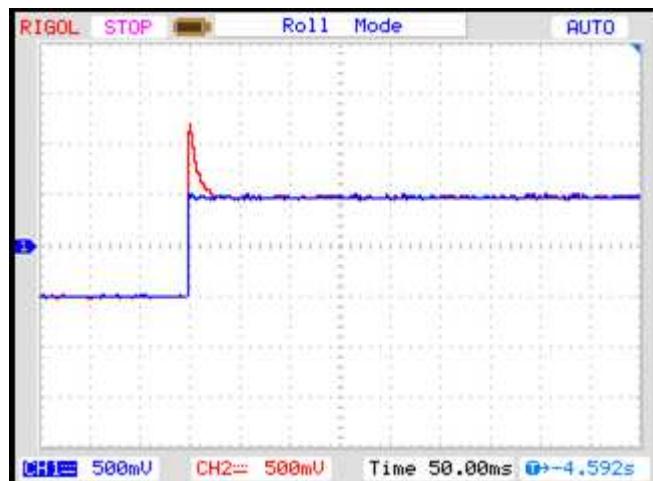
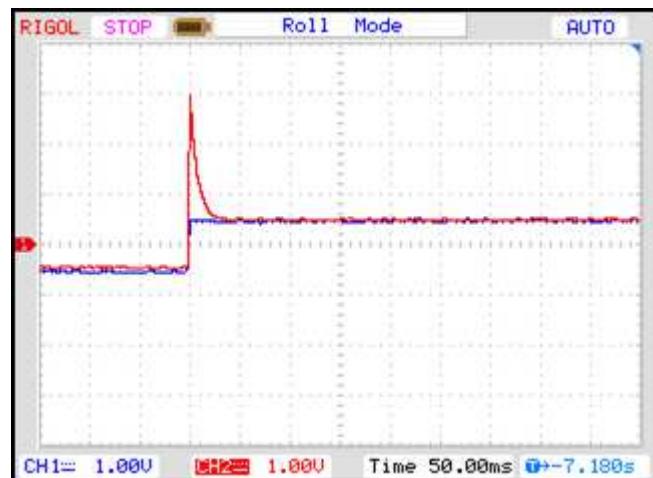


شکل ۲-۹

۲- روی مازول LC100-12 توسط ولوم REPEAT RATE و ولوم AMP مقدار ۰.۱Hz و ۱Vpp را در خروجی تنظیم نمایید.

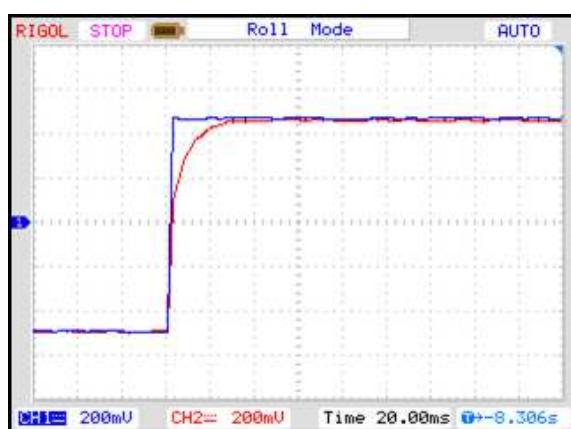
۳- روی مازول LC100-9 سلکتور را در موقعیت  $\times 1$  قرار دهید و ولوم p را روی ۱۰ کیلو اهم تنظیم نمایید و برای مقادیر z و ۵k و ۲.۵k آزمایش را انجام دهید.

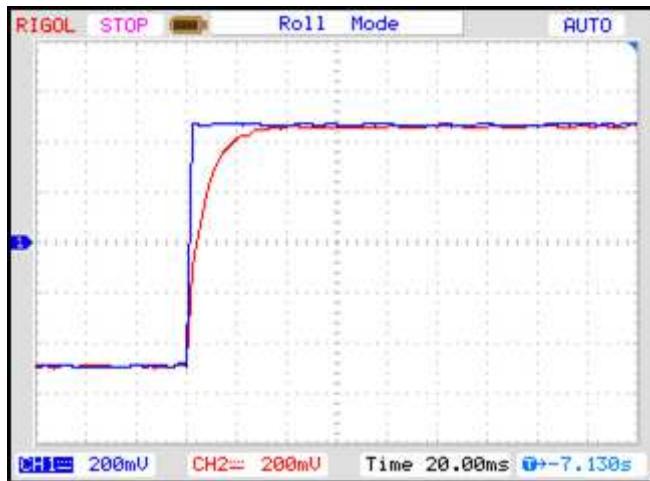
۴- با اسیلوسکوپ خروجی Vo در مازول LC100-9 و خروجی Vo در مازول LC100-12 STEP+ را اندازه گیری و ثبت نمایید.

شکل ۵ ,  $p = 10$  ۳-۹شکل ۶ ,  $p = 10$  ۴-۹

مشاهده می‌کنید که با کاهش مقدار  $Z$  ، مقدار اولیه دامنه خروجی افزایش می‌یابد .

- مراحل ۳ به بعد را برای  $2Z$  و  $4Z$  کیلو اهم نیز تکرار نمایید .

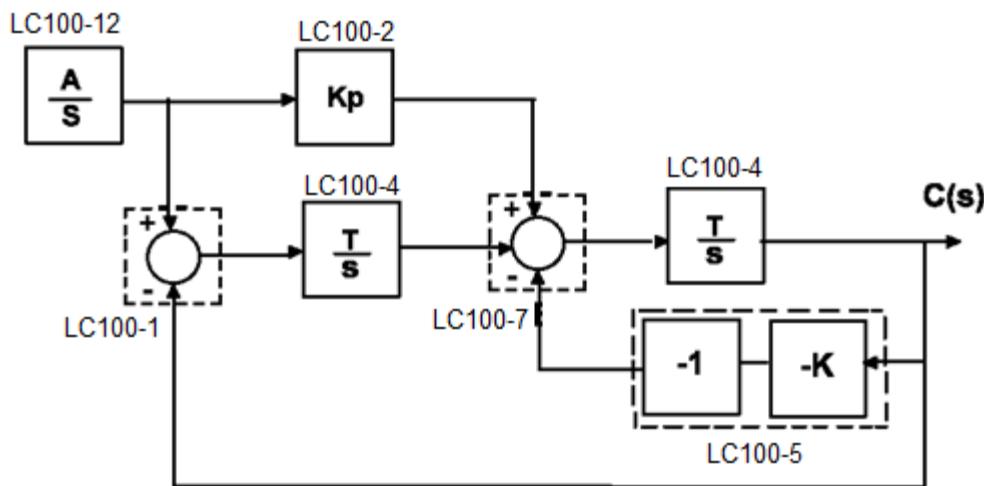
شکل ۷ ,  $p = 10$  ۵-۹



شکل ۹-۶

مشاهده می کنید که مقدار اولیه ورودی به  $5k$  کاهش می یابد . خطای ماندگار سیستم نیز صفر است .

#### آزمایش ۱۰ : اثر صفر بر روی سیستم مرتبه دوم



شکل ۱۰-۱

تابع تبدیل سیستم به صورت زیر می باشد .

$$G(s) = \frac{T(sK_p + T)}{s^2 + sKT + T^2} = \frac{sK_pT}{s^2 + sKT + T^2} + \frac{T^2}{s^2 + sKT + T^2}$$

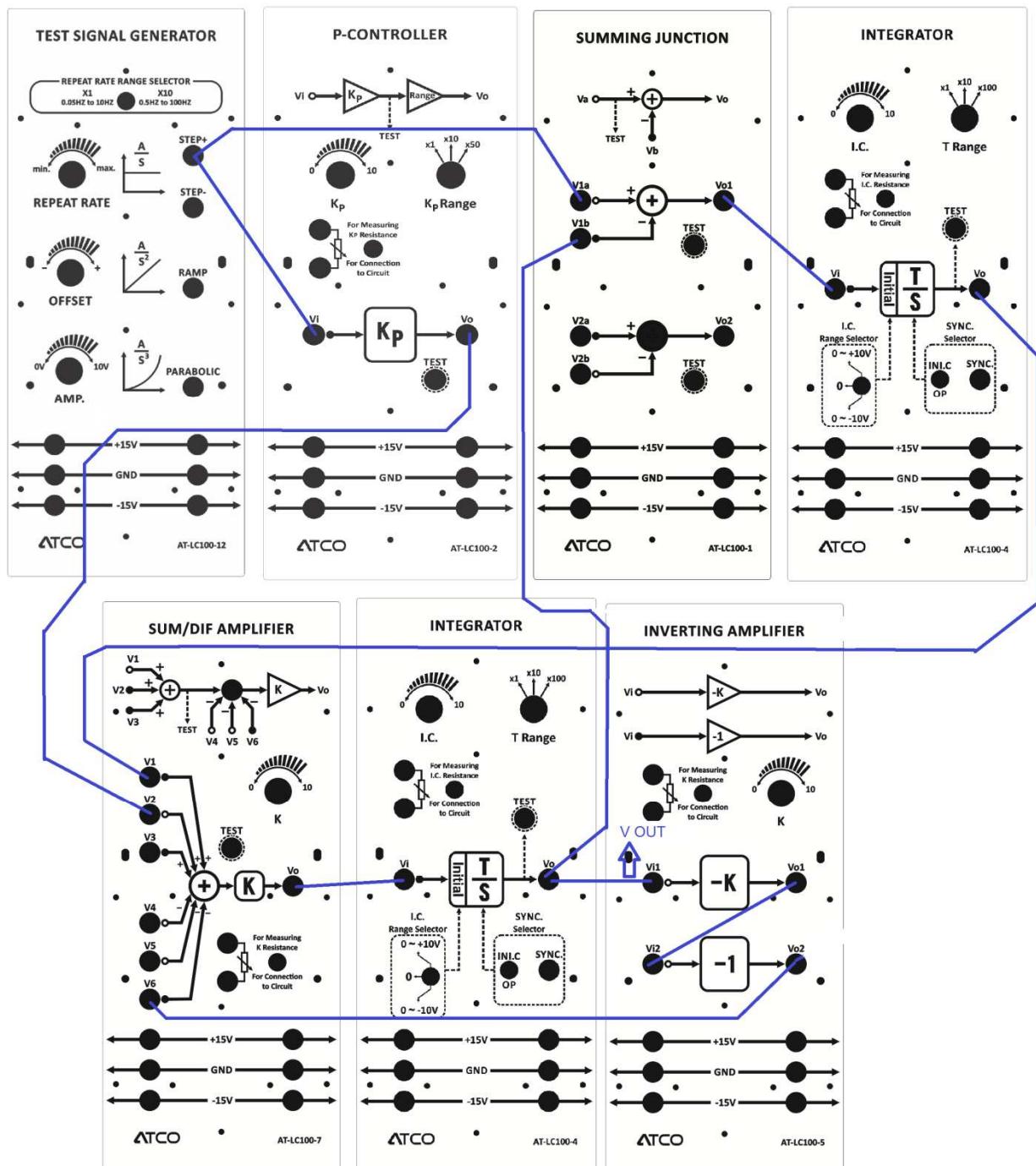
نسبت میرایی و فرکانس طبیعی نامیرای سیستم به صورت زیر بدست می آید .

$$\xi = \frac{KT}{2\omega_n} = \frac{K}{2}$$

$$\omega_n = T$$

$$Z = \frac{T}{K_p} \text{ صفر سیستم است .}$$

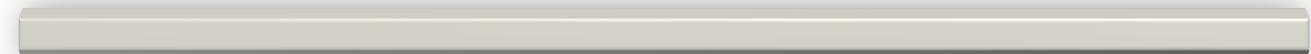
۱- سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید:



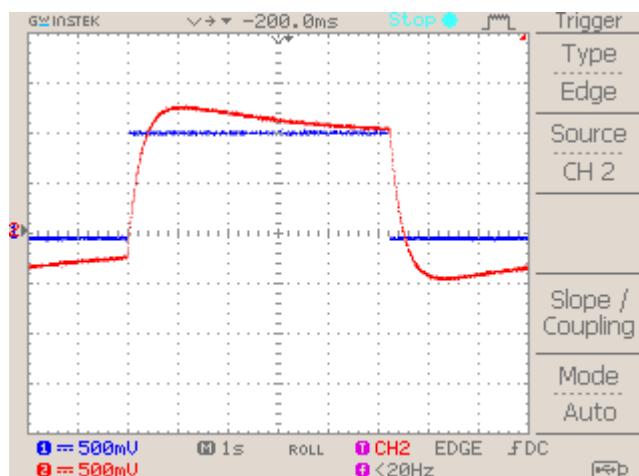
شکل ۱۰-۲

۲- روی مازول 12 REPEAT RATE و لوم AMP مقدار ۰.۱Hz و ۱Vpp را در خروجی تنظیم نمایید.

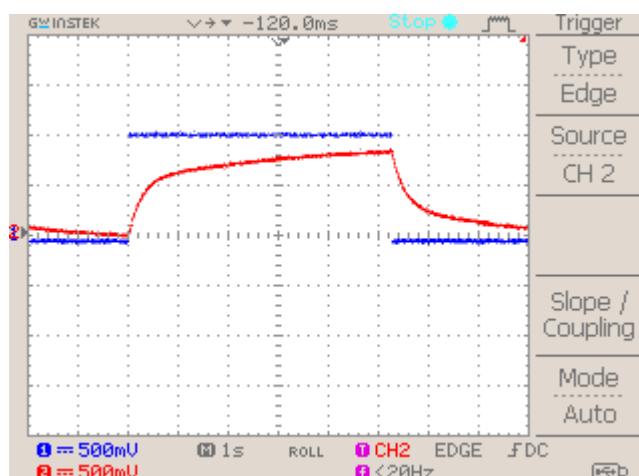
۳- روی مازول ۵ K را تنظیم نمایید.



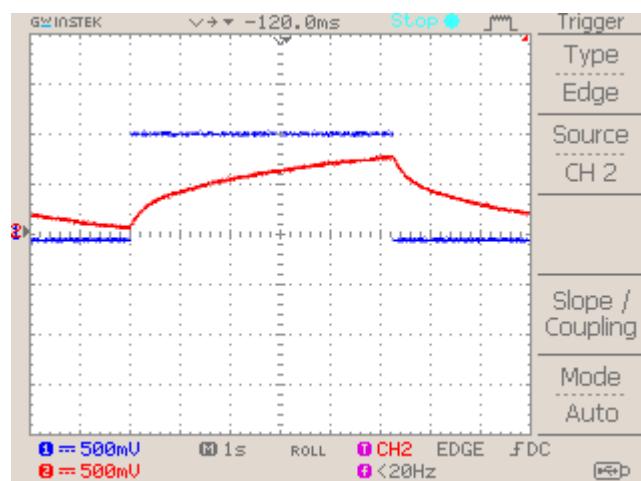
- ۴- روی مازول ۴ LC100-4 سلکتور T را در موقعیت  $\times 1$  قرار دهید.
- ۵- روی مازول ۲ LC100-2 سلکتور را در موقعیت  $\times 1$  قرار دهید و  $K_p$  را روی ۵k تنظیم نمایید
- ۶- با اسیلوسکوپ خروجی STEP+ مازول ۱۲ LC100-12 و خروجی  $V_{out}$  در مازول ۴ LC100-4 پایینی را اندازه گیری و ثبت نمایید .
- ۷- در مازول ۷ LC100-7 مقدار K روی ۱۰ کیلو (K=1) تنظیم شود.
- ۸- آزمایش را برای مقادیر ۲ ، ۱ و ۰ نیز تکرار کنید .
- در این حالت مقدار  $\zeta = 2$  است که بزرگتر از واحد می باشد .



شکل ۳-۱۰  $K_p = 5, \xi = 2, z = 0.2$



شکل ۴-۱۰  $K_p = 2, \xi = 2, z = 0.5$

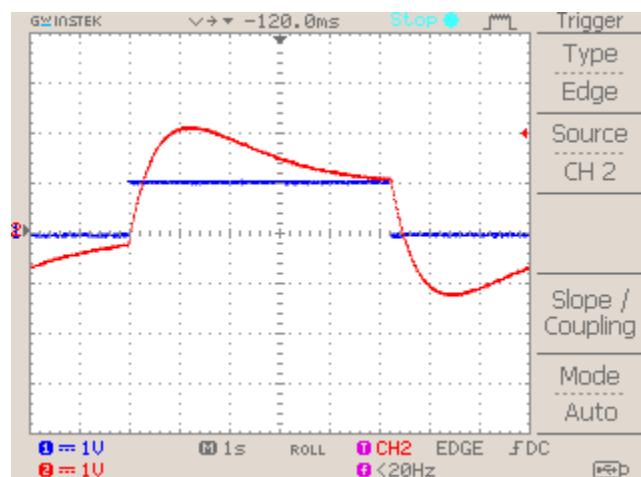


شکل ۱۰-۵-۶

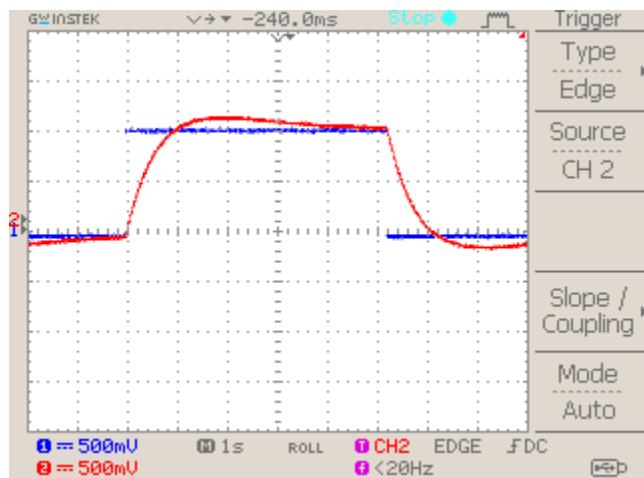
مشاهده می‌کنید که با افزایش پارامتر  $K_p$ ، در واقع صفر سیستم بزرگتر می‌شود که باعث می‌شود میزان overshoot کاهش یابد.

- روی مازول ۵-۱۰۰LC سلتکتور K را روی ۲۰ کیلو اهم تنظیم نمایید آزمایش را تکرار کنید.

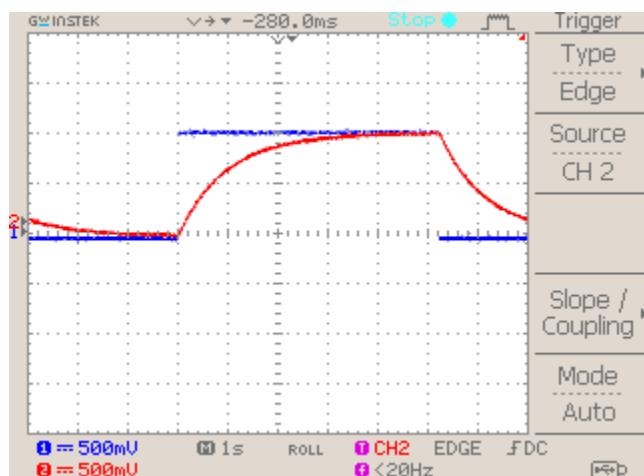
در این حالت مقدار  $\xi = 1$  است.



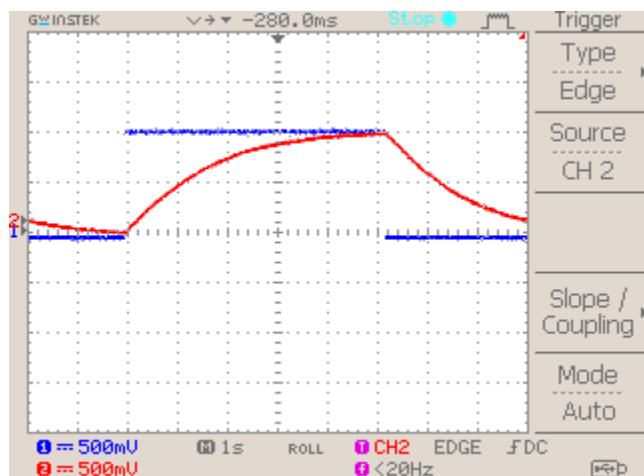
شکل ۱۰-۵-۶



شکل ۱۰-۷



شکل ۱۰-۸

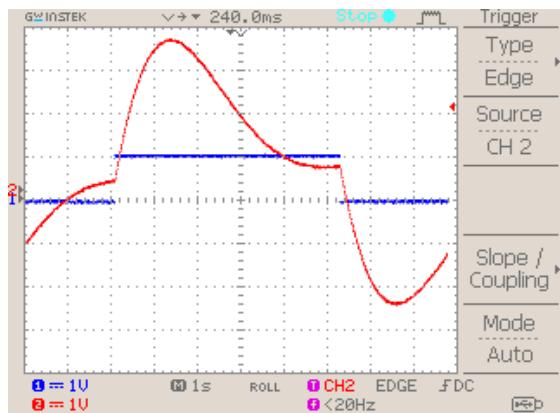


شکل ۱۰-۹

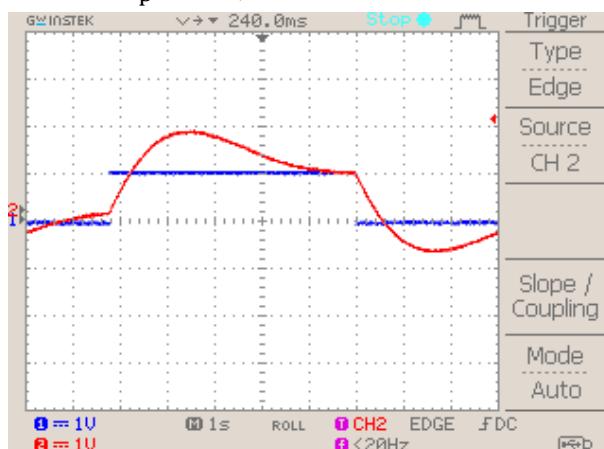
مشاهده می‌کنید مشابه حالت قبل با افزایش پارامتر  $K_p$ ، در واقع صفر سیستم بزرگتر می‌شود که باعث می‌شود میزان overshoot کاهش یابد.

۱۰- روی مژول LC100-5 سلکتور K را روی ۱۰ کیلو اهم تنظیم نمایید آزمایش را تکرار کنید.

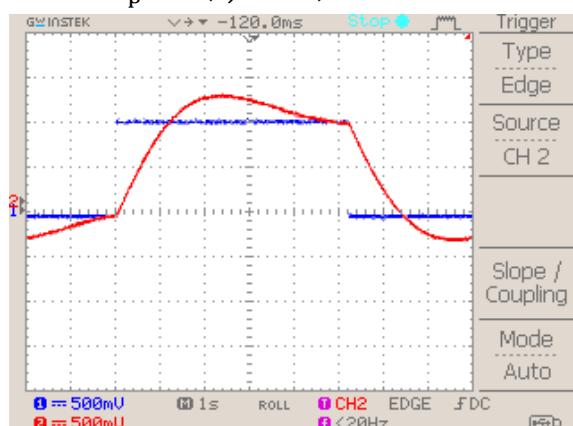
در این حالت مقدار  $\xi = 0.5$  است.



شکل ۱۰-۱۰  $K_p = 5, \xi = 0.5, z = 0.2$



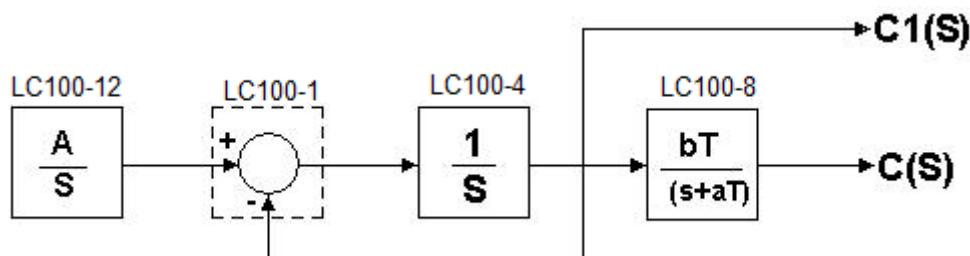
شکل ۱۰-۱۰  $K_p = 2, \xi = 0.5, z = 0.5$



شکل ۱۰-۱۰  $K_p = 1, \xi = 0.5, z = 1$

با افزایش پارامتر  $K_p$ ، میزان overshoot کاهش یابد.

## آزمایش ۱۱: اثر قطب غالب بر روی سیستم مرتبه دوم



شکل ۱-۱۱

تابع تبدیل سیستم به صورت زیر است.

$$\frac{C(s)}{R(s)} = \frac{bT}{(s + aT)(s + 1)}$$

$$\frac{C_1(s)}{R(s)} = \frac{1}{(s + 1)}$$

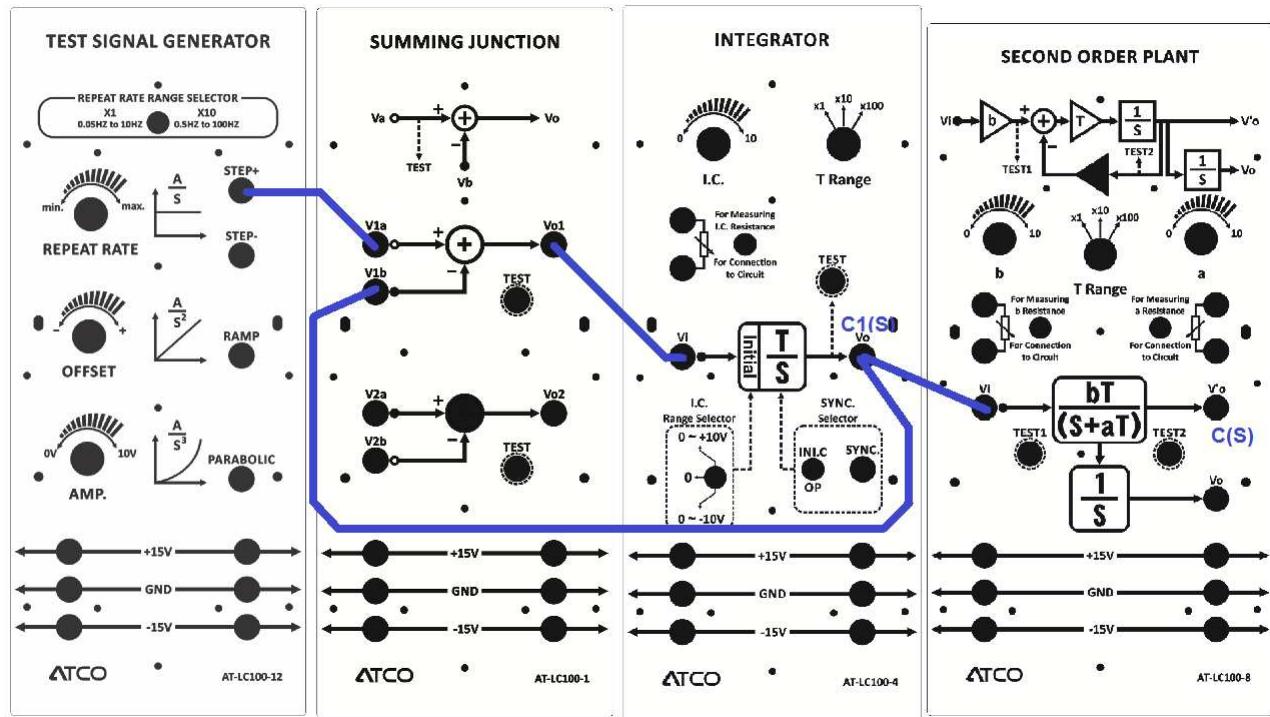
پاسخ خروجی به فرم زیر خواهد بود.

$$c(t) = 1 - \frac{bT}{aT - 1} e^{-t} + \frac{b}{a(aT - 1)} e^{-aTt}$$

$$c_1(t) = 1 - e^{-t}$$

مراحل آزمایش :

۱- سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید :



شکل ۲-۱۱

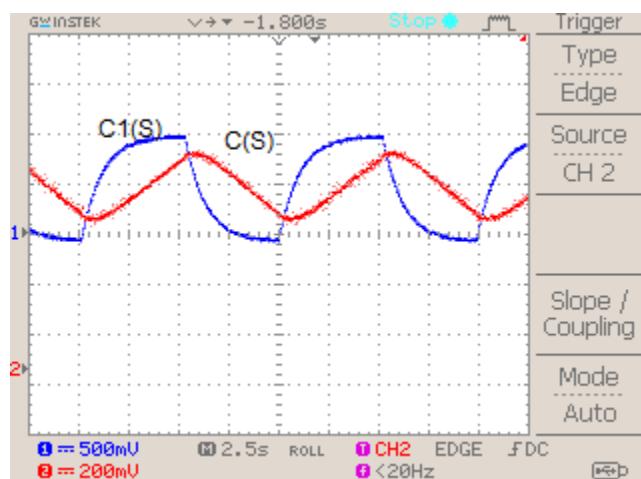
- روی مازول LC100-12 توسط ولوم AMP مقدار ۱Vpp و ولوم REPEAT RATE مقدار ۰.۰۵Hz را در خروجی STEP+ تنظیم نمایید.

- روی مازول LC100-4 سلکتور T را در موقعیت  $1 \times$  قرار دهید و سوئیچ I.C را در موقعیت صفر و سلکتور SYNC را روی OP قرار دهید.

- روی مازول LC100-08 سلکتور را در موقعیت  $1 \times$  و a را روی ۱ کیلو اهم تنظیم نمایید. همچنین دارایم :

$$G(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{1}{(s+1)(s+1)}$$

- با اسیلوسکوپ خروجی Vo1 مازول LC100-08 و خروجی Vo در مازول LC100-4 یا [C1(S)] را اندازه گیری و ثبت نمایید.

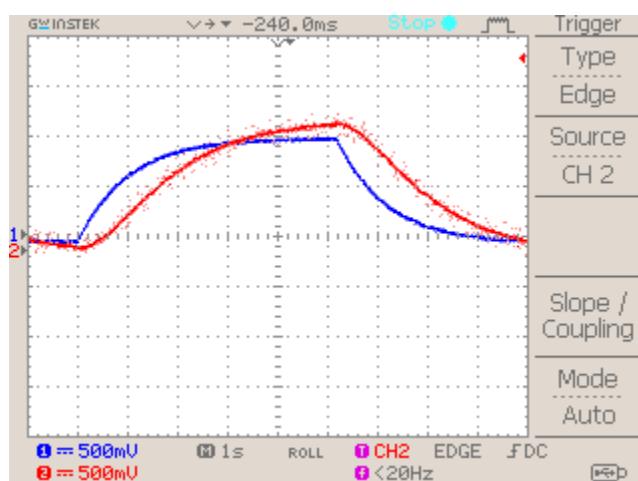


شکل ۳-۱۱

۶- روی مازول LC100-08 سلکتور را در موقعیت  $\times 10$  و a را روی ۱ کیلو اهم تنظیم نمایید . در این صورت داریم :

$$G(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{1}{(s + 1)(s + 10)}$$

۷- با اسیلوسکوپ خروجی Vo1 مازول LC100-08 و خروجی Vo در مازول ۴ LC100-08 را اندازه گیری و ثبت نمایید



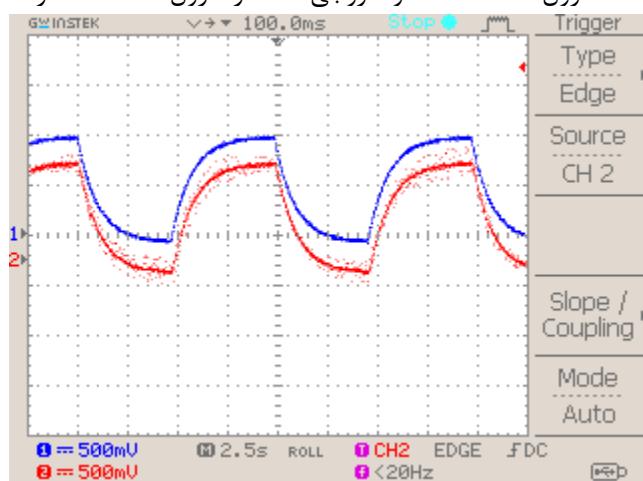
شکل ۴-۱۱

از میان قطب های سیستم آن قطب های که نزدیکتر به مبدأ باشند ، تاثیر بیشتری در خروجی خواهند گذاشت. همین طور که مشاهده می کنید با افزایش ضریب  $T = -aT$  از مبدأ دورتر خواهد شد و تاثیرش در خروجی کم می شود و پاسخ خروجی شبیه پاسخ سیستم مرتبه اول می شود .

روی مازول LC100-08 سلکتور را در موقعیت  $10 \times$  و a را روی ۱۰ کیلو اهم تنظیم نمایید. بنابراین :

$$G(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{100}{(s+1)(s+100)}$$

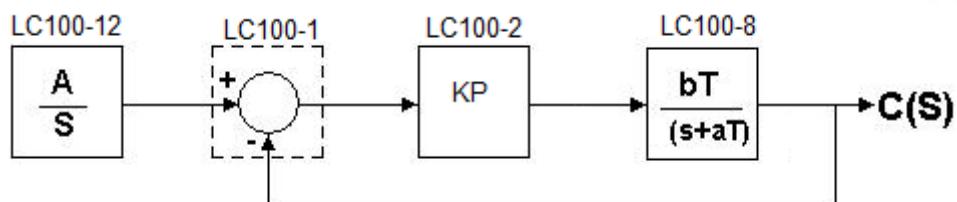
۸- با اسیلوسکوپ خروجی V01 مازول LC100-08 و خروجی Vo4 مازول LC100-4 را اندازه گیری و ثبت نمایید.



شکل ۵-۱۱

با افزایش a و قطب از مبدأ دورتر می شود و در نتیجه اثرش در خروجی کمتر شده و شکل خروجی کاملا شبیه خروجی سیستم مرتبه اول است و از طرفی به دلیل افزایش b دامنه خروجی افزایش یافته است .

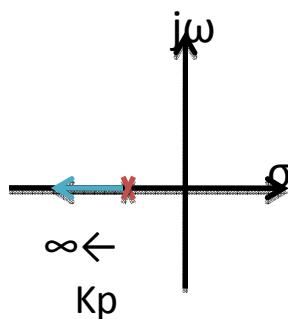
## آزمایش ۱۲: بررسی کنترل کننده تناوبی (P-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه اول



شکل ۱-۱۲

تابع تبدیل حلقه بسته سیستم به صورت زیر است :

$$\frac{C(s)}{R(s)} = \frac{bTk_p}{s + (aT + bTk_p)}$$

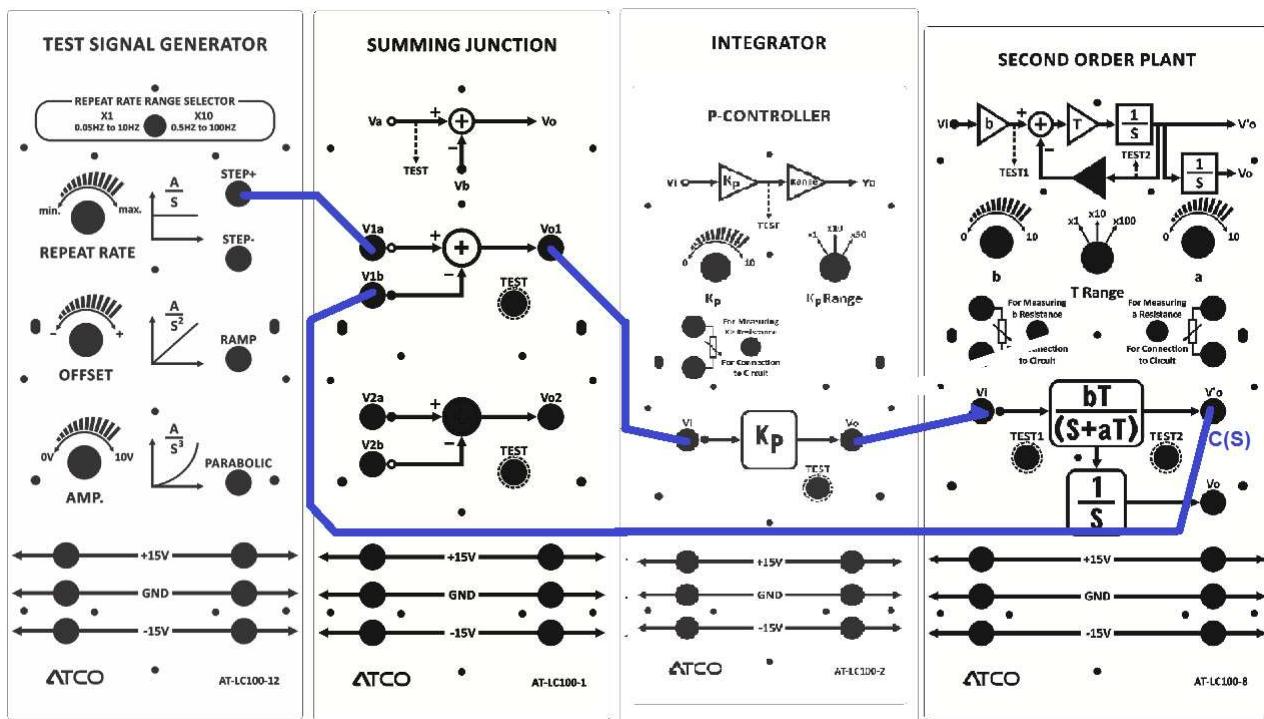


شکل ۲-۱۲

مشاهده می کنید که با افزایش ضریب  $k_p$ ، بهره سیستم بزرگتر می شود که دامنه سیگнал خروجی را تقویت می کند از طرفی قطب سیستم نیز بزرگتر شده و از مبدا دورتر می گردد که در نتیجه آن ثابت زمانی سیستم کم شده و همچنین خطای ماندگار سیستم نیز کوچکتر می شود .

## مراحل آزمایش :

۱- سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید :



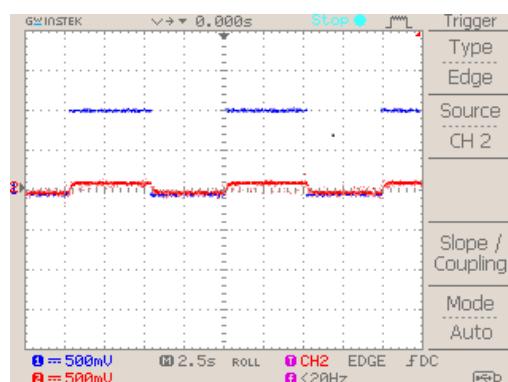
شکل ۳-۱۲

۲- روی مازول LC100-12 توسط ولوم AMP REPEAT RATE مقدار 0.05Hz و ولوم 1Vpp را در خروجی STEP+ تنظیم نمایید

۳- روی مازول LC100-08 سلکتور را در موقعیت  $\times 10$  و a را روی ۵ کیلو اهم تنظیم نمایید . در این صورت داریم :

روی مازول LC100-2 سلکتور K<sub>p</sub> را در موقعیت  $\times 1$  و ولوم K<sub>p</sub> را در موقعیت  $1/5$  کیلو اهم تنظیم نمایید .

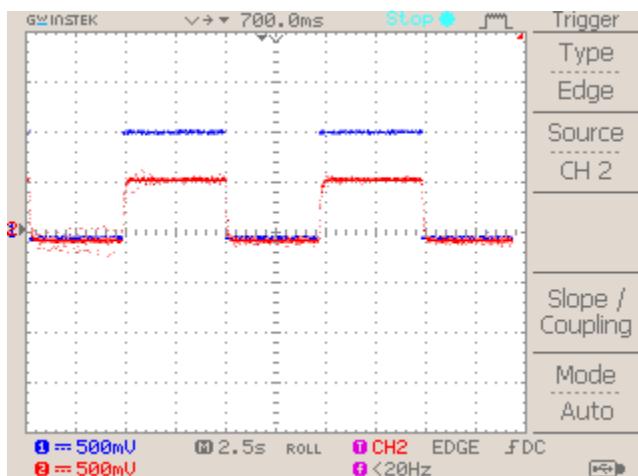
۴- با اسیلوسکوپ خروجی STEP+ مازول LC100-12 و خروجی Vo1 در مازول LC100-08 را اندازه گیری و ثبت نمایید .



شکل ۴-۱۲

۵- روی مازول 2 سلکتور Kp را در وضعیت  $\times 10$  قرار دهید.

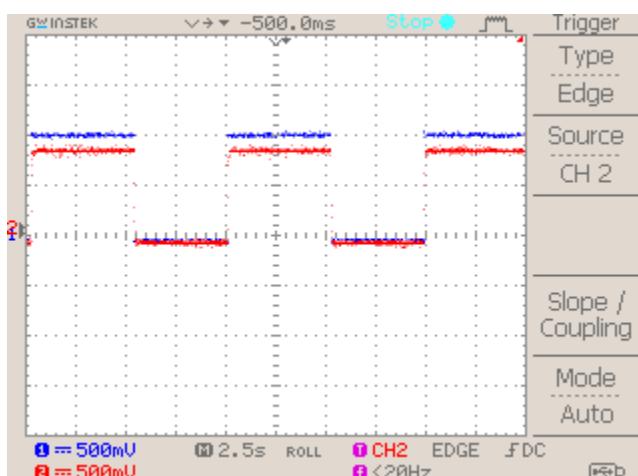
۶- با اسیلوسکوپ خروجی Vo1 و خروجی LC100-08 مازول 12 STEP+ در مازول LC100-08 را اندازه گیری و ثبت نمایید.



شکل ۵-۱۲

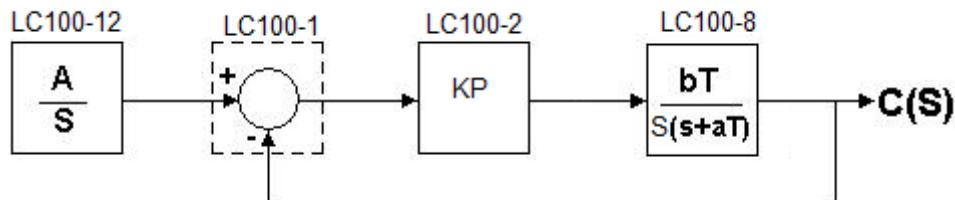
۷- روی مازول 2 سلکتور Kp را در وضعیت  $\times 5$  قرار دهید.

۸- با اسیلوسکوپ خروجی Vo1 و خروجی LC100-08 مازول 12 STEP+ در مازول LC100-08 را اندازه گیری و ثبت نمایید.



شکل ۶-۱۲

### آزمایش ۱۳ : بررسی کنترل کننده تناوبی (P-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه دوم



شکل ۱-۱۳

تابع تبدیل حلقه بسته سیستم به صورت زیر است :

$$\frac{C(s)}{R(s)} = \frac{bTk_p}{s^2 + aTs + bTk_p}$$

نسبت میرایی و فرکانس طبیعی نامیرای سیستم به صورت زیر بدست می‌آید.

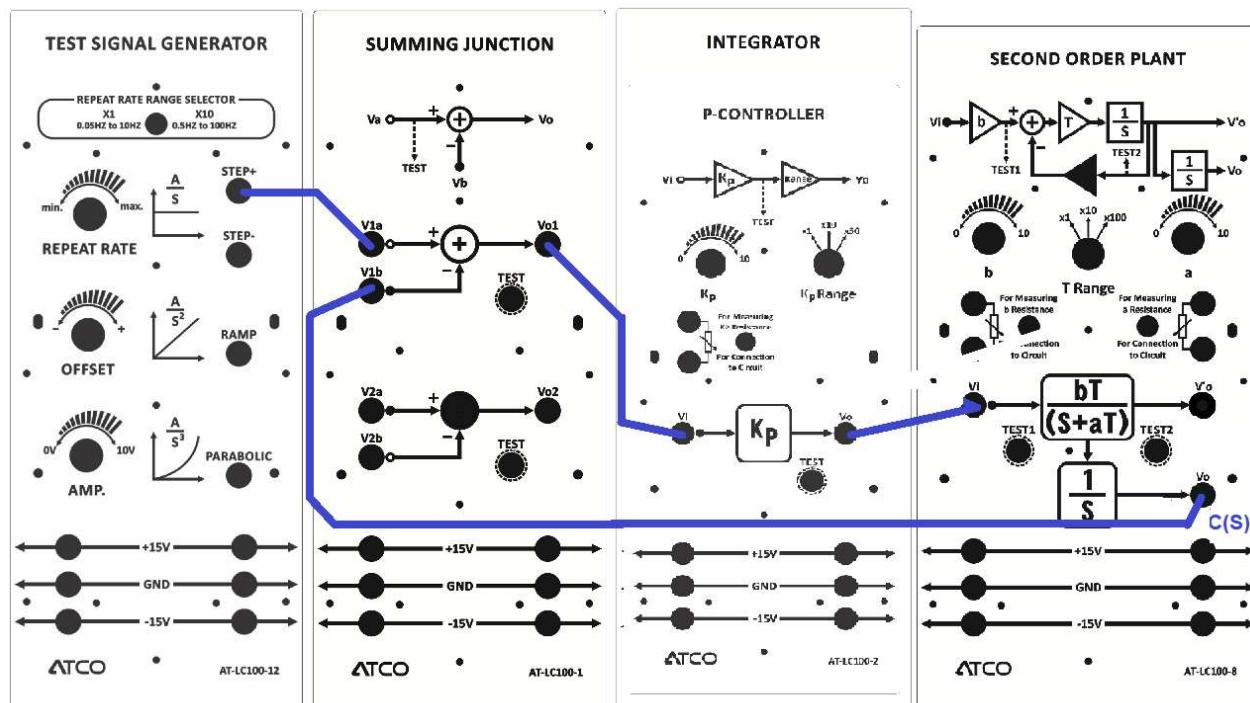
$$\xi = \frac{aT}{2\omega_n} = \frac{aT}{2\sqrt{bTk_p}}$$

$$\omega_n = \sqrt{bTk_p}$$

مشاهده می‌کنید که با افزایش ضریب  $k_p$ ، بهره سیستم بزرگتر می‌شود که دامنه سیگنال خروجی را تقویت می‌کند از طرفی فرکانس طبیعی نامیرای سیستم نیز بزرگتر شده و نسبت میرایی کم می‌شود که در نتیجه آن خروجی سیستم به سمت نوسانی میرا شدن می‌رود.

#### مراحل آزمایش :

- سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید :

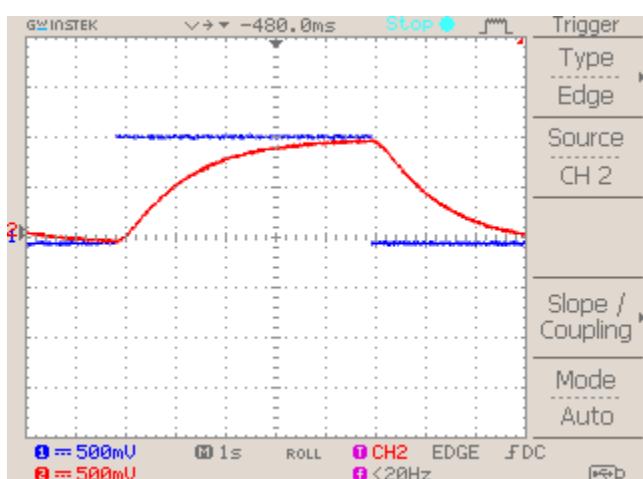


شکل ۲-۱۳

۲- روی مازول LC100-12 توسط ولوم REPEAT RATE و ولوم AMP مقدار ۰.۰۵Hz و ۱Vpp را در خروجی STEP+ تنظیم نمایید.

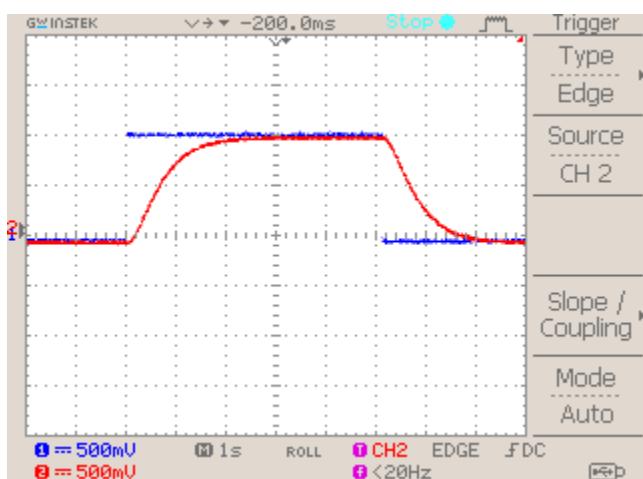
۳- روی مازول LC100-08 سلکتور را در موقعیت  $10\times$  و a را روی ۵ کیلو اهم تنظیم نمایید. در این صورت داریم:

۴- روی مازول LC100-2 سلکتور Kp را در وضعیت  $10\times$  و ولوم Kp را در موقعیت ۱ کیلو اهم تنظیم نمایید.  
۵- با اسیلوسکوپ خروجی STEP+ مازول LC100-12 و خروجی Vo2 در مازول LC100-08 اندازه گیری و ثبت نمایید.

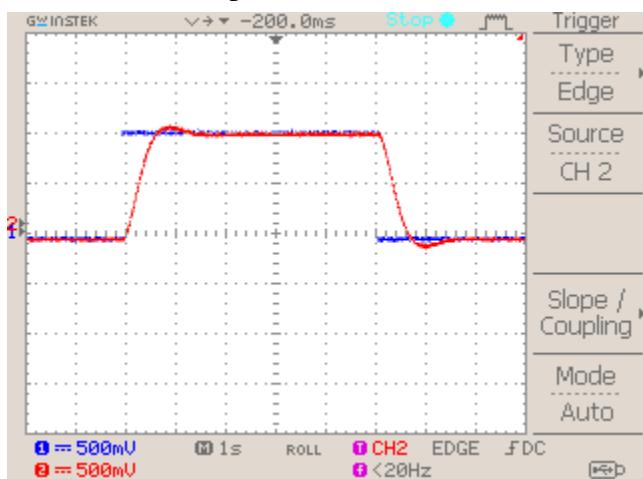


شکل ۳-۱۳

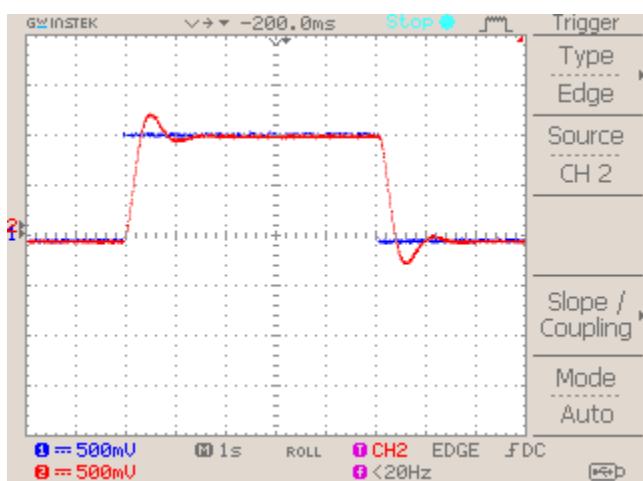
۶- مراحل ۴ و ۵ را با تغییر ولوم Kp به مقادیر ۲ ، ۵ و ۱۰ کیلو اهم ، مجدداً تکرار نمایید و نتایج را ثبت و بررسی نمایید.



شکل ۴-۱۳ Kp=2K



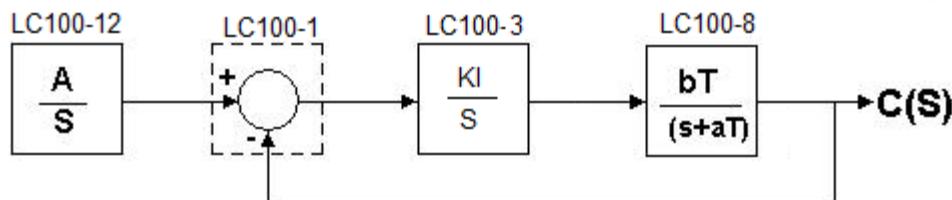
شکل ۵-۱۳ Kp=5K



شکل ۶-۱۳ Kp=10K

مشاهده می‌کنید که با افزایش  $K_p$  درصد بالاگذگی پاسخ overshoot افزایش می‌یابد و از طرفی زمان پیک کاهش می‌یابد و در کل پاسخ سیستم به سمت ناپایداری می‌رود.

## آزمایش ۱۴: بررسی کننده انتگرالی (I-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه اول



شکل ۱-۱۴

تابع تبدیل حلقه بسته سیستم به صورت زیر است :

$$\frac{C(s)}{R(s)} = \frac{bTk_i}{s^2 + aTs + bTk_i}$$

نسبت میرایی و فرکانس طبیعی نامیرای سیستم به صورت زیر بدست می‌آید.

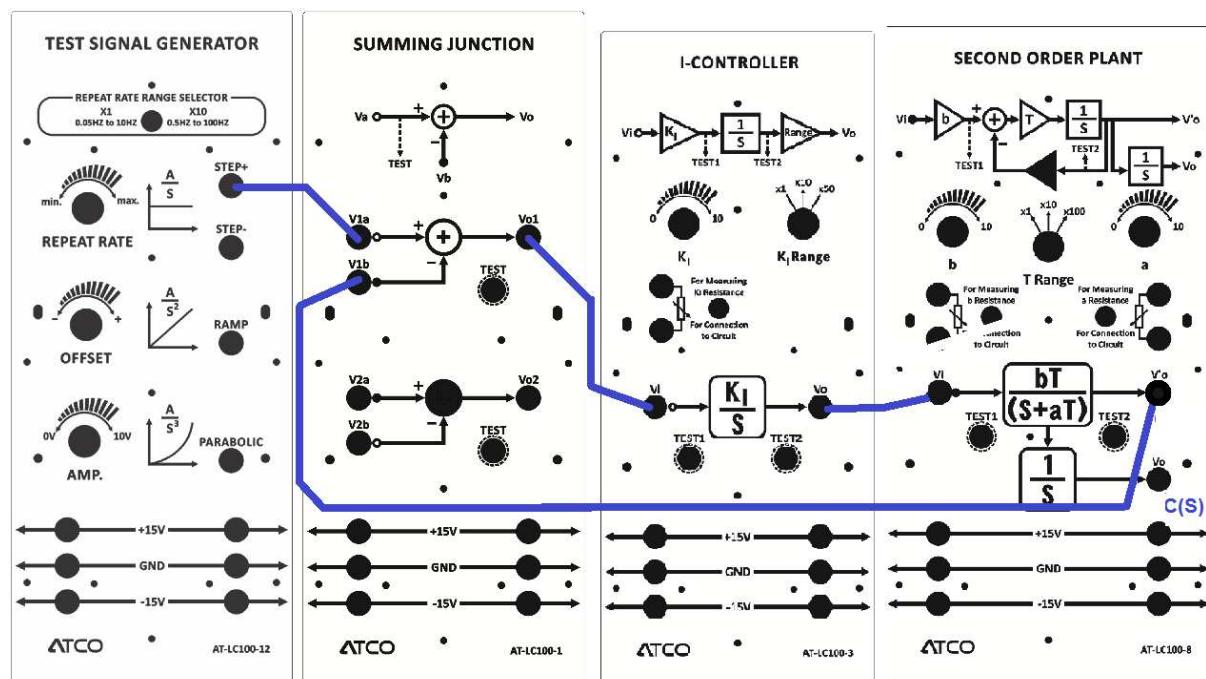
$$\xi = \frac{aT}{2\omega_n} = \frac{aT}{2\sqrt{bTk_i}}$$

$$\omega_n = \sqrt{bTk_i}$$

مشاهده می‌کنید که با افزایش ضریب  $k_i$ ، بهره سیستم بزرگتر می‌شود که دامنه سیگنال خروجی را تقویت می‌کند از طرفی فرکانس طبیعی نامیرای سیستم نیز بزرگتر شده و نسبت میرایی کم می‌شود که در نتیجه آن خروجی سیستم از میرای بحرانی به سمت نوسانی نا میرا شدن می‌رود. میزان overshoot بیشتر شده و زمان پیک کاهش می‌یابد.

### مراحل آزمایش :

- ۱ سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید :



شکل ۲-۱۴

۲- روی مازول LC100-12 توسط ولوم REPEAT RATE و ولوم AMP مقدار ۰.۰۵Hz و ۲.۲Vpp را در خروجی STEP+ تنظیم نمایید.

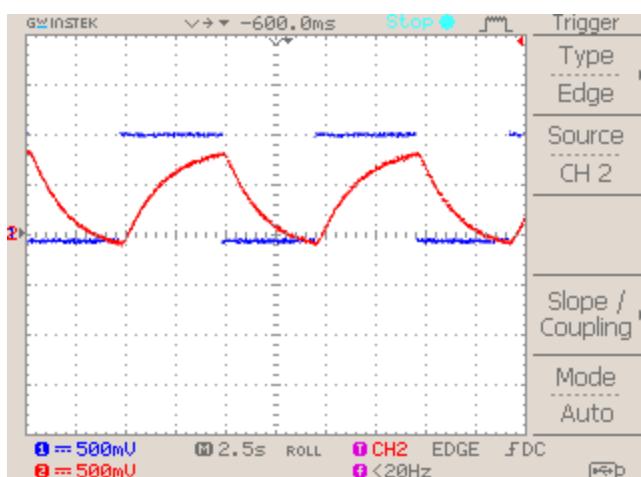
۳- روی مازول LC100-08 سلکتور را در موقعیت  $10 \times$  و a را روی ۵ کیلو اهم تنظیم نمایید. در این صورت داریم :

$$G_p(s) = \frac{5}{s + 5}$$

$$M(s) = \frac{5Ki}{s^2 + 5s + 5Ki}$$

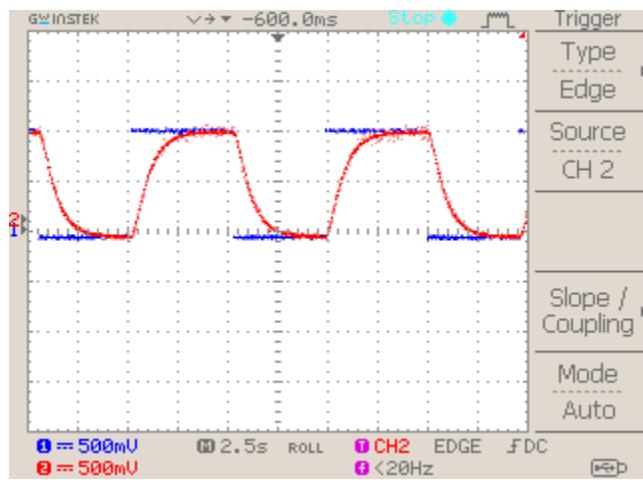
۴- روی مازول LC100-3 سلکتور Ki را در وضعیت  $1 \times$  و ولوم را در موقعیت ۰.۵K کیلو اهم تنظیم نمایید.

۵- با اسیلوسکوپ خروجی STEP+ مازول LC100-12 و خروجی Vo1 در مازول LC100-08 اندازه گیری و ثبت نمایید.

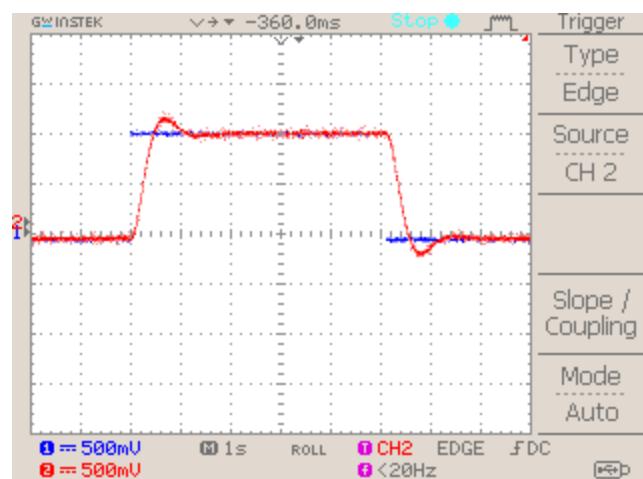


شکل ۳-۱۴

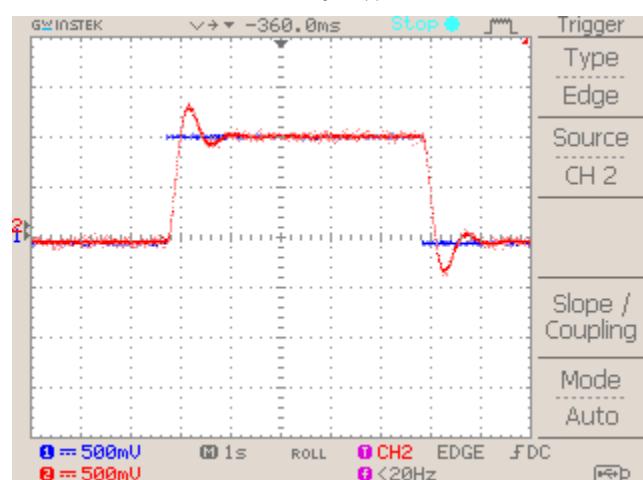
۶- مراحل ۳ به بعد را برای Ki, ۱K, ۰.۵K, ۱0K اهم نیز تکرار نمایید.



شکل ۱۴-۱۶



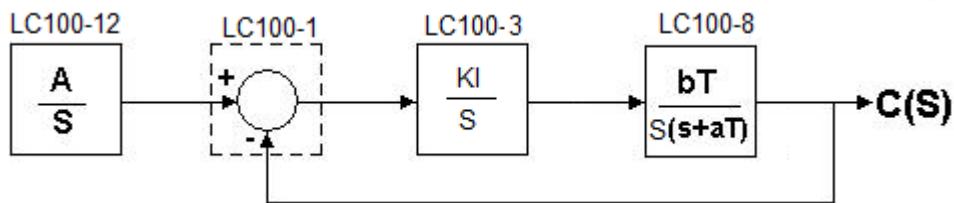
شکل ۱۴-۱۷



شکل ۱۴-۱۸

مشاهده می‌کنید که با افزایش  $K_i$  درصد بالاگذگی پاسخ overshoot افزایش می‌یابد و از طرفی زمان پیک کاهش می‌یابد و در کل پاسخ سیستم به سمت ناپایداری می‌رود.

## آزمایش ۱۵: بررسی کنترل کننده انتگرالی (I-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه دوم

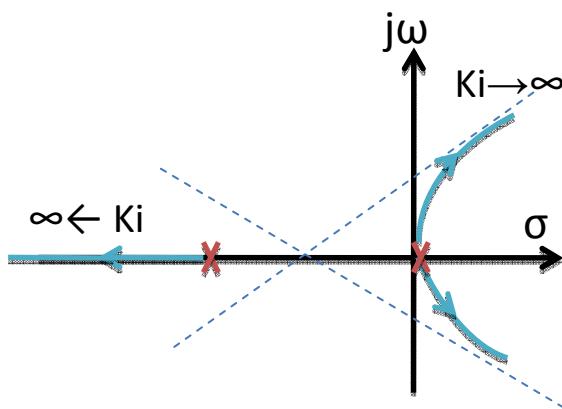


شکل ۱-۱۵

تابع تبدیل حلقه باز و بسته سیستم به صورت زیر است :

$$T(s) = \frac{bTk_i}{s^2(s + aT)}$$

$$G(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{bTk_i}{s^3 + aTs^2 + bTk_i}$$

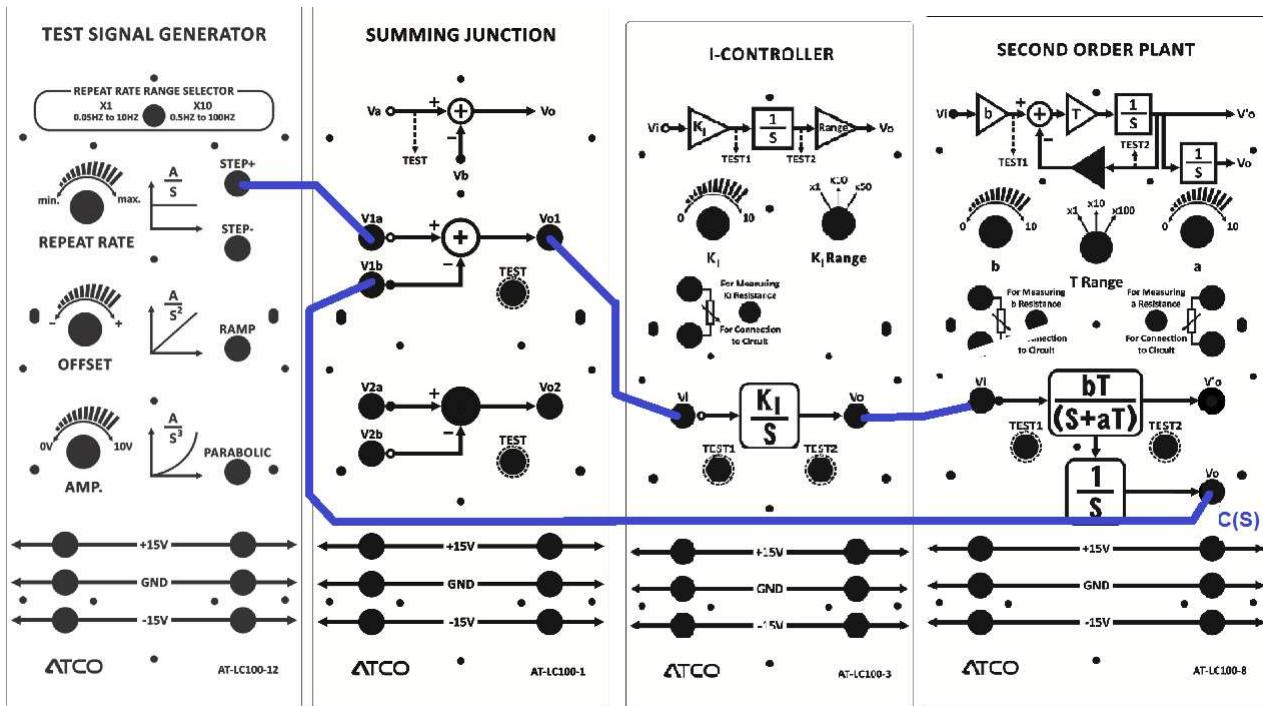


شکل ۲-۱۵

مشاهده می کنید که با افزایش ضریب  $k_i$ ، بهره سیستم بزرگتر می شود که دامنه سیگнал خروجی را تقویت می کند از طرفی قطب های سیستم به سمت راست صفحه منتقل می شوند، که در نتیجه آن خروجی سیستم به سمت نوسانی نا میرا شدن می رود. خروجی به شکل نوسانی افزایشی خواهد بود و با افزایش بهره  $k_i$  فرکانس نوسانات نیز افزایش می یابد.

## مراحل آزمایش:

۱- سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید :



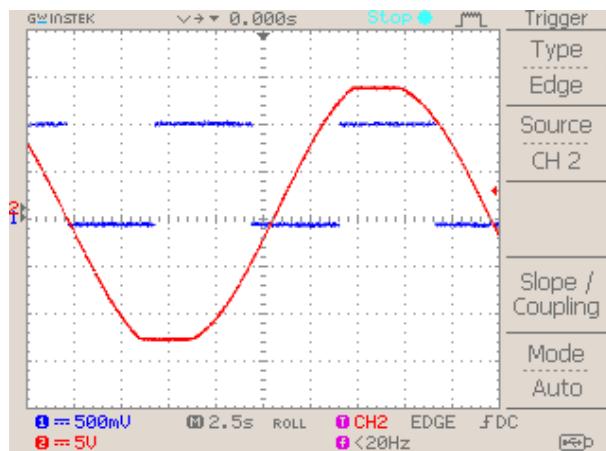
شکل ۳-۱۵

۲- روی مازول 12 توسط ولوم AMP مقدار ۱Vpp و REPEAT RATE ۰.۰۵Hz را در خروجی LC100-12 تنظیم نمایید.

۳- روی مازول 08 سلکتور را در موقعیت  $\times 10$  و a را روی ۵ کیلو اهم تنظیم نمایید. در این صورت داریم :

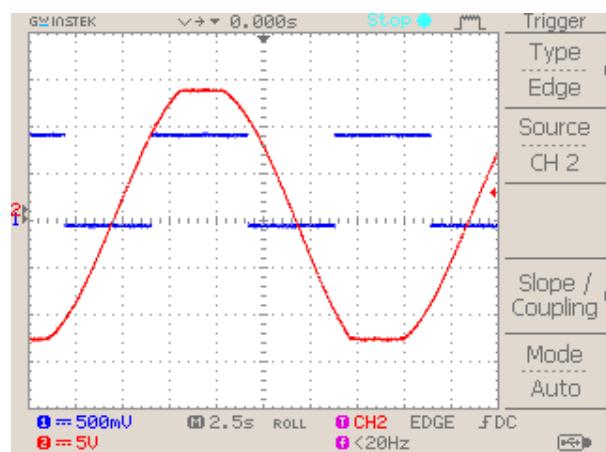
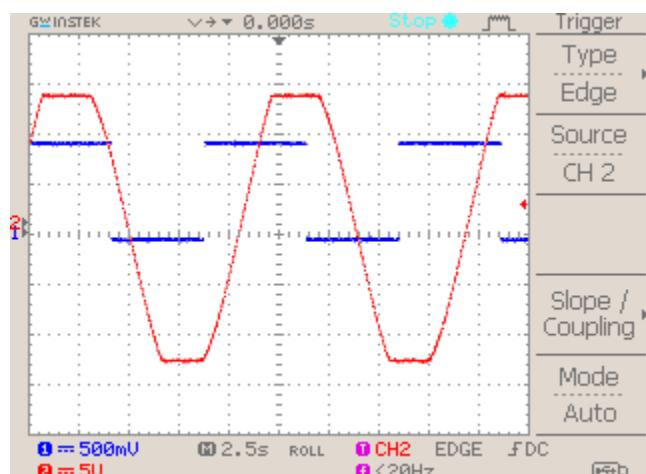
۴- روی مازول 3 سلکتور Ki را در وضعیت  $\times 1$  و ولوم Ki را در موقعیت ۰.۱K کیلو اهم تنظیم نمایید.

۵- با اسیلوسکوپ خروجی STEP+ مازول 12 و خروجی Vo2 در مازول 08 LC100-08 را اندازه گیری و ثبت نمایید.



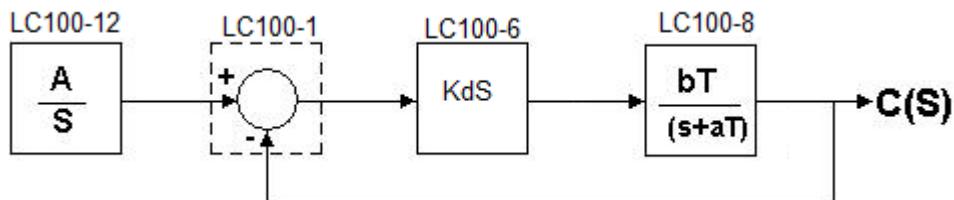
شکل ۴-۱۵

۶- مراحل ۳ به بعد را برای  $K_i = 0.2K$  و  $0.5K$  نیز تکرار نمایید.

شکل ۴-۱۵  $K_i=0.2$   $K_6-15$ شکل ۴-۱۵  $K_i=0.5$   $K_6-15$ 

مشاهده می‌کنید که دامنه و فرکانس خروجی نسبت به زمان افزایش می‌یابند.

## آزمایش ۱۶: بررسی کنترل کننده مشتقی (D-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه اول



شکل ۱-۱۶

تابع تبدیل حلقه باز و بسته سیستم به صورت زیر است :

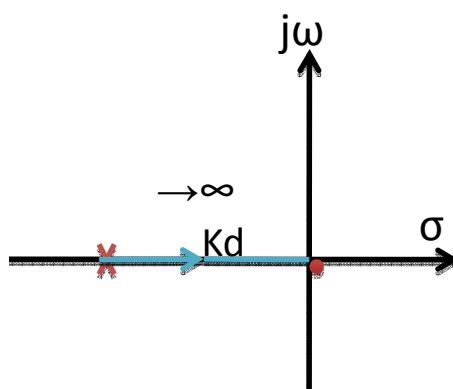
$$T(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{bTk_d s}{s + aT}$$

$$G(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{bTk_d s}{s(bTk_d + 1) + aT}$$

پاسخ زمانی خروجی به صورت زیر خواهد بود .

$$c(t) = \frac{bTk_d}{bTk_d + 1} e^{\frac{-aT}{bTk_d + 1} t}$$

کنترل کننده مشتقی به خاطر داشتن عامل مشتق گیر  $k_d s$ ، از ورودی سیستم مشتق می‌گیرد در نتیجه پاسخ پله سیستم صفر خواهد بود .



شکل ۲-۱۶

مشاهده می‌کنید که با افزایش ضریب  $k_d$ ، بهره سیستم بزرگتر می‌شود که دامنه سیگنال خروجی را تقویت می‌کند از طرفی با افزایش بهره  $k_d$  قطب سیستم به سمت مبدأ حرکت می‌کند و در نتیجه ثابت زمانی پاسخ گذرای سیستم افزایش می‌یابد . از آنجایی که سیستم نوع صفر است ، خطای ماندگار آن به صورت زیر است :

$$E(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{sR(s)}{1 + T(s)} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{sR(s)}{1 + \frac{bTk_d s}{s+aT}}$$

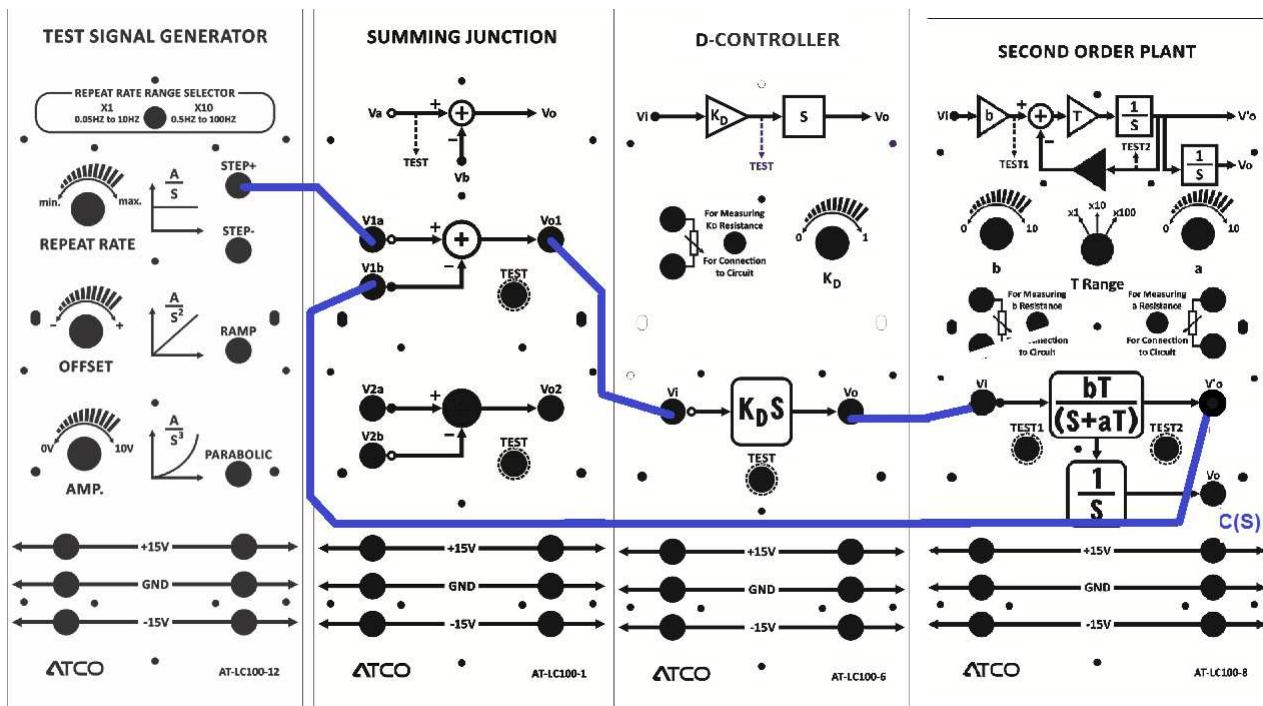
برای ورودی پله خطاب به صورت زیر است.

$$E(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{s \left( \frac{1}{s} \right)}{1 + \frac{bTk_d s}{s+aT}} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{1}{1 + \frac{bk_d s}{a}} = 1$$

همانطور که مشاهده می شود بهره  $k_d$  تاثیری روی مقدار نهایی خطابی ماندگار نخواهد داشت.

مراحل آزمایش:

۱- سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید:



شکل ۱۶ - ۳

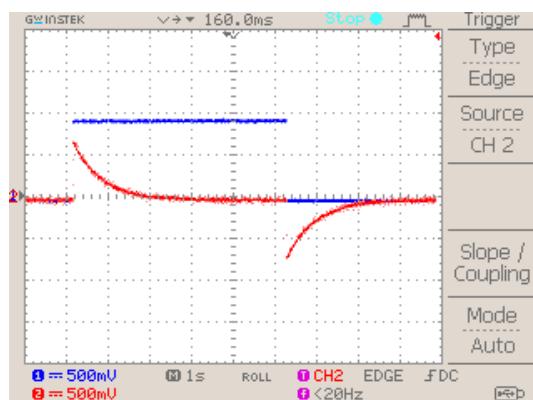
۲- روی مازول LC100-12 توسط ولوم AMP مقدار 2Vpp و REPEAT RATE را در خروجی a را روی STEP+ تنظیم نمایید.

۳- روی مازول LC100-08 سلکتور را در موقعیت  $\times 10$  و b را روی ۵ کیلو اهم تنظیم نمایید.



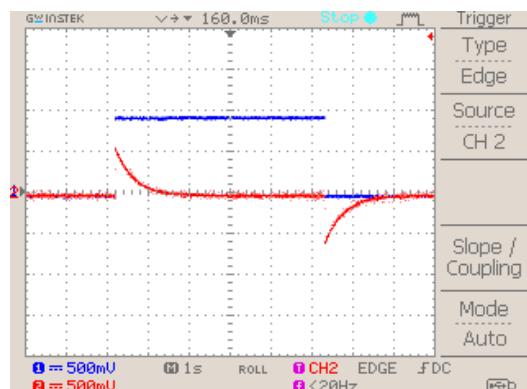
۴- روی مازول LC100-6 ولوم Kd را در موقعیت ۱ کیلو اهم تنظیم نمایید.

۵- با اسیلوسکوپ خروجی V01 مازول STEP+ و خروجی LC100-12 در مازول ۰۸ V01 را اندازه گیری و ثبت نمایید.



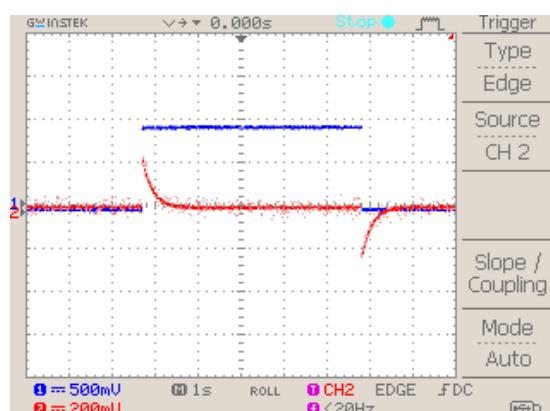
شکل ۴-۱۶

۶- مقدار  $K_D$  را به ۵ کیلو اهم تغییر دهید و سپس دوباره خروجی STEP+ و خروجی V01 مازول ۰۸ را اندازه گیری نمایید.



شکل ۵-۱۶

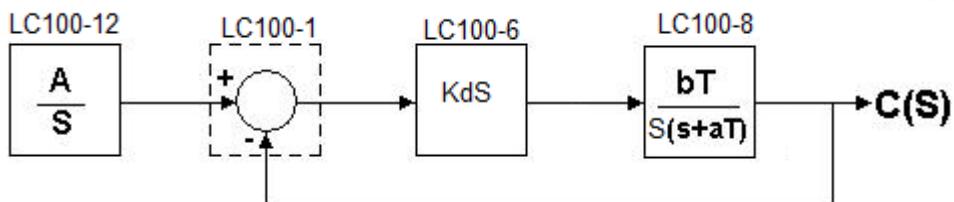
۷- مراحل فوق را با مراکزیم مقدار  $K_D$  نیز اندازه گیری نمایید.



شکل ۱۶-۶

مشاهده می‌شود که با افزایش بهره ثابت زمانی افزایش یافته است.

### آزمایش ۱۷: بررسی کنترل کننده مشتقی (D-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه دوم



شکل ۱-۱۷

تابع تبدیل حلقه باز و بسته سیستم به صورت زیر است:

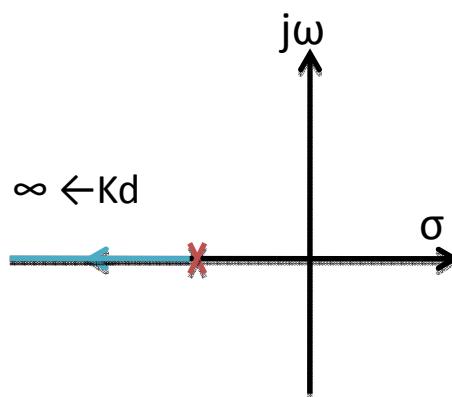
$$T(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{bTk_d}{s + aT}$$

$$G(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{bTk_d}{s + aT + bTk_d}$$

پاسخ زمانی خروجی به صورت زیر خواهد بود.

$$c(t) = \frac{bTk_d}{aT + bTk_d} (1 - e^{-(aT+bTk_d)t})$$

کنترل کننده مشتقی به خاطر داشتن عامل مشتق گیر  $k_d s$ ، از ورودی سیستم مشتق می‌گیرد.



شکل ۲-۱۷

مشاهده می‌کنید که با افزایش ضریب  $k_d$ ، بهره سیستم بزرگتر می‌شود که دامنه سیگنال خروجی را تقویت می‌کند از طرفی با افزایش بهره  $k_d$  قطب سیستم از مبدأ دور می‌شود و در نتیجه ثابت زمانی پاسخ گذراي سیستم کاهش می‌یابد در نتیجه پاسخ سیستم سریعتر می‌شود.

از آنجایی که سیستم نوع یک است، خطای ماندگار آن به صورت زیر است:

$$E(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{sR(s)}{1 + T(s)} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{sR(s)}{1 + \frac{bTk_d}{s+aT}}$$

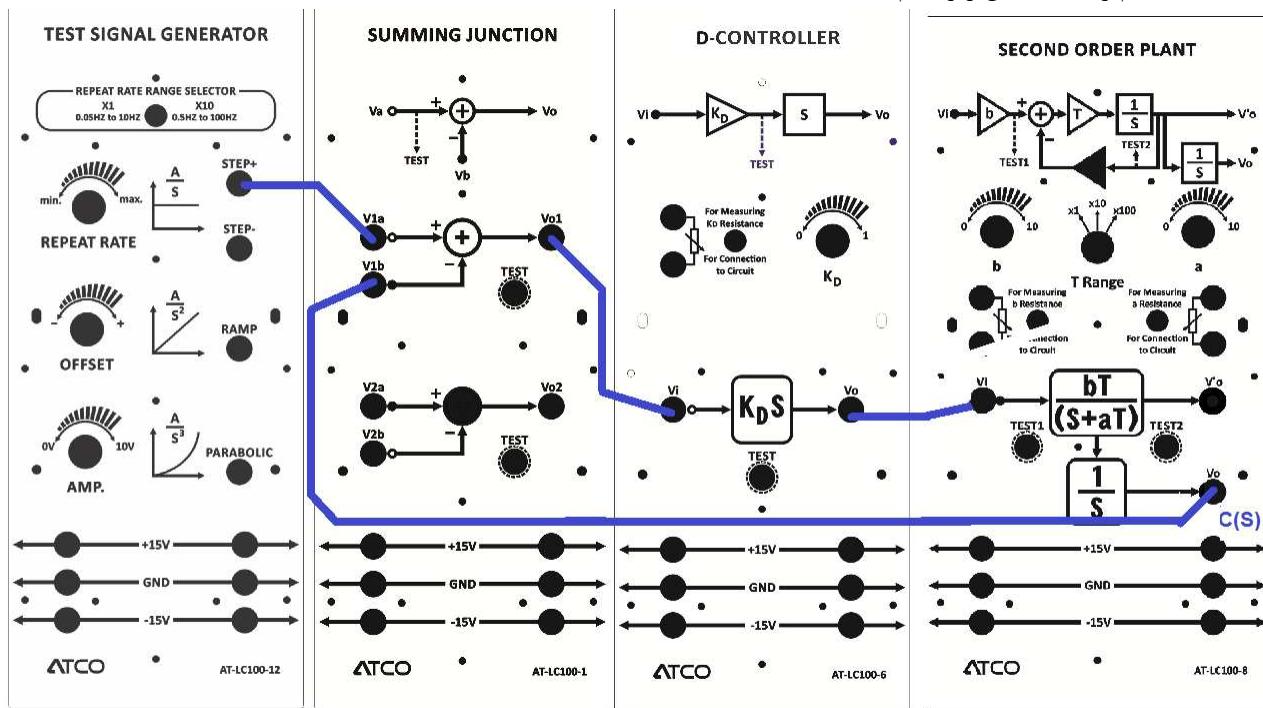
برای ورودی پله خطاب به صورت زیر است.

$$E(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{s \left( \frac{1}{s} \right)}{1 + \frac{bTk_d}{s+aT}} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{1}{1 + \frac{bk_d}{a}}$$

همانطور که مشاهده می شود با افزایش بهره  $k_d$  مقدار نهایی خطای ماندگار کاهش می یابد.

### مراحل آزمایش :

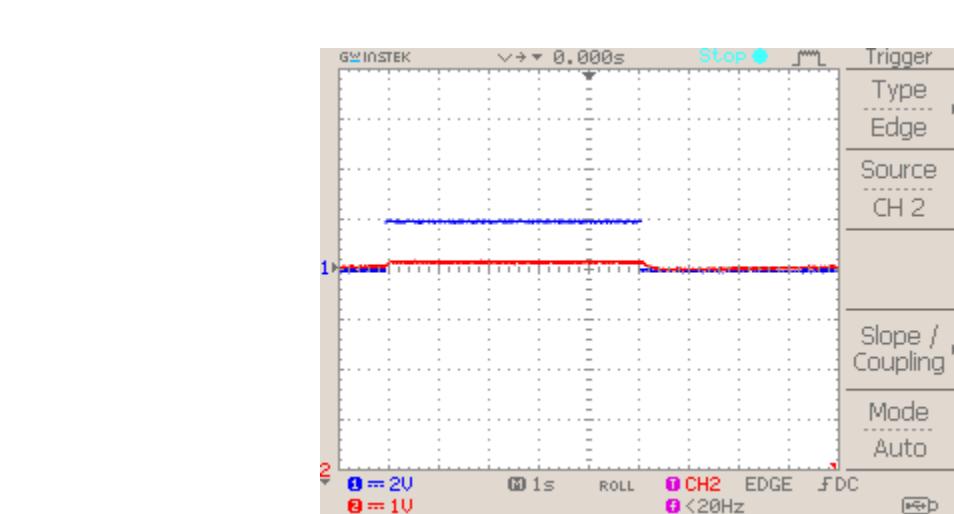
۱- سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید:



شکل ۳-۱۷

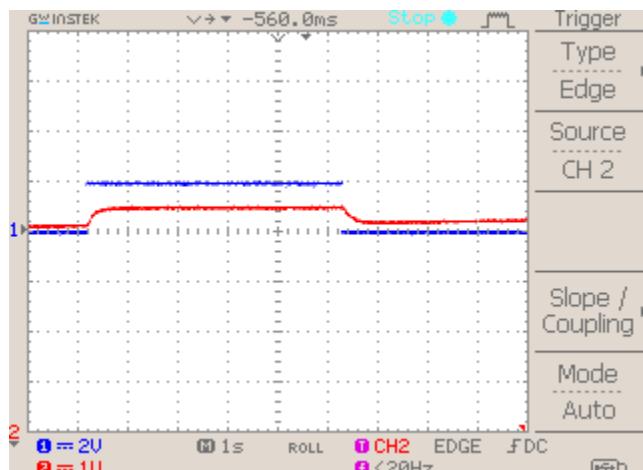
۲- روی مازول 12 LC100-12 توسط ولوم REPEAT RATE و ولوم AMP مقدار 2Vpp 0.05Hz را در خروجی STEP+ تنظیم نمایید.

۳- روی مازول 08 LC100-08 سلکتور را در موقعیت  $a \times 10$  و  $b$  را روی ۵ کیلو اهم تنظیم نمایید.



شکل ۴-۱۷

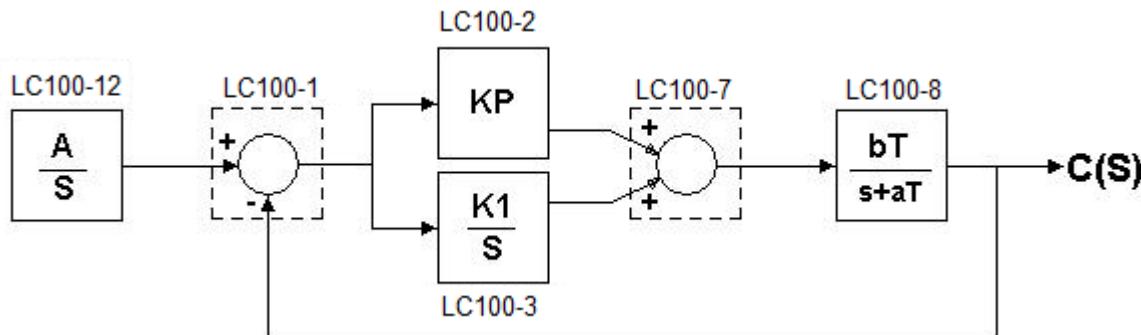
- ۶- مقدار  $K_d$  را به ماکریم مقدار افزایش دهید و سپس دوباره خروجی+ STEP+ و خروجی  $V_{O2}$  مازول LC100-08 را اندازه گیری نمایید.



شکل ۵-۱۷

همانطور که میبینید با افزایش بهره  $k_d$ ، دامنه خروجی و مقدار نهایی آن افزایش یافته است.

## آزمایش ۱۸: بررسی کنترل کننده تناوبی انتگرالی (PI-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه اول



شکل ۱-۱۸

تابع تبدیل حلقه باز و بسته سیستم به صورت زیر است :

$$T(s) = \frac{bT(sk_p + k_i)}{s(s + aT)}$$

$$G(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{bT(sk_p + k_i)}{s^2 + (aT + bTk_p)s + bTk_i}$$

نسبت میرایی و فرکانس طبیعی نامیرای سیستم به صورت زیر بدست می‌آید.

$$\xi = \frac{aT + bTk_p}{2\omega_n} = \frac{aT + bTk_p}{2\sqrt{bTk_i}}$$

$$\omega_n = \sqrt{bTk_i}$$

به دلیل اضافه شدن کنترل کننده PI سیستم از نوع صفر به نوع یک تبدیل می‌شود، خطای ماندگار آن به صورت زیر است :

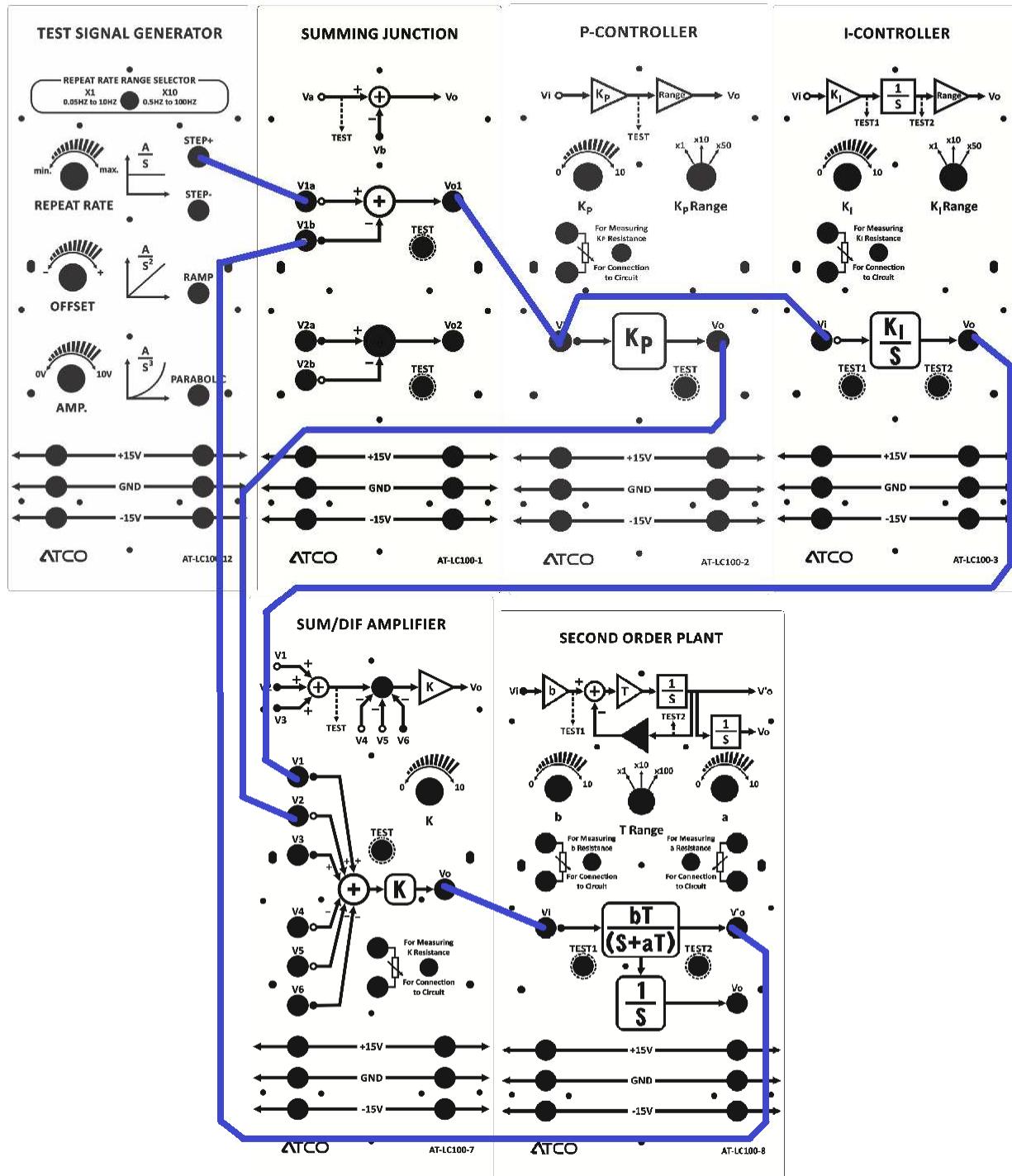
$$E(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{sR(s)}{1 + T(s)} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{sR(s)}{1 + \frac{bT(sk_p + k_i)}{s(s + aT)}}$$

خطای حالت ماندگار برای ورودی پله صفر می‌شود که از کنترل کننده I ناشی می‌شود.

$$E(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{\frac{s}{s} \left( \frac{1}{s} \right)}{1 + \frac{bT(sk_p + k_i)}{s(s + aT)}} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{1}{1 + \frac{bk_i}{as}} \cong 0$$

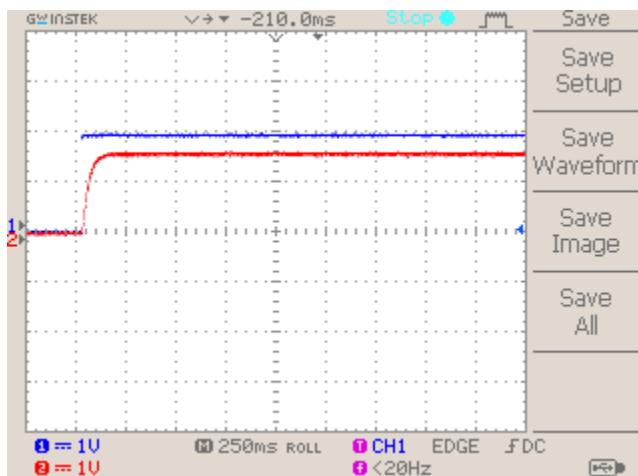
## مراحل آزمایش :

-1 سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید :



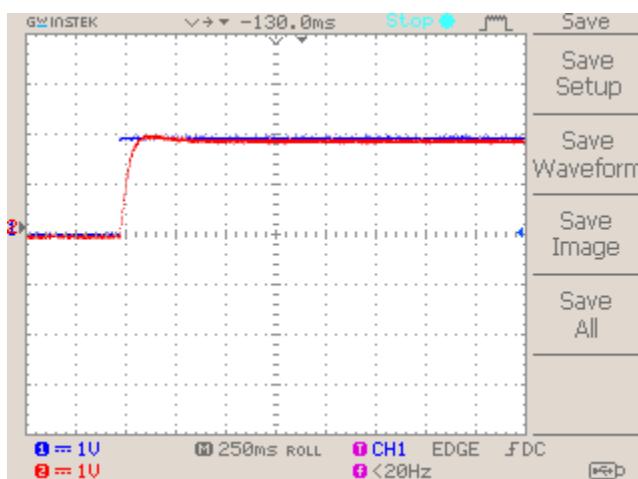
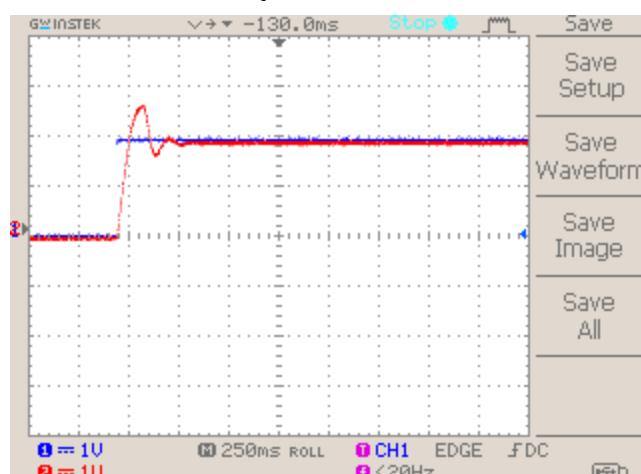
شکل ۲-۱۸

- ۲- روی مازول LC100-12 توسط ولوم AMP مقدار ۰.۰۵Hz REPEAT RATE و ولوم ۲Vpp را در خروجی STEP+ تنظیم نمایید.
- ۳- روی مازول LC100-7 ولوم K را در موقعیت ۵K اهم تنظیم نمایید.
- ۴- روی مازول LC100-08 سلکتور را در موقعیت  $10 \times$  و a را روی ۵ کیلو اهم تنظیم نمایید.
- ۵- روی مازول LC100-2 ولوم Kp را در موقعیت ۱۰ کیلو اهم تنظیم نمایید.
- ۶- روی مازول LC100-3 ولوم Ki را در موقعیت ۰ کیلو اهم تنظیم نمایید.
- ۷- با اسیلوسکوپ خروجی Vo1 مازول LC100-08 و خروجی STEP+ در مازول LC100-12 اندازه گیری و ثبت نمایید.



شکل ۳-۱۸

- ۸- مراحل قبل را برای Ki های دیگر نیز تکرار نمایید.

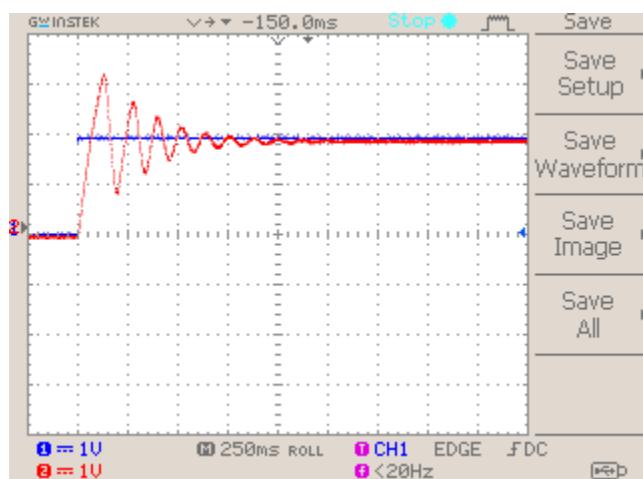
شکل ۴-۱۸  $K_i = 100k$ شکل ۵-۱۸  $K_i = 100k \times 10$ 

برای یک  $k_p$  ثابت، با افزایش بهره  $k_i$ ، فرکانس طبیعی نامیرا  $\omega_n$  افزایش و نسبت میرایی کاهش می‌یابد. در نتیجه پاسخ سیستم سریعتر می‌گردد ولی درصد بالازدگی بیشتری خواهیم داشت. این پدیده را می‌توان به کمک بهره  $k_p$  تا حدودی بر طرف نمود.

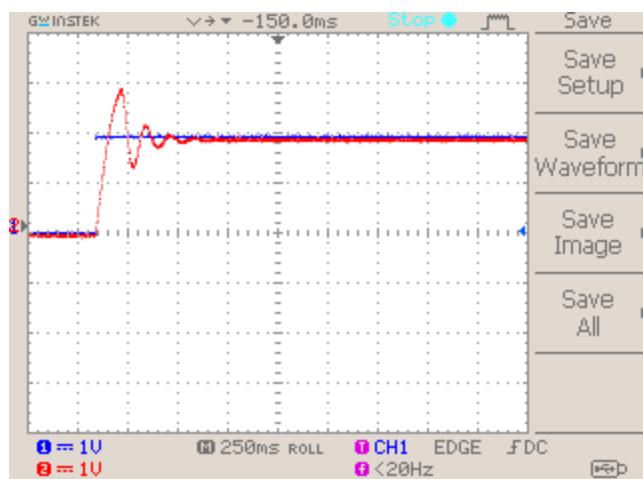
۹- در این مرحله  $K_i$  را در موقعیت ماکریزیم نگاه داشته و این بار  $K_p$  را تغییرمی‌دهیم.

۱۰- ولوم  $K_p$  را تغییر دهید و نتایج را بررسی نمایید.

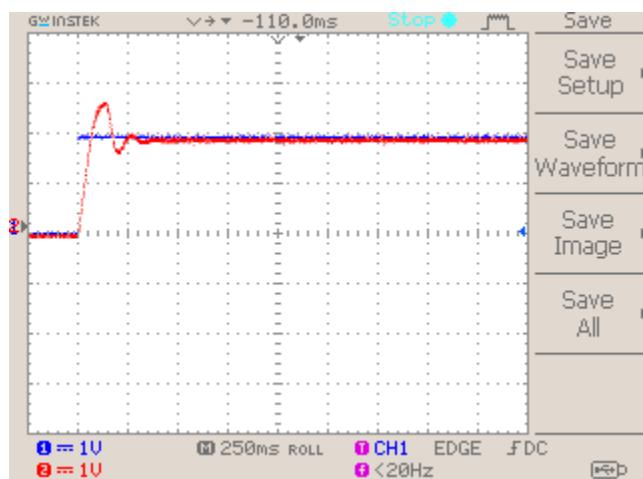
۱۱- با اسیلوسکوپ خروجی Vo1 مازول LC100-08 و خروجی STEP+ در مازول LC100-12 را اندازه گیری و ثبت نمایید.



شکل ۸-۱۸



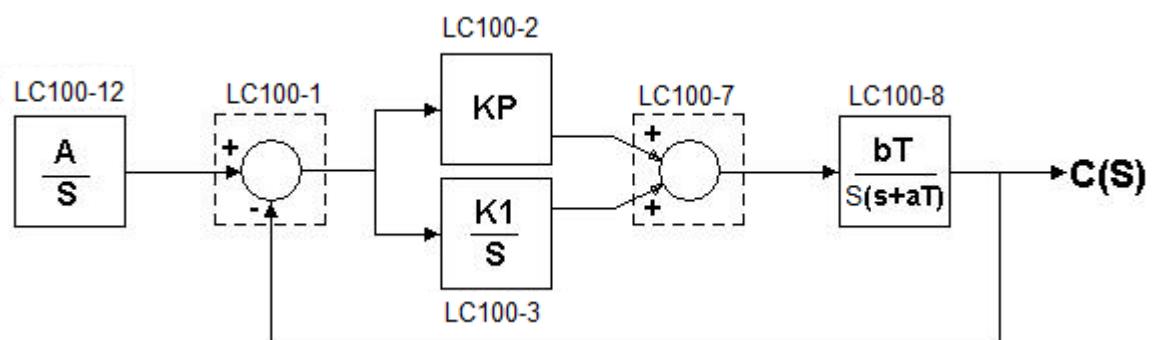
شکل ۹-۱۸



شکل ۱۰-۱۸

مشاهده می‌کنید که برای یک  $k_i$  ثابت، با افزایش بهره  $k_p$ ، نسبت میرایی افزایش می‌باید و فرکانس  $\omega_n$  بدون تغییر می‌ماند در نتیجه آن میزان overshoot کاهش می‌باید.

## آزمایش ۱۹: بررسی کنترل کننده تناوبی انتگرالی (PI-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه دوم



شکل ۱-۱۹

تابع تبدیل حلقه باز و بسته سیستم به صورت زیر است:

$$T(s) = \frac{bT(sk_p + k_i)}{s^2(s + aT)}$$

$$G(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{bT(sk_p + k_i)}{s^2(s + aT) + bT(sk_p + k_i)}$$

به دلیل اضافه شدن کننده PI سیستم از نوع یک به نوع دو تبدیل می‌شود، خطا ماندگار آن به صورت زیر است:

$$E(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{sR(s)}{1 + T(s)} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{sR(s)}{1 + \frac{bT(sk_p + k_i)}{s^2(s + aT)}}$$

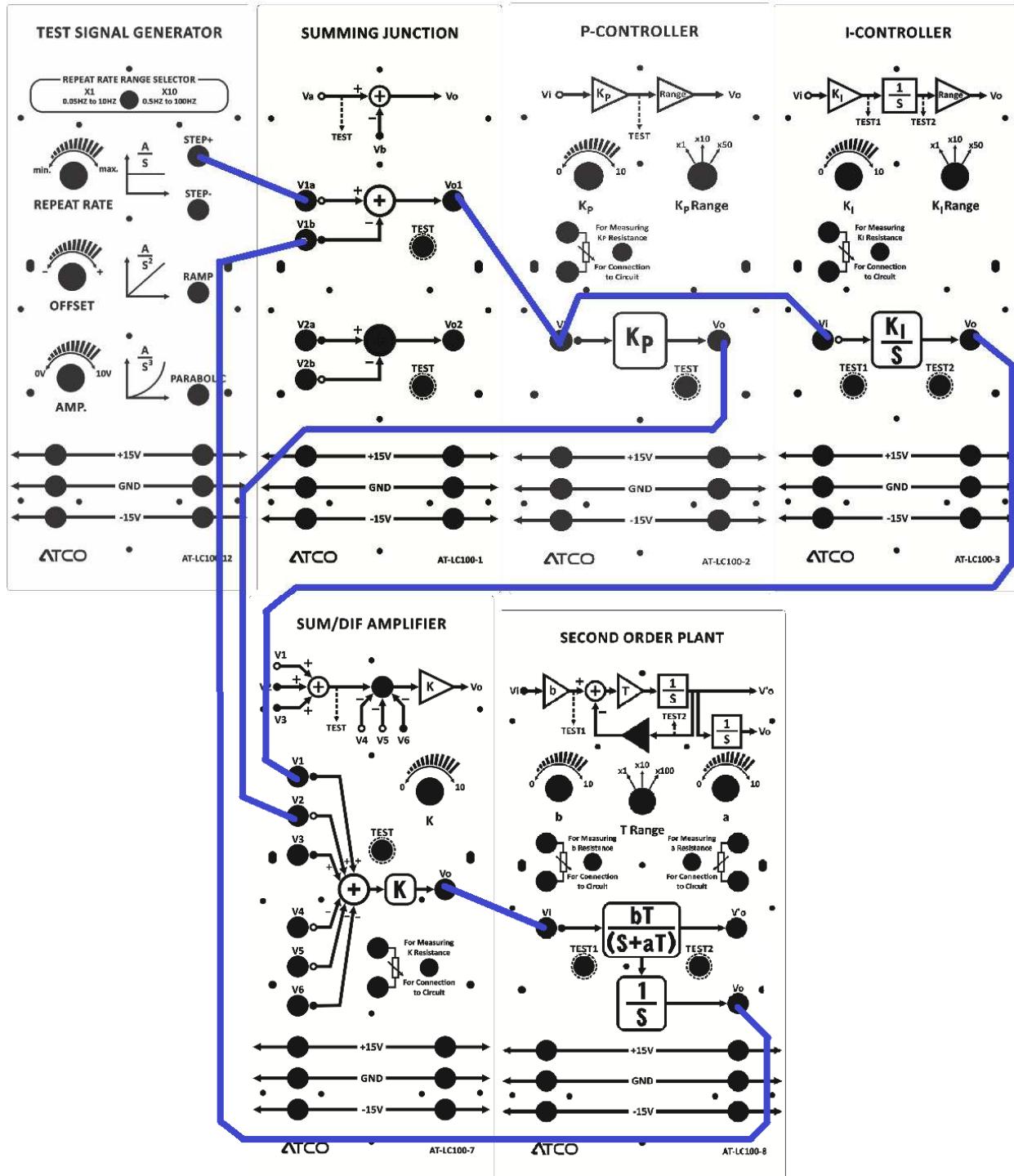
خطای حالت ماندگار برای ورودی پله صفر می‌شود که از کنترل کننده I ناشی می‌شود.

$$E(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{s \left( \frac{1}{s} \right)}{1 + \frac{bT(sk_p + k_i)}{s^2(s+aT)}} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{1}{1 + \frac{bk_i}{as^2}} \cong 0$$

به دلیل وجود کننده I ، پاسخ سیستم به سمت نوسانی و ناپایدار شدن می‌رود ولی خطای ماندگار سیستم کاهش می‌یابد و صفر می‌شود . از طرفی به کمک کننده P پاسخ سیستم سریعتر می‌شود

#### مراحل آزمایش :

-1 سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید :



شکل ۲-۱۹

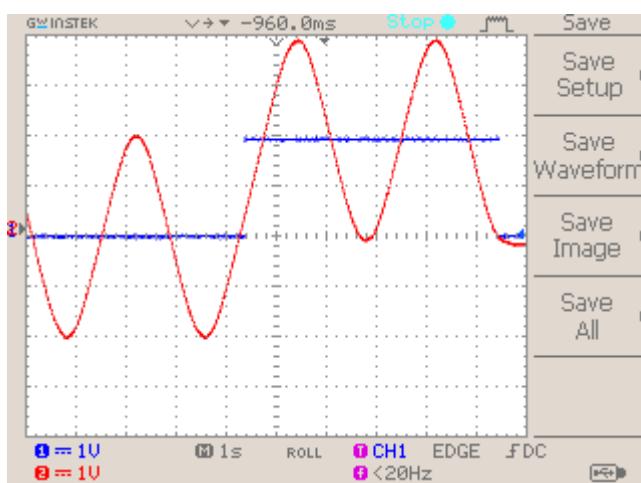
۲- روی مازول ۱۲ توسط ولوم REPEAT RATE و ولوم AMP مقدار ۰.۰۵Hz و ۲Vpp را در خروجی STEP+ تنظیم نمایید.

۳- روی مازول 7- LC100 ولوم K را در موقعیت 5K اهم تنظیم نمایید.

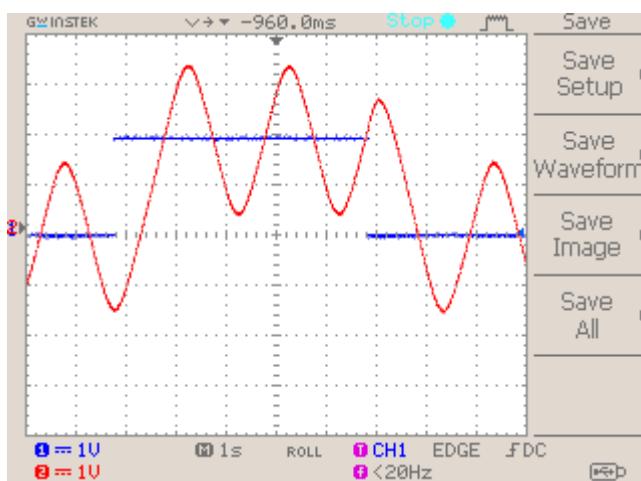
۴- روی مازول 8- LC100 سلکتور را در موقعیت  $10 \times$  و a را روی ۵ کیلو اهم تنظیم نمایید.

۵- روی مازول 2- LC100-2 ولوم Kp را در موقعیت ۱ کیلو اهم تنظیم نمایید.

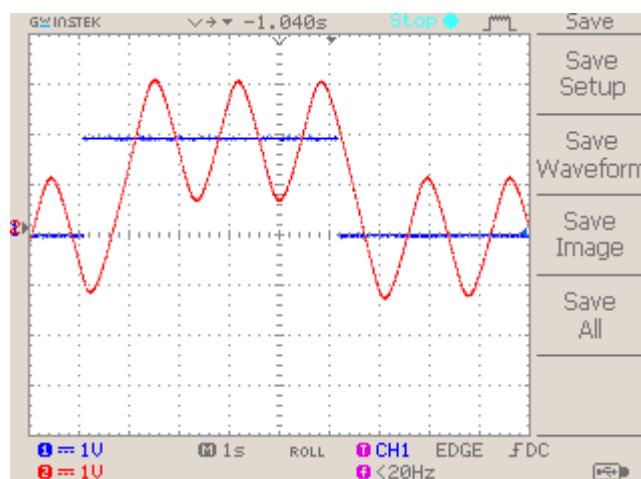
۶- روی مازول 3- RN-E303 ولوم Ki را در موقعیت ۲۰ ، ۵۰ کیلو اهم و ماکریم مقدار تنظیم نمایید.



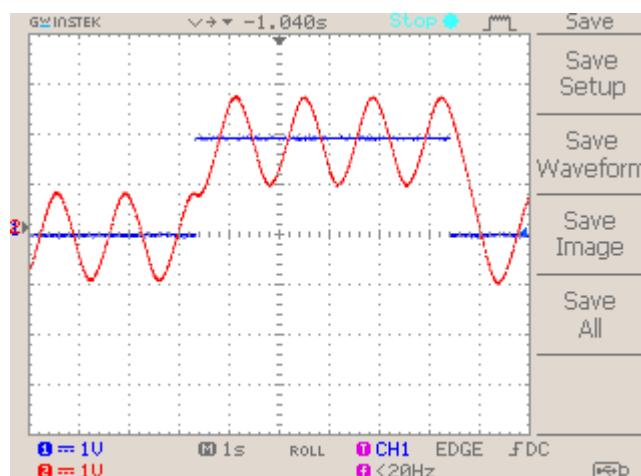
شکل ۳-۱۹  $K_i = 20K$

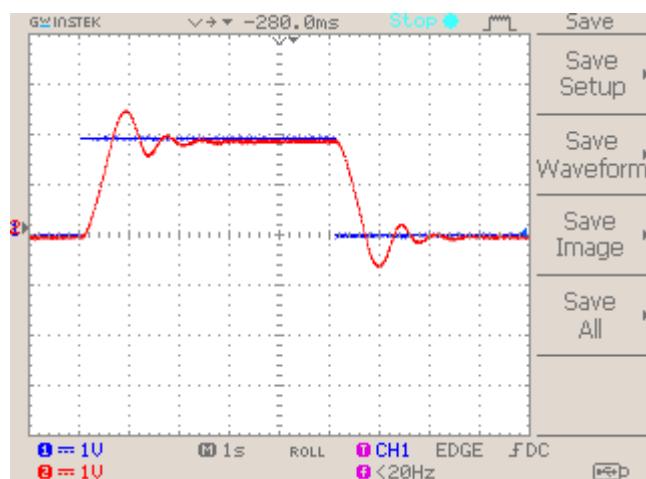


شکل ۴-۱۹  $K_i = 50K$

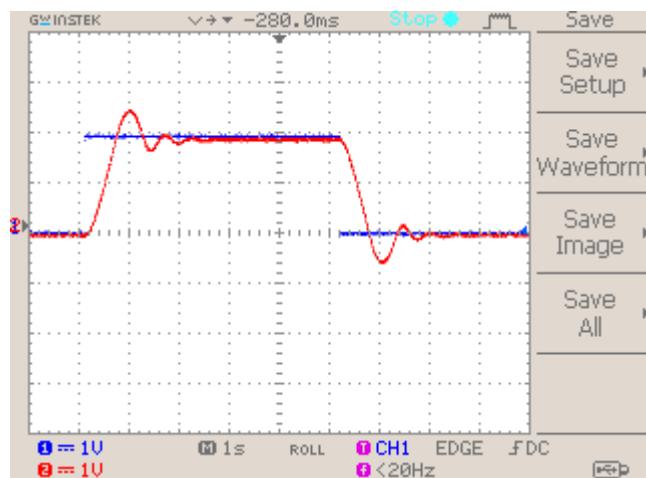
شکل ۱۹-۵  $K_i = \text{MAX}$ 

- ۷- در این مرحله  $K_i$  را ثابت نگاه داشته و  $K_P$  را تغییر می‌دهیم.
- ۸- ولوم  $iK$  را روی موقعیت ۲۰ کیلو اهم تنظیم نمایید.
- ۹- ولوم  $P$  را روی موقعیت های ۱۰ و ۵۰ کیلو اهم و ماکریسم مقدار تنظیم نمایید و نتایج را بررسی نمایید.

شکل ۱۹-۶  $K_P = 10K$

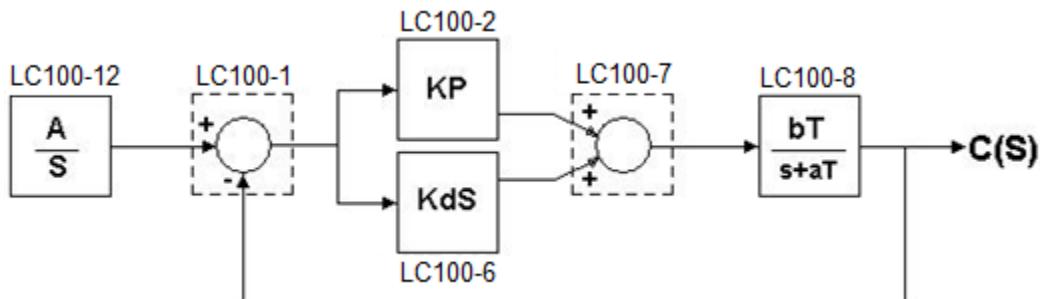


شکل ۱۹-۷



شکل ۱۹-۸

## آزمایش ۲۰: بررسی کنترل کننده تناوبی مشتقی (PD-CONTROLLER) ( بر روی سیستم مرتبه اول )



شکل ۱-۲۰

تابع تبدیل حلقه باز و بسته سیستم به صورت زیر است :

$$T(s) = \frac{bT(sk_d + k_p)}{s + aT}$$

$$G(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{bT(sk_p + k_i)}{s(1 + bTk_d) + aT + bTk_p}$$

سیستم از نوع صفر است ، خطای ماندگار آن به صورت زیر است :

$$E(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{sR(s)}{1 + T(s)} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{sR(s)}{1 + \frac{bT(sk_d + k_p)}{s + aT}}$$

خطای حالت ماندگار برای ورودی پله به صورت زیر بدست می‌آید . که با افزایش برهه  $k_p$  ، مقدار خطای ماندگار کاهش می‌یابد .

$$E(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{s \left(\frac{1}{s}\right)}{1 + \frac{b(k_p)}{a}} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{1}{1 + \frac{bk_p}{a}}$$

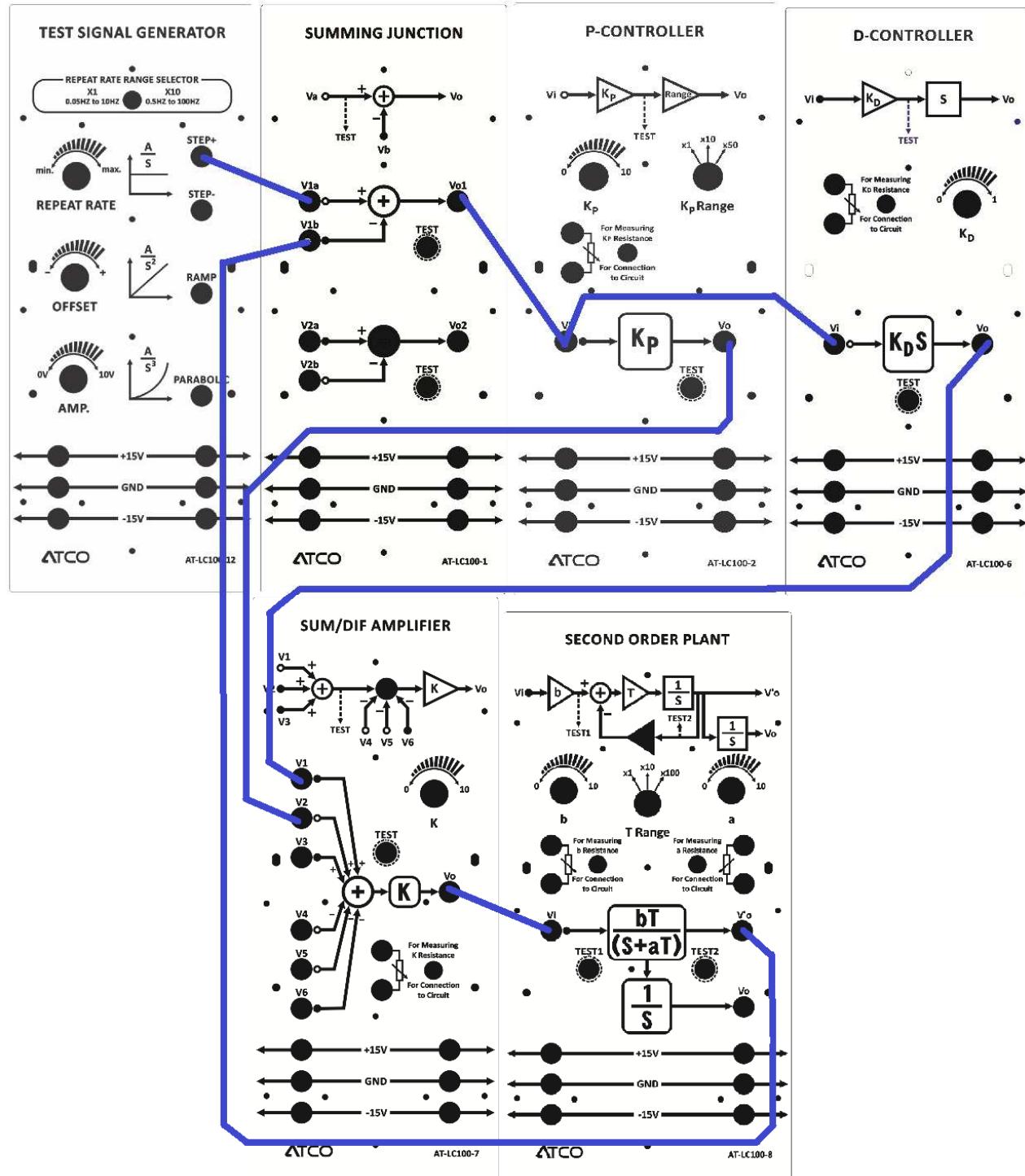
اولین مقدار و مقدار نهایی خروجی از روابط زیر بدست می‌آید .

$$C(s) = \lim_{s \rightarrow \infty} C(s) = \lim_{s \rightarrow \infty} s \left(\frac{1}{s}\right) G(s) = \lim_{t \rightarrow 0} c(t) = \frac{bTk_d}{1 + bTk_d}$$

$$C(s) = \lim_{s \rightarrow 0} C(s) = \lim_{s \rightarrow 0} s \left(\frac{1}{s}\right) G(s) = \lim_{t \rightarrow \infty} c(t) = \frac{k_p}{k_p + aT}$$

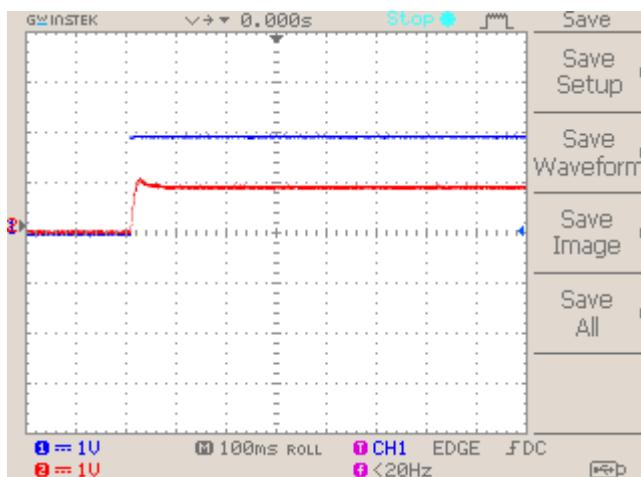
همانطور که مشاهده می‌کنید مقدار اولیه خروجی تحت تاثیر  $k_d$  و مقدار نهایی خروجی از بهره  $k_p$  تاثیر می‌گیرد. کنترل کننده P خطای حالت ماندگار سیستم را کاهش می‌دهد و کنترل کننده D روی پاسخ زمانی تاثیر می‌گذارد.

۱- سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید:



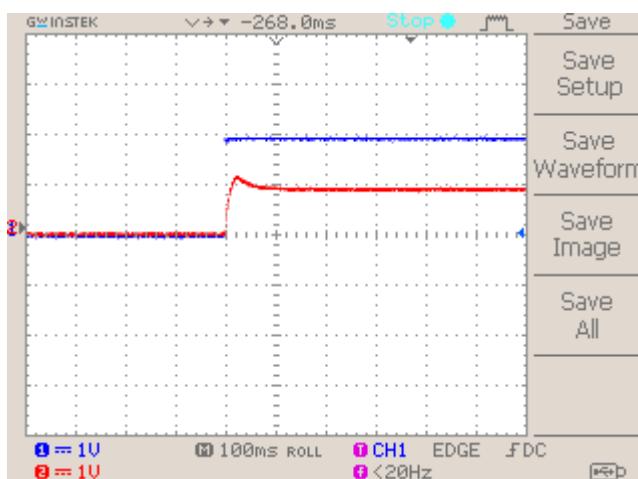
شکل ۲-۲۰

- ۲- روی مازول 12- LC100 REPEAT RATE و ولوم AMP مقدار 0.05Hz و ولوم 2Vpp را در خروجی STEP+ تنظیم نمایید.
- ۳- روی مازول 7- LC100 K را در موقعیت ۱ کیلو اهم تنظیم نمایید.
- ۴- روی مازول 08- LC100 سلکتور را در موقعیت  $10 \times$  و a را روی ۱۰۰ کیلو اهم تنظیم نمایید.
- ۵- روی مازول 2- LC100 Kp را در موقعیت ۱۰ کیلو اهم تنظیم نمایید.
- ۶- روی مازول 6- LC100 Kd را در موقعیت ۵ کیلو اهم تنظیم نمایید.
- ۷- با اسیلوسکوپ خروجی Vo1 مازول 08- LC100 و خروجی STEP+ در مازول 12- LC100 اندازه گیری و ثبت نمایید.

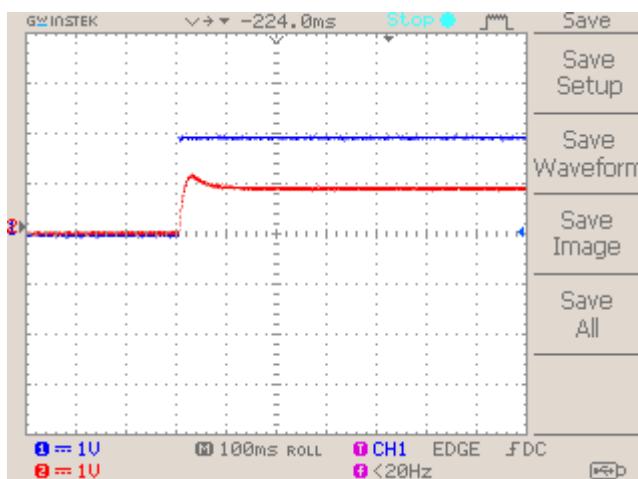


شکل ۲۰-۳

- ۸- مراحل قبل را برای Kd های ۸ کیلو اهم و ماکریم مقدار تکرار کنید و نتایج را برای خطای حالت ماندگار مقایسه نمایید.



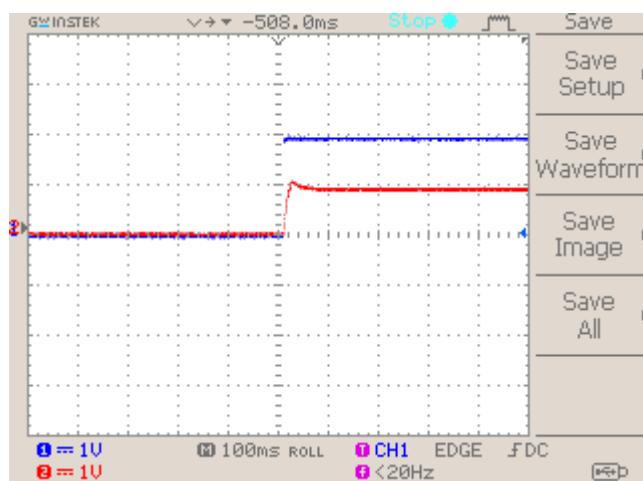
شکل ۲۰-۳



شکل ۲۰-۴

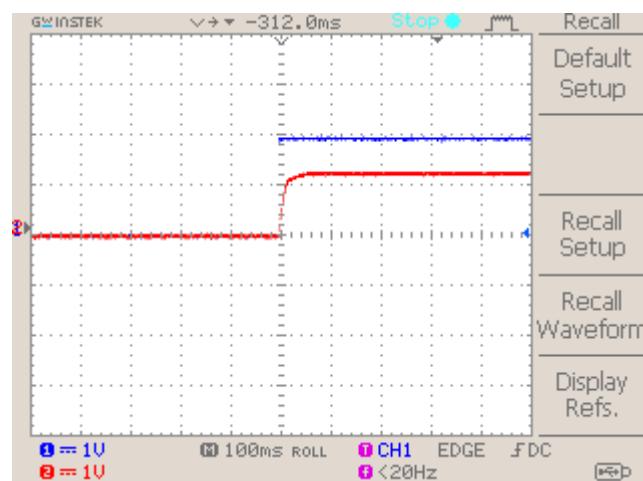
۹- در این مرحله  $K_d$  را ۵ کیلو اهم و  $K_p$  را ۱ کیلو اهم قرار دهید.

۱۰- با اسیلوسکوپ خروجی V01 مازول 08-12 STEP+ و خروجی LC100-08 اندازه گیری و ثبت نمایید.

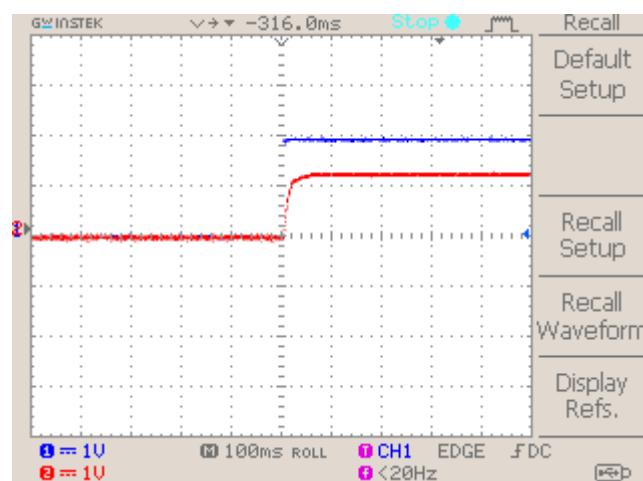


شکل ۲۰-۵

۱۱- نتایج را برای  $K_p$  های ۵۰ کیلو اهم و ماکریتم مقدار مقایسه کنید .



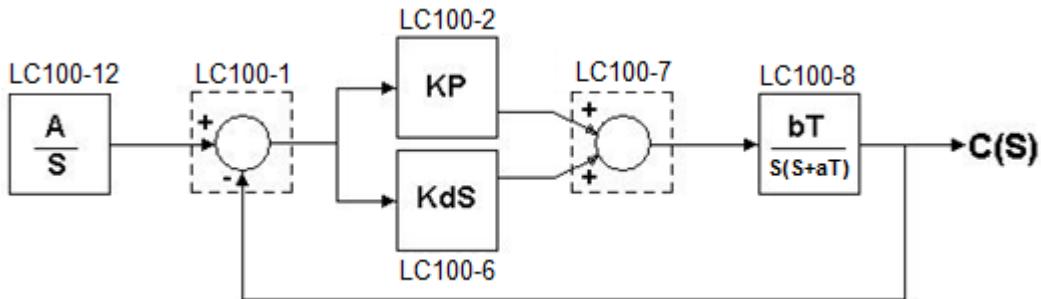
شکل ۲۰-۶



شکل ۲۰-۷

## آزمایش ۲۱: بررسی کنترل کننده تناوبی مشتقی (PD-CONTROLLER) بر روی سیستم مرتبه

دوم



شکل ۱-۲۱

تابع تبدیل حلقه باز و بسته سیستم به صورت زیر است :

$$T(s) = \frac{bT(sk_d + k_p)}{s(s + aT)}$$

$$G(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{bT(sk_d + k_p)}{s^2 + (aT + bTk_d)s + bTk_p}$$

معادله مشخصه سیستم حلقه بسته به صورت زیر است .

$$s^2 + (aT + bTk_d)s + bTk_p = 0$$

نسبت میرایی و فرکانس طبیعی نامیرای سیستم به صورت زیر بدست می‌آید.

$$\xi = \frac{aT + bTk_d}{2\omega_n} = \frac{aT + bTk_d}{2\sqrt{bTk_p}}$$

$$\omega_n = \sqrt{bTk_p}$$

با اضافه شدن کنترل کننده PD نوع سیستم تغییری نمی‌کند ، خطای ماندگار آن به صورت زیر است :

$$E(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{sR(s)}{1 + T(s)} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{sR(s)}{1 + \frac{bT(sk_d + k_p)}{s(s + aT)}} =$$

خطای حالت ماندگار برای ورودی پله صفر می‌شود.

$$E(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{s \left( \frac{1}{s} \right)}{1 + \frac{bT(s k_d + k_p)}{s(s+aT)}} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{1}{1 + \frac{bk_p}{as}} \cong 0$$

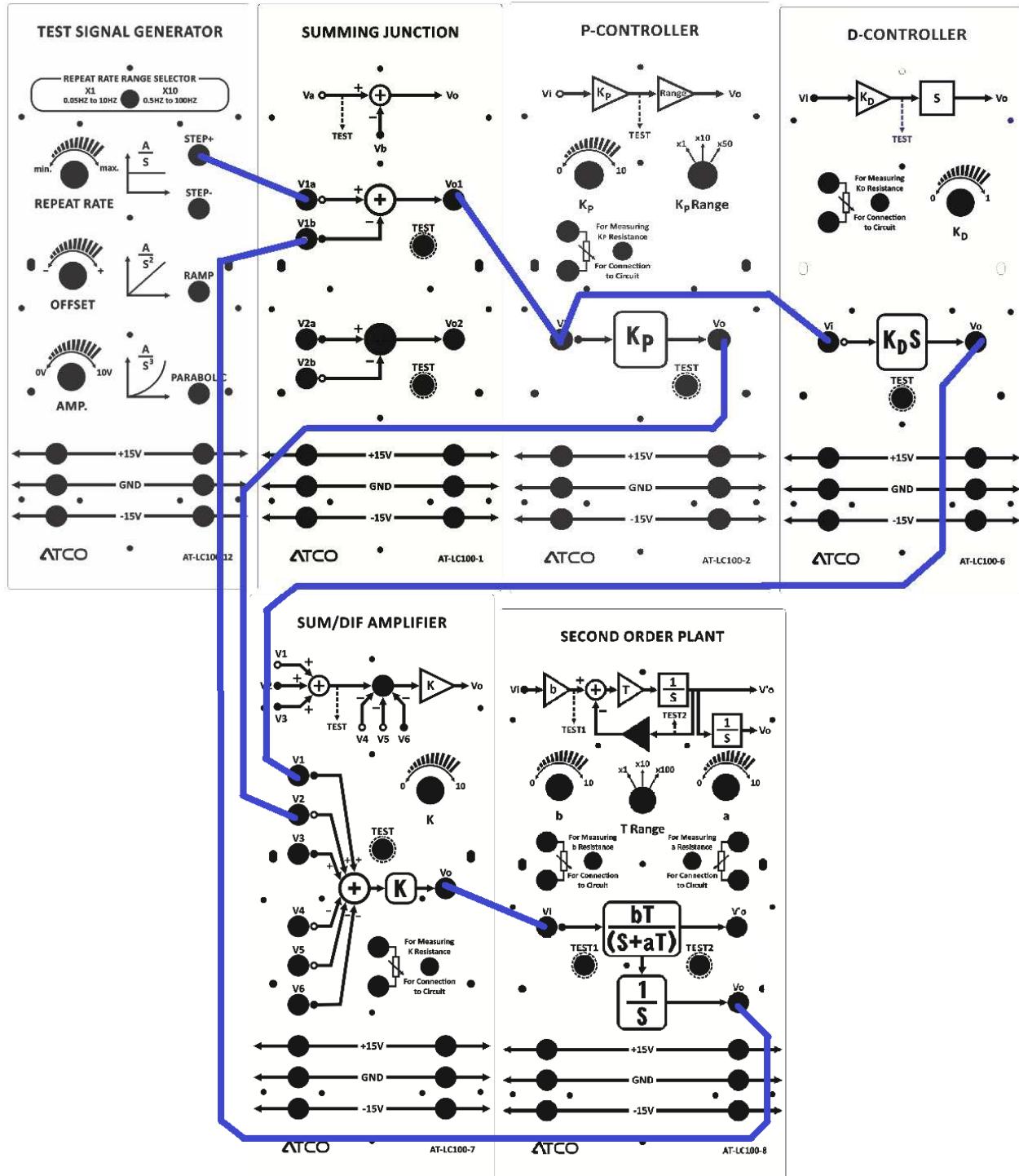
کنترلر P به تنها یک پاسخ سیستم را سریعتر می‌کند ولی باعث ایجاد overshoot می‌شود از طرفی کنترلر D نیز به تنها یک سیستم را کاهش می‌دهد ولی عملکرد حالت ماندگار سیستم را تضعیف می‌شود. خطای حالت ماندگار سیستم با استفاده از کنترلر PD، صفر می‌شود.

برای یک  $k_d$  ثابت با افزایش  $\omega_n$ ، فرکانس طبیعی نامیرایی مدار افزایش یافته و نسبت میرایی  $\zeta$  کاهش می‌یابد و پاسخ سیستم سریعتر می‌شود. از طرفی نیز میزان overshoot مدار بیشتر می‌شود. این پدیده را به کمک کنترلر D برطرف نمود. که با افزایش

برای یک  $k_p$  ثابت، نسبت میرایی افزایش می‌یابد ولی  $\omega_n$  تغییر نمی‌کند و میزان overshoot نیز کاهش می‌یابد.

#### مراحل آزمایش :

- 1 سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید:



شکل ۲-۲۱

۲- روی مازول 12 LC100-12 توسط ولوم AMP REPEAT RATE و ولوم 0.05Hz 2Vpp را در خروجی STEP+ تنظیم نمایید.

۳- روی مازول 7 LC100-7 ولوم K را در موقعیت ۱ کیلو اهم تنظیم نمایید.

۴- روی مازول LC100-08 سلکتور را در موقعیت  $a \times 10$  و  $b$  را روی ۵۰ کیلو اهم تنظیم نمایید.

$$G_p(s) = \frac{50}{s(s + 50)}$$

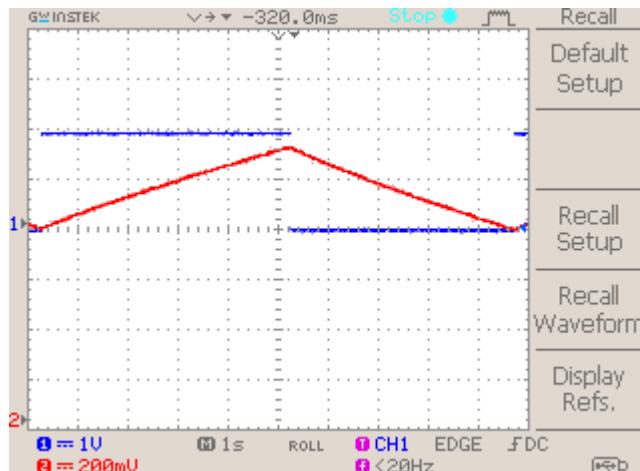
۵- روی مازول LC100-2 ولوم Kp را در موقعیت ۱ کیلو اهم تنظیم نمایید

نکته: در کلیه مراحل آزمایش سلکتورها در موقعیت  $1 \times$  قرار دارند به استثناء مواردی که به تغییر موقعیت سلکتور بعنوان یک مرحله از آزمایش اشاره شده باشد.

۶- روی مازول LC100-6 ولوم Kd را در موقعیت ۱ کیلو اهم تنظیم نمایید.

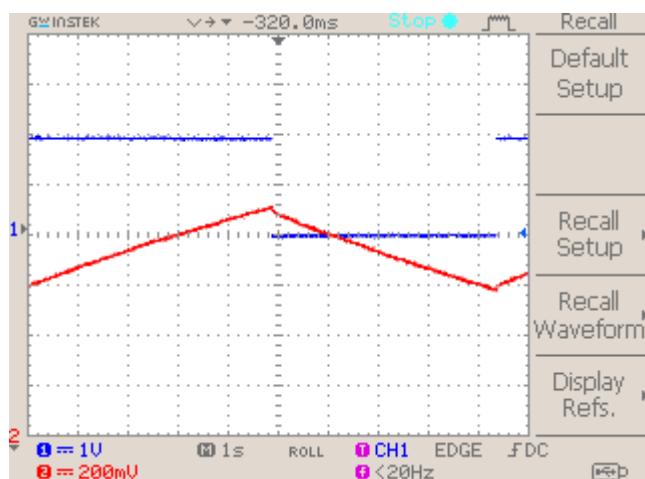
۷- با اسیلوسکوپ خروجی V02 مازول LC100-08 و خروجی STEP+ در مازول LC100-12 را اندازه گیری و ثبت نمایید.

نکته: در این آزمایش برای بهتر دیده شدن تغییرات سیگنال خروجی می‌بایست از مقدار VOLT DIV کمتری نسبت به ورودی استفاده شود. (VOLT DIV CH1=1v , VOLT DIV CH2=200mv)

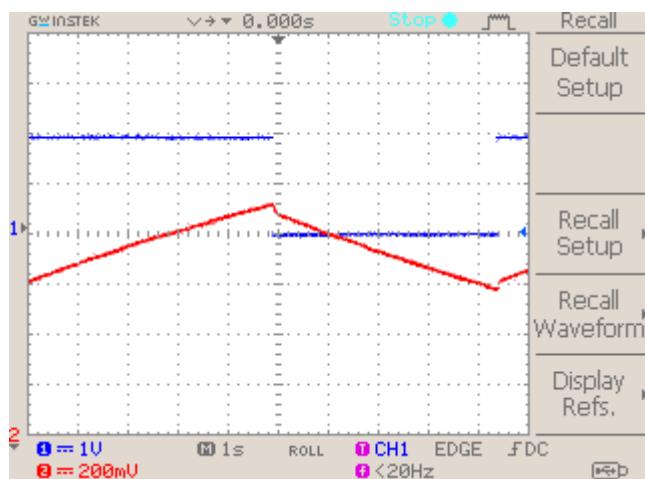


شکل ۲۱-۳

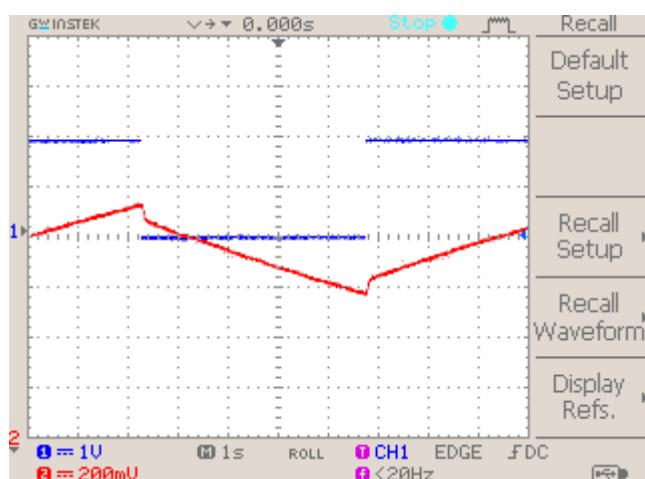
۸- مراحل قبل را برای Kd های ۳، ۵ کیلو اهم و ماکریم مقدار تکرار کنید و نتایج را برای خطای حالت ماندگار مقایسه نمایید.



شکل ۴-۲۱



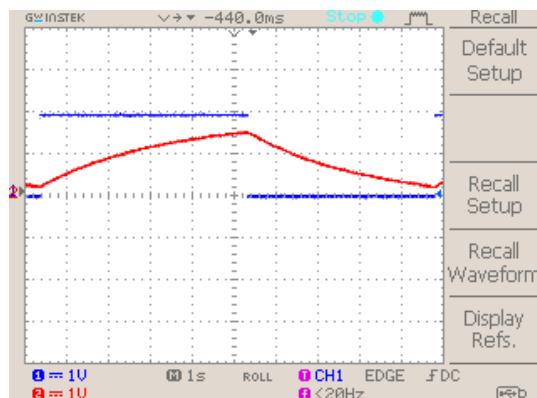
شکل ۵-۲۱



شکل ۶-۲۱

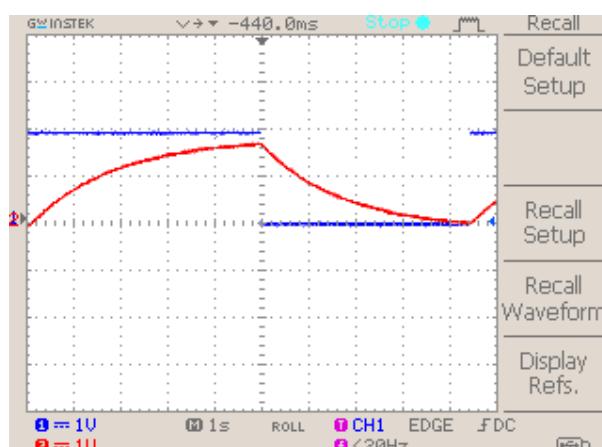
۹- در این مرحله  $K_d$  را روی ۱ کیلو اهم و  $K_p$  را روی ۵ کیلو اهم قرار دهید.

۱۰- با اسیلوسکوپ خروجی  $V_o2$  مازول LC100-08 و خروجی STEP+ در مازول LC100-12 دستگاه را اندازه گیری و ثبت نمایید.

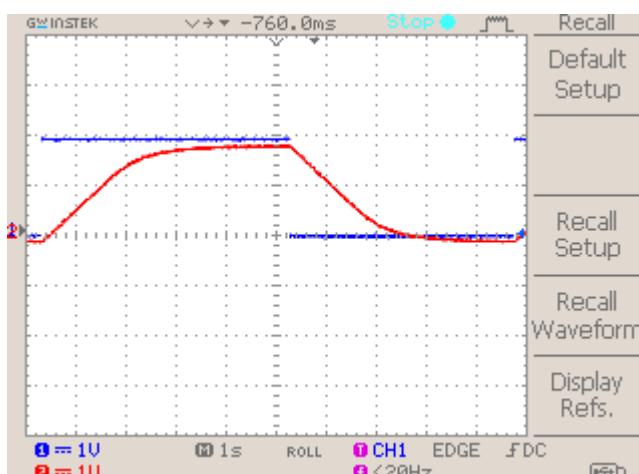


شکل ۷-۲۱

۱۱- نتایج را برای  $K_p$  های ۸ کیلو اهم و ۲۰ کیلو اهم نیز مقایسه کنید.

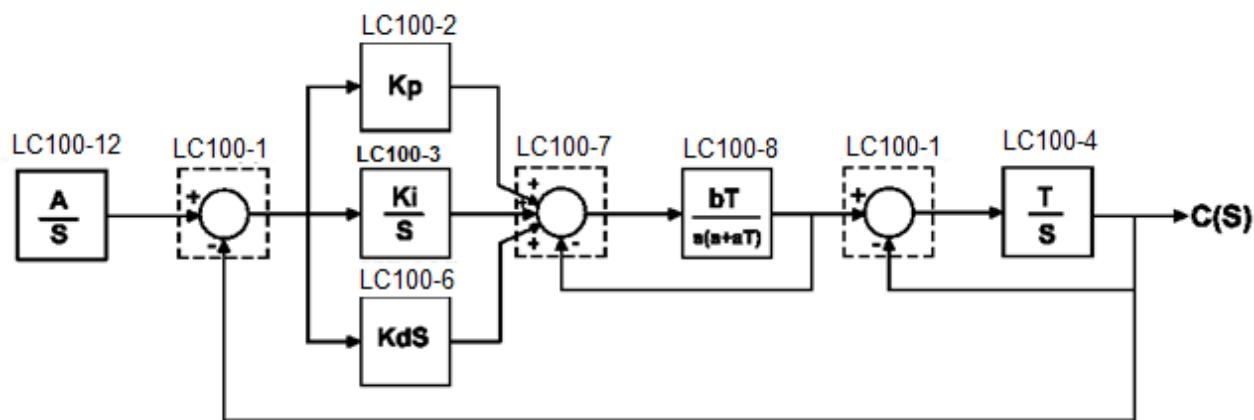


شکل ۸-۲۱



شکل ۹-۲۱

## آزمایش ۲۲: بررسی کنترل کننده تناوبی-انتگرال گیر- مشتق گیر (PID-CONTROLLER)

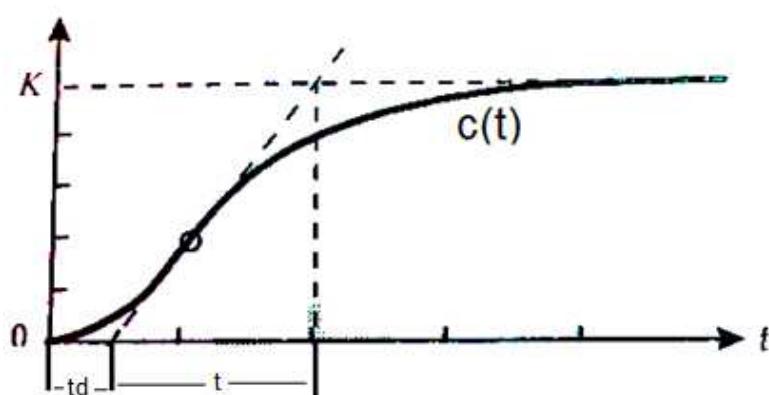


تابع تبدیل حلقه باز و بسته سیستم به صورت زیر است :

$$T(s) = \frac{bT(s^2 k_d + s k_p + k_i)}{s^2(s + aT)}$$

$$G(s) = \frac{C(s)}{R(s)} = \frac{bT(s k_d + k_p)}{s^2(s + aT) + bT(s^2 k_d + s k_p + k_i)}$$

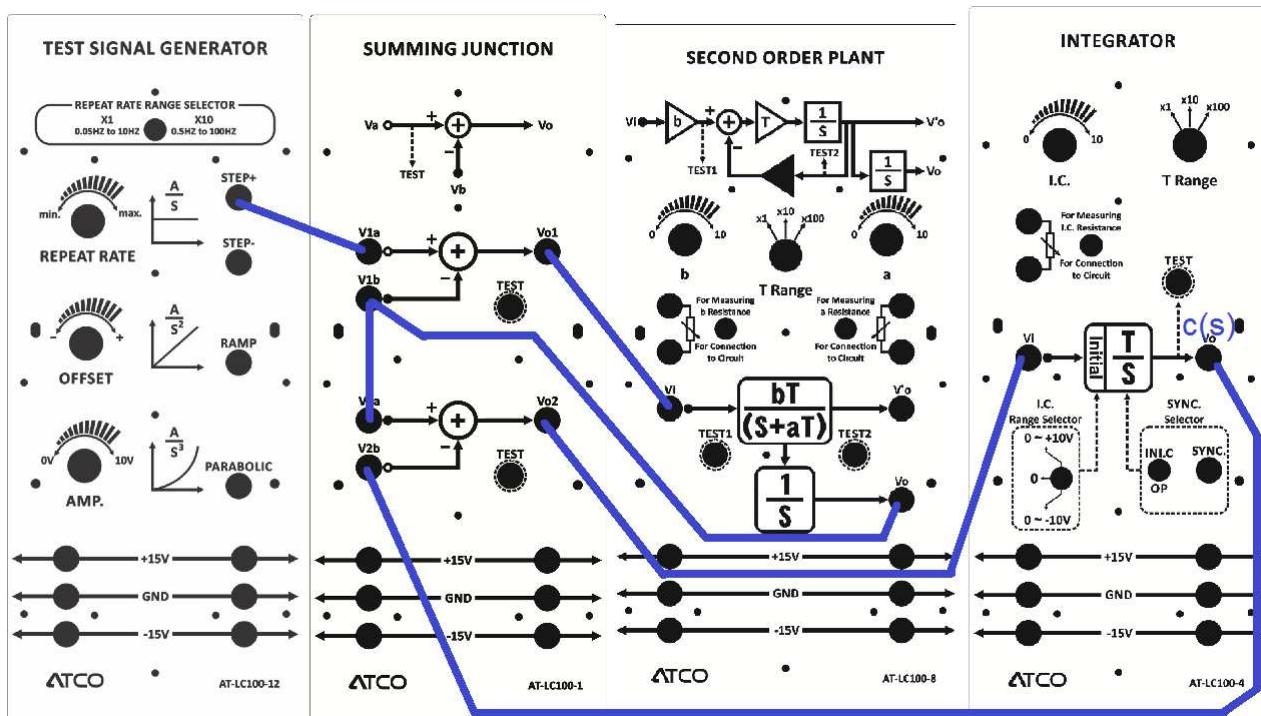
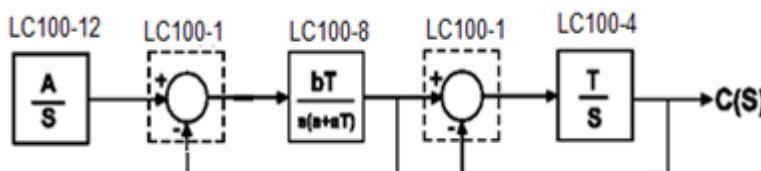
این کنترلر تمامی خواص مثبت کنترلرهای PD و PI را دارد. به این نوع کنترلرها جبران کننده‌های پس فاز - پیش فاز هم می‌گویند. خطای ماندگار سیستم را کاهش می‌دهد. سرعت پاسخ سیستم را زیادتر می‌کند. اگر مدل ریاضی از یک plant، خطی باشد و پارامترهای plant شناسایی شده باشند، کنترلر PID توسط تئوری کنترل میتواند طراحی شود. اغلب plant‌های واقعی غیر خطی و پیچیده هستند، بنابراین توضیح واضحی برای مدل ریاضی سیستم مشکل می‌باشد. کنترلرهای PID غالباً برای استفاده از روش‌های تجربی در کاربردهای صنعتی، طراحی می‌شوند. مشهورترین متدهای میزان سازی PID استفاده از قانون زیگلر-نیکولز می‌باشد. برای درک بهتر این قانون ابتدا به یک مدل ساده مورد آزمایش را (Plant)، سیگنال پله واحد اعمال کرده و از روی پاسخ خروجی مقادیر  $T$  و  $K_{Td}$  به شکل زیر توجه کنید:



از روی شکل فوق مقادیر  $t$  و  $k_p$  را اندازه گیری کرده و بحسب می آوریم. سپس طبق روش زیگلر نیکولز، پارامترهای  $K_p$  و  $T_d$  را از روی جدول زیر محاسبه می کنیم:

controller	$K_p$	$T_i$	$T_D$
P	$t/(k \cdot t_d)$	$\infty$	0
PI	$0.9(t/k \cdot t_d)$	$t_d/0.3$	0
PID	$1.2(t/k \cdot t_d)$	$2t_d$	$0.5t_d$

۱- سیستم را مانند شکل زیر سیم بندی کنید:

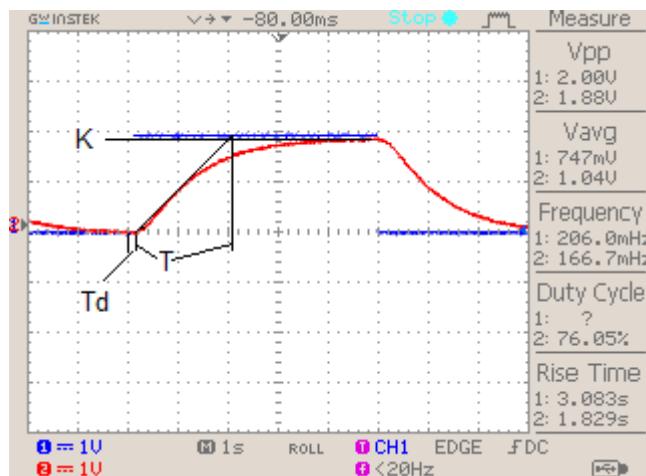


۱- روی مازول LC100-12 توسط ولوم REPEAT RATE مقدار ۰.۰۵Hz و ولوم AMP مقدار ۱Vpp را در خروجی STEP+ تنظیم نمایید.

۲- بر روی مازول LC100-08 سلکتور T را در وضعیت  $10 \times$  قرار داده و ولوم های a و b را به ترتیب بر روی ۲۰ و ۱۰۰ کیلو اهم تنظیم نمایید.

۳- روی مازول LC100-4 سلکتور T را در موقعیت ۱× قرار دهید و سوئیچ I.C را در موقعیت صفر و سلکتور SYNC را روی OP قرار دهید.

۴- با اسیلوسکوپ خروجی Vo مازول LC100-04 و خروجی STEP+ مازول LC100-12 را اندازه گیری و ثبت نمایید.



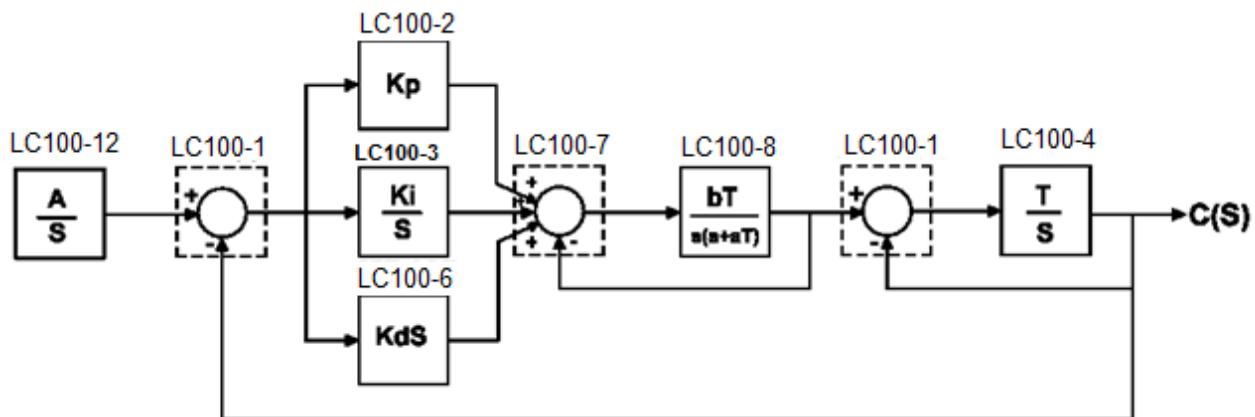
$$t_d = 0.1 \text{ s} \quad t = 1.9 \text{ s} \quad k = 0.94$$

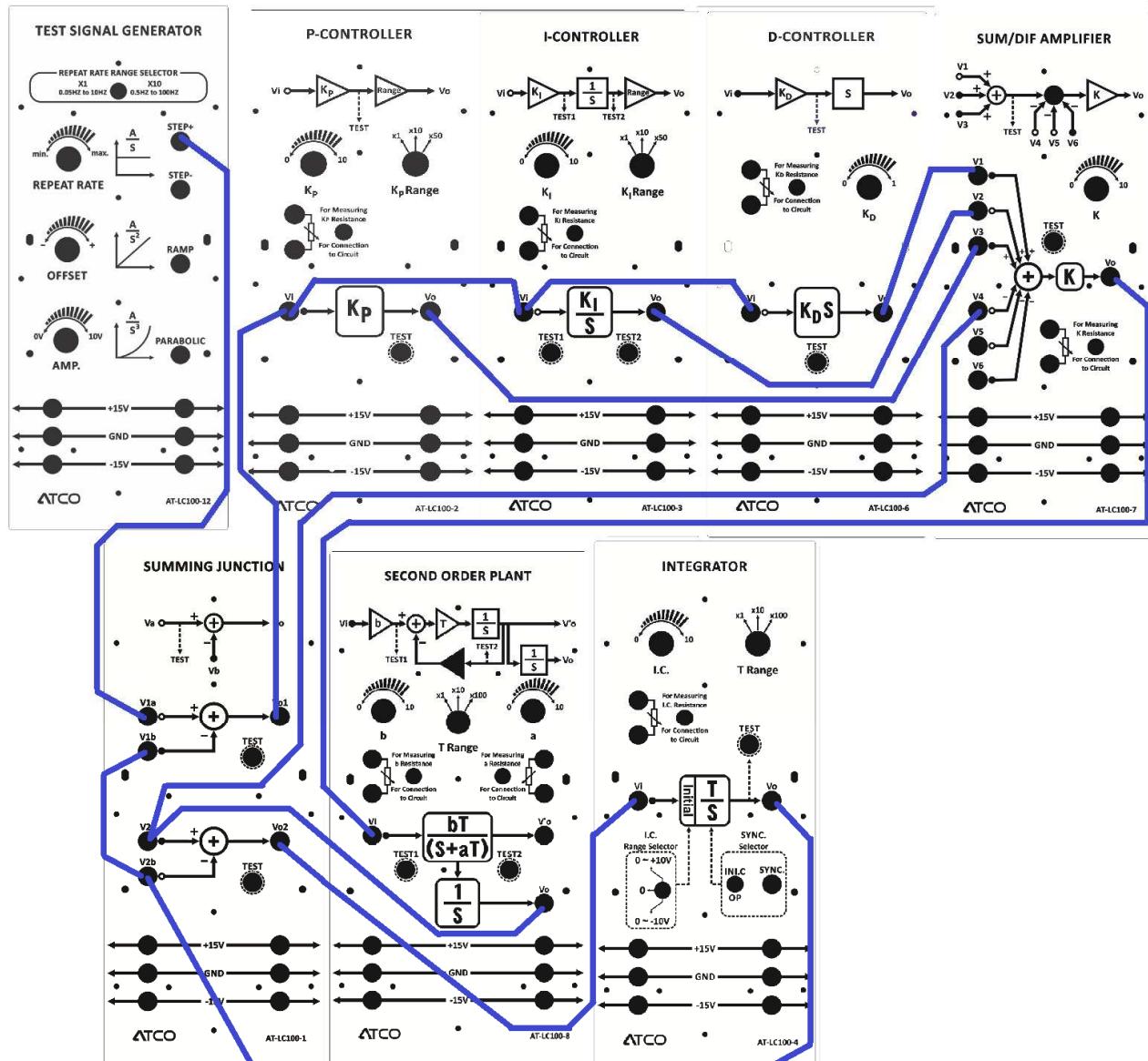
$$K_p = \frac{1.2 \times t}{(K \times t_d)} = \frac{1.2 \times 1.9}{0.94 \times 0.1} = 24.25 \approx 25 \quad TI = 2 \times t_d = 2 \times 0.1 = 0.2$$

$$TD = 0.5 \times t_d = 0.5 \times 0.1 = 0.05$$

$$K_i = \frac{K_p}{TI} = \frac{25}{0.2} = 125 \quad K_d = K_p \times TD = 25 \times 0.05 = 1.25$$

- سیستم زیر را بیندید:





شکل ۱-۲۲

۲- روی مازول ۱۲ LC100-12 توسط ولوم AMP مقدار ۰.۰۵Hz و ولوم REPEAT RATE را در خروجی ۱Vpp تنظیم نمایید.

۳- بر روی مازول ۰۸ LC100-08 سلکتور T را در وضعیت  $10 \times$  قرار داده و ولوم های a و b را به ترتیب بر روی ۲۰ و ۱۰۰ کیلو اهم تنظیم نمایید.

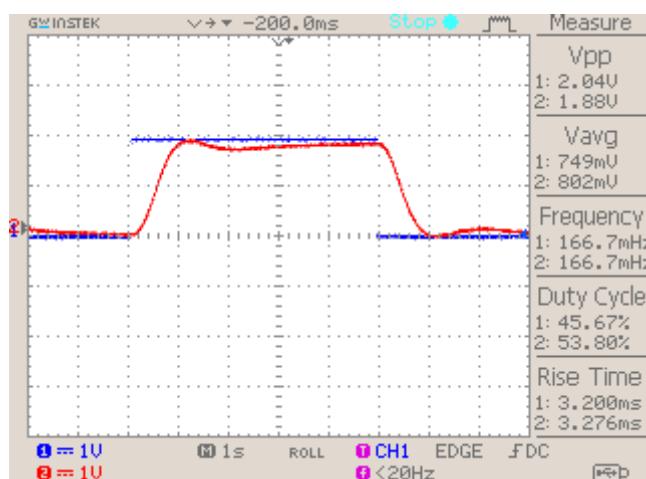
۴- بر روی مازول ۰۷ LC100-07 ولوم K را به مقدار ۱ کیلو اهم تنظیم نمایید.

۵- بر روی ماژول LC100-2 سلکتور  $K_p$  را در وضعیت  $1 \times$  قرار داده و ولوم  $K_p$  را بر روی ۲۵ کیلو اهم تنظیم نمایید.

۶- بر روی ماژول LC100-3 ولوم  $K_i$  را بر روی ۱.۲۵K اهم تنظیم نمایید. (در تمامی مراحل آزمایش، اگر از تنظیمات سلکتور های مربوطه مطلبی ذکر نشده باشد ، می بایست سلکتورها بر روی وضعیت  $1 \times$  قرار گیرند).

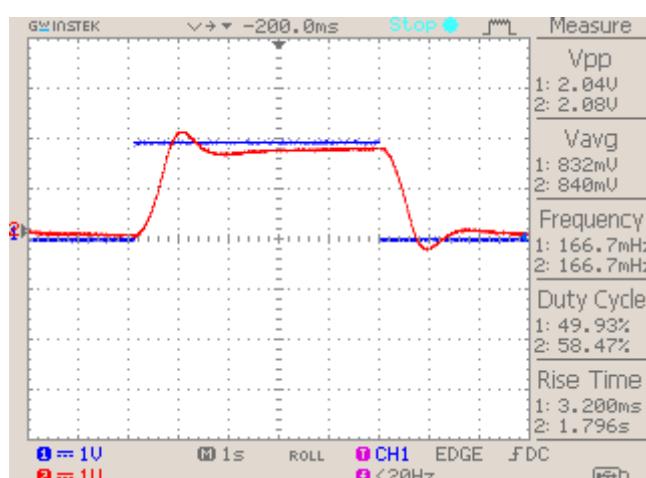
۷- بر روی ماژول LC100-6 ولوم  $K_d$  را بر روی ۰/۱۲ کیلو اهم تنظیم نمایید .

۸- با استفاده از اسیلوسکوپ خروجی ماژول LC100-4 و همچنین خروجی STEP+ در ماژول LC100-12 را اندازه گیری و ثبت نمایید .

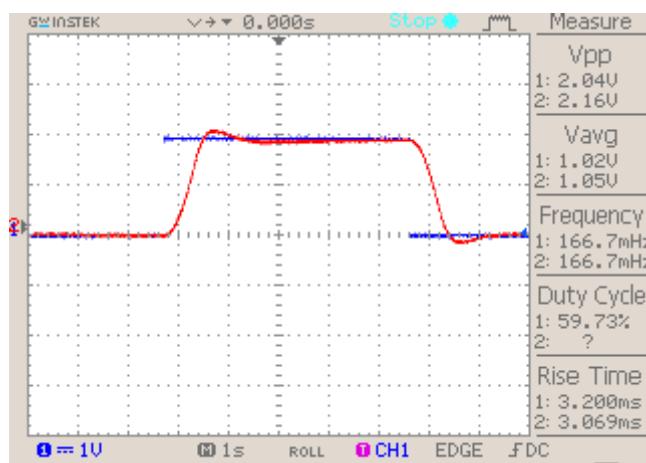


شکل ۳-۲۲

۹- با تغییر تنظیمات  $K_p$  ،  $K_d$  و  $K_i$  می توان به خروجی مطلوب تری نسبت به مرحله قبل رسید .



$K_p=35k$   $K_d=8k$   $K_i=1.25k$

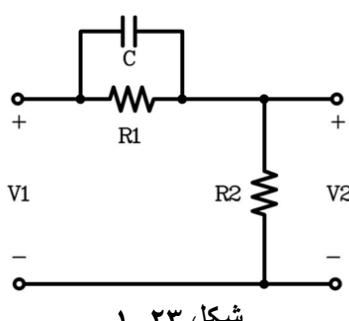


$K_p = 35k \quad K_d = \text{max} \quad K_i = 2k$

مشاهده می‌کنید که خطای ماندگار کاهش یافته پاسخ زمانی هم سریعتر شده است.

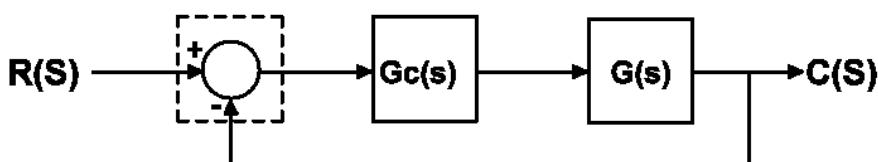
### آزمایش ۲۳: جبران‌ساز پیش فاز Lead

جبران‌ساز پیش فاز یک جبران‌ساز شبکه است که یک زاویه فاز مثبت در رنج فرکانس‌های دلخواه ایجاد می‌کند. همچنین به منظور ایجاد یک حدفاز (Phase Margin) مناسب برای شبکه به کار می‌رود. جبران‌ساز پیش فاز موجب می‌شود عملکرد سیستم پایدارتر شود و پاسخ گذرای سیستم را بهبود می‌بخشد. عواملی یک جبران‌ساز پیش فاز برای فرآیندهای به کار می‌رود که با توجه به استفاده از کنترل کننده‌های P و با در نظر گرفتن مقادیر مناسب برای آن سیستم حلقه بسته به پایداری نمی‌رسد و یا فرآیندهای پایداری که پاسخ گذرای ضعیفی دارند. مشخصه یک شبکه Lead را به فرم زیر می‌توان نشان داد.



شکل ۱-۲۳

بهطور کلی بلوك دیاگرام سیستم را با یک جبران‌ساز پیش فاز به صورت زیر است.



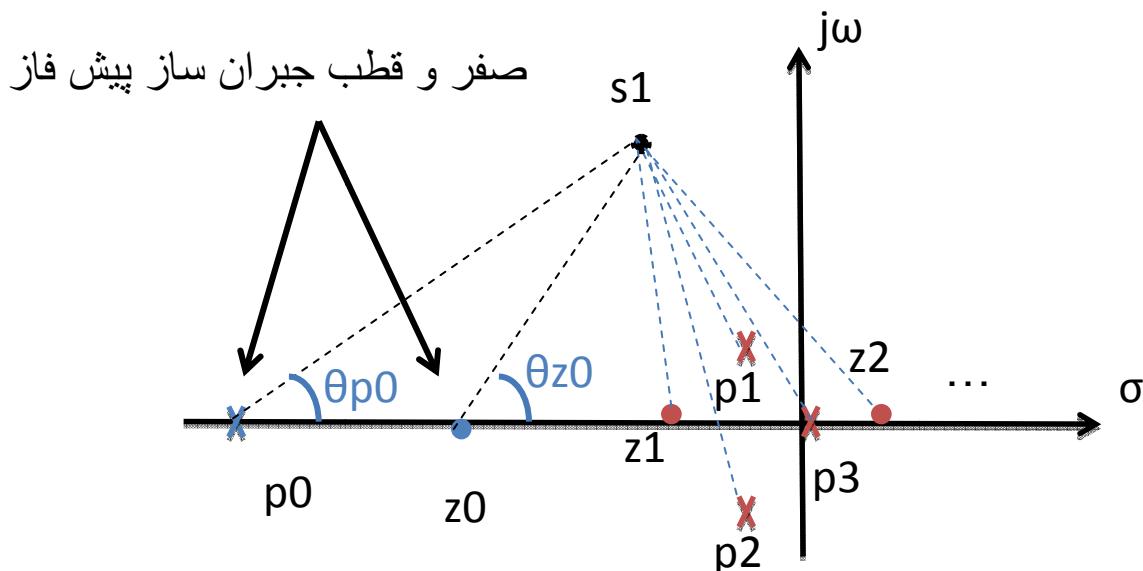
شکل ۲-۲۳

که در آن  $G(s)$  تابع تبدیل فرآیند و  $G_c(s)$  تابع تبدیل جبران ساز پیش فاز است.

$$G(s) = \frac{(s + z_1)(s + z_1) \cdots (s + z_m)}{(s + p_1)(s + p_1) \cdots (s + p_n)}$$

$$G_c(s) = K_c \frac{(s + z_0)}{(s + p_0)} , \quad |p_0| > |z_0|$$

نمودار مکان ریشه های سیستم حلقه باز به صورت زیر است.



با توجه معادله مشخصه سیستم حلقه بسته و برای درستی آن دو شرط زاویه و شرط اندازه تعریف می‌شود.

$$1 + G_c(s)G(s) = 0$$

$$G_c(s)G(s) = -1$$

شرط دامنه:

$$|G_c(s)G(s)| = 1$$

$$|G_c(s)G(s)| = K_c \frac{|s + z_0| |s + z_1| |s + z_1| \cdots |s + z_m|}{|s + p_0| |s + p_1| |s + p_1| \cdots |s + p_n|} = 1$$

شرط زاویه:

$$\angle G_c(s)G(s) = \pm 180^\circ (2K + 1), \quad K = 0, 1, 2, \dots$$

$$\sum_{i=1}^m \angle(s + z_i) - \sum_{j=1}^n \angle(s + p_j) + \theta_{z_0} - \theta_{p_0} = \pm 180^\circ (2K + 1)$$

مشاهده می‌کنید که استفاده از جبران ساز در سیستم سبب می‌شود، یک زاویه فاز مثبت به سیستم اضافه شود که به دلیل بزرگتر بودن اندازه قطب از صفر، مجموع زوایای صفر و قطب جبران ساز زاویه‌ای مثبت است و سبب می‌شود سیستم حلقه بسته پایدارتر شود.

برای طراحی یک جبران ساز پیش فاز مراحل زیر را دنبال کنید.

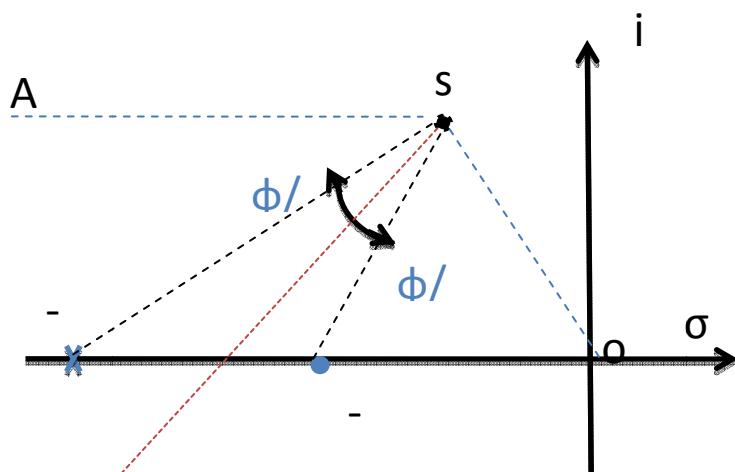
۱) تابع تبدیل جبران ساز پیش فاز را به صورت زیر در نظر بگیرید.

$$G_c(s) = K_c \alpha \frac{(Ts + 1)}{(\alpha Ts + 1)} = K_c \alpha \frac{\left(s + \frac{1}{T}\right)}{\left(s + \frac{1}{\alpha T}\right)}, \quad 0 < \alpha < 1$$

۲) برای تعیین محل صفر و قطب جبران ساز چند روش وجود دارد.

روش نیمساز:

ابتدا نمودار مکان ریشه‌های سیستم را رسم کنید و با توجه به موارد خواسته شده در صورت خواسته شده محل قطب‌های غالب  $s$  را نیز تعیین کنید. سپس نیمساز زاویه  $\phi$  را رسم نموده و از نیمساز به اندازه زاویه  $\phi/2$  به طرفین حرکت کرده و محل برخورد با محور حقیقی محل صفر و قطب جبرانساز را نشان می‌دهد.



شکل ۴-۲۳

روش دورف :

نمودار مکان ریشه های سیستم را رسم کنید و با توجه به موارد خواسته شده در صورت مسئله محل قطب های غالب را نیز تعیین کنید . سپس صفر جبرانساز را دقیقا زیر محل قطب غالب مطلوب مسئله قرار می دهیم و در ادامه با استفاده از شرط زاویه محل قطب جبرانساز را پیدا کنید .

۳) در ادامه با استفاده از شرط اندازه و رابطه زیر ، مقدار  $K_c$  را تعیین کنید .

$$|G_c(s)G(s)| = 1$$

برای طراحی جبران ساز در حوزه فرکانس به روشن زیر عمل می کنیم .

تابع تبدیل در حوزه فرکانس به صورت زیر در نظر بگیرید .

$$G_c(j\omega) = K_c \alpha \frac{(Tj\omega + 1)}{(\alpha T j \omega + 1)} = K_c \alpha \frac{\left(j\omega + \frac{1}{T}\right)}{\left(j\omega + \frac{1}{\alpha T}\right)}, \quad 0 < \alpha < 1$$

زاویه فاز جبران ساز به صورت زیر بدست می آید .

$$\varphi = \tan^{-1}(\omega T) - \tan^{-1}(\alpha \omega T) = \tan^{-1} \frac{(1-\alpha)\omega T}{1 - \alpha \omega^2 T^2}$$

$$\frac{d\varphi}{d\omega} = 0$$

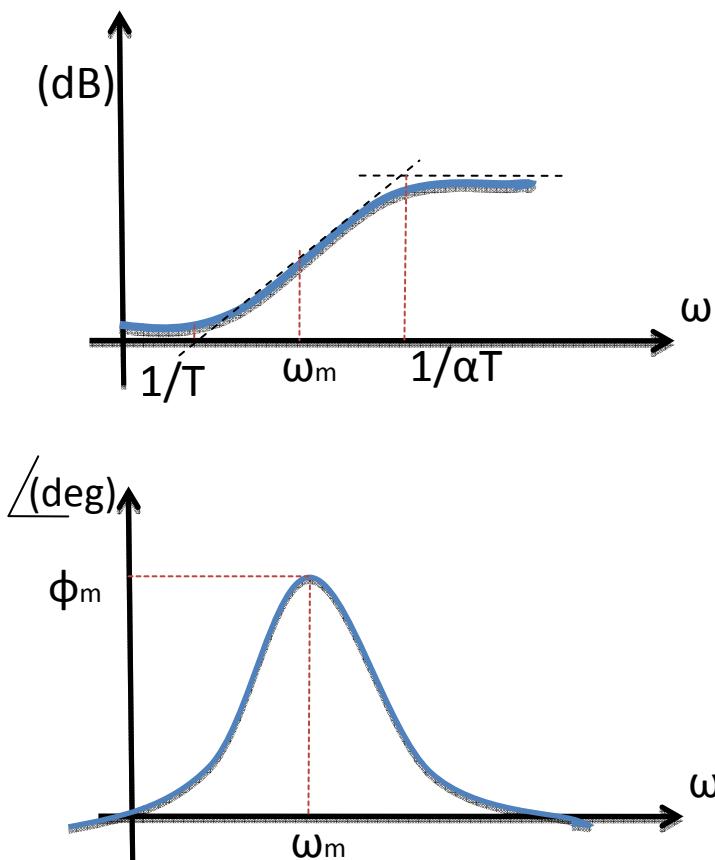
$$\omega_m = \frac{1}{\sqrt{\alpha} T}$$

$$\tan^{-1}(\varphi_m) = \frac{1-\alpha}{2\sqrt{\alpha}}$$

$$\alpha = \frac{1 - \sin(\varphi_m)}{1 + \sin(\varphi_m)}$$

$$|G_c(j\omega_m)| = \frac{\sqrt{(T^2 \omega_m^2 + 1)}}{\sqrt{(\alpha^2 T^2 \omega_m^2 + 1)}} = \frac{1}{\sqrt{\alpha}}$$

دیاگرام بود سیستم جبرانساز به صورت فوق می باشد .



شکل ۵-۲۳

مشاهده می کنید که جبران ساز یک فاز مثبت در یک رنج فرکانسی معین وارد سیستم می کند.

تابع تبدیل حلقه باز سیستم به صورت زیر می باشد.

$$G_c(s)G(s) = K_c G(s) \frac{(Ts + 1)}{(\alpha Ts + 1)} = G_1(s) \frac{(Ts + 1)}{(\alpha Ts + 1)}$$

- ۱) مقدار  $K_c$  را به گونه ای تعیین کنید که خطای ماندگار یا ثابت خطای سیستم حلقه بسته مطلوب مسئله را برآورده کند.
- ۲) دیاگرام بود تابع  $G_1(s)$  رسم کنید. مقدار  $\varphi_m$  که برابر است با اختلاف بین حد فاز مطلوب و حد فاز  $G_1(s)$  به همراه یک تولورانس

$$\varphi_m = \phi_{\text{مطلوب}} - \phi_{\text{M}(G_1)} + \varepsilon$$

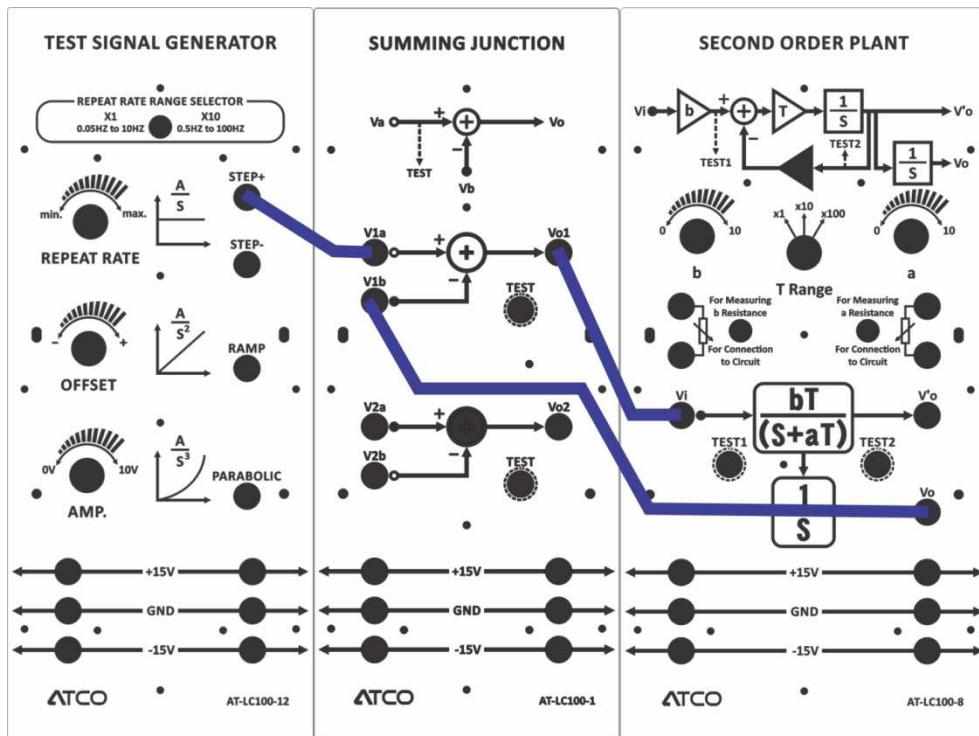
$$\alpha = \frac{1 - \sin(\varphi_m)}{1 + \sin(\varphi_m)}$$

از نمودار فرکانسی که در آن اندازه برابر  $20 \log \sqrt{\alpha} = 10 \log \alpha$  (db) است را (فرکانس قطع) را پیدا کنید.

$$\omega_m = \frac{1}{\sqrt{\alpha} T}$$

در نتیجه صفر و قطب جبرانساز تعیین می‌شود. جبران ساز پیش فاز معمولاً برای بهبود پاسخ گذراي سیستم به کار گرفته می‌شود.

-۱ سیستم را همانند بلوک دیاگرام نشان داده شده سیم کشی نمایید.

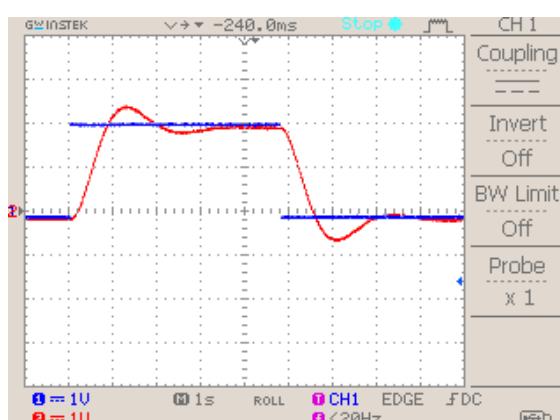


شکل ۶-۲۳

-۲ بر روی مژول LC100-08 سلکتور T را بر روی وضعیت  $a \times 1$  و ولوم a را بر روی ۲۰ کیلو اهم و ولوم b را بر روی ۱۰۰ کیلو (ماکریم مقدار) قرار دهید.

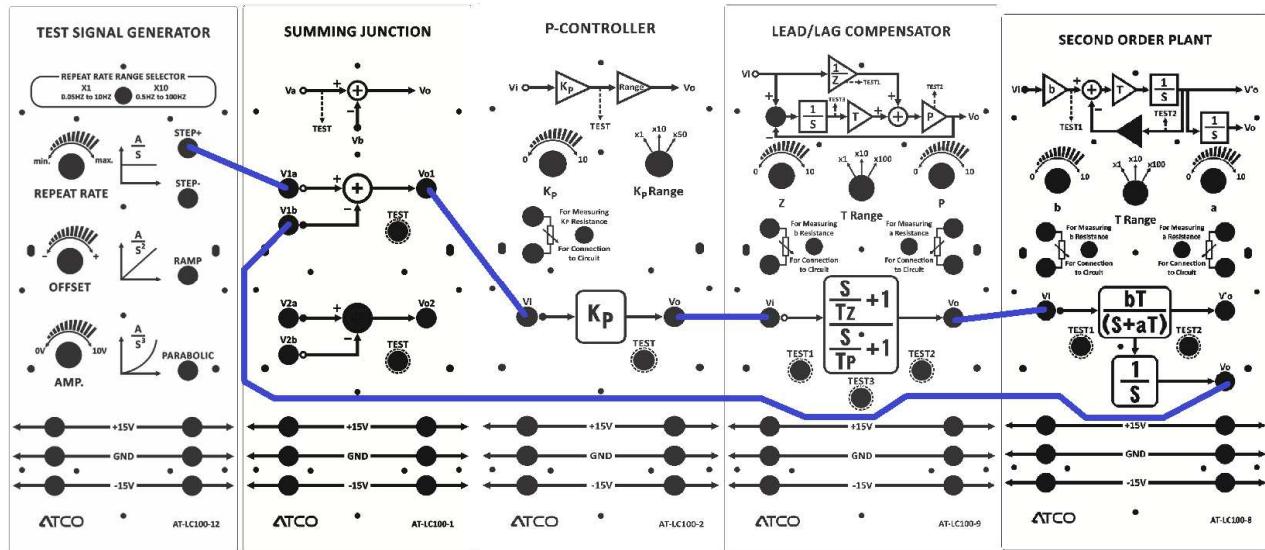
-۳ بر روی مژول LC100-12 به کمک ولوم های DC OFFSET و AMPLITUDE مقدار ۲Vp-p پالس در پین سمت راست خروجی OUT تنظیم نمایید.

-۴ با اسیلوسکوپ خروجی پین سمت راست مژول LC100-12 و خروجی VO2 در مژول LC100-08 را اندازه گیری و ثبت نمایید.



شکل ۷-۲۳

۵- جهت مشاهده تاثیر کنترل lead بر خروجی سیستم، بلوک دیاگرام زیر را ببندید:



شکل ۶-۲۳

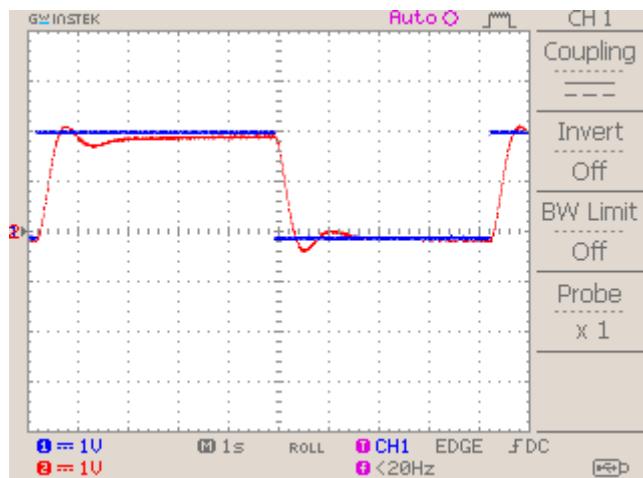
- ۶- بر روی مازول LC100-12 به کمک ولوم های DC OFFSET و AMPLITUDE مقدار ۲Vp-p را در پین سمت راست خروجی OUT تنظیم نمایید.
- ۷- بر روی مازول LC100-08 سلکتور T را بر روی وضعیت  $\times 1$  و ولوم a را بر روی ۲۰ کیلو اهم و ولوم b را بر روی ۱۰۰ کیلو اهم (ماکریم مقدار) قرار دهید.
- ۸- بر روی مازول LC100-2 سلکتور KP را بر روی وضعیت  $\times 1$  و ولوم KP را بر روی ۱۰ کیلو اهم قرار دهید.

- ۹- بر روی مازول LC100-9 سلکتور T را بر روی وضعیت  $\times 10$  و ولوم Z را بر روی ۴.۴ کیلو اهم و ولوم p را بر روی ۱۸.۴ کیلو اهم قرار دهید.

$$G(s) = \frac{10}{s^2 + 2s}$$

$$G_c(s) = 1 \frac{(s + 4.41)}{(s + 18.4)} = 1 \frac{\left(\frac{s}{4.41} + 1\right)}{\left(\frac{s}{18.4} + 1\right)}$$

- ۱۰- با اسیلوسکوپ خروجی پین سمت راست مازول LC100-08 و خروجی VO2 در مازول LC100-12 را اندازه گیری و ثبت نمایید.

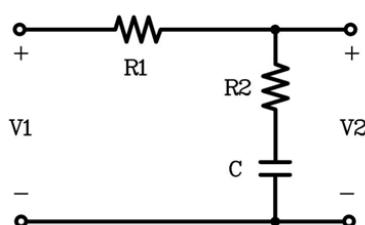


شکل ۲۳-۸ با جبرانساز پیش فاز

#### آزمایش ۲۴: جبرانساز پس فاز Lag

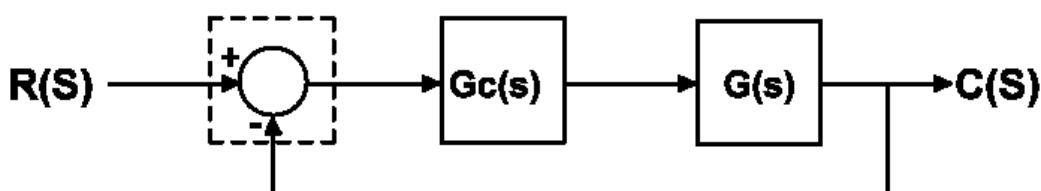
جبران ساز پس فاز یک جبرانساز شبکه است که یک زاویه فاز منفی و یک افت قابل توجه در رنج فرکانس های دلخواه ایجاد می کند . جبران ساز پس فاز موجب می شود نمودار روت لوکاس سیستم به سمت راست صفحه حرکت کند لذا بیشتر برای موقعی استفاده می شود که سیستم پاسخ گذراخوبی دارد ولی پاسخ حالت دائمی ضعیفی دارد که پاسخ حالت دائمی سیستم را بهبود می بخشد . در این موقع اگر تنها از یک بهره برای جبرانسازی سیستم در نظر گرفته شود و برای مقادیر مناسب برای آن پاسخ حالت دائمی سیستم حلقه بسته بهبود یابد ولی ممکن است که پاسخ حالت گذرا را تضعیف کند. در این حالت با استفاده از یک جبران ساز پس فاز نیز می توان پاسخ حالت دائمی را بهبود بخشید و یک تغییر کوچک در محل قطب های غالب ایجاد کرد .

مشخصه یک شبکه Lag را به فرم زیر می توان نشان داد .



شکل ۱-۲۴

به طور کلی بلوك دیاگرام سیستم را با یک جبران ساز پس فاز به صورت زیر است .



## شکل ۲-۲۴

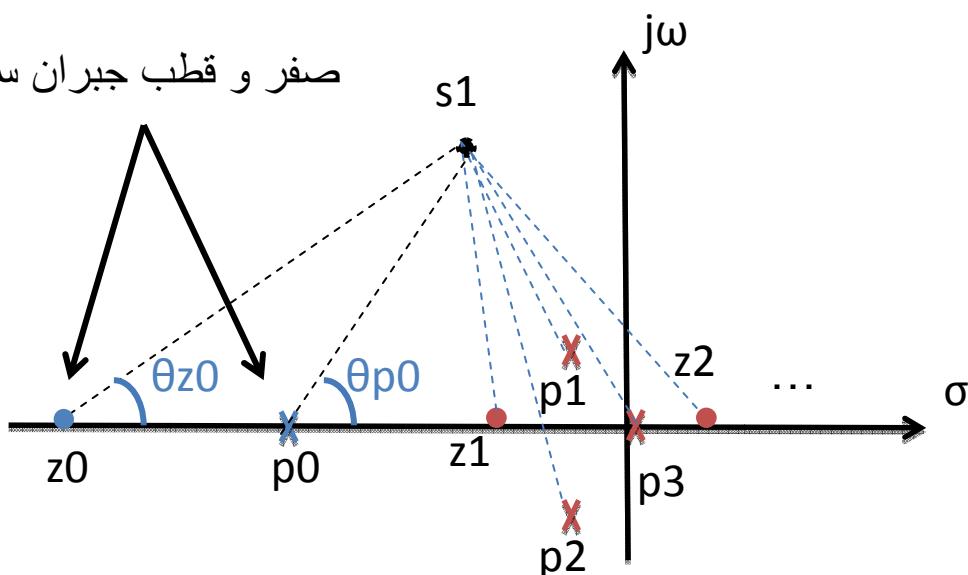
که در آن  $G(s)$  تابع تبدیل فرآیند و  $G_c(s)$  تابع تبدیل جبران ساز پس فاز است.

$$G(s) = \frac{(s + z_1)(s + z_2) \cdots (s + z_m)}{(s + p_1)(s + p_2) \cdots (s + p_n)}$$

$$G_c(s) = K_c \frac{(s + z_0)}{(s + p_0)} , \quad |p_0| > |z_0|$$

نمودار مکان ریشه های سیستم حلقه باز به صورت زیر است.

صفر و قطب جبران ساز پس فاز



شکل ۳-۲۴

با توجه معادله مشخصه سیستم حلقه بسته و برای درستی آن دو شرط زاویه و شرط اندازه تعریف می شود.

$$1 + G_c(s)G(s) = 0$$

$$G_c(s)G(s) = -1$$

شرط دامنه :

$$|G_c(s)G(s)| = 1$$

$$|G_c(s)G(s)| = K_c \frac{|s + z_0| |s + z_1| |s + z_2| \cdots |s + z_m|}{|s + p_0| |s + p_1| |s + p_2| \cdots |s + p_n|} = 1$$

شرط زاویه :

$$\angle G_c(s)G(s) = \pm 180^\circ (2K + 1), \quad K = 0, 1, 2, \dots$$

$$\sum_{i=1}^m \angle(s + z_i) - \sum_{j=1}^n \angle(s + p_j) + \theta_{z_0} - \theta_{p_0} = \pm 180^\circ (2K + 1)$$

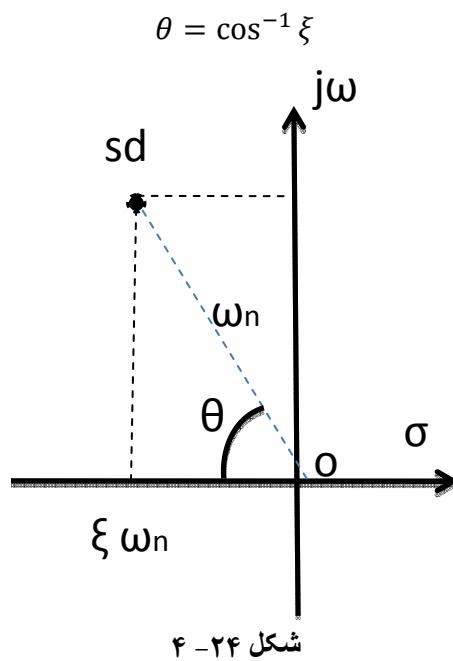
مشاهده می‌کنید که استفاده از جبران ساز در سیستم سبب می‌شود، یک زاویه فاز منفی به سیستم اضافه شود که به دلیل کوچکتر بودن اندازه قطب از صفر، مجموع زوایای صفر و قطب جبران ساز زاویه ای منفی است و سبب می‌شود.

ثابت سرعت خطای ماندگار سیستم بدون جبران ساز برابر  $K_v$  می‌باشد و ثابت خطا برای سیستم بهمراه جبرانساز برابر  $K_{vc}$  است

$$K_{vc} = \lim_{s \rightarrow 0} s G_c(s) G(s) = K_v K_c \frac{z_0}{p_0}$$

مشاهده می‌کنید که ثابت خطا افزایش می‌یابد و خطای ماندگار سیستم کم می‌شود.  
برای طراحی یک جبران ساز پس فاز مراحل زیر را دنبال کنید.

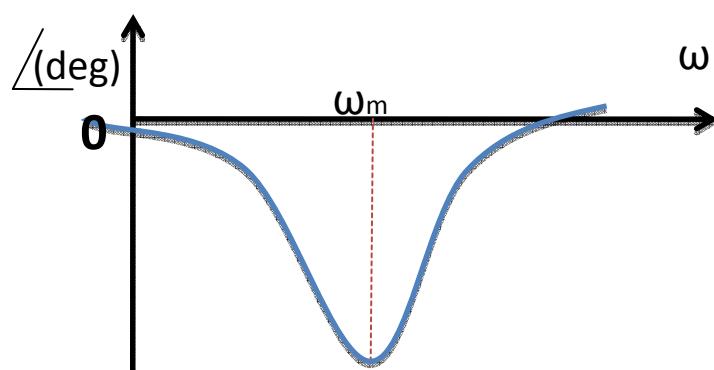
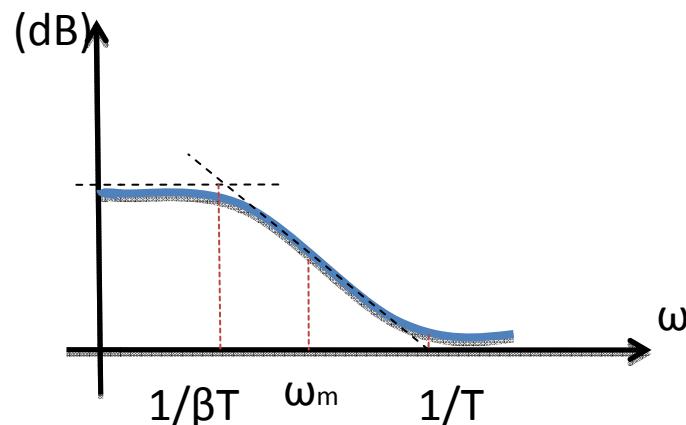
- ۱) ابتدا تنها یک بهره  $K_s$  برای جبران سازی در نظر گرفته و با توجه مقدار خطای پاسخ دائمی مطلوب مسئله مقدار آن را تعیین کنید.
- ۲) محل قطب غالب را بر اساس خواسته‌های مسئله تعیین کنید و از نمودار روت لوکاس مقدار  $K_c$  مورد نظر را پیدا کنید.



- ۳) تابع تبدیل جبران ساز پس فاز را به صورت زیر در نظر بگیرید.

$$G_c(s) = K_c \frac{(Ts + 1)}{(\alpha Ts + 1)} = K_c \frac{\left(s + \frac{1}{T}\right)}{\left(s + \frac{1}{\beta T}\right)}, \quad \beta = \frac{K_s}{K_c}$$

دیاگرام بود سیستم جبرانساز به صورت فوق می‌باشد.

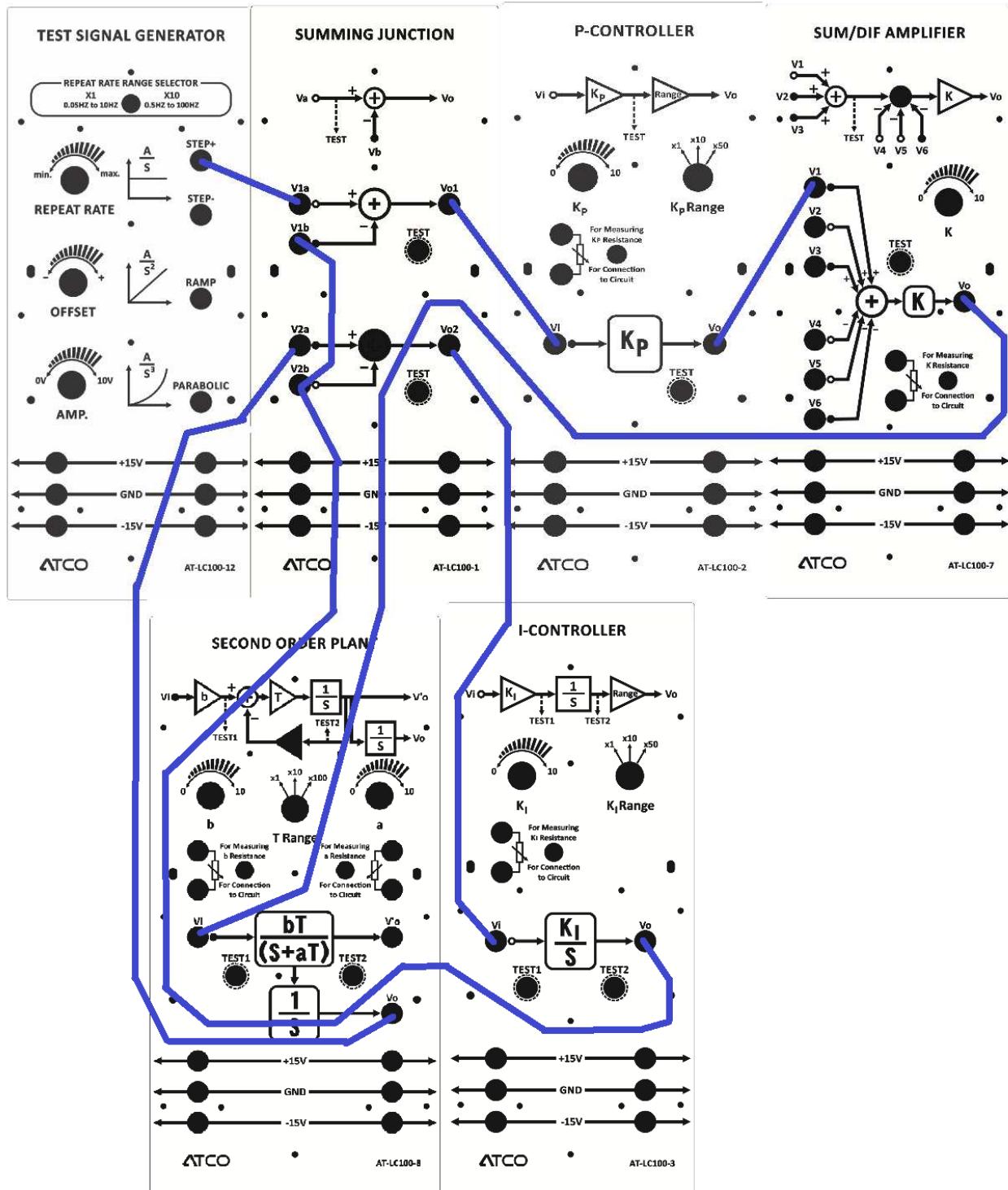


شکل ۵-۲۴

جبران ساز پیش فاز معمولاً برای بهبود پاسخ گذرای سیستم به کار گرفته می‌شود.

مراحل آزمایش:

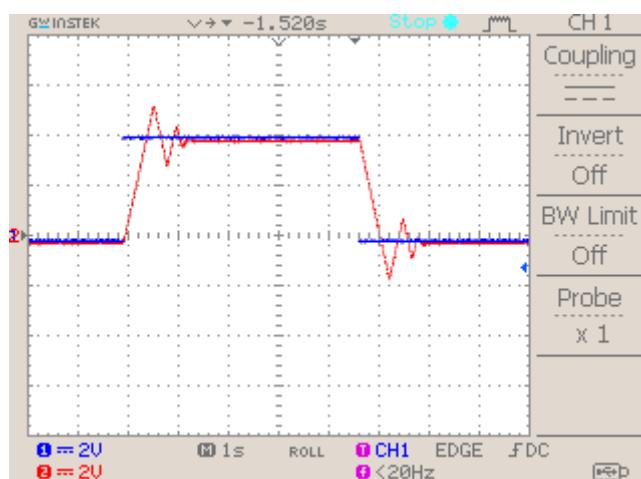
- 1- ابتدا پاسخ سیستم را بدون استفاده از جبرانساز مشاهده کنید. سیستم را همانند بلوک دیاگرام نشان داده شده سیم کشی نمایید.



شکل ۲۴-۶

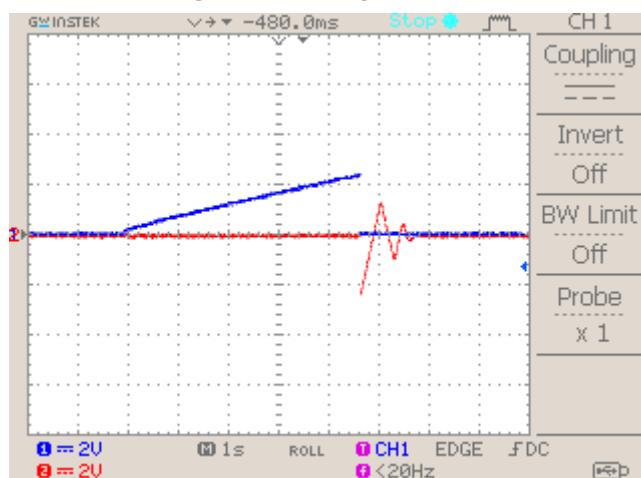
- بر روی مازول LC100-12 به کمک ولوم های DC OFFSET و AMPLITUDE مقدار  $2V_{p-p}$  پالس در پین سمت راست خروجی OUT تنظیم نمایید.

- ۳- بر روی مژول LC100-08 سلکتور T را بروی وضعیت  $10 \times$  و ولوم a کیلو اهم و ولوم b را بروی  $100 \times$  کیلو اهم (ماکریم مقدار) قرار دهید.
- ۴- بر روی مژول LC100-2 سلکتور KP را بروی وضعیت  $1 \times$  و ولوم KP را بروی  $100 \times$  کیلو اهم قرار دهید.
- ۵- بر روی مژول LC100-7 ولوم K را بروی  $10 \times$  کیلو اهم قرار دهید.
- ۶- بر روی مژول LC100-3 سلکتور Ki را بروی وضعیت  $10 \times$  و ولوم Ki را بروی  $10K \times$  اهم قرار دهید.
- ۷- با اسیلوسکوپ خروجی پین سمت راست LC100-12 و خروجی Vo در مژول LC100-3 را اندازه گیری و ثبت نمایید.



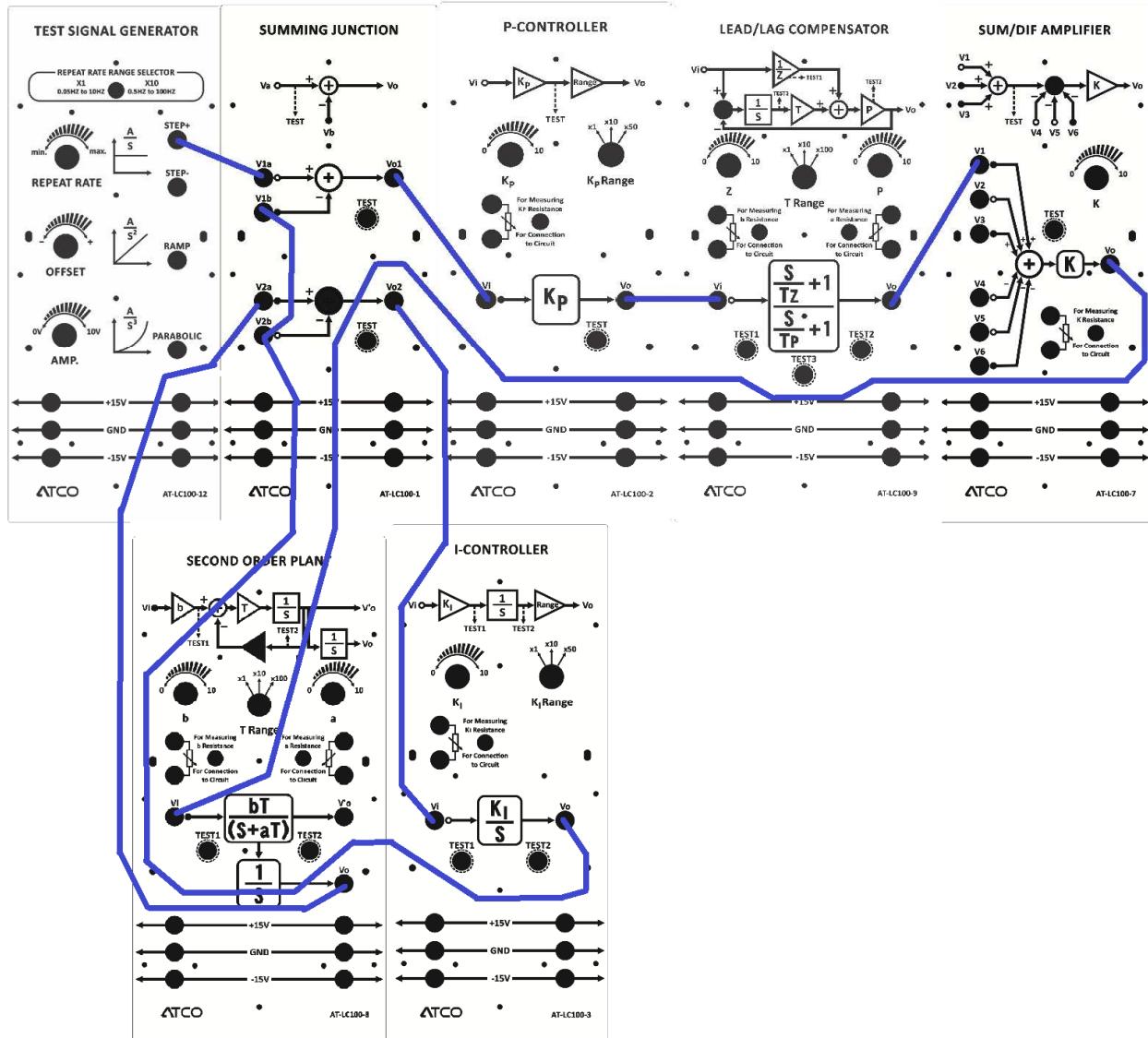
شکل ۷-۲۴

- ۸- بجای ورودی Ramp استفاده کرده و شکل موج ورودی و خروجی VO1 از مژول LC100-1 را مشاهده کنید.



شکل ۸-۲۴

-۹- حال پاسخ سیستم را با جبران ساز پس فاز مشاهده کنید. سیستم را همانند بلوک دیاگرام نشان داده شده سیم کشی نمایید.



شکل ۹-۲۴

۱۰- بر روی مازول LC100-12 به کمک ولوم های DC OFFSET و AMPLITUDE مقدار ۲Vp-p پالس در پین سمت راست خروجی OUT تنظیم نمایید.

۱۱- بر روی مازول LC100-08 سلکتور T را بر روی وضعیت  $\times 10$  و ولوم a را بر روی ۲۰ کیلو اهم و ولوم b را بر روی ۱۰۰ کیلو اهم قرار دهید.

۱۲- بر روی مازول LC100-2 سلکتور KP را بر روی وضعیت  $\times 1$  و ولوم KP را بر روی ۱۰ کیلو اهم قرار دهید.

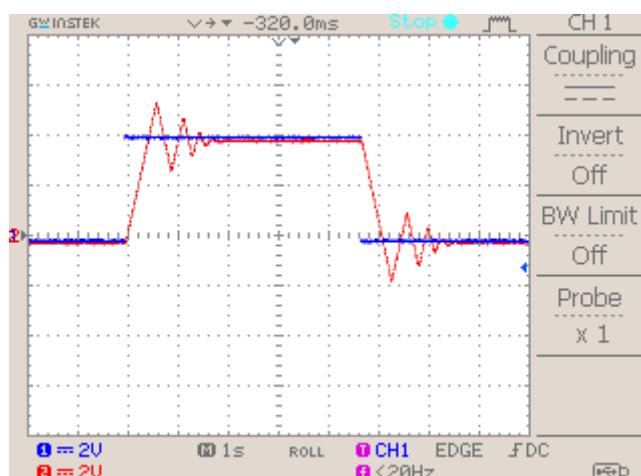
۱۳- بر روی مازول LC100-7 ولوم K را بر روی ۱۰ کیلو اهم قرار دهید.

۱۴- بر روی مژول LC100-9 سلکتور T را بر روی وضعیت  $\times 1$  و ولوم Z را بر روی  $50\text{mV}$  و ولوم P را بر روی  $5\text{mV}$  کیلو اهم قرار دهید.

$$G(s) = \frac{10^6}{s^3 + 300s^2 + 20000s}$$

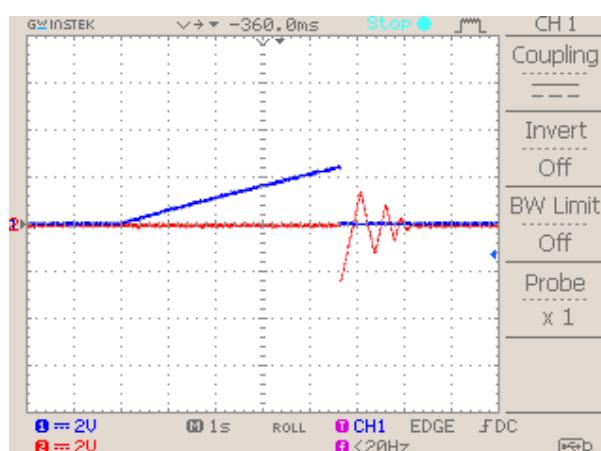
$$G_c(s) = 10.37 \frac{(s + 5)}{(s + 0.5)}$$

۱۵- با اسیلوسکوپ خروجی پین سمت راست مژول LC100-12 VO در مژول LC100-3 را اندازه گیری و ثبت نمایید.



شکل ۱۰-۲۴

۱- بجای ورودی step از ورودی Ramp استفاده کرده و شکل موج ورودی و خروجی VO1 از مژول LC100-1 را مشاهده کنید.



شکل ۱۱-۲۴

## آزمایش ۲۵: جبران‌ساز پیش فاز-پس فاز Lead-Lag

جبران ساز پیش فاز-پس فاز ترکیبی از دو جبران ساز پیش فاز و پس فاز می‌باشد که در دو آزمایش قبل امتیازات و معایب هر کدام را دیدید.

### جبران ساز پیش فاز : Lead

امتیازات

- (۱) یک زاویه فاز مثبت در رنج فرکانس‌های دلخواه ایجاد می‌کند برای ایجاد یک حدفاز (Phase Margin) مناسب برای شبکه به کار می‌رود. عملکرد سیستم پایدارتر می‌شود.
- (۲) پاسخ گذرای سیستم را بهبود می‌بخشد.
- (۳) میزان overshoot پاسخ پله را کاهش می‌دهد.
- (۴) پهنهای باند را افزایش می‌دهد بطوریکه پاسخ سیستم سریعتر می‌شود.

معایب

- (۱) پهنهای باند را افزایش در نتیجه سیستم به شدت به وسیلهٔ نویزهای فرکانس بالا تاثیر پذیر می‌شود.
- (۲) به دلیل تضعیف شدید ایجاد شده در فرکانس‌های پایین، برای بهبود پاسخ حالت ماندگار، به یک تقویت کننده اضافی نیاز است.

### جبران ساز پس فاز Lag

امتیازات

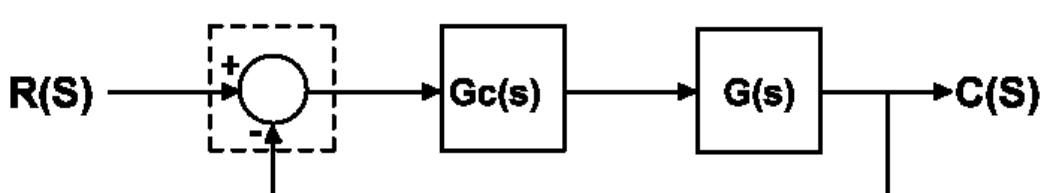
- (۱) پاسخ حالت دائمی سیستم را بهبود می‌بخشد.
- (۲) میزان overshoot پاسخ پله را کاهش می‌دهد.
- (۳) پهنهای باند را کاهش می‌دهد در نتیجه تاثیر پذیری سیستم به وسیلهٔ نویزهای فرکانس بالا کاهش می‌یابد.

معایب

- (۱) پهنهای باند را کاهش می‌دهد که در نتیجه آن سرعت پاسخ گذرای سیستم کاهش می‌یابد.

برای سیستم‌هایی با پاسخ گذرا و پاسخ حالت دائمی ضعیف باشیستی از یک جبران‌ساز پیش فاز-پس فاز استفاده نمود.

به طور کلی بلوک دیاگرام سیستم با یک جبران ساز پیش فاز به صورت زیر است.



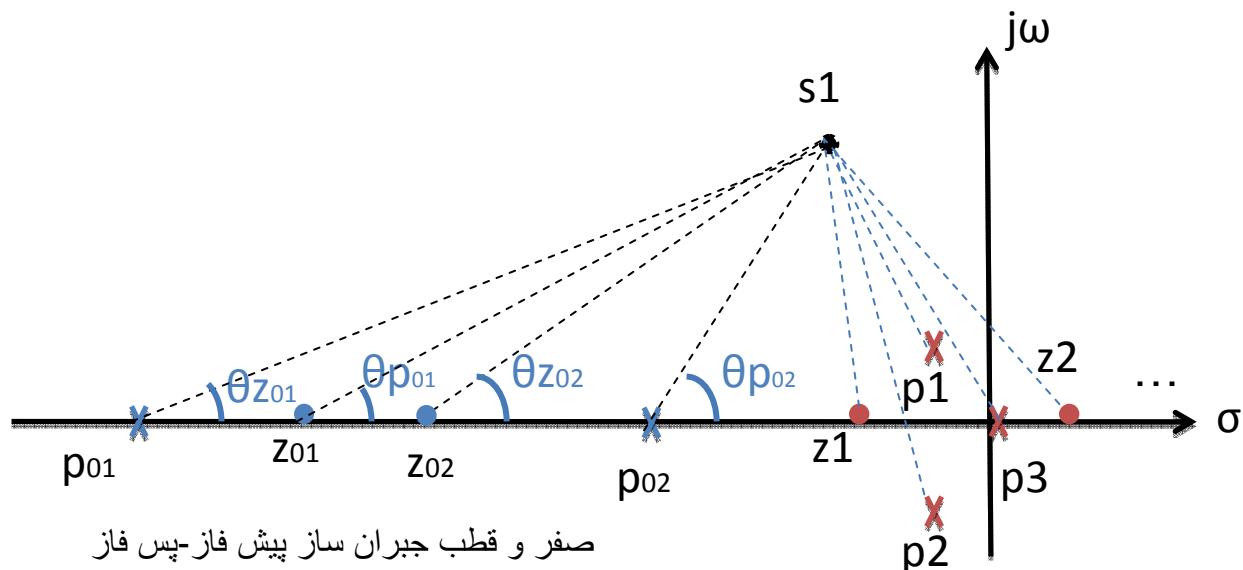
شکل ۱-۲۵

که در آن  $G(s)$  تابع تبدیل فرآیند و  $G_c(s)$  تابع تبدیل جبران ساز پیش فاز است.

$$G(s) = \frac{(s + z_1)(s + z_2) \cdots (s + z_m)}{(s + p_1)(s + p_2) \cdots (s + p_n)}$$

$$G_c(s) = K_c \frac{(s + z_{01})(s + z_{02})}{(s + p_{01})(s + p_{02})} , \quad |p_{01}| > |z_{01}| , |p_{02}| > |z_{02}|$$

نمودار مکان ریشه های سیستم حلقه باز به صورت زیر است.



شکل ۲-۲۵

با توجه به معادله مشخصه سیستم حلقه باز و برای درستی آن دو شرط زاویه و شرط اندازه تعریف می شود.

$$1 + G_c(s)G(s) = 0$$

$$G_c(s)G(s) = -1$$

شرط دامنه:

$$|G_c(s)G(s)| = 1$$

$$|G_c(s)G(s)| = K_c \frac{|s + z_{01}|}{|s + p_{01}|} \frac{|s + z_{02}|}{|s + p_{02}|} \frac{|s + z_1|}{|s + p_1|} \frac{|s + z_2|}{|s + p_2|} \cdots \frac{|s + z_m|}{|s + p_m|} = 1$$

شرط زاویه :

$$\angle G_c(s)G(s) = \pm 180^\circ (2K + 1), \quad K = 0, 1, 2, \dots$$

$$\sum_{i=1}^m \angle(s + z_i) - \sum_{j=1}^n \angle(s + p_j) + \theta_{z_{01}} - \theta_{p_{01}} + \theta_{z_{02}} - \theta_{p_{02}} = \pm 180^\circ (2K + 1)$$

ثابت سرعت خطای ماندگار سیستم بدون جبران ساز برابر  $K_v$  می‌باشد و ثابت خطای ماندگار سیستم بهمراه جبرانساز برابر  $K_{vc}$  است.

$$K_{vc} = \lim_{s \rightarrow 0} s G_c(s) G(s) = K_v K_c \left( \frac{z_{01}}{p_{01}} \right) \left( \frac{z_{02}}{p_{02}} \right) = K_v K_c \left( \frac{\beta}{\alpha} \right)$$

مشاهده می‌کنید که ثابت خطای ماندگار سیستم بهمراه جبران ساز برابر  $\frac{\beta}{\alpha}$  افزایش و یا کاهش می‌یابد.

برای طراحی یک جبران ساز پیش فاز-پس فاز مراحل زیر را دنبال کنید.

۱) محل قطب غالب را بر اساس خواسته های مسئله تعیین کنید.

$$p_{1,2} = -\xi \omega_n \pm j \omega_n \sqrt{1 - \xi^2}$$

۲) فرض کنید صفر و قطب Lag در نزدیکی مبدأ قرار دارند. یعنی داریم :

$$\frac{|s_d + z_{02}|}{|s_d + p_{02}|} \approx 1$$

و سپس صفر و قطب Lead و  $K_c$  را بر اساس خواسته های مسئله مشابه طراحی یک جبران ساز پیش فاز تعیین کنید.

سپس صفر و قطب Lag را بر اساس پاسخ دائمی مطلوب طراحی کنید. ثابت خطای ماندگار سیستم بهمراه جبرانساز برابر  $K_{vc}$  است.

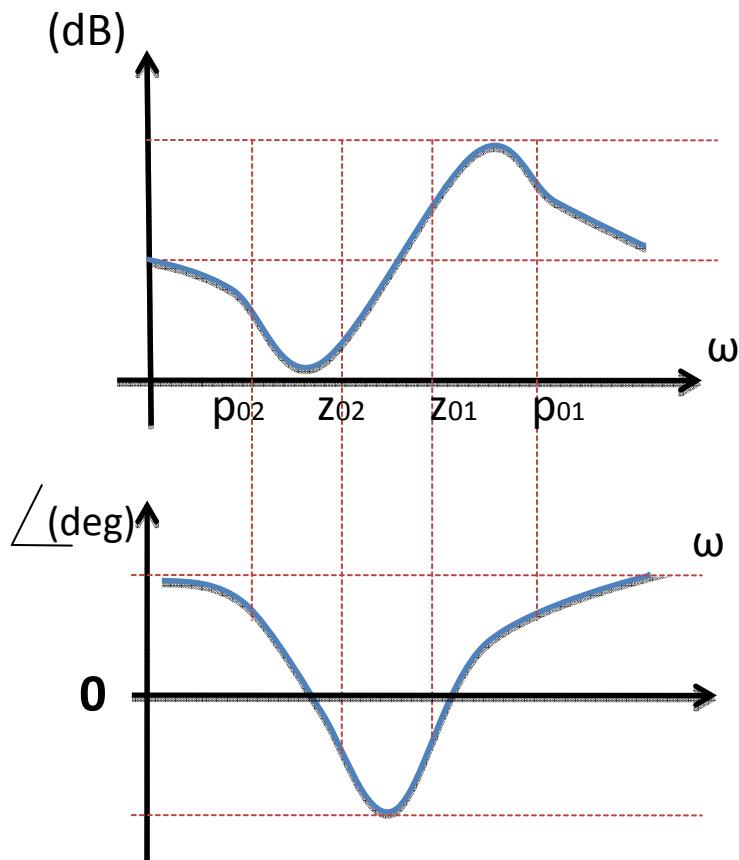
$$K_{vc} = \lim_{s \rightarrow 0} s G_c(s) G(s) = K_v K_c \left( \frac{z_{01}}{p_{01}} \right) \left( \frac{z_{02}}{p_{02}} \right) = K_v K_c \left( \frac{\beta}{\alpha} \right)$$

در آخر مقدار  $\beta$  را با استفاده از جایگزینی  $K_c$ ,  $K_v$  بدست آورید و صفر و قطب Lag را بر اساس دو شرط زیر بدست آورید.

$$\frac{|s_d + z_{02}|}{|s_d + p_{02}|} \approx 1$$

$$-5^\circ < \angle \left| \frac{s_d + z_{02}}{s_d + p_{02}} \right| < 0^\circ$$

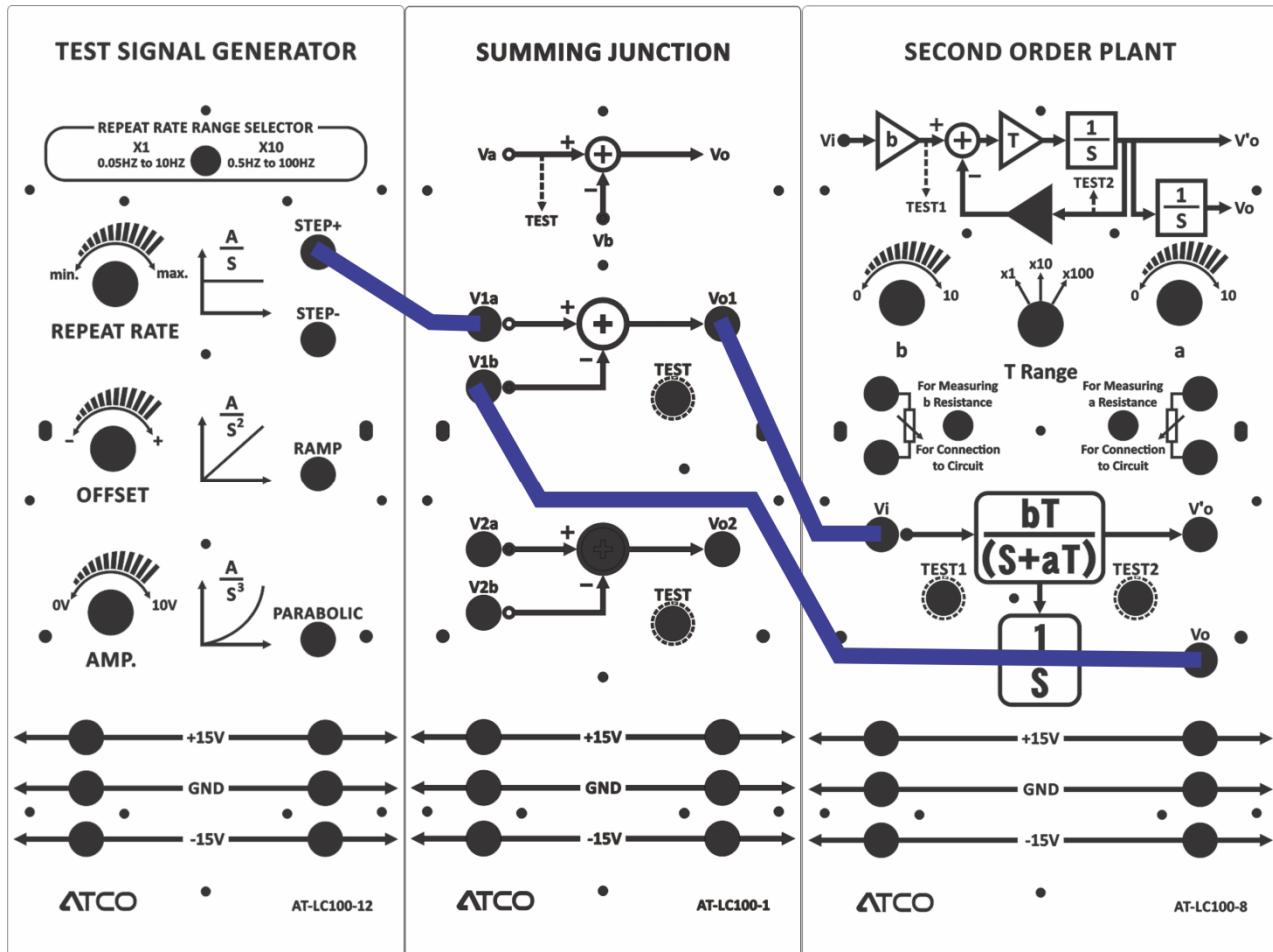
دیاگرام بود سیستم جبرانساز به صورت فوق می‌باشد.



شکل ۳-۲۵

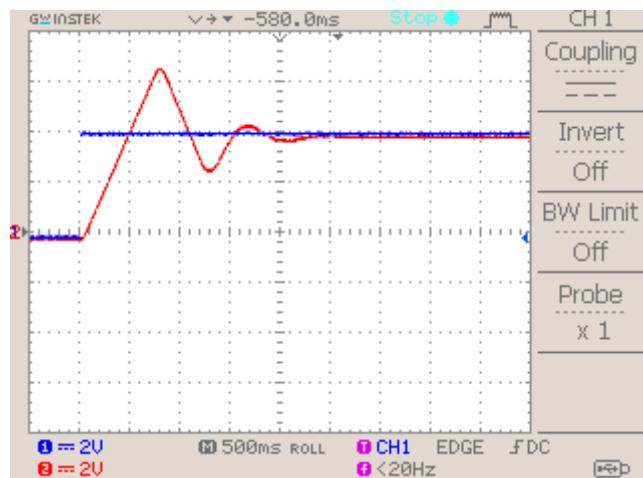
مراحل آزمایش:

- ۱- ابتدا پاسخ سیستم را بدون استفاده از جبرانساز مشاهده کنید. سیستم را همانند بلوک دیاگرام نشان داده شده سیم کشی نمایید.



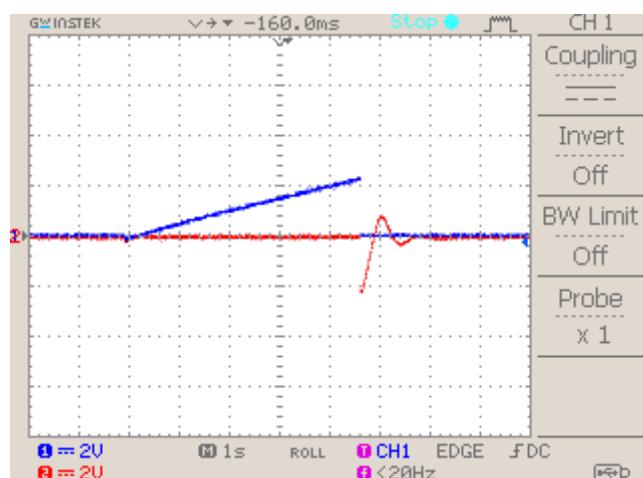
شکل ۴-۲۵

- ۲- بر روی مازول LC100-12 به کمک ولوم های AMPLITUDE و DC OFFSET مقدار 4Vp-p خروجی OUT تنظیم نمایید.
- ۳- بر روی مازول LC100-08 سلکتور T را بر روی وضعیت  $\times 10$  و ولوم a را بر روی ۵ کیلو اهم و ولوم b را بر روی ۱۰۰ کیلو اهم (ماکریم مقدار) قرار دهید.
- ۴- با اسیلوسکوپ خروجی پین سمت راست مازول 12- LC100-12 و خروجی Vo در مازول 08- LC100-08 را اندازه گیری و ثبت نمایید.



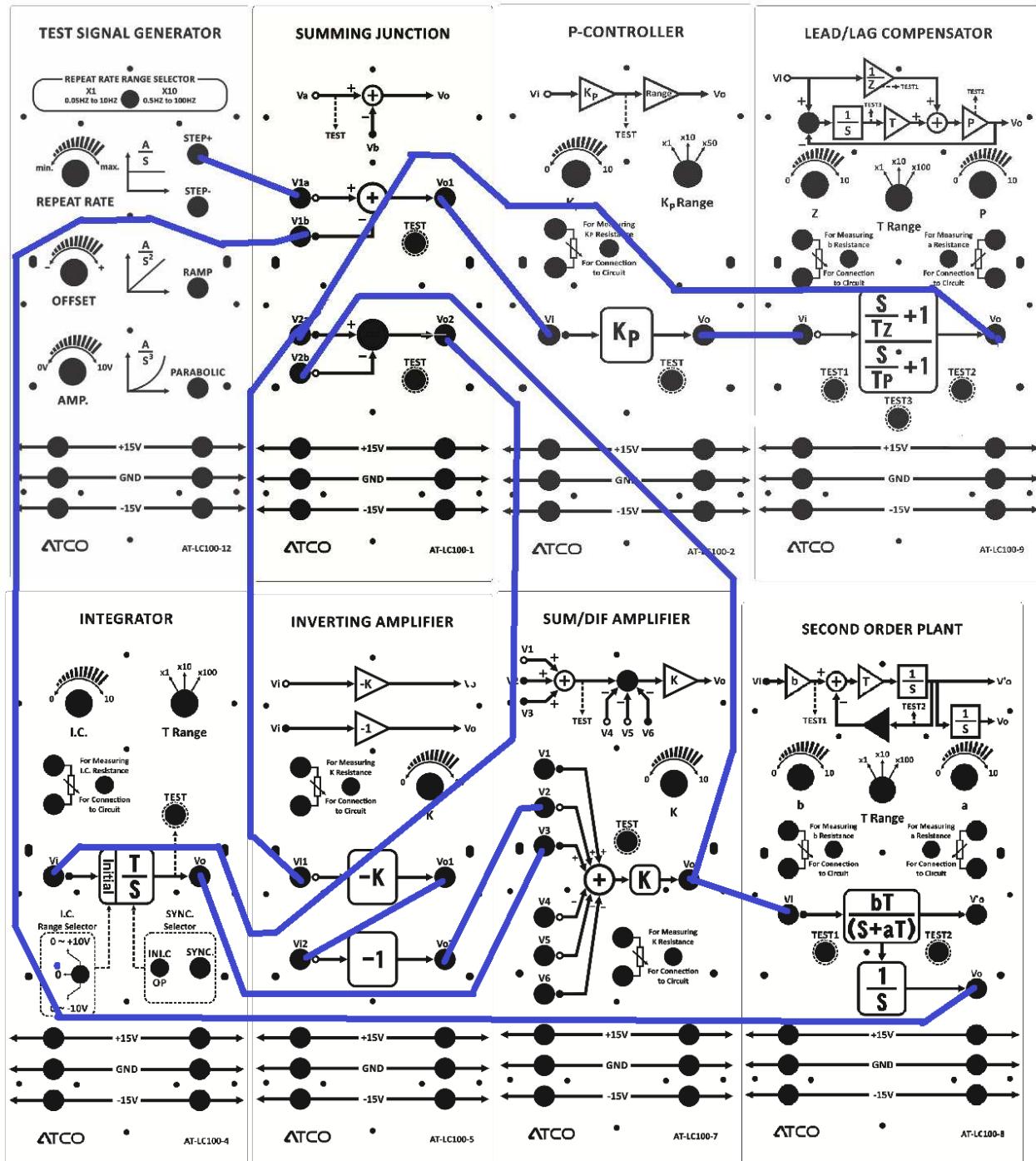
شکل ۵-۲۵

- بجای ورودی step از ورودی Ramp استفاده کرده و شکل موج ورودی و خروجی VO1 از ماژول LC100-1 را مشاهده کنید.



شکل ۶-۲۵

-۶- حال پاسخ سیستم را با جریان ساز پس فاز مشاهده کنید. سیستم را همانند بلوک دیاگرام نشان داده شده سیم کشی نمایید.



شکل ۶-۲۵

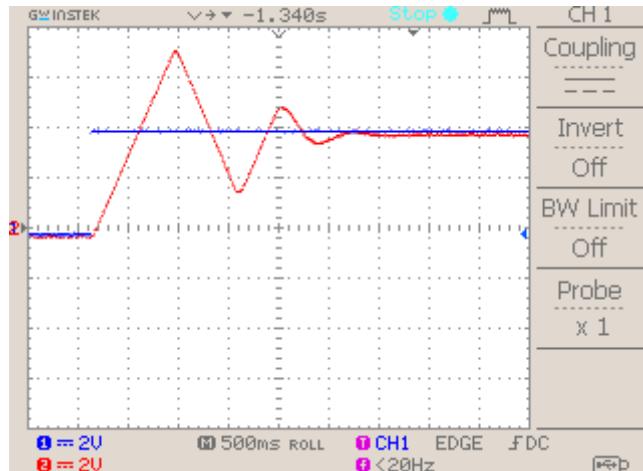
-۷- بر روی مازول LC100-12 به کمک ولوم های DC OFFSET و AMPLITUDE مقدار 4Vp-p را در پین سمت راست خروجی OUT تنظیم نمایید.

- ۸- بر روی مازول ۰-۱۰۰-۰۸ سلکتور T را بر روی وضعیت  $10 \times$  و ولوم a را بروی ۵ کیلو اهم و ولوم b را بروی ۱۰۰ کیلو اهم (ماکریم مقدار) قرار دهید .
- ۹- بر روی مازول ۰-۱۰۰-۰۲ سلکتور KP را بر روی وضعیت  $1 \times$  و ولوم KP را بروی ۴۰ کیلو اهم قرار دهید .
- ۱۰- بر روی مازول ۰-۱۰۰-۰۷ سلکتور K را بر روی ۲.۸K اهم قرار دهید .
- ۱۱- بر روی مازول ۰-۱۰۰-۰۵ سلکتور K را بر روی ۱۰ کیلو اهم قرار دهید .
- ۱۲- بر روی مازول ۰-۱۰۰-۰۴ سلکتور T را بر روی وضعیت  $1 \times$  قرار دهید .
- ۱۳- بر روی مازول ۰-۱۰۰-۰۹ سلکتور T را بر روی وضعیت  $10 \times$  و ولوم Z را بروی ۲۵ کیلو اهم و ولوم p را بروی ۸۶.۸ کیلو اهم قرار دهید .

$$G(s) = \frac{100}{s^2 + 5s}$$

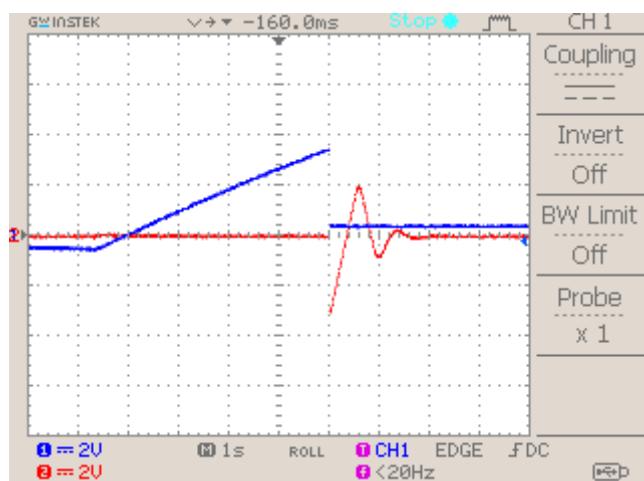
$$G_c(s) = 40 \frac{(s + 25)}{(s + 86.8)} \frac{(s + 1)}{(s + 0.288)} = 40 \frac{\left(\frac{s}{25} + 1\right)}{\left(\frac{s}{86.8} + 1\right)} \frac{(s + 1)}{\left(\frac{s}{0.288} + 1\right)}$$

- ۱- با اسیلوسکوپ خروجی پین سمت راست مازول ۰-۱۰۰-۱۲ و خروجی Vo در مازول ۰-۱۰۰-۰۸ در مازول ۰-۱۰۰-۱۲ و خروجی Vo در مازول ۰-۱۰۰-۰۸ با اندازه گیری و ثبت نمایید .



شکل ۷-۲۵ با جبران ساز

- ۲- سپس برای ورودی رمپ نیز آزمایش را تکرار کنید و میزان خطای خروجی را مشاهده نمایید . با اسیلوسکوپ خروجی پین سمت راست مازول ۰-۱۰۰-۰۸ و خروجی RN-E301 در مازول RN-E312 VO1 را اندازه گیری و ثبت نمایید .



شکل ۸-۳۷ بدون جبران ساز