

# مبانی مهندسی مالی

# و مدیریت ریسک

# فصل ۱

## مبانی و مقدمات

# ماهیت مشتقات

یک ابزار مشتقه عبارت است از ابزاری که ارزش آن به ارزش سایر متغیرهای اساسی دارایی پایه بستگی دارد.

# نمونه‌هایی از مشتفات

- قراردادهای آتی
- پیمانهای آتی
- سوآپ‌ها
- اختیارات



# کاربردهای مشتقهات

- پوشش ریسک
- سفته‌بازی (که مستلزم داشتن دیدگاه و تفسیری در مورد جهت آتی بازار است).
- ثبیت سود آربیتراژی
- تغییر ماهیت بدهی
- تغییر ماهیت سرمایه بدون متحمل شدن هزینه‌های فروش یک بدره و خرید بدره دیگر

# قراردادهای آتی

- یک قرارداد آتی توافقنامه‌ای مبتنی بر خرید یا فروش دارایی پایه در زمان معینی در آینده و با قیمت مشخص است.
- ایجاد قراردادها در بازارهای نقد (Spot) به معنی خرید یا فروش بدون وقفه (یا در مدت زمان بسیار کوتاه) دارایی پایه است.

# بورس‌های معاملاتی فرآردادهای آتی

- ❑ Chicago Board of Trade
- ❑ Chicago Mercantile Exchange
- ❑ LIFFE (London)
- ❑ Eurex (Europe)
- ❑ BM&F (Sao Paulo, Brazil)
- ❑ TIFFE (Tokyo)
- ❑ And many more (see list at end of Book)

# قیمت فرارداد آتی

- قیمت‌های قراردادهای آتی برای یک قرارداد معین عبارت است از همان قیمتی که شما توافق می‌کنید، دارایی را در آن قیمت بخرید یا بفروشید.
- ایجاد قیمت در بازار آتی همانند بازار نقد براساس سازوکار عرضه و تقاضا صورت می‌گیرد.

# معاملات الکترونیکی

- قیمت‌های قراردادهای آتی ابتدایی، با استفاده از سیستم حراج حضوری انجام می‌شد. براساس این سیستم معامله‌گران به صورت فیزیکی در تالار بورس به دادوستد می‌پرداختند.
- به تدریج این سیستم با سیستم مبادلاتی الکترونیکی جایگزین شد که در آن با استفاده از رایانه خریدار و فروشنده به دادوستد می‌پردازند.

# نمونه‌هایی در مورد فراردادهای آتی

توافق مبتنی بر: 

خرید

**100oz. of gold @ US\$ 400/oz. in December (COMEX)**

فروش

**£62,500 @ 1,5000 US\$/£ in March (CME££)**

خرید

**1000bbl. of oil @ US\$ 20/bbl. in April (NYMEX)**

# اصطلاحات

- طرف معاملاتی که توافق کرده است دارایی پایه را بخرد، به اصطلاح موضع معاملاتی خرید یا **Long Position** اتخاذ نموده است.
- طرف معاملاتی که توافق کرده است دارایی پایه را بفروشد، به اصطلاح موضع معاملاتی فروش یا **Short Position** اتخاذ نموده است.

# مثال

▢ ژانویه: سرمایه‌گذاری موضع معاملاتی خرید قراردادهای آتی در COMEX برای خرید ۱۰۰ اونس طلا به قیمت توافقی ۳۰۰ دلار در ماه آوریل اتخاذ می‌نماید.

▢ آوریل: قیمت طلا به ازای هر اونس ۳۱۵ دلار است. سرمایه‌گذار مذکور چقدر سود کسب می‌نماید؟

# بازارهای خارج از بورس

- بازار خارج از بورس مهم‌ترین بدیل برای بورس‌ها است.
- بازارهای خارج از بورس بازارهایی مبتنی بر تلفن و شبکه‌های کامپیوتروی است که معامله‌گران را به صورت غیرفیزیکی به هم مرتبط می‌سازد.
- معامله‌گران معمولاً از بین نهادهای مالی، امور خزانه‌داری شرکت‌ها و مدیران وجوده می‌باشند.

# پیمانهای آتی

- پیمانهای آتی شبیه قراردادهای آتی است که در بازارهای خارج از بورس مورد دادوستد قرار می‌گیرد.
- پیمانهای آتی که موضع دارایی پایه آنها ارز و نرخ‌های بهره باشد، از استقبال زیادی برخوردارند.

# نرخهای بورس‌های خارجی برای GBP

	Bid	Offer
Spot	1.5118	1.5122
1-Month Forward	1.5127	1.5132
3-Month Forward	1.5144	1.5149
6-Month Forward	1.5172	1.5178

# اختیارات

- یک اختیار خرید عبارت است از اختیار خرید دارایی معین در تاریخ مشخص و با قیمت توافقی معین.
- یک اختیار فروش عبارت است از اختیار فروش دارایی معین در تاریخ مشخص و با قیمت توافقی معین.

# اختیارات آمریکایی و اروپایی

- اختیارات آمریکایی را می‌توان در هر زمانی از طول عمر اختیار معامله تا سررسید اختیار به اجرا گذاشت و اعمال کرد.
- اختیارات اروپایی را می‌توان فقط یکبار آنهم در تاریخ سررسید می‌توان به اجرا گذاشت و اعمال نمود.

# اختیارات صادره بر سپسکو (می ۲۰۰۶، قیمت سهم: ۷۵/۶۲)

قیمت توافقی	July Call	Oct Call	July Put	Oct Put
50	16.87	18.87	2.69	4.62
65	7.00	10.87	8.25	10.62
80	2.00	5.00	17.50	19.50

# بورس‌های اختیارات

- ❑ Chicago Board Options Exchange
- ❑ American Stock Exchange
- ❑ Philadelphia Stock Exchange
- ❑ Pacific Exchange
- ❑ LIFFE (London)
- ❑ Eurex (Europe)
- ❑ And many more (see list at end of Book)

# اختیارات در مقایسه با قرارداد و پیمانهای آتی

- یک قرارداد یا پیمان آتی برای دارنده آن تعهد خرید یا فروش با قیمت مشخصی را ایجاد می‌کند.
- یک اختیار به دارنده آن حق (اختیار) خرید یا فروش با قیمت مشخصی را ایجاد می‌کند.

# انواع معامله‌گران

- پوشش‌دهندگان ریسک
- سفته‌بازان
- آریتراتر از گران

برخی از زیان‌های هنگفت معاملات در مشتقات رخ داده است چون که افرادی که قرار بود اقدام به پوشش ریسک نماید به سفته‌باز تبدیل شدند.

# مثالهایی در مورد پوشش ریسک

- یک شرکت آمریکایی ۱۰ میلیون فرانک بابت واردات از انگلیس در سه ماه آتی پرداخت خواهد نمود. این شرکت می‌خواهد با استفاده از موضع معاملاتی خرید در پیمانهای آتی، خود را در مقابل ریسک پوشش دهد.
- سرمایه‌گذاری ۱۰۰۰ سهم مایکروسافت را در اختیار دارد. قیمت هر سهم در حال حاضر ۷۳ دلار است. یک اختیار فروش دو ماهه با قیمت توافقی ۶۳ دلار دارای قیمتی معادل  $\frac{۲}{۵}$  دلار است. سرمایه‌گذار تصمیم می‌گیرد تا با خرید ۱۹ قرارداد خود را در مقابل ریسک پوشش دهد.

# سُفته بازی

سرمایه‌گذاری با ۴۰۰۰ دلار سرمایه احساس می‌کند که قیمت سهام آمازون در دو ماه بعدی افزایش خواهد یافت. قیمت سهم در حال حاضر ۴۰ دلار و قیمت اختیار خرید دوماه با قیمت توافقی ۴۵ دلار معادل ۲ دلار است.

راهبردهای بدیل برای موقعیت مذکور چیست؟

# آربیتراژ

قیمت سهامی در لندن ۱۰۰ فرانک و در نیویورک ۱۷۲ دلار گزارش شده است.

- نرخ برابری ارزها  $1/75$  است.
- چه فرصت آربیتراژی در مثال مذبور وجود دارد؟

# ۱. طلا؛ یک فرصت آربیتراژی

فرض کنید که: 

قیمت نقدی طلا ۳۹۰ دلار است.

قیمت قراردادهای آتی یک ساله طلا ۴۲۵ دلار است.

نرخ بهره یک ساله دلار آمریکایی ۵٪ در سال است.

آیا در اینجا فرصت آربیتراژی وجود دارد؟ 

## ۲. طلا؛ فرصت آربیتراژی دیگر

فرض کنید که: 

قیمت نقدی طلا ۳۹۰ دلار است.

قیمت قراردادهای آتی یک ساله طلا ۳۹۰ دلار است.

نرخ بهره یک ساله دلار آمریکایی ۵٪ در سال است.

آیا در اینجا فرصت آربیتراژی وجود دارد؟ 

# قیمت قراردادهای آتی طلا

چنانچه قیمت نقدی طلا  $S$  باشد و قیمت قراردادهای آتی با سررسید در  $T$  سال  $F$  باشد، بنابراین:

$$F = S(1 + r)^T$$

که  $r$  نرخ بهره بدون ریسک (ارز داخلی) یک ساله است.  
در مثال ما:

$$S = ۳۹۰, T = ۱ \text{ and } r = ۰/۰۵$$

بنابراین خواهیم داشت:

$$F = ۳۹۰(1 + ۰/۰۵) = ۴۰۹/۵۰$$

# ۱. نفت؛ فرصت آربیتراژی

فرض کنید که: 

قیمت نقدی طلا ۱۹ دلار است.

قیمت قراردادهای آتی یک ساله نفت ۲۵ دلار گزارش شده است.

نرخ بهره یک ساله دلار آمریکایی ۵٪ در سال است.

هزینه‌های انبارداری نفت نیز ۲٪ در سال است.

با این توصیف آیا فرصت آربیتراژی وجود دارد؟ 

## ۲. نفت؛ فرصت آربیتراژی دیگر

فرض کنید که: 

قیمت نقدی طلا ۱۹ دلار است.

قیمت قراردادهای آتی یک ساله نفت ۱۶ دلار گزارش شده است.

نرخ بهره یک ساله دلار آمریکایی ۵٪ در سال است.

هزینه‌های انبارداری نفت نیز ۲٪ در سال است.

با این توصیف آیا فرصت آربیتراژی وجود دارد؟ 

# پایان فصل ۱

# مبانی مهندسی مالی

# و مدیریت ریسک

## فصل ۲

# سازوکارهای بازارهای اختیارات و قراردادهای آتی

# فراردادهای آتی

- یک دامنه وسیعی از انواع دارایی پایه را شامل می‌شوند.
- در بورس‌ها معامله می‌شوند.
- لازم است هریک از ویژگی‌های زیر به طور دقیق تعریف شده باشد:
  - آنچه که باید تحويل داده شود.
  - مکان انجام عمل تحويل
  - زمان انجام عمل تحويل
- حساب معامله‌گر به صورت روزانه تسويه می‌شود.

# حساب ودیعه

- حساب ودیعه عبارت است از پول نقد یا اوراق بهادر قابل خرید و فروش که توسط سرمایه‌گذار در نزد کارگزار سپرده‌گذاری می‌شود.
- حساب ودیعه به علت سازوکار تسویه حساب روزانه، هر روز تعدیل می‌شود.
- حساب ودیعه احتمال زیان ناشی از نکول طرف قرارداد را به حداقل می‌رساند.

# یک مثال در مورد قراردادهای آتی

- سرمایه‌گذاری در دوم دسامبر اقدام به اتخاذ موضع معاملاتی خرید قراردادهای آتی طلا به تحویل پنجم ژوئن می‌نماید.
- اندازه قرارداد ۱۰۰ اونس است.
- قیمت قرارداد آتی ۴۰۰ دلار است.
- حساب ودیعه اولیه، بازای هر قرارداد نیازمند ۲۰۰۰ دلار است. (در مجموع ۴۰۰۰ دلار)
- حداقل مبلغ حفظ حساب سپرده ۱۵۰۰ دلار است. (در مجموع ۳۰۰۰ دلار)

# نتیجه احتمالی

روز	قیمت قراردادهای آتی (US\$)	سود (زيان) روزانه (US\$)	سود (زيان) تجمعی (US\$)	سود (زيان) مانده حساب وديعه (US\$)	اختار مبني بر افزایش سپرده (US\$)
	400.00				
5-Jun	397.00	(600)	(600)	4,000 3,400	0
.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.
.	.	.	.	.	.
13-Jun	393.30	(420)	(1,340)	2,660 + 1,340 = 4,000	
.	.	.	.	.	
.	.	.	.	.	< 3,000
.	.	.	.	.	
19-Jun	387.00	(1,420)	(2,600)	2,740 + 1,260 = 4,000	
.	.	.	.	.	
.	.	.	.	.	
.	.	.	.	.	
26-Jun	392.30	260	(1,540)	5,060	0

# نکات مهم دیگر در مورد قراردادهای آتی

- این قراردادها به صورت روزانه تسویه می‌شود.
- بستن موضع معاملاتی در قراردادهای آتی شامل ورود در معامله معکوس یا ختی کننده آن است.
- اکثر قراردادهای آتی قبل از سرسیدشان مسدود می‌شوند.

# تحویل

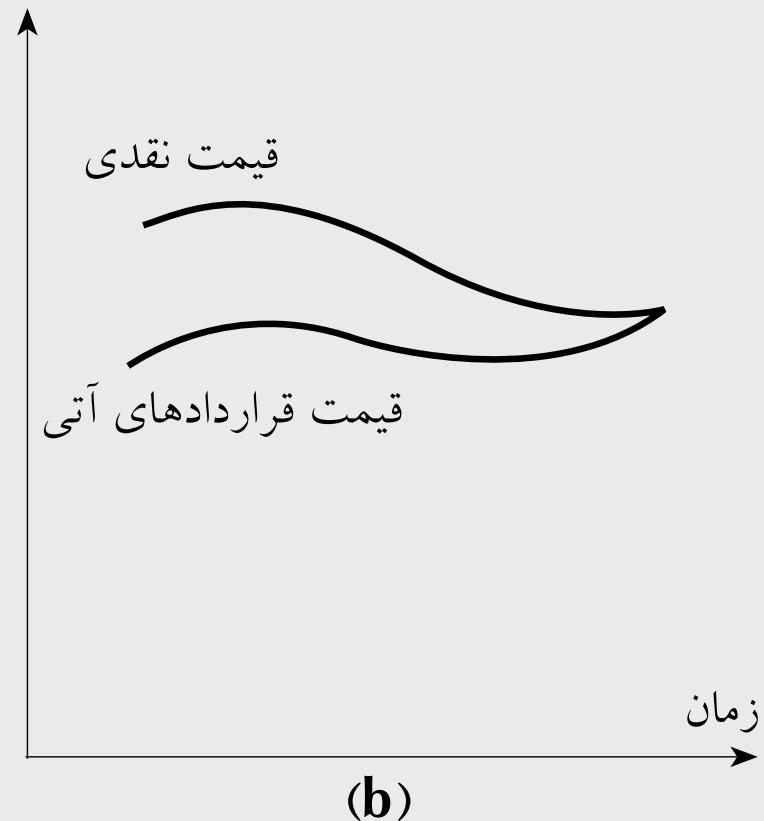
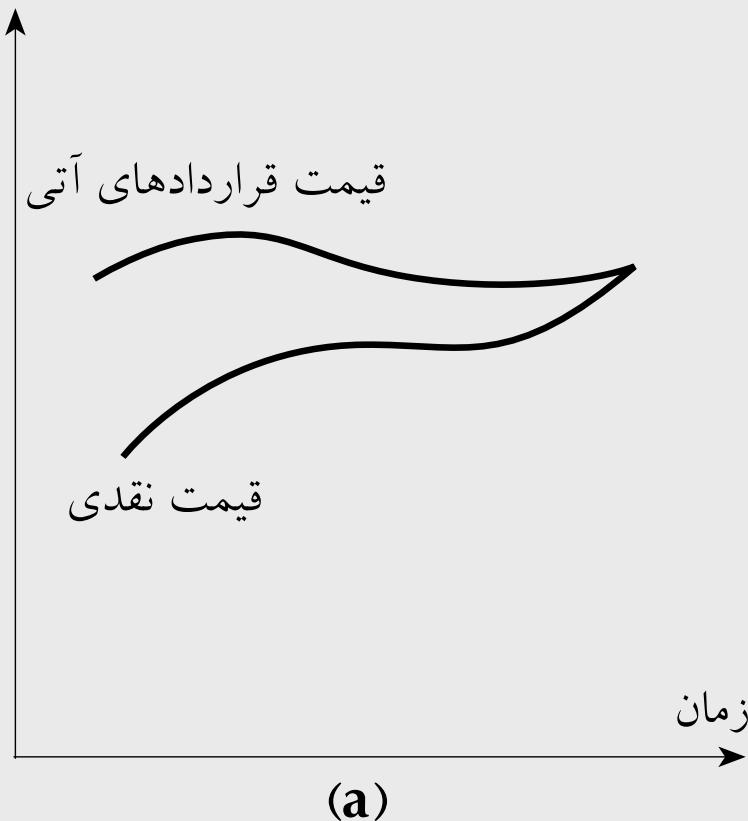
اگر قراردادی قبل از سرسید با یک قرارداد ختی کننده مسدود نشود، عمل تسویه معمولاً به صورت تحویل دارایی پایه تحت قرارداد صورت می‌گیرد. در این صورت چنانچه در مورد زمان، مکان و آنچه که باید تحویل شود، گزینه‌های مختلفی وجود داشته باشد، اختیار انتخاب با فروشنده قراردادهای آتی است.

تعداد کمی از قراردادها (برای مثال قراردادهایی که دارایی پایه آنها شاخص سهام و دلار اروپایی است) به صورت نقدی تسویه حساب می‌شوند.

# برخی اصطلاحات

- قراردادهای بسته نشده (باز): تعداد کل قراردادهایی که با قرارداد ختی کننده یا معکوس مسدود نشده‌اند.
- برابر با تعداد مواضع معاملاتی خرید یا تعداد مواضع معاملاتی فروش است.
- قیمت تسویه: عبارت است از همان قیمتی که درست قبل از آخرین زنگ معاملاتی روزانه، معامله در آن قیمت انجام می‌شود.
- فرایند تسویه حساب روزانه براساس قیمت تسویه انجام می‌شود.
- حجم معامله: تعداد کل معاملات در یک روز

# هم‌گرایی قیمت‌های آتی به قیمت‌های نقد



# سؤالات

- ❑ هنگامی که یک معامله جدید انجام می‌شود، تأثیر احتمالی آن بر تعداد قراردادهای بسته نشده چیست؟
- ❑ آیا حجم معاملات روزانه می‌تواند از تعداد قراردادهای بسته نشده بیشتر باشد؟

# مقررات قراردادهای آتی

- هدف از وضع این مقررات حفظ منافع عامه است.
- تدوین کنندگان مقررات می‌کوشند تا از فعالیت‌های معاملاتی مشکوک توسط افراد حقیقی در تالار بورس یا گروههای خارج از بورس جلوگیری به عمل آورند.

# مالیات و حسابداری

اگر قرارداد برای: 

- پوشش دادن ریسک مورد استفاده قرار می‌گیرد: منطقی است که سود (زیان) تحصیل شده را در همان زمانی که سود (زیان) دارایی پایه، شناسایی می‌شود، شناسایی کنیم.

- اهداف سفته‌بازی مورد استفاده قرار می‌گیرد، منطقی است که سود و زیان قراردادهای آتی را برحسب سازوکار تسویه حساب روزانه مورد شناسایی قرار دهیم.

تقریباً این نحوه شناسایی سودوزیان در ایالات متحده آمریکا و سایر کشورها در مورد قراردادهای آتی بکار می‌رود. 

# پیمانهای آتی

- پیمان آتی توافقنامه‌ای مبتنی بر خرید یا فروش دارایی در یک زمان معین در قراردادهای آتی برای قیمت مشخصی است.
- سازوکار تسویه حساب روزانه در پیمانهای آتی وجود ندارد. در پایان عمر قرارداد یک طرف معامله دارایی پایه را از طرف دیگر معاملاتی به قیمت معین خریداری می‌نماید.

# سازوکار پیمان آتی چگونه است؟

- یک پیمان آتی قراردادی است که در بازار خارج از بورس (OTC) بین دو شرکت توافق می‌شود.
- هنگامی که اولین قرارداد و مذاکره در زمان سرسید تسویه شود، هیچ پولی رد و بدل نمی‌شود.
- ارزش اولیه پیمان آتی صفر است.

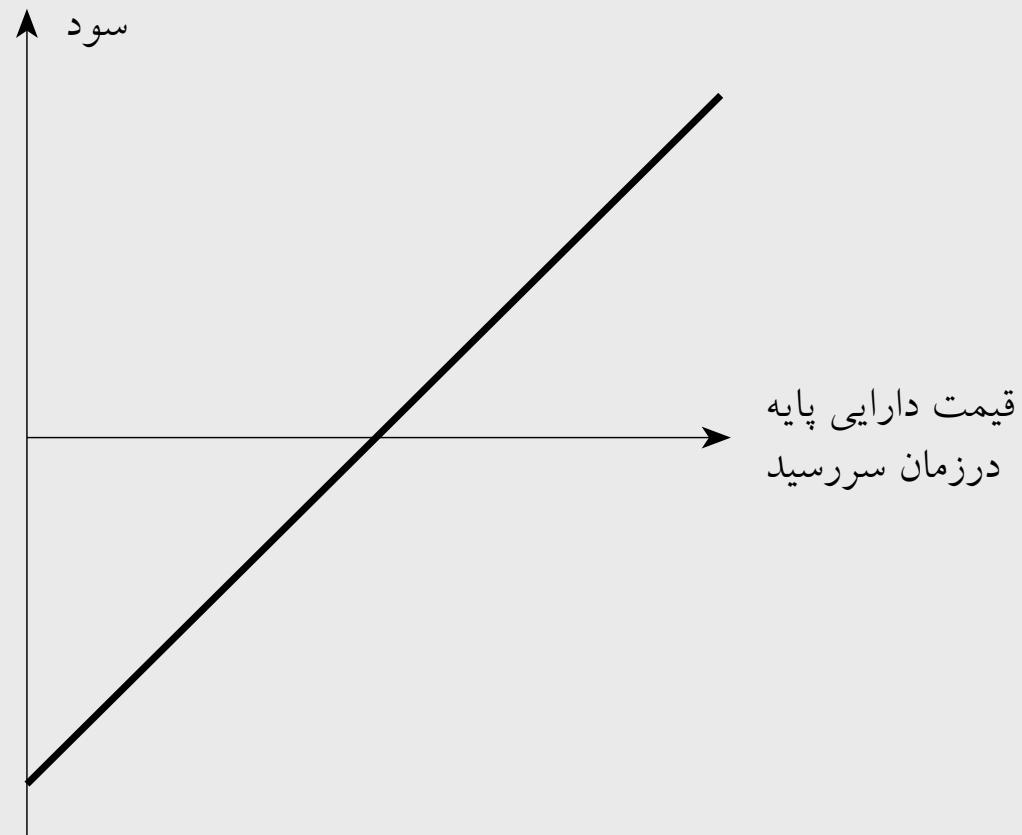
# قیمت پیمان آتی

- قیمت پیمان آتی عبارت است از قیمت تحویل دارایی پایه که با مذاکره در زمان حال برای قرارداد بکار می‌رود (یعنی قیمت پیمان آتی همان قیمت تحویل است که ارزش قرارداد را دقیقاً معادل صفر می‌سازد).
- قیمت آتی برای قراردادهای با سرسیدهای مختلف، متفاوت است.

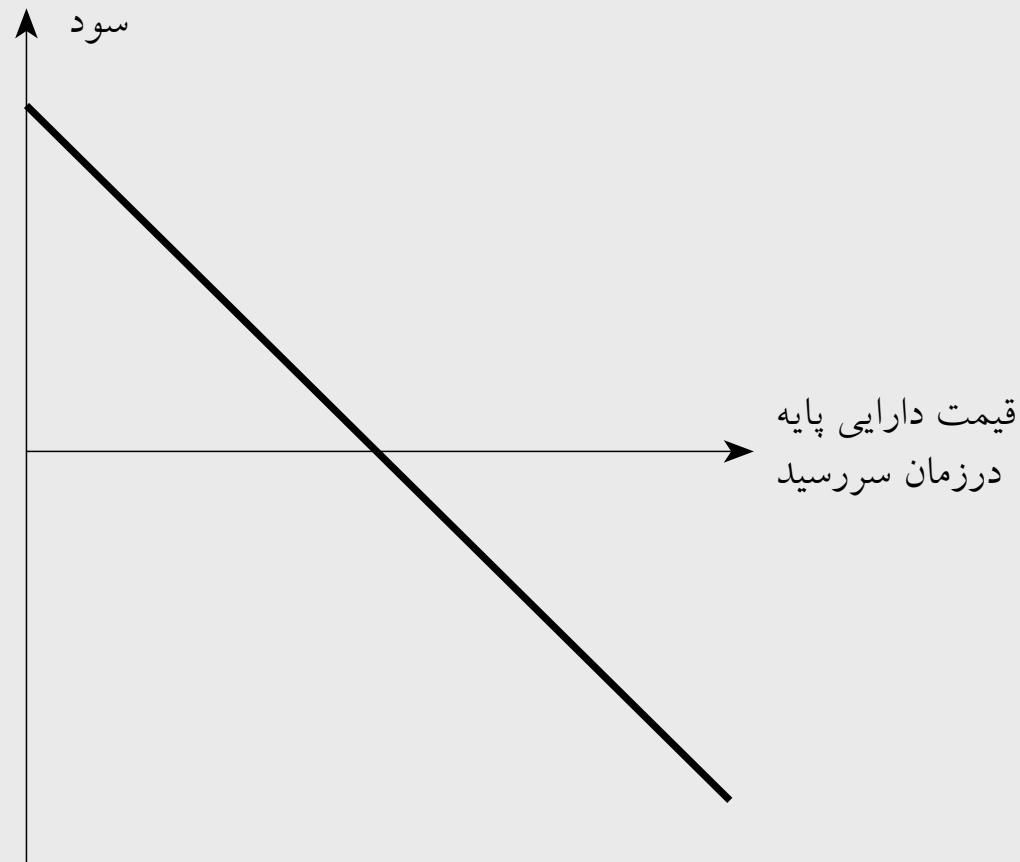
## مثال

- سرمایه‌گذار A اقدام به اتخاذ موضع معاملاتی خرید در پیمان آتی برای خرید  $1,000,000 \text{ £} @ \text{US\$}/\text{£} 1/8381$  در ۹۰ روز آتی می‌نماید.
- سرمایه‌گذار B اقدام به اتخاذ موضع معاملاتی خرید  $\text{US\$}/\text{£} @ \text{£} 1,000,000 1/8381$  در ۹۰ روز آتی می‌نماید.
- نرخ برابری ارزها در ۹۰ روز آتی  $\text{US\$}/\text{£} 1/8600$  می‌باشد.
- سرمایه‌گذار A سودی معادل  $\$ 21,900$  در ۹۰ روز آتی می‌نماید.
- سرمایه‌گذار B سودی معادل  $\$ 21,900$  در ۹۰ روز آتی می‌نماید.

# سود حاصل از موضع خرید پیمان آتی



# سود حاصل از موضع فروش پیمان آتی



# مقایسه پیمانهای آتی با قراردادهای آتی

جدول (۴-۲)

پیمانهای آتی	قراردادهای آتی
قرارداد خصوصی بین دو طرف	دربورس معامله می‌شود
قراردادهای غیراستاندارد	قراردادهای استاندارد
معمولًاً فقط یک تاریخ تحويل مشخص دارند	دامنهای از تاریخ تحويل
در زمان سررسید تصویه می‌شوند	روزانه تصویه می‌شوند
اکثر پیمانهای آتی یا به تحويل فیزیکی کالا یا به تصویه نهایی به صورت نقدی منجر می‌شود	معمولًاً قراردادها قبل از تاریخ سررسید مسدود می‌شود

# نحوه گزارش ارزهای خارجی

- نرخهای قراردادهای آتی به صورت واحد دلاری بازای هر واحد ارز خارجی بیان می‌شود.
- نرخهای ارزهای پیمان آتی به مثابه نرخهای ارز نقد گزارش می‌شود. مفهوم این مطلب آن است AUD، EUR، GBP و NZD به صورت واحد دلاری بازای هر واحد ارز خارجی بیان می‌شود. سایر ارزها (JPY, CAD) به صورت واحدهای ارز خارجی بازای هر دلار آمریکا بیان می‌شود.

# پایان فصل ۲

# مبانی مهندسی مالی و مدیریت ریسک

# فصل ۳

تعیین قیمت قرارداد آتی  
و پیمان آتی



# دارایی‌های مصرفی در مقابل دارایی‌های سرمایه‌گذاری

- دارایی‌های سرمایه‌گذاری دارایی‌هایی هستند که توسط عده کثیری از افراد صرفاً برای اهداف سرمایه‌گذاری نگهداری می‌شوند. (طلا و نقره)
- دارایی‌های مصرفی دارایی‌هایی هستند که عمدتاً برای مصرف نگهداری می‌شوند. (مانند مس و نفت)

## فروش استقراضی (صفحه ۴۰ تا ۴۲)

- ❑ فروش استقراضی عبارت است از فروش اوراق بهادر که شما مالک آنها نیستید.
- ❑ کارگزار شما اوراق بهادری را می‌فروشد که شما مالک آنها نیستید.
- ❑ کارگزار شما اوراق بهادر مزبور را از مشتری دیگری استقراض نموده و آنها را در بازار به صورت معمول می‌فروشد.

# فروش استقراری (ادامه)

- برخی مواقع شما باید اوراق بهادری را بخرید و بازگردانید تا در حساب مشتری جایگزین شود.
- شما می‌باید سود نقدی و سایر منافع متعلق به مالک اوراق بهادر را به وی بازپرداخت نمایید.

# اندازه‌گیری نرخ‌های بهره

- معیار اندازه‌گیری مرکب ناپیوسته که برای اندازه‌گیری نرخ بهره بکار می‌رود یکی از واحدهای اندازه‌گیری است.
- تفاوت بین بهره مرکب فصلی و سالانه به مثابه تفاوت بین مایل و کیلومتر است.

## مرکب پیوسته (صفحه ۴۳)

- در محدوده‌ای که ما نرخ‌های بهره ناپیوسته را جداگانه به دفعات مکرر حساب می‌کنیم، ما نرخ بهره مرکب پیوسته را حساب می‌کنیم.
- با سرمایه‌گذاری ۱۰۰ دلار، با نرخ بهره  $R$  به صورت مرکب پیوسته تا زمان  $T$  به مبلغ  $100e^{RT}$  ۱۰۰ دلار می‌رسد.
- تنزیل ۱۰۰ دلار دریافتی در زمان  $T$  با محاسبه نرخ بهره  $R$  به صورت مرکب معادل  $100e^{-RT}$  ۱۰۰ دلار می‌شود.

## فرمول‌های تبدیل (صفحه ۴۳)

فرض می‌کنیم:

$R_c$ : نرخ بهرهٔ مرکب پیوسته.

$R_m$ : معادل نرخ بهرهٔ مرکب گستته با محاسبه  $m$  بار در سال.

$$R_c = m \ln \left( 1 + \frac{R_m}{m} \right)$$

$$R_m = m \left( e^{R_c/m} - 1 \right)$$

# علایم

$S_t$	قیمت نقد دارایی
$F_t$	قیمت قرارداد آتی و پیمان آتی در حال حاضر
$T$	زمان تا تاریخ سرسید
$r$	نرخ بهره بدون ریسک تا زمان سرسید

# مثال: طلا

برای طلا:

$$F_t = S_t (1 + r)^T$$

(با فرض عدم وجود هزینه‌های انبارداری)

اگر  $r$  بجای نرخ بهره سالانه به صورت مرکب پیوسته محاسبه شود، خواهیم داشت:

$$F_t = S_t e^{rT}$$

# بسط مثال طلا

برای دارایی‌های سرمایه‌گذاری که هیچ درآمد و هیچ هزینه انبارداری وجود ندارد، خواهیم داشت:

$$F_s = S_s e^{rT}$$

هنگامی که دارایی سرمایه‌ای، دارای عایدی مبلغ دلاری معینی است

$$F_s = (S_s - I) e^{rT}$$

که در رابطه مذکور  $I$ ، ارزش فعلی درآمد است.

هنگامی دارایی سرمایه‌ای بازدهی نقدی معینی را به ارمغان می‌آورد

$$F_s = S_0 e^{(r-q)T}$$

که  $q$  متوسط بازدهی در طول عمر قرارداد (به صورت مركب پيوسته) است.

# ارزش گذاری پیمان آتی

□ فرض کنید که:

$K$  قیمت تحویل در پیمان آتی

$F.$  قیمت آتی که برای امروز بکار می‌رود

□ ارزش موضع خرید پیمان آتی  $f$ , برابر است با:

$$f = (F_{\cdot} - K) e^{-rT}$$

□ به همین ترتیب مشابه ارزش پیمان آتی عبارت است از:

$$(K - F_{\cdot}) e^{-rT}$$

# قیمت‌های قراردادهای آتی در مقابل پیمانهای آتی

- قیمت‌های پیمان آتی و قراردادهای آتی معمولاً یکسان فرض می‌شود. هنگامی که در مورد نرخ‌های بهره عدم اطمینان وجود داشته باشد، قیمت آنها از لحاظ نظری، اختلاف کمی خواهند داشت.
- ضریب همبستگی مثبت و قوی بین نرخ‌های بهره و قیمت دارایی دلالت بر این دارد که قیمت قرارداد آتی کمی بیشتر از قیمت پیمان آتی است.
- ضریب همبستگی منفی بین نرخ‌های بهره و قیمت دارایی عکس حالت قبلی است.

# شاخص‌های سهام

□ شاخص سهام را می‌توان به مثابه دارایی سرمایه‌ای دانست که بازدهی نقدی می‌پردازد.

□ رابطه قیمت قراردادهای آتی و قیمت نقدی عبارت است:

$$F_t = S_t e^{(r-q)T}$$

که در رابطه مذکور  $q$ ، بازدهی نقدی بدره است که بجای شاخص جایگذاری شده است.

# شاخص‌های سهام (ادامه)

- برای اینکه فرمول مزبور برقرار باشد، لازم است که شاخص سهام نماینده یک دارایی سرمایه‌ای باشد.
- به عبارت دیگر، تغییرات شاخص می‌باید مطابق تغییرات ارزش بدره قابل دادوستد باشد.
- شاخص نیکی را می‌توان به عنوان واحد دلار در نظر گرفت که پیانگر دارایی سرمایه‌گذاری نیست.

# آریتراژ شاخص

- هنگامی که  $F > S \cdot e^{(r-q)T}$  است، آریتراژگر می‌تواند سهام پایه شاخص را خریداری نموده و قراردادهای آتی آن را بفروشد.
- هنگامی که  $F < S \cdot e^{(r-q)T}$  باشد، آریتراژگر می‌تواند قراردادهای آتی را بخرد و سهام پایه شاخص را بفروشد.

# آریتراتژ شاخص (ادامه)

- آریتراتژ شاخص شامل معامله همزمان قراردادهای آتی و تعداد زیادی سهام متفاوت است.
- اغلب برای ایجاد معاملات از رایانه استفاده می‌کنند.
- اغلب (به عنوان مثال دوشنبه سیاه) انجام معاملات همزمان مقدور نمی‌باشد و رابطه نظری رابطه عدم وجود فرصت آریتراتژی بین  $F$  و  $S$  برقرار نمی‌باشد.

# قراردادهای آتی و پیمانهای آتی صادره بر ارزها

- ارز خارجی به مثابه سهامی است که بازدهی نقدی می‌پردازد.
- بازدهی نقدی پیوسته همان نرخ بهره بدون ریسک خارجی است.
- بنابراین اگر  $r_f$  نرخ بهره بدون ریسک خارجی باشد، داریم:

$$F_s = S_s e^{(r - r_f)T}$$

# فراردادهای آتی صادره بر دارایی‌های مصرفی

$$F_+ \leq S_+ e^{(r + u)T}$$

که  $u$  هزینه انبارداری هر واحد زمان به صورت درصدی از ارزش دارایی است. همچنین:

$$F_- \leq (S_- + U) e^{rT}$$

که  $U$  ارزش فعلی هزینه‌های انبارداری است.

# هزینه حمل و نقل

هزینه حمل و نقل  $c$ ، عبارت است از هزینه انبارداری به علاوه هزینه‌های بهره منهای درآمد تحصیل شده.

برای دارایی سرمایه‌گذاری داریم:

$F_+ \leq S_+ e^{cT}$

برای دارایی مصرفی داریم:

$$F_- = S_- e^{(c - y)T}$$

بنابراین با نرخ بازدهی ثمرات رفاهی دارایی مصرفی ( $y$ ) خواهیم داشت:

# قیمت‌های قراردادهای آتی و قیمت نقد آتی مورد انتظار

- فرض کنید  $k$  نرخ بازده مورد توقع سرمایه‌گذاران نسبت به دارایی باشد.
- می‌توان با سرمایه‌گذاری  $F \cdot e^{-rT}$  در حال حاضر، به  $S_T$  دست پیدا کرد.
- این مطلب نشان می‌دهد:

$$F \cdot = E(S_T) e^{(r - k)T}$$

# قیمت‌های قراردادهای آتی و قیمت نقد آتی مورد انتظار (ادامه)

- اگر دارایی:
- دارای ریسک سیستماتیک نباشد، پس  $k = r$  و  $F$ . تخمین زننده نا اربی از  $S_T$  است.

- ریسک سیستماتیک مثبت باشد، بنابراین:

$$F < E(S_T), K > r$$

- ریسک سیستماتیک منفی باشد، بنابراین:

$$F > E(S_T), K < r$$

# پایان فصل ۳

# مبانی مهندسی مالی و مدیریت ریسک

# فصل ۴

## پوشش ریسک با استفاده از قراردادهای آتی

# پوشش ریسک موضع معاملاتی خرید و فروش

- پوشش ریسک موضع معاملاتی خرید هنگامی مناسب است که شما می‌دانید که در آینده یک دارایی را خواهید خرید و تمایل دارید که قیمت آن را ثابت کنید.
- پوشش ریسک موضع معاملاتی فروش هنگامی مناسب است که شما می‌دانید که در آینده یک دارایی را خواهید فروخت و تمایل دارید که قیمت آن را ثابت کنید.

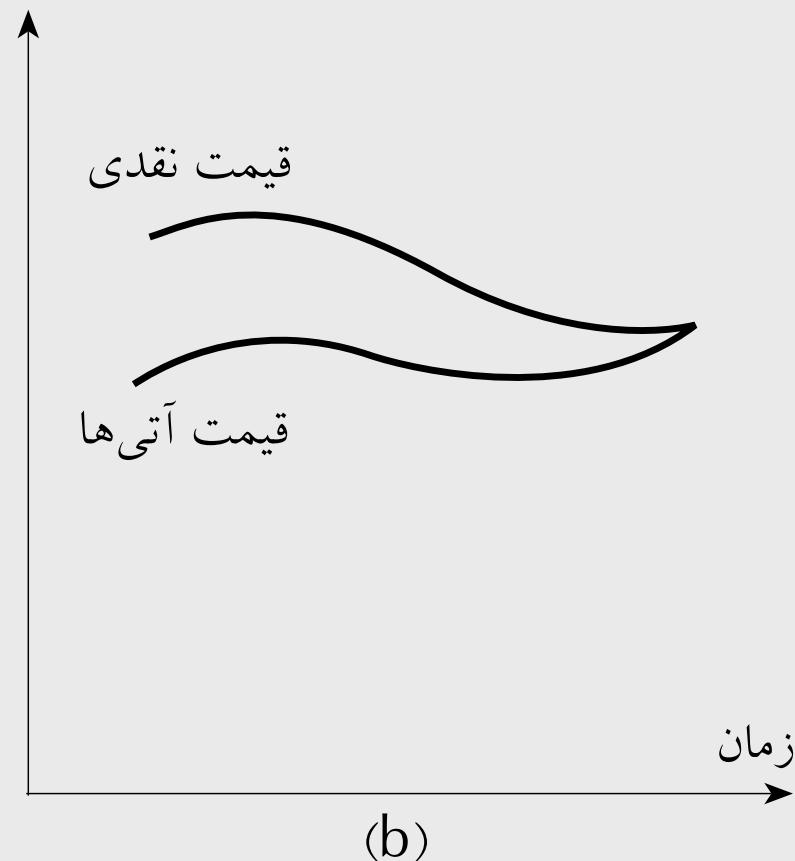
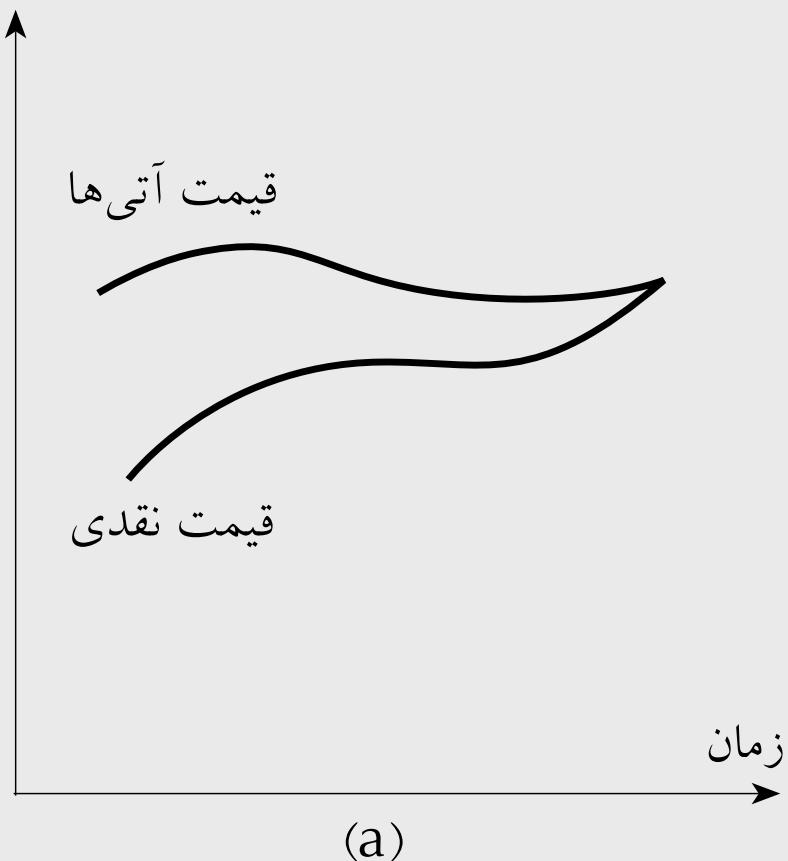
# مباحثی له پوشش ریسک

شرکت‌ها باید بر کسب و کار اصلی که در آن فعالیت می‌کنند، تمرکز کنند و مراحلی را برای حداقل کردن ریسک ناشی از نرخ بهره، نرخ‌های ارز و سایر متغیرهای بازار طی کنند.

# مباحثی علیه پوشش ریسک

- سهامداران معمولاً دارای تنوع‌بخشی خوبی هستند و می‌توانند تصمیمات پوشش ریسک خود را اتخاذ نمایند.
- پوشش ریسک ممکن است در موقعی که رقبا اقدام به پوشش ریسک نمی‌کنند باعث افزایش ریسک شود.
- توضیح موقعیتی که در نتیجه پوشش ریسک زیان حاصل شود در صورتی که دارایی پایه منجر به سودآوری می‌شود خیلی مشکل است.

# همگرایی فرادادهای آتی به نقد



# ریسک مبنا

- ❑ مبنا تفاوت بین قرارداد آتی و نقد است.
- ❑ عدم اطمینان و ابهام در مورد تفاوت بین قیمت قرارداد آتی و قیمت نقدی منجر به ریسک مبنا می شود.

# راهبرد پوشش ریسک در موضع معاملاتی خرید

فرض کنید: 

$F_1$  = قیمت اولیه قرارداد آتی

$F_2$  = قیمت نهایی قرارداد آتی

$S_2$  = قیمت نهایی دارایی

شما خرید آتی یک دارایی را از طریق اتخاذ موضع معاملاتی خرید در قرارداد آتی‌ها پوشش می‌دهید.

هزینه یک دارایی مساوی است با:

$$S_2 - (F_2 - F_1) = F_1 + \text{مبنای}$$

# راهبرد پوشش ریسک در موضع معاملاتی فروش

فرض کنید:

$F_1$  = قیمت اولیه قرارداد آتی

$F_2$  = قیمت نهایی قرارداد آتی

$S_2$  = قیمت نهایی دارایی

شما فروش آتی یک دارایی را از طریق اتخاذ موضع معاملاتی فروش در قرارداد آتی‌ها پوشش می‌دهید.

قیمت یک دارایی مساوی است با:

$$S_2 + (F_1 - F_2) = F_1 + \text{مبتدا}$$

# انتخاب قراردادها

□ انتخاب یک ماه تحویل که تا حد ممکن نزدیک ولی بعد از پایان عمر پوشش ریسک باشد.

□ هنگامی که هیچ قرارداد آتی صادره بر دارایی که ریسک آن پوشش داده شده است، وجود نداشته باشد، قراردادی انتخاب می‌شود که قیمت آتی آن دارای ضریب همبستگی بالایی با قیمت دارایی است. بنابراین برای مبنا دو جزء وجود دارد.

## نسبت بهینه پوشش ریسک

نسبتی از ریسک که باید به صورت بهینه پوشش داده شود، عبارت است از:

$$h^* = \rho \frac{\sigma_S}{\sigma_F}$$

که  $\sigma_S$  انحراف معیار  $\delta S$ ، یعنی تغییرات قیمت نقدی در طول دوره پوشش ریسک.

$\sigma_F$  انحراف معیار  $\delta F$ ، یعنی تغییرات قیمت قراردادهای آتی در طول دوره پوشش ریسک.

$\rho$  ضریب همبستگی بین  $\delta S$  و  $\delta F$  می‌باشد.

# پوشش ریسک با استفاده از قراردادهای آتی شاخص سهام

برای پوشش ریسک یک بدره، تعداد قراردادهایی که باید فروخته شوند، عبارت است از:

$$\beta \frac{P}{A}$$

که در رابطه مذکور  $P$  ارزش بدره،  $\beta$  ضریب بتای آن و  $A$  ارزش دارایی‌های پایه یک قرارداد آتی است.

# دلایل پوشش ریسک بدره اوراق بهادر

- تمایل به حرکت در خارج از روند بازار برای دوره زمانی کوتاه مدت.  
(پوشش ریسک ممکن است از فروش بدره و بازخرید مجدد آن ارزان‌تر باشد.)
- تمایل به پوشش ریسک سیستماتیک (هنگامی مناسب است که اعتقاد دارد که سهام انتخاب شده، عملکرد بهتری نسبت به بازار خواهند داشت.)

# مثال

ارزش شاخص S&P برابر با ۱۰۰۰  
ارزش بدره برابر با ۵ میلیون دلار  
بتابی بدره برابر با ۱/۵

چه موضع معاملاتی باید در قراردادهای آتی صادره بر شاخص S&P اتخاذ  
شود تا بتوان ریسک بدره را پوشش داد؟

# تغییر بتا

- برای کاهش بتای بدره به ۰/۷۵ لازم است چه موضع معاملاتی اتخاذ شود؟
- برای افزایش ضریب بتای بدره به ۲ لازم است چه موضع معاملاتی اتخاذ شود؟

# غلتاندن پوشش ریسک به جلو

- می توان با استفاده از یک سری قراردادهای آتی، مدت عمر پوشش ریسک را افزایش داد.
- هر زمان که از یک قرارداد آتی به قرارداد آتی دیگر وارد می شویم، متحمل نوعی ریسک مبنا می شویم.

# پایان فصل ۴

# مبانی مهندسی مالی

# و مدیریت ریسک

# فصل ۵

## بازارهای نرخ بهره

# انواع نرخ‌ها

- ❑ نرخ‌های اوراق خزانه
- ❑ نرخ‌های لایبور
- ❑ نرخ‌های رپو

# نرخ‌های صفر

نرخ صفر (یا نرخ نقدی)، برای سررسید  $T$  عبارت است از بهره‌ای که سرمایه‌گذار فقط در زمان سررسید می‌تواند عایدی آن را دریافت کند.

# مثال

سررسید (سال)	نرخ صفر (مرکب پیوسته)
۰/۵	۵/۰
۱/۰	۵/۸
۱/۵	۶/۴
۲/۰	۶/۸

# قیمت‌گذاری اوراق قرضه

- برای محاسبه قیمت نقدی اوراق قرضه، هر یک از جریانات نقدی را با نرخ صفر مناسب تنزیل می‌نماییم.
- در مثال ما، قیمت نظری اوراق قرضه دو ساله با کوپن ۶٪ و شش ماهه برابر است با:

$$3e^{-0.05 \times 0/5} + 3e^{-0.058 \times 1} + 3e^{-0.064 \times 1/5} + 1.03e^{-0.068 \times 2} = 98/39$$

# عایدی اوراق قرضه

■ بازدهی اوراق قرضه عبارت است از نرخ تنزیلی که ارزش فعلی جریانات نقدی اوراق قرضه را با قیمت بازار اوراق قرضه یکسان می‌سازد.

■ فرض کنید که قیمت بازار اوراق قرضه در مثال ما برابر با قیمت نظری یعنی

۹۸/۳۹ باشد، در این صورت بازدهی اوراق قرضه برابر خواهد بود با:

$$\text{دلار } ۹۸/۳۹ = ۳e^{-y \times 2} + ۱۰۳e^{-y \times ۱/۵} + ۳e^{-y \times ۱/۵} + ۰/۵$$

$$y = ۰/۰۶۷۶ \text{ یا } ۰/۶۷۶\%$$

تا بازدهی مقابله حاصل شود.

# عایدی اسمی

- بازدهی اسمی برای سررسید معینی برابر است با نرخ کوپنی که باعث می‌شود قیمت اوراق قرضه برابر با ارزش اسمی آن شود.
- در مثال قبلی ما باید رابطه ذیل را حل کنیم.

$$\frac{c}{2} e^{-0.05 \times 0.5} + \frac{c}{2} e^{-0.058 \times 1} + \frac{c}{2} e^{-0.064 \times 1.5} + \left(100 + \frac{c}{2}\right) e^{-0.068 \times 2} = 100$$

$$c = 6.87$$

# عایدی اوراق فرضه (ادامه)

به طور کلی اگر  $m$  تعداد کوپن‌های پرداختی در هر سال،  $P$  ارزش فعلی یک دلار دریافتی در سراسید و  $A$  ارزش فعلی یک دلار دریافتی هر قسط باشد.

$$c = \frac{(100 - 100d)m}{A}$$

# داده‌های جدول ۵-۲

اصل مبلغ اوراق قرضه (دلار)	زمان تا سررسید (دلار)	کوپن‌های سالانه (دلار)	قیمت اوراق قرضه (دلار)
۱۰۰	۰/۲۵	۰	۹۷/۵
۱۰۰	۰/۵۰	۰	۹۴/۹
۱۰۰	۱/۰۰	۰	۹۰/۰
۱۰۰	۱/۵۰	۸	۹۶/۰
۱۰۰	۲/۰۰	۱۲	۱۰۱/۶

# متدهای Bootstrap

- سرمایه‌گذاری ۹۷/۵ دلار در طی سه ماه، درآمدی معادل ۲/۵ به دست می‌دهد.
- نرخ سه‌ماهه چهار برابر ۵، ۵/۹۷، ۲ یا ۱۰/۲۵۶٪ است. (به صورت مرکب فصلی)
- این مقدار با احتساب نرخ بهره مرکب پیوسته برابر با ۱۰/۱۲۷٪ است.
- به همان طریق مشابه نرخ‌های شش‌ماهه و یک‌ساله عبارتند از ۱۰/۴۶۹٪ و ۱۰/۵۳۶٪ به صورت مرکب پیوسته.

# متدهای Bootstrap (ادامه)

برای محاسبه نرخ  $1/5$  باید رابطه زیر را حل کنیم: □

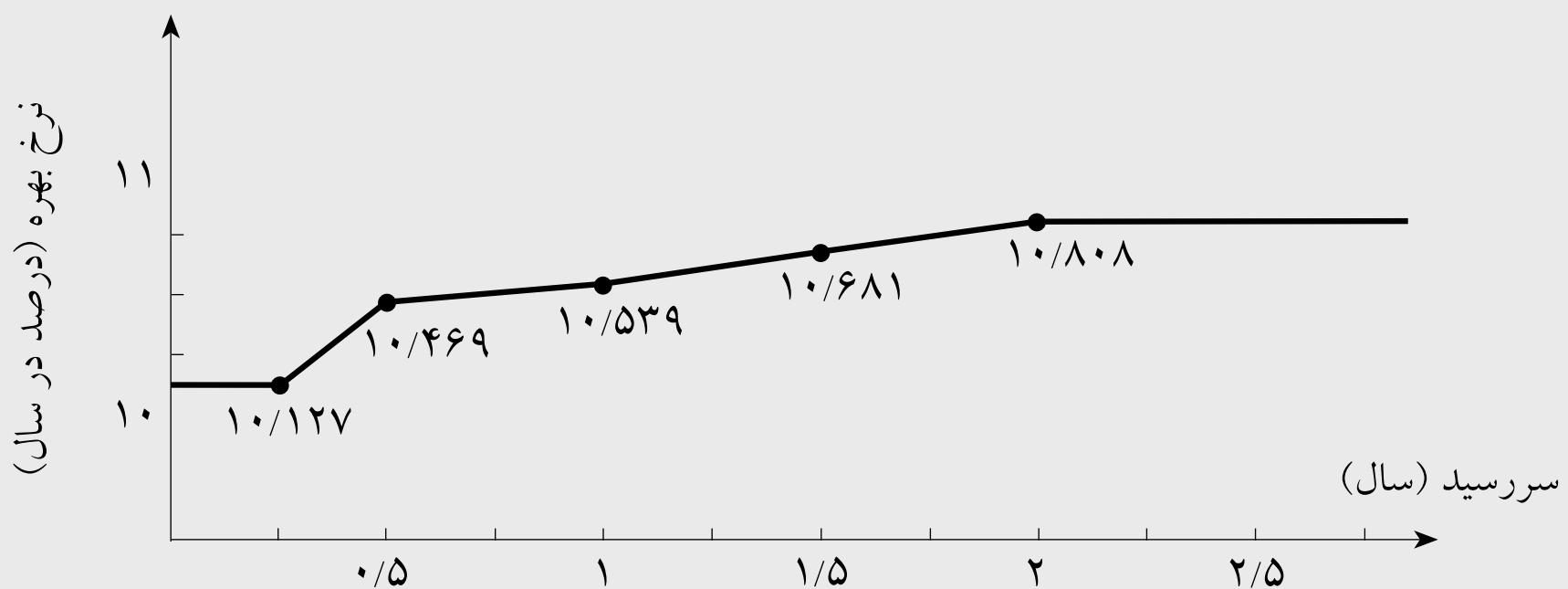
$$4e^{-0/10469 \times 0/5} + 4e^{-0/10536 \times 1} + 104e^{-R \times 1/5} = 96$$

تا به مقدار زیر دست پیدا کنیم:

$$R = 0/10681 \text{ یا } 0.10681\%$$

به همین طریق مشابه نرخ دو ساله برابر است با:  $0.10808\%$  □

# محاسبه منحنی صفر با استفاده از داده‌ها



# نرخ‌های پیمان آتی

نرخ پیمان آتی برابر با نرخ صفر آتی است که به وسیله ساختار زمانی نرخ‌های بهره معامله‌گران به کار برده می‌شود.

# محاسبه نرخ‌های پیمان آتی

<b>Year (n)</b>	<b>Zero Rate for an nth Year Investment (% per annum)</b>	<b>Forward Rate for nth Year (% per annum)</b>
۱	۱۰/۰	
۲	۱۰/۵	۱۱/۰
۳	۱۰/۸	۱۱/۴
۴	۱۱/۰	۱۱/۶
۵	۱۱/۱	۱۱/۵

# فرمول محاسبه نرخهای پیمان آتی

- فرض کنید که نرخ صفر برای دوره زمانی  $T_1$  و  $T_2$  برابر با  $R_1$  و  $R_2$  با نرخهای مركب پیوسته باشد.
- نرخ پیمان آتی برای دوره زمانی بین  $T_1$  و  $T_2$  برابر است با:

$$\frac{R_2 T_2 - R_1 T_1}{T_2 - T_1}$$

# شیب رو به بالا و شیب رو به پایین منحنی ساختار نرخ بهره

- برای منحنی عایدی با شیب رو به بالا  
عایدی اسمی  $<$  نرخ صفر  $<$  نرخ پیمان آتی
- برای منحنی عایدی با شیب رو به پایین  
عایدی اسمی  $>$  نرخ صفر  $>$  نرخ پیمان آتی

# قرارداد سلف نرخ بهره (FRA)

یک قرارداد سلف نرخ بهره (FRA)، موافقتنامه‌ای خارج از بورس (غیراستاندارد) است که برای ثبیت نرخ بهره برای دوره زمانی در آینده به کار برده می‌شود.

# قرارداد سلف نرخ بهره (FRA) (ادامه)

یک FRA به مثابه توافقنامه‌ای است که طی آن بهره با یک نرخ از قبل تعیین شده ( $R_K$ ) با بهره به نرخ بازار مبادله می‌شود.

یک FRA را با فرض اینکه نرخ بهره پیمان آتی معینی تحصیل خواهد شد، می‌توان ارزش‌گذاری نمود.

# نظریه‌های ساختار زمانی بهره

- نظریه انتظارات: نرخ بهره پیمان آتی برای دوره‌ای از زمان در آینده برابر با نرخ صفر مورد انتظار آتی برای همان دوره زمانی است.
- نظریه تقسیم بازار (نظریه بخش‌بندی): نرخ‌های بهره کوتاه مدت، میان‌مدت و بلند‌مدت هر کدام مستقل از هم تعیین می‌شوند.
- رجحان نقدینگی: نرخ‌های پیمان آتی می‌باید همواره بیش از نرخ‌های صفر آتی مورد انتظار باشد.

# میثاق روزشمار کاری (آمریکا)

(در دوره) واقعی/واقعی: اوراق قرضه خزانه

$\frac{۳}{۳۶۰}$ : اوراق قرضه شرکتی

تعداد روزهای واقعی: ابزارهای بازار پولی  
 $\frac{۳۶۰}{۳۶۰}$

# گزارش قیمت اوراق فرضه خزانه

□ قیمت نقدی برابر است با:

بهره متعلقه از زمان آخرین کوپن پرداختی + قیمت اعلان شده

# گزارش قیمت اسناد خزانه

اگر  $Y$  قیمت نقدی اسناد خزانه‌ای باشد که  $n$  روز به سررسید باقیمانده است، قیمت گزارش شده برابر است با:

$$\frac{۳۶۰}{n} (100 - Y)$$

# قراردادهای آتی اوراق خزانه

قیمت نقدی دریافت شده توسط طرف معاملاتی که دارای موضع معاملاتی فروش است، برابر است با:  
بهره متعلقه + (فاکتور تبدیل × قیمت قراردادهای آتی اعلان شده)

# فاکتور تبدیل

فاکتور تبدیل برای یک اوراق قرضه معادل ارزش هر دلار از مبلغ اسمی اوراق قرضه در اولین روز ماه تحویل است. با این فرض که نرخ بهره برای تمام سرسیدها سالیانه ۶٪ و به صورت تخت با پرداخت شش ماهه است.

# اوراق قرضه خزانه و اسناد خزانه CBOT

فاکتورهایی که قیمت قراردادهای آتی را تحت تأثیر قرار می‌دهند:

- ◻ تحويل در هر زمانی در طول ماه تحويل می‌تواند صورت پذیرد.
- ◻ هر یک از اوراق قرضه‌های حائز شرایط را می‌توان تحويل داد.
- ◻ راهبرد ویلدکارد

# قراردادهای آتی یوردلار

اگر  $Z$  برابر با قیمت قرارداد آتی یوردلار باشد، ارزش قرارداد برابر خواهد بود با:

$$10,000 \left[ 100 - \frac{0.25}{100} (100 - Z) \right]$$

۱ bp یا  $1/100$  واحد تغییر در قیمت اعلانی آتی‌های دلار اروپایی معادل تغییر قیمت ۲۵ دلاری یک قرارداد است.

# قراردادهای آتی یوردلار (ادامه)

- ❑ قراردادهای آتی یوردلار به صورت نقدی تسویه حساب می‌شوند.
- ❑ هنگامی که قرارداد منقضی می‌شود (سومین چهارشنبه ماه تحويل)، Z برابر با  $\frac{100}{360}$  منهای نرخ بهره دلار اروپایی سه‌ماهه (تعداد روزهای واقعی) قرار می‌دهند و کلیه قراردادها مسدود می‌شوند.

# نرخ‌های پیمان آتی و قراردادهای آتی یورو دلار

- قراردادهای آتی یورو دلار حدود ۱۰ سال عمر دارند.
- برای قرارداد آتی یورو دلاری که کمتر از ۲ سال عمر دارند، نمی‌توان فرض کرد که نرخ‌های پیمان آتی برابر با نرخ‌های قراردادهای آتی است.

# نرخ‌های پیمان آتی و قراردادهای آتی یورو دلار (ادامه)

برای تبدیل نرخ‌های قراردادهای آتی‌های صادره بر یورو دلار به نرخ‌های بهره پیمان آتی از روشی که معروف به «تعدیل تحدب» است، استفاده می‌کنند. یکی از راه‌های این روش استفاده از فرمول ذیل می‌باشد:

$$\text{نرخ قرارداد آتی} = \text{نرخ پیمان آتی} - \frac{\sigma_{t_1 t_2}}{2}$$

که در آن  $t_1$  زمان باقیمانده تا سرسید قرارداد آتی‌ها،  $t_2$  زمان باقیمانده تا سرسید نرخ بهره دارایی پایه قرارداد آتی‌ها و  $\sigma$  انحراف معیار تغییرات کوتاه مدت نرخ بهره در یک سال می‌باشد که معمولاً مقدار آن معادل ۱/۲٪ یا ۰/۰۱۲ است. همه نرخ‌ها به صورت پیوسته مرکب محاسبه می‌شوند.

# دیرش

□ دیرش اوراق قرضه‌ای که جریان نقدی  $c_i$  در زمان  $t_i$  ایجاد می‌نماید، عبارت است از:

$$\sum_{i=1}^n t_i \left[ \frac{c_i e^{-yt_i}}{B} \right]$$

که  $B$  قیمت اوراق قرضه و  $y$  بازده آن (به صورت مرکب پیوسته) است.

□ بنابراین می‌توان نتیجه‌گیری کرد که:

$$\frac{\delta B}{B} = -D \delta y$$

# دیرش (ادامه)

هنگامی که لا یعنی بازده اوراق، به صورت مركب با تعداد دفعات  $m$  بار در هر سال بیان می‌شود، داریم:

$$\delta B = - \frac{BD\delta y}{1 + y/m}$$

همچنین رابطه  $\frac{D}{1 + y/m}$  را دیرش تعدیل یافته می‌گویند.

# تطبیق دیرش

- تطبیق دیرش در واقع عبارت است از پوشش ریسک نرخ بهره از طریق منطبق کردن دیرش‌های دارایی‌ها و بدھی‌ها.
- این فرایند در واقع پوششی در مقابل تغییرات کوچک منحنی صفر ایجاد می‌نماید.

# پایان فصل ۵

# مبانی مهندسی مالی

# و مدیریت ریسک

# فصل ۶

## سوآپ

### [قرارداد معاوضه‌ای یا تاخت]

# ماهیت فرادادهای سوآپ

سوآپ توافقی است، مبتنی بر معاوضه جریان‌های نقدی در مقاطع زمانی مشخص در آینده، مطابق با قوانین و مقررات مشخص شده.

# سوآپ نرخ بهره پایه (Plain vanilla) سوآپ نرخ بهره پایه

توافقنامه‌ای که طبق آن مایکروسافت نرخ لایبور ششماهه را دریافت می‌کند و با نرخ ثابت ۵٪ در سال به صورت هر ششماهه یکبار به مدت ۳ سال بر روی اصل مبلغ ۱۰۰ میلیون دلار پرداخت می‌نماید. اسلاید بعدی جریانات نقدی را نشان می‌دهد.

# جريانات نقدی ورودی مایکروسافت

ارقام به میلیون دلار است.

تاریخ	نرخ لایبور	جريانات نقدی متغیر	جريانات نقدی ثابت	خالص نقدی
Mar. 5, ۲۰۰۱	.۴/۲			
Sept. 5, ۲۰۰۱	.۴/۸	+۲/۱۰	-۲/۵۰	-۰/۴۰
Mar. 5, ۲۰۰۲	.۵/۳	+۲/۴۰	-۲/۵۰	-۰/۱۰
Sept. 5, ۲۰۰۲	.۵/۵	+۲/۶۵	-۲/۵۰	+۰/۱۵
Mar. 5, ۲۰۰۳	.۵/۶	+۲/۷۵	-۲/۵۰	+۰/۲۵
Sept. 5, ۲۰۰۳	.۵/۹	+۲/۸۰	-۲/۵۰	+۰/۳۰
Mar. 5, ۲۰۰۴	.۶/۴	+۲/۹۵	-۲/۵۰	+۰/۴۵

# کاربردهای معمول از سوآپ نرخ بهره

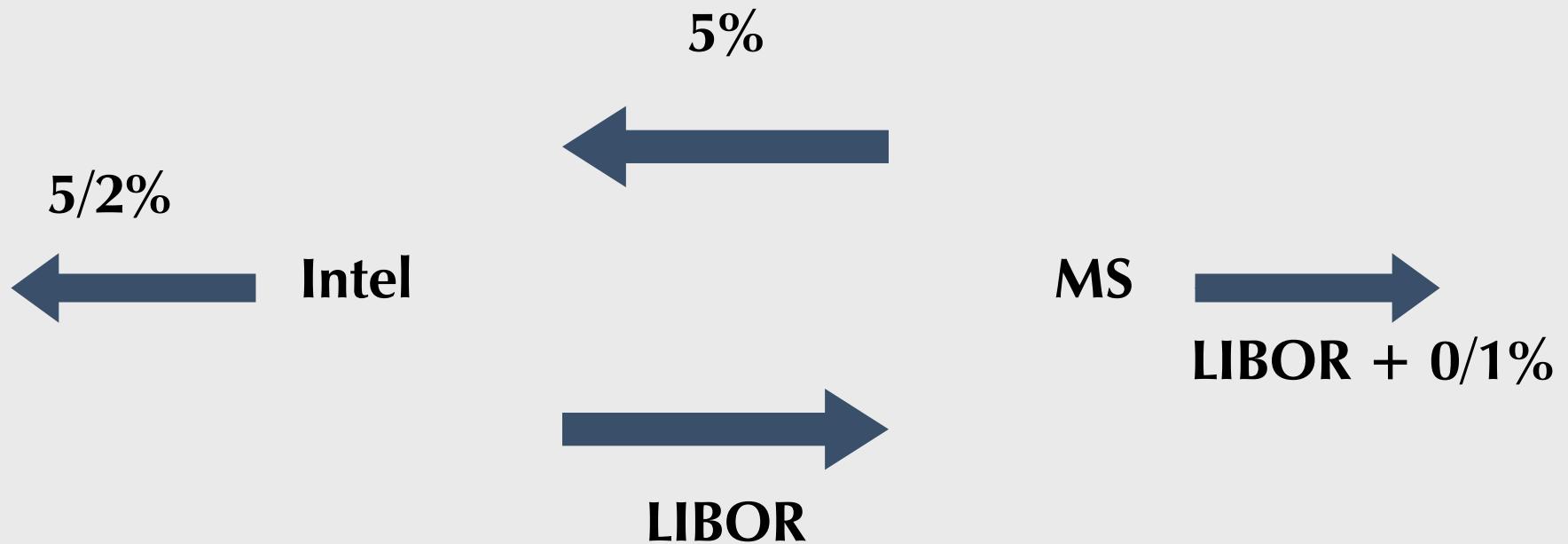
□ تغییر سرمایه‌گذاری از:

- نرخ بهره ثابت به نرخ بهره شناور
- نرخ بهره متغیر به نرخ بهره ثابت

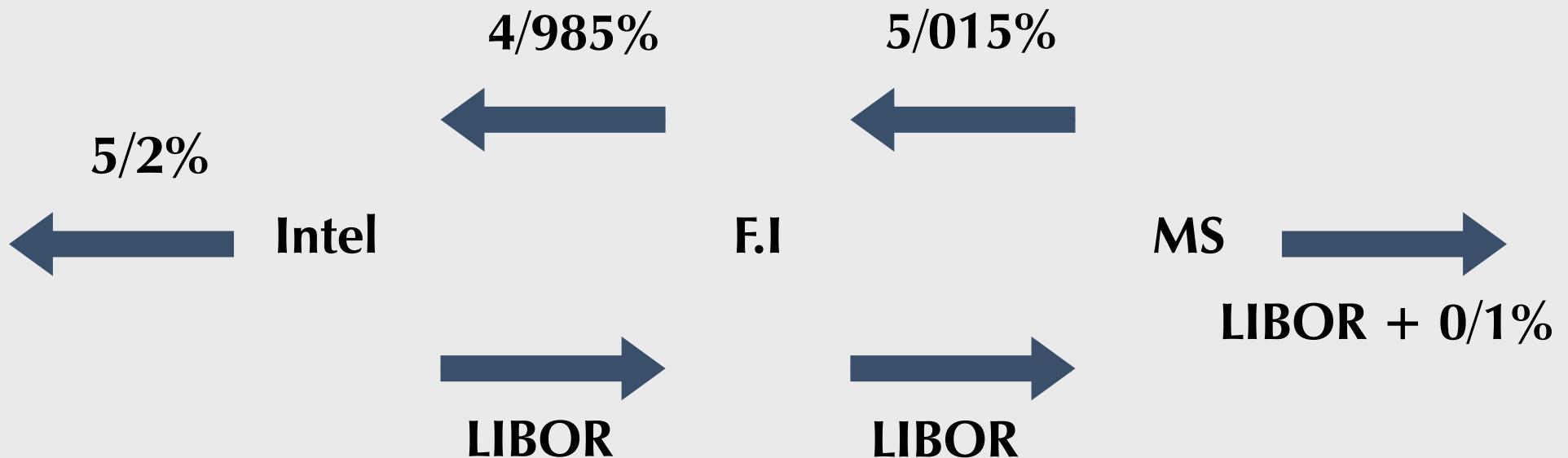
□ تغییر بدھی از:

- نرخ بهره ثابت به نرخ بهره شناور
- نرخ بهره متغیر به نرخ بهره ثابت

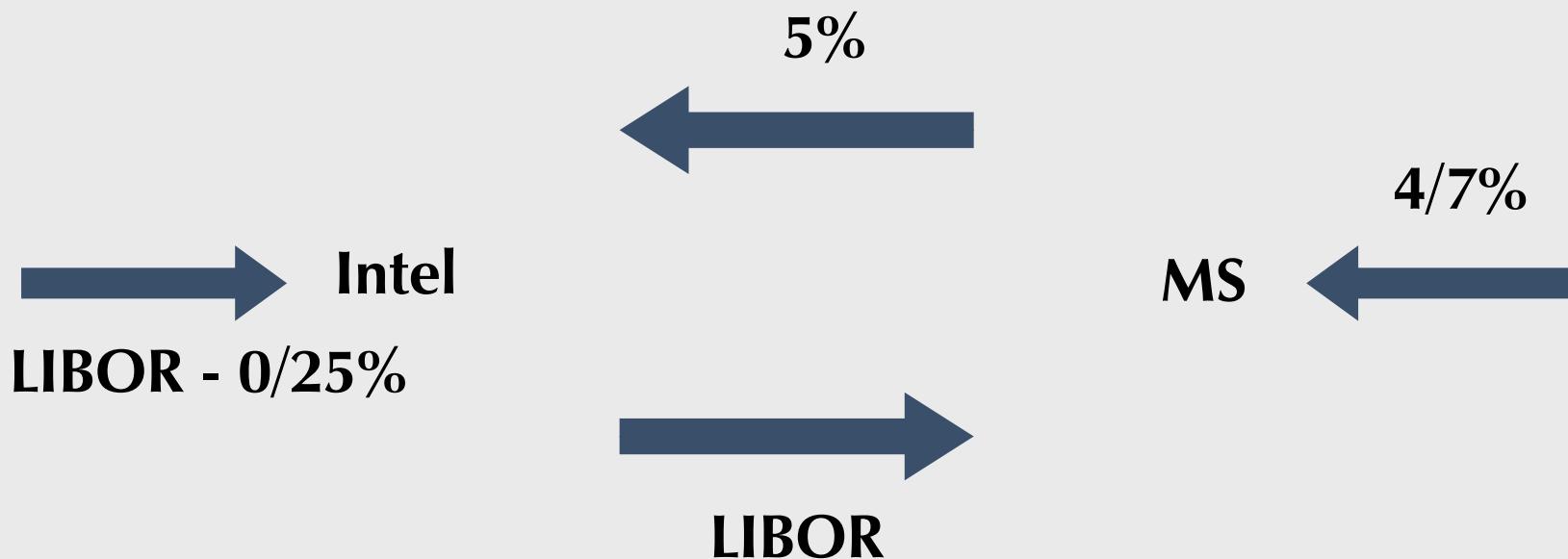
ایتسل و مایکروسافت بدھی را سوآپ می کنند.



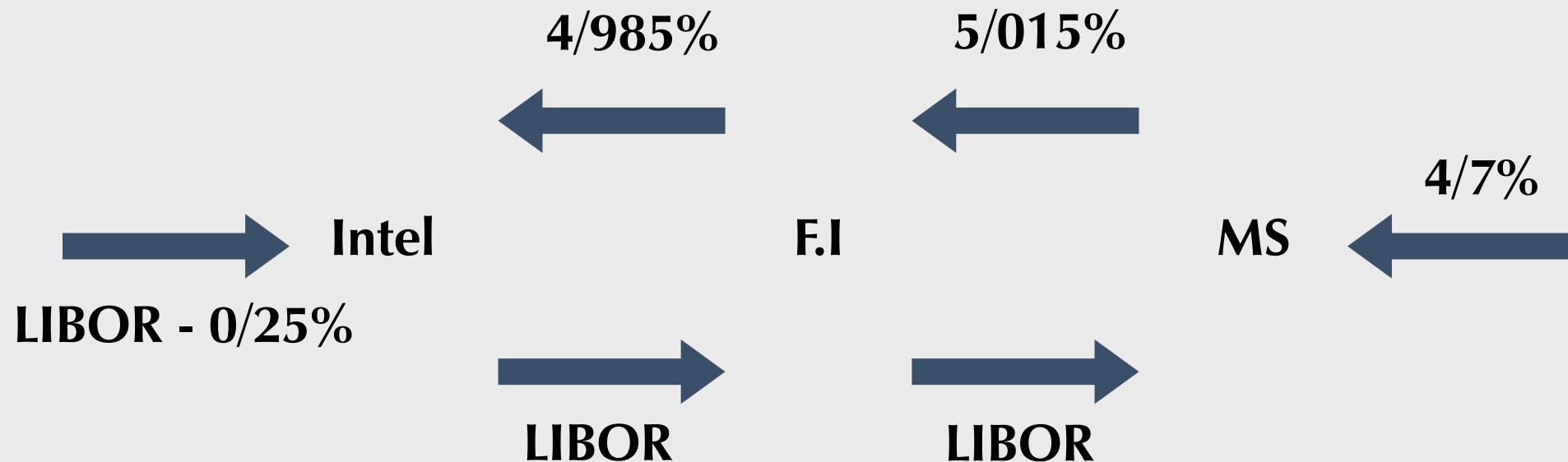
# نهاد مالی به عنوان واسطه عمل می‌کند



ایتل و مایکروسافت دارایی را سوآپ می‌کنند.



نهاد مالی (F.I) به عنوان واسطه عمل می‌کند.

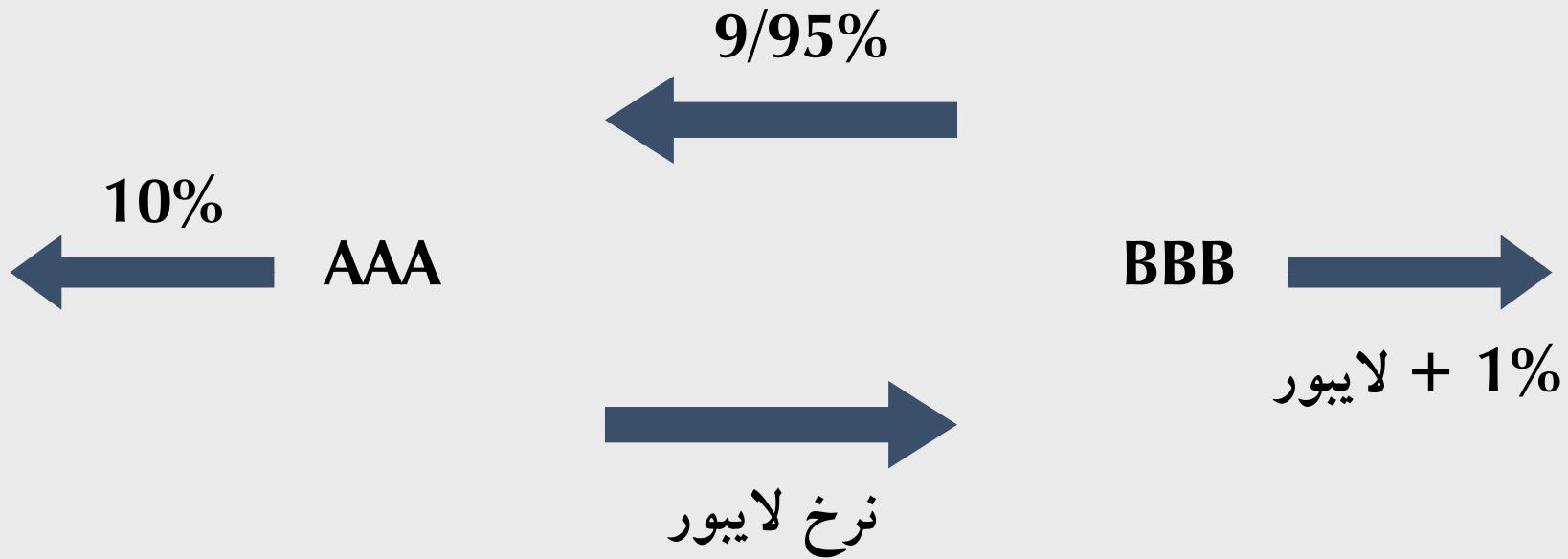


# مبحث مزیت رقابتی

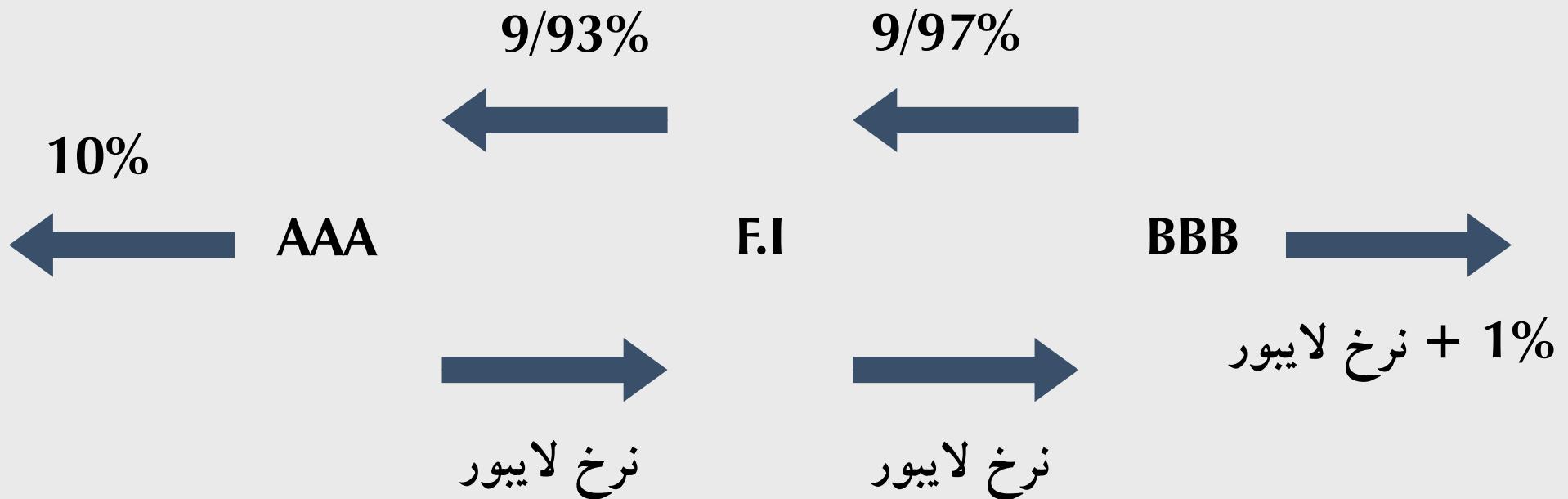
شرکت AAA می خواهد به نرخ متغیر استقراض نماید.  
شرکت BBB می خواهد به نرخ ثابت استقراض نماید.

	ثابت	متغیر
شرکت AAA	% ۱۰/۰۰	% ۰/۳۰ + لاپور ششماهه
شرکت BBB	% ۱۱/۲۰	% ۱/۰۰ + لاپور ششماهه

# فرارداد سوآپ



# فرارداد سوآپ با حضور نهاد مالی



# نقد و بررسی مزیت رقابتی

نرخ‌های  $10\% / \text{yr}$  و  $11/2\% / \text{yr}$  برای شرکت‌های **AAACorp** و **BBBCorp** در بازار نرخ‌های ثابت برای ۵ سال پیشنهاد شده است.

نرخ‌های  $3\% / \text{yr} + \text{LIBOR}$  و  $1\% / \text{yr} + \text{LIBOR}$  در بازار نرخ‌های متغیر به صورت نرخ‌های شش‌ماهه به هر یک از دو شرکت مذبور پیشنهاد شده است.

نرخ ثابت **BBBCorp** شرکت بستگی به اختلاف آن با نرخ لاپوری دارد که شرکت مذبور در آینده با نرخ مذبور استقرارض نموده است.

# ارزش‌گذاری سوآپ نرخ بهره

- سوآپ‌های نرخ بهره را می‌توان به صورت تفاوت ارزش اوراق قرضه با نرخ بهره ثابت و ارزش اوراق قرضه با نرخ بهره شناور، قیمت‌گذاری کرد.
- همچنین این سوآپ‌ها را می‌توان به صورت بدره‌ای از FRA در نظر گرفت و ارزش‌گذاری نمود.

# ارزش‌گذاری تحت شرایط سوآپ

- اوراق قرضه با نرخ بهره ثابت، به شیوه متداول ارزش‌گذاری می‌شوند.
- اوراق قرضه با نرخ بهره متغیر، با توجه به این نکته ارزش‌گذاری می‌شود که این اوراق بلافاصله بعد از تاریخ پرداخت بعدی دارای ارزش اسمی خواهد بود.

# ارزش‌گذاری تحت شرایط FRA

- هرگونه دادوستد پرداخت‌ها در سوآپ نرخ بهره یک FRA است.
- FRA را می‌توان با این فرض ارزش‌گذاری کرد، که نرخ‌های پیمان آتی امروز تحسیل شده است.

# یک مثال در مورد سوآپ نرخ ارز

توافقنامه‌ای مبتنی بر پرداخت ۱۱٪ بر اصل مبلغ ۱۰،۰۰۰،۰۰۰ پوند و دریافت ۸٪ بر اصل مبلغ ۱۵،۰۰۰،۰۰۰ دلار آمریکا به صورت سالانه تا ۵ سال.

# مبادله اصل مبلغ

- در قرارداد سوآپ نرخ بهره، اصل مبلغ مبادله نمی‌شود.
- در سوآپ ارز، اصل مبلغ در ابتدا و انتها قرارداد سوآپ مبادله می‌شود.

# جريانات نقدی

سال	دولار \$ بر حسب میلیون	پوند £ بر حسب میلیون
۲۰۰۱	-۱۵/۰۰	+۱۰/۰۰
۲۰۰۲	+۱/۲۰	-۱/۱۰
۲۰۰۳	+۱/۲۰	-۱/۱۰
۲۰۰۴	+۱/۲۰	-۱/۱۰
۲۰۰۵	+۱/۲۰	-۱/۱۰
۲۰۰۶	+۱۶/۲۰	-۱۱/۱۰

# کاربردهای سوآپ ارز

- ❑ تبدیل یک سرمایه در قالب یک ارز به سرمایه در قالب ارز دیگر
- ❑ تبدیل بدهی به صورت یک ارز به بدهی در قالب ارز دیگر

# مزیت نسبی برای سوآپهای ارز

جنرال موتورز می خواهد دلار استرالیای (AUD) استقراض نماید.  
کوانتس می خواهد به ارز دلار آمریکایی (USD) استقراض نماید.

	USD	AUD
جنرال موتورز	٪۰.۵/۰	٪۱۲/۶
کوانتس	٪۰.۷/۰	٪۱۳/۰

# ارزش‌گذاری سوآپ‌های ارز

به مشابه سوآپ‌های نرخ بهره، سوآپ‌های ارز را نیز می‌توان ارزش‌گذاری نمود؛ چه به صورت تفاوت بین دو اوراق قرضه یا چه به عنوان بدره اوراق پیمان آتی.

# سوآپ‌ها و پیمان‌های آتی

- یک قرارداد سوآپ را می‌توان به عنوان یک شیوه مناسب برای بسته‌بندی پیمان‌های آتی در نظر گرفت.
- سوآپ نرخ بهره پایه در مثال ما، از ۶ FRA تشکیل شده است.
- سوآپ ارز (نرخ ثابت برای ثابت) در مثال ما شامل مبالغ نقدی و پیمان آتی می‌باشد.

# سوآپ‌ها و پیمانهای آتی (ادامه)

- ارزش قرارداد سوآپ عبارت است از مجموع ارزش پیمانهای آتی پایه قرارداد سوآپ.
- در ابتدا قرارداد سوآپ به صورت (به قیمت) (at the money) است.
  - یعنی ورود در قرارداد سوآپ هیچ هزینه‌ای در برندارد.
  - مطلب فوق بدین معنی نیست که همه پیمانهای آتی پایه قرارداد سوآپ در ابتدا دارای ارزش (به قیمت) هستند.

# سوآپ اعتباری

- در ابتدای قرارداد سوآپ، ارزش آن برای شرکت صفر است.
- با گذشت زمان و در زمان آینده، ارزش سوآپ ممکن است مثبت یا منفی باشد.
- هنگامی که ارزش سوآپ برای شرکت مثبت باشد، در این صورت شرکت در معرض ریسک اعتباری قرار می‌گیرد.

# پایان فصل ۶

# مبانی مهندسی مالی

# و مدیریت ریسک

# فصل ۷

## سازوکارهای بازارهای اختیارات



# انواع اختیارات

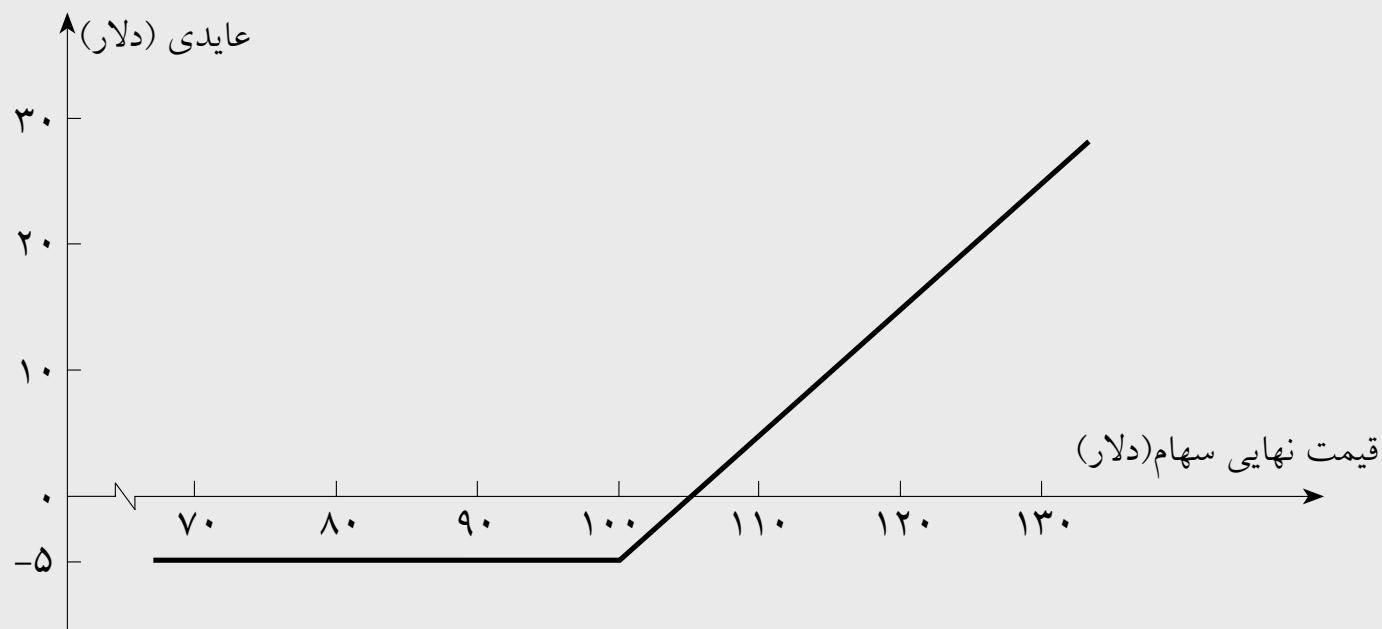
- یک اختیار خرید (call) عبارت است از حق خرید دارایی پایه.
- یک اختیار فروش (put) عبارت است از حق فروش دارایی پایه.
- اختیار اروپایی را فقط می‌توان در تاریخ سرسید آن به اجرا گذاشت.
- اختیار آمریکایی را می‌توان در هر زمانی در طول عمر اختیار معامله به اجرا گذاشت.

# موضع معاملاتی اختیارات

- موضع معاملاتی خرید اختیار خرید
- موضع معاملاتی خرید اختیار فروش
- موضع معاملاتی فروش اختیار خرید
- موضع معاملاتی فروش اختیار فروش

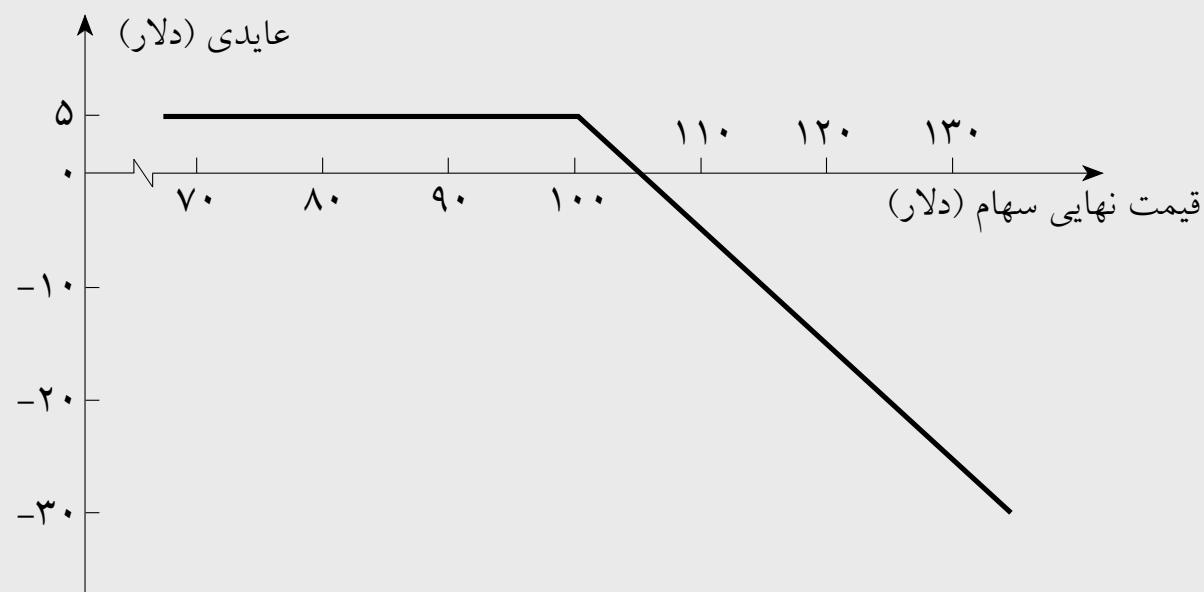
# خرید اختیار خرید صادره بر سهم مایکروسافت

سود حاصل از خرید یک اختیار خرید اروپایی:  
قیمت اختیار = ۵ دلار؛ قیمت توافقی = ۱۰۰ دلار؛ مدت اختیار = ۲ ماه



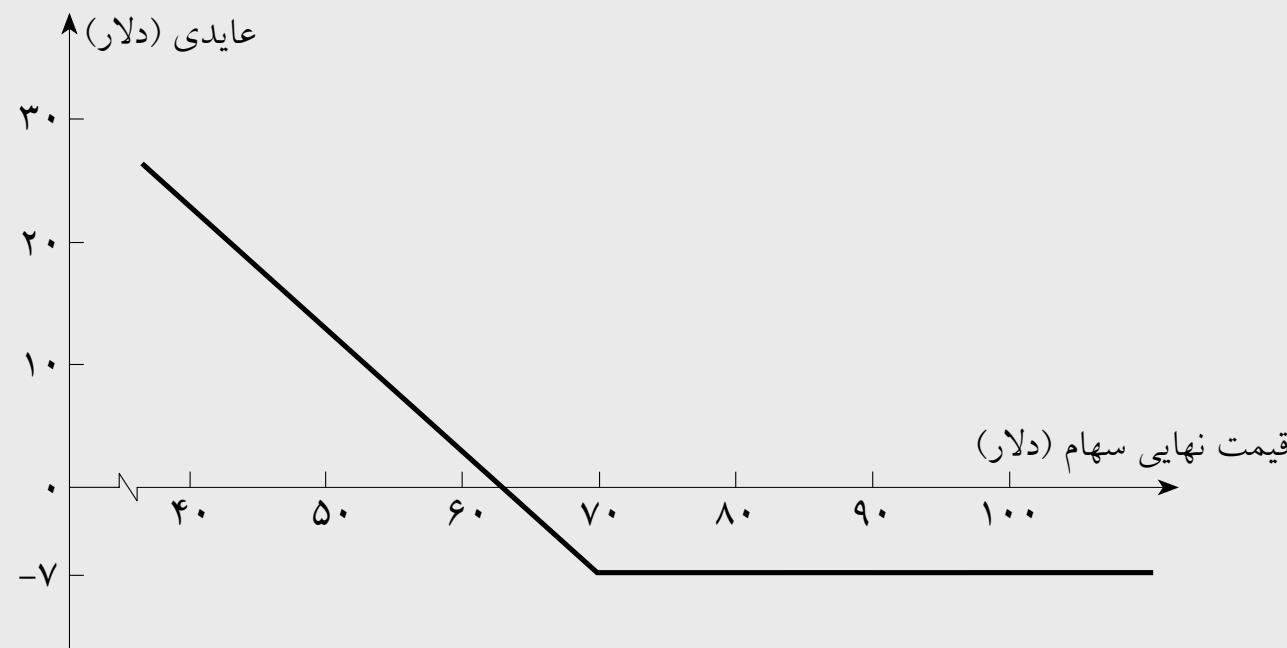
# موقع فروش اختیار خرید صادره بر مایکروسافت

سود حاصل از صدور یک اختیار خرید اروپایی مایکروسافت:  
قیمت سهام = ۵ دلار؛ قیمت توافقی = ۱۰۰ دلار



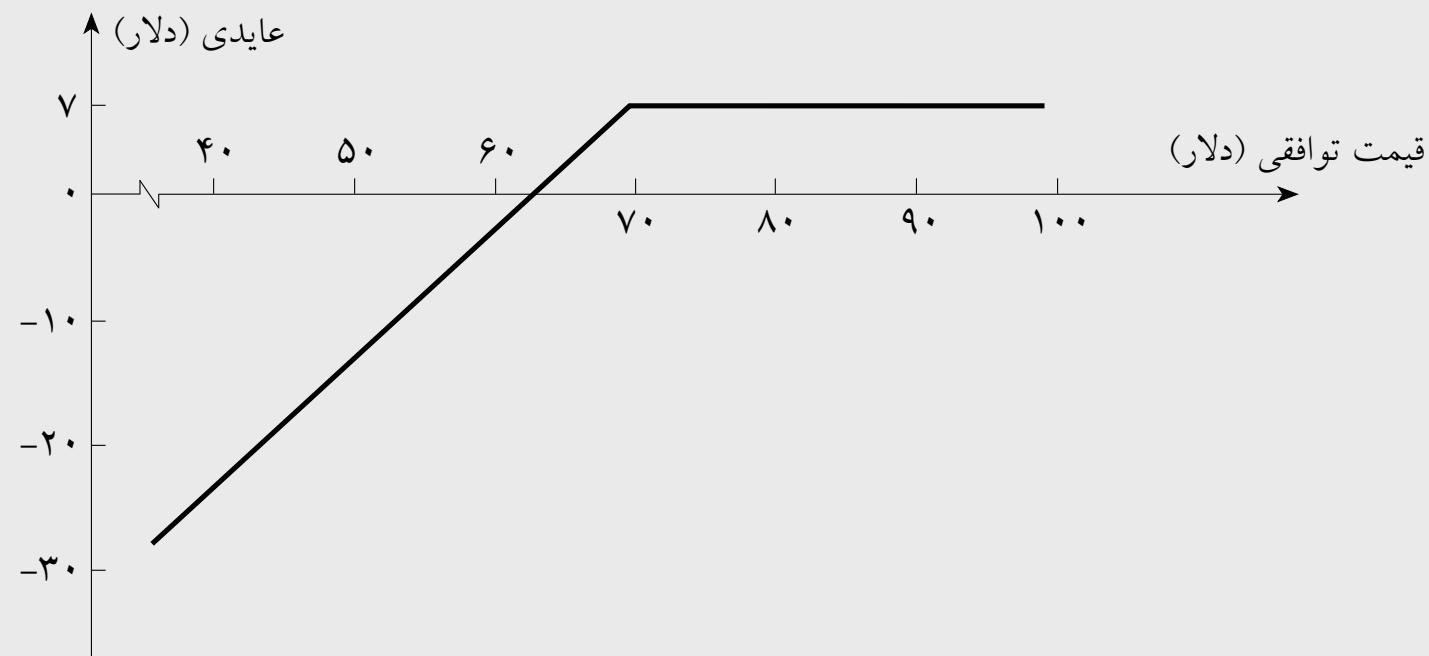
# موقعیت خرید اختیار فروش اوراکل

سود حاصل از خرید اختیار فروش اروپایی اوراکل:  
قیمت اختیار = ۷ دلار، قیمت توافقی = ۷۰ دلار

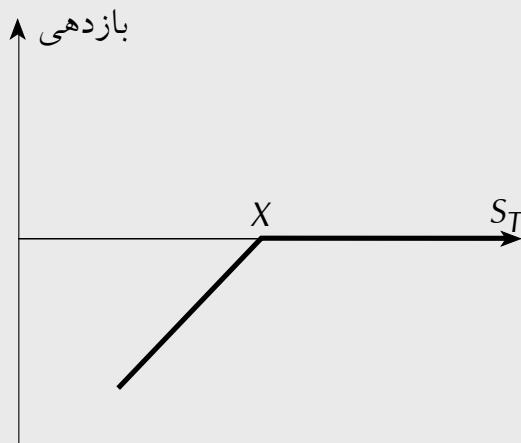
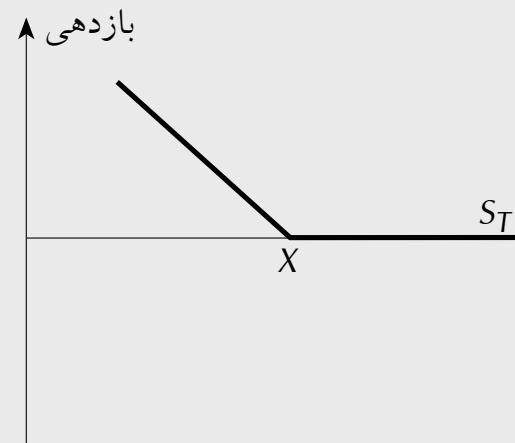
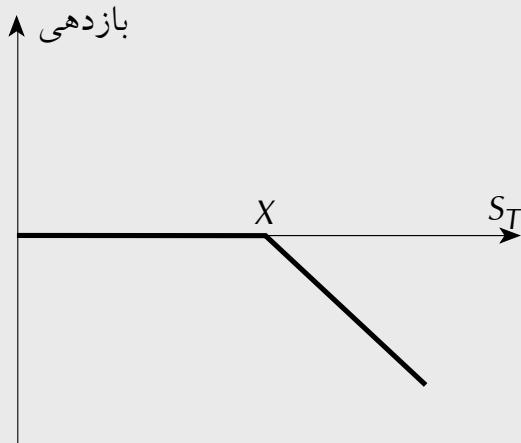
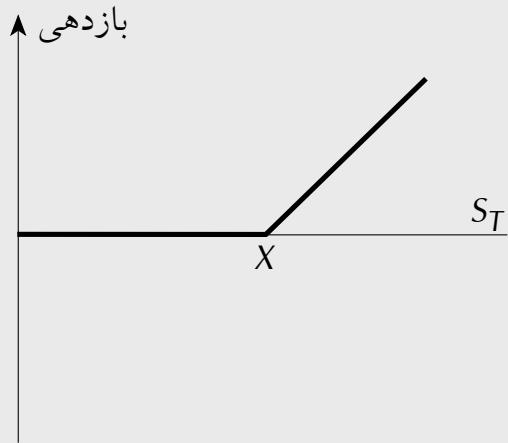


# موضع فروش اختیار فروش صادره بر سهم اوراکل

سود حاصل از صدور اختیار فروش اروپایی اوراکل:  
قیمت اختیار = ۷ دلار و قیمت توافقی = ۷۰ دلار



# پرداخت‌های حاصل از اختیارات موضع معاملاتی اختیار معامله در هر مورد چیست؟



$X$  = قیمت توافقی

$S_T$  = قیمت دارایی در سررسید

# دارایی‌های پایه اختیارات قابل معامله در بورس

- سهام
- ارز خارجی
- شاخص‌های سهام
- قراردادهای آتی

# مشخصات اختیارات قابل معامله در بورس

- تاریخ انقضا
- قیمت توافقی
- آمریکایی یا اروپایی
- اختیار خرید یا اختیار فروش

# اصطلاحات

ارزش پول:

- اختیار به قیمت (ATM)
- اختیار با ارزش (باقیمت) (ITM)
- اختیار بدون ارزش (بی‌قیمت) (OTM)

# اصطلاحات (ادامه)

- طبقه اختیار
- سری اختیار
- ارزش ذاتی
- ارزش زمانی

# سود نقدی و تجزیه سهام

- فرض کنید که شما مالک  $N$  اختیار معامله با قیمت توافقی  $X$ :
- هیچ تعلیلی با توجه به وضعیت اختیار برای سود نقدی انجام نمی‌شود.
- هنگامی که تجزیه سهم به نسبت  $n$  برای  $m$  است:

  - قیمت توافقی به اندازه  $mX/n$  کاهش پیدا کرده است.
  - تعداد اختیارات به اندازه  $nN/m$  افزایش پیدا کرده است.

- در برخورد با پدیده سود نقدی سهام به مثابه تجزیه سهام عمل می‌کنیم.

# سود نقدی و تجزیه سهام (ادامه)

- یک اختیار خرید برای خرید ۱۰۰ سهم به قیمت هر سهم ۲۰ دلار در نظر بگیرید.
- در هریک از موارد زیر چگونه باید عمل کرد؟
- تجزیه سهام به نسبت ۲ به ۱
- برای پرداخت سود نقدی ۵ درصدی

# بازارسازان

- اکثر بورس‌ها از بازارسازان برای تسهیل معاملات اختیار معامله استفاده می‌کنند.
- یک بازارساز هرگاه که کسی درخواست نماید هم قیمت پیشنهادی خرید و هم قیمت پیشنهادی فروش را ارایه می‌کند.
- بازارسازان نمی‌دانند که آیا افرادی که قیمت‌ها را می‌پرسند؛ می‌خواهند واقعاً بخرند یا بفروشند.

## ودیعه

- هنگامی که اختیارات فروخته می‌شوند؛ سپرده درخواست می‌شود.
- مبلغ ودیعه اولیه بابت صدور اختیارات بدون پوشش، بزرگترین عدد حاصل از یکی از دو روش محاسبه زیر می‌باشد:
- ۱۰۰٪ عواید فروش به علاوه ۲۰٪ قیمت سهام پایه منهای مبلغی که بازای آن اختیار معامله بدون ارزش می‌باشد.
- ۱۰۰٪ عواید فروش به علاوه ۱۰۰٪ قیمت سهام پایه.
- هریک از راهبردهای دیگر معاملاتی، قوانین خاص خود را دارد.

# وارنت (Warrant)

وارنتمانها، اختیاراتی هستند که توسط یک نهاد مالی یا یک شرکت منتشر می‌شوند.

تعداد وارنتمانها منتشر شده، برابر با تعداد اولیه انتشار آنهاست و فقط هنگامی تغییر می‌کنند که یا اعمال شوند و یا منقضی گردند.

# وارنت (ادامه)

- وارنتهای مشابه سهام مورد مبادله قرار می‌گیرند.
- هنگامی دارنده و منتشر کننده وارنتهای اقدام به تسویه حساب می‌کند که وارنتهای اعمال شوند.
- شرکت‌هایی که اختیار خرید سهام خود (call warrants) را منتشر می‌کنند، هنگام اعمال یا اجرای این اوراق بهادر، شرکت سهام جدیدی منتشر کرده و با قیمت توافقی به صاحبان اختیار معامله‌های فوق می‌فروشد. بنابراین اعمال وارنت، بدین معنی است که تعداد سهام منتشره یک شرکت افزایش می‌یابد.

# اختیار معامله قابل اعمال، (اختیار معامله مختص به مدیران)

- اختیار خریدهایی هستند که به منظور انگیزش عاملان صادر می‌شوند تا به بهترین نفع سهامداران شرکت عمل کنند.
- هنگامی که این اختیارات به اجرا گذاشته می‌شوند، شرکت سهام بیشتری منتشر می‌کند.
- این اوراق معمولاً اوایل انتشار در «نقطه بی‌تفاوتبندی» هستند.

## اختیار معامله قابل اعمال، (اختیار معامله مختص به مدیران)

- بعد از گذشت زمانی، با ارزش شده و اعمال می‌شوند.
- قابل فروش نیستند.
- این اوراق معمولاً دارای سررسید ۱۰ تا ۱۵ سال می‌باشند.

# اوراق قرضه قابل تبدیل

▫ اوراق قرضه قابل تبدیل، اوراقی هستند که توسط شرکت منتشر می‌شود تا در دوره زمانی معینی، با توجه به نسبت تبدیل از پیش تعیین شده، به سهام عادی تبدیل شوند.

# اوراق فرضه قابل تبدیل (ادامه)

- این اوراق در واقع اختیار بازخرید سهام شرکت منتشر کننده آن می‌باشد.
- مقرر نمودن شرط بازخرید در واقع روشی است که به وسیله آن ناشر می‌تواند دارنده این اوراق را مجبور سازد تا در زمان زودتر از موقعی که ممکن است دارنده این اوراق بخواهد آنها را تبدیل نماید، دست به تبدیل آنها بزند.

# پایان فصل ۷

# مبانی مهندسی مالی و مدیریت ریسک

# فصل ۸

## ویژگی‌های قیمت اختیارات سهام

# تعريف

- $C$ : قيمت اختيار خريد آمريكي.
- $P$ : قيمت اختيار فروش آمريكي.
- $S_T$ : قيمت سهام در تاريخ سررسيد اختيار.
- $D$ : ارزش فعلی سودهای نقدی که در طول عمر اختيار پرداخت می‌شود.
- $r$ : نرخ بهره بدون ريسک برای سررسيد  $T$  به صورت مرکب پيوسته.
  
- $c$ : قيمت اختيار خريد اروپائي.
- $p$ : قيمت اختيار فروش اروپائي.
- $S$ : قيمت سهام در حال حاضر.
- $X$ : قيمت توافقی.
- $T$ : طول عمر اختيار.
- $\sigma$ : نوسان‌پذيری قيمت سهام.

# تأثیر هریک از متغیرهای ذیل بر قیمت اختیار

متغیر	$c$	$p$	$C$	$P$
$S_0$	+	-	+	-
$X$	-	+	-	+
$T$	?	?	+	+
$\sigma$	+	+	+	+
$r$	+	-	+	-
$D$	-	+	-	+

# اختیارات آمریکایی در مقابل اروپایی

ارزش یک اختیار آمریکایی حداقل برابر با اختیار معامله اروپایی نظیر آن است.

$$C \geq c$$

$$P \geq p$$

# اختیارات خرید: فرصت آربیتراژی؟

فرض کنید که: 

$$S_0 = 20 \quad c = 20$$

$$r = 10\% \quad T = 1$$

$$D = 0 \quad X = 18$$

آیا با این حساب فرصت آربیتراژی وجود دارد؟ 

# کرانه پایین برای قیمت‌های اختیار خرید اروپایی؛ بدون پرداخت سود نقدی

$$C \geq S_0 - Xe^{-rT}$$

# اختیارات فروش: فرصت آربیتراژی؟

فرض کنید که: 

$$S_0 = 37 \quad C = 1$$

$$r = 5\% \quad T = 0.5$$

$$D = 0 \quad X = 40$$

آیا با این حساب فرصت آربیتراژی وجود دارد؟ 

# کرانه پایین برای قیمت‌های اختیار فروش اروپایی؛ بدون پرداخت سود نقدی

$$p \geq Xe^{-rT} - S.$$

# رابطه برابری فروش-خرید؛ بدون پرداخت سود نقدی

دو بدره ذیل را در نظر بگیرید:

- بدره A: اختیار خرید اروپایی صادره بر سهام + مبلغ نقدی ارزش فعلی قیمت توافقی.
- بدره C: اختیار فروش اروپایی صادره بر سهام + سهام در تاریخ سرسید، ارزش هریک از اختیار معامله‌ها برابر است با:

$$\max(S_T, X)$$

بنابراین باید ارزش این دو بدره در حال حاضر برابر باشد. یعنی داریم:

$$C_e + Ke^{-rT} = P_e + S.$$

# فرصت‌های آریتراژی

فرض کنید که: 

$$S_+ = ۳۱ \quad C = ۳$$

$$r = \% ۱۰ \quad T = ۰/۲۵$$

$$D = ۰ \quad X = ۳۰$$

احتمال فرصت‌های آریتراژی در هر یک از دو حالت زیر چگونه است؟ 

$$p = ۲/۲۵?$$

$$p = ۱?$$

# اعمال زودتر از موعد سررسید

- معمولاً برخی موقع این فرصت وجود دارد که اختیار آمریکایی می‌باید زودتر از تاریخ سررسید اعمال شود.
- استثنایی که وجود دارد در مورد اختیار خرید آمریکایی صادره بر سهامی است که سود نقدی نمی‌پردازد.
- این اختیار هرگز نباید زودتر از زمان سررسید اعمال شود.

# موقعیت اعمال اختیار

برای اختیار خرید آمریکایی:

$$S_0 = 100 \quad T = 0/25 \quad X = 60 \quad D = 0$$

آیا باید زودتر از سررسید اعمال نمایید؟

شما در هر یک از دو حالت ذیل چه کار می‌بایست انجام دهید؟

۱. شما می‌خواهید سهام را برای سه‌ماه دیگر نگه دارید.
۲. شما فکر نمی‌کنید که سهام ارزش نگهداری برای سه‌ماه دیگر را ندارد.

# دلایل عدم اعمال اختیار خرید قبل از موعد سررسید (عدم پرداخت سود)

- درآمد سهام رضایت بخش نیست.
- پرداخت قیمت توافقی را به تاخیر می‌اندازیم.
- نگهداری اختیار خرید نوعی تضمین در برابر سقوط قیمت سهام به پایین‌تر از قیمت توافقی است.

# آیا باید اختیارات فروش اروپایی زودتر از موعد اعمال شوند؟

فرض کنید داشته باشیم:

$$D = 0 \quad X = 100 \quad r = 10\% \quad T = 0.25 \quad S_0 = 60$$

آیا منافعی برای اعمال زودتر از موعد اختیار فروش آمریکایی وجود دارد؟

# تأثیر پرداخت سود بر کرانه‌های پایین قیمت‌های اختیارات

$$C \geq S_{\downarrow} - D - Xe^{-rT}$$

$$p \geq D + Xe^{-rT} - S_{\downarrow}$$

# بسط رابطه برابری فروش-خرید

□ اختیارات آمریکایی:  $D = \cdot$

$$S_0 - X < C - P < S_0 - Xe^{-rT}$$

□ اختیارات اروپایی:  $D > \cdot$

$$c + D + Xe^{-rT} = P + S_0$$

□ اختیارات آمریکایی:  $D > \cdot$

$$S_0 - D - X < C - P < S_0 - Xe^{-rT}$$

# پایان فصل ۸

# مبانی مهندسی مالی و مدیریت ریسک

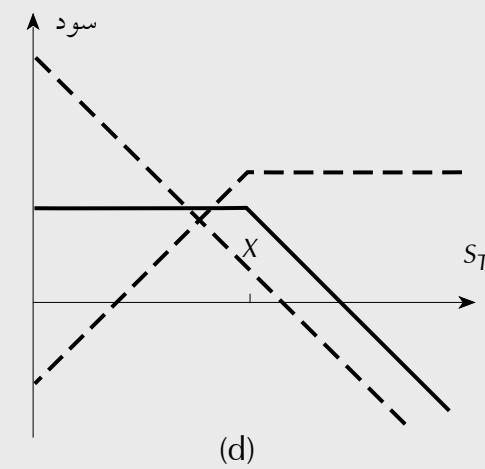
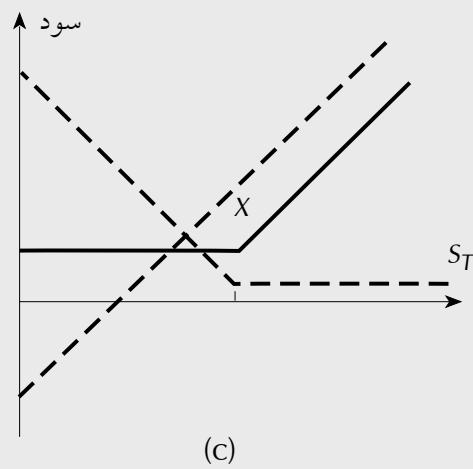
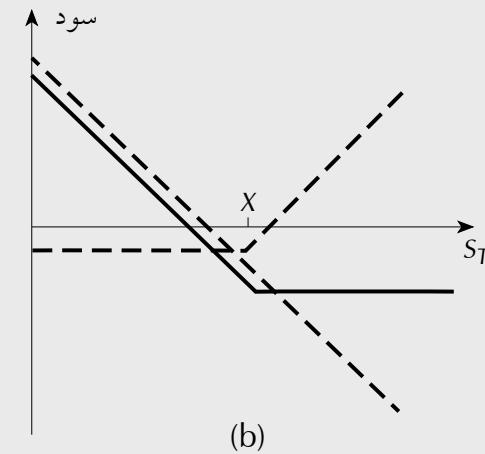
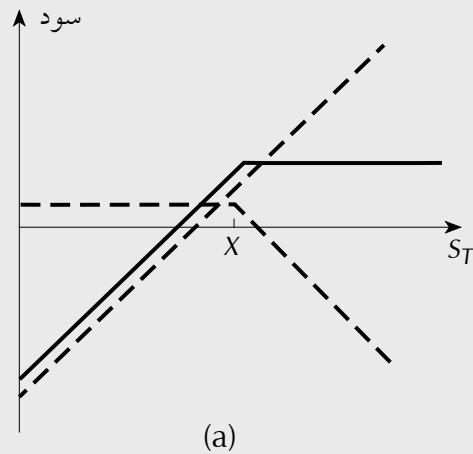
# فصل ۹

## راهبردهای معاملاتی با استفاده از اختیارات

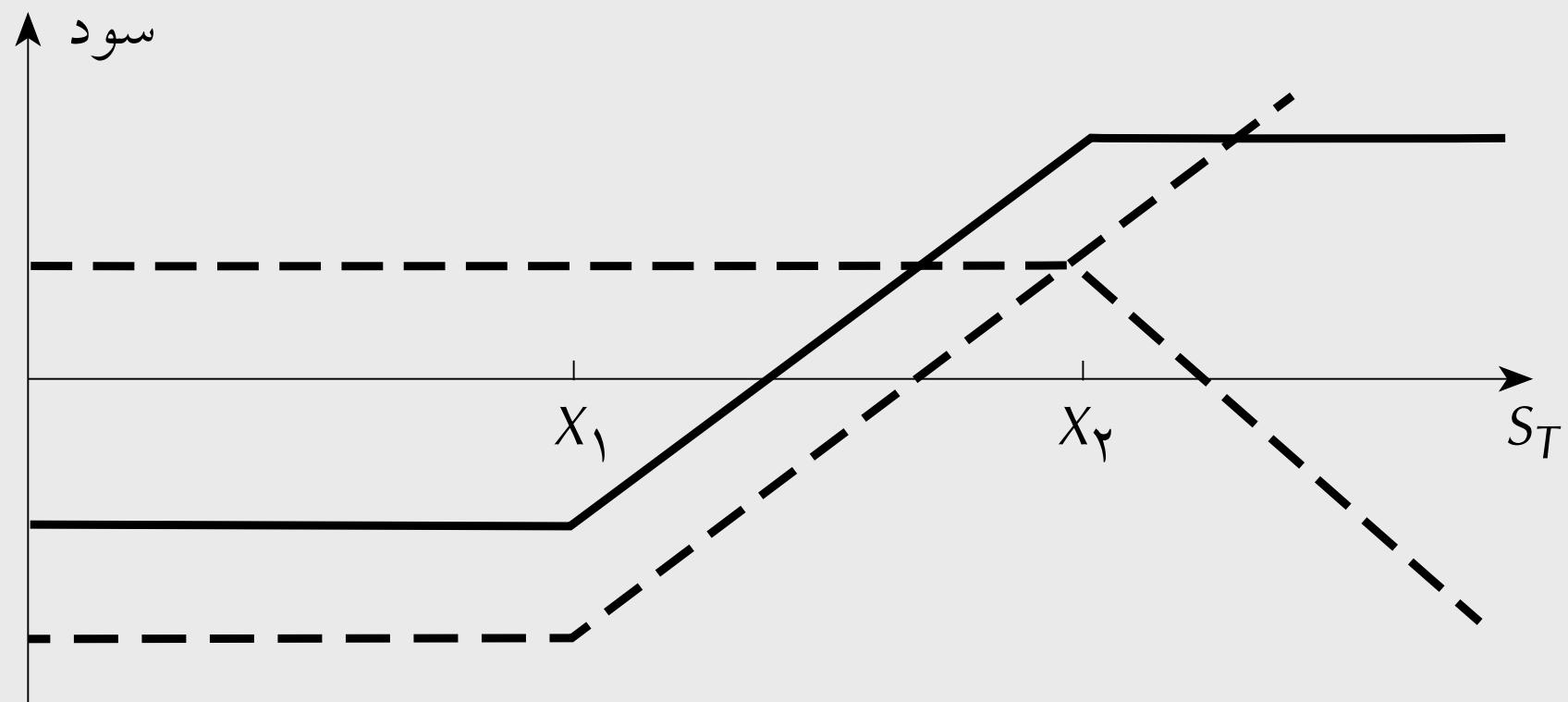
# سه راهبرد

- موضع معاملاتی در اختیار و دارایی پایه اتخاذ نمایید.
- موضع معاملاتی در دو یا چند اختیار معامله از یک نوع اختیار معامله، اتخاذ نمایید. (A Spread)
- ترکیب: موضع معاملاتی در ترکیب از اختیارات خرید و فروش اتخاذ نمایید. (A Combination)

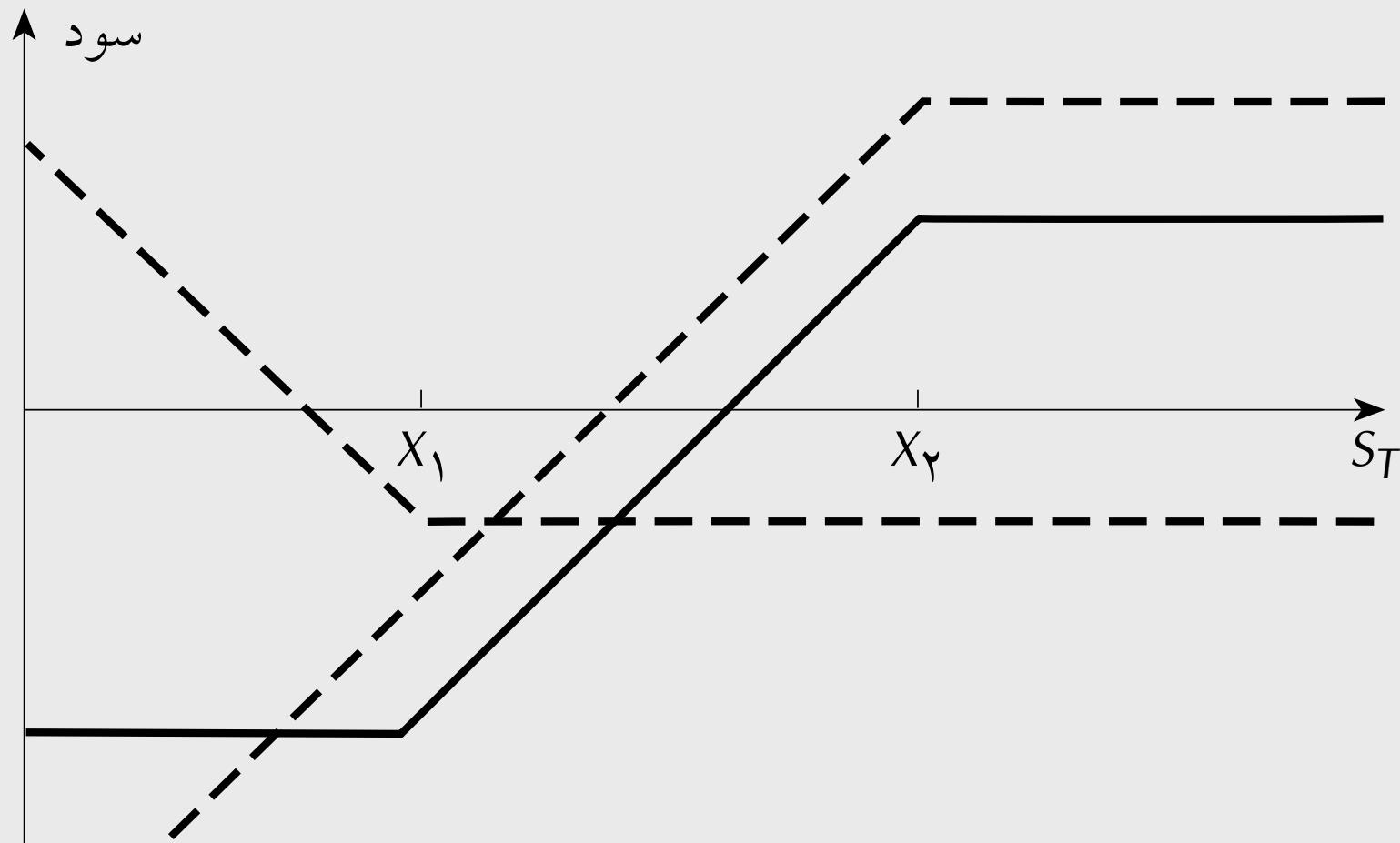
# مواضع معاملاتی در اختیارات و دارایی پایه



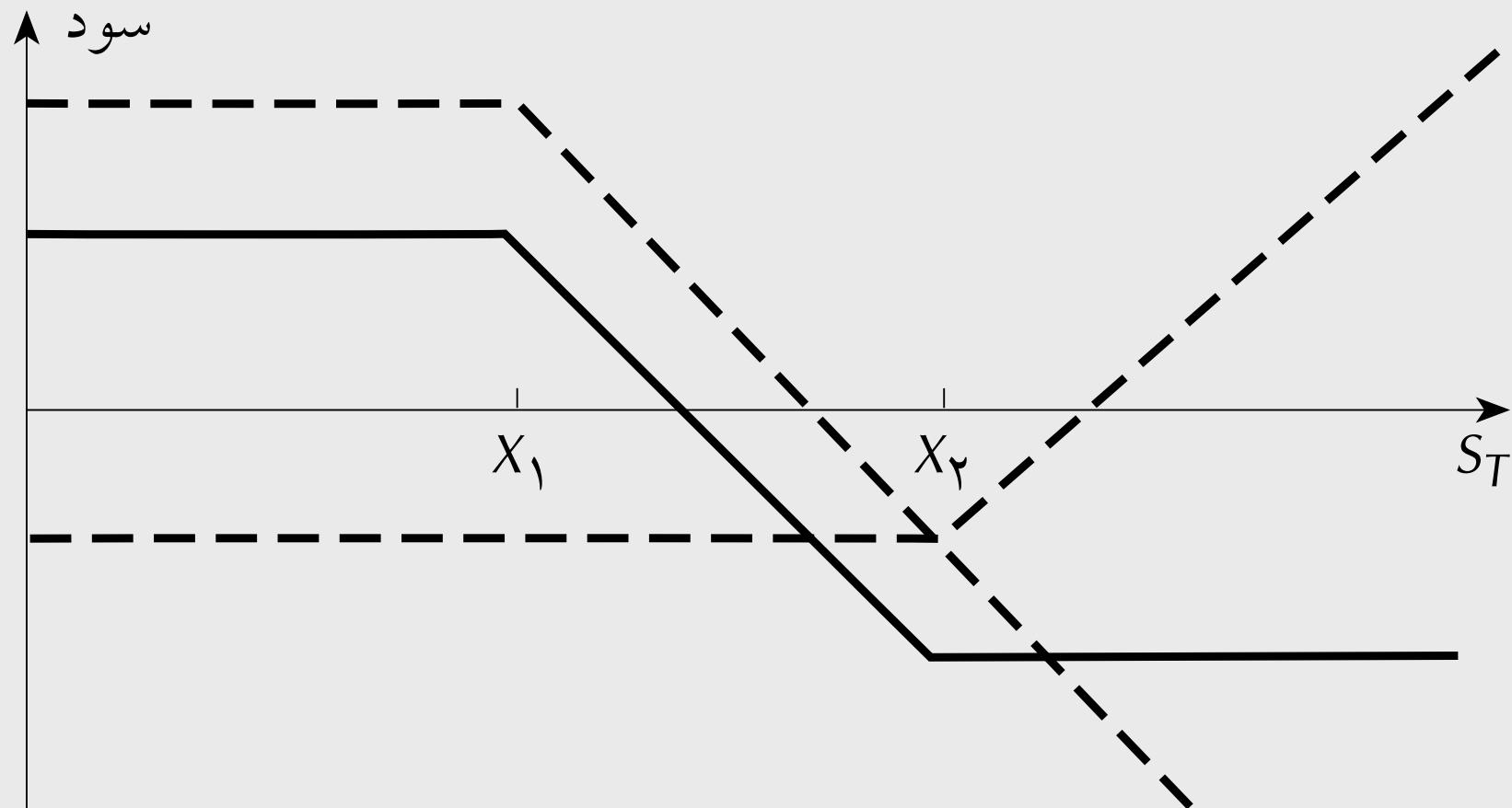
# راهبرد نامتقارن خوشبینانه (Bull Spread) با استفاده از اختیارات خرید



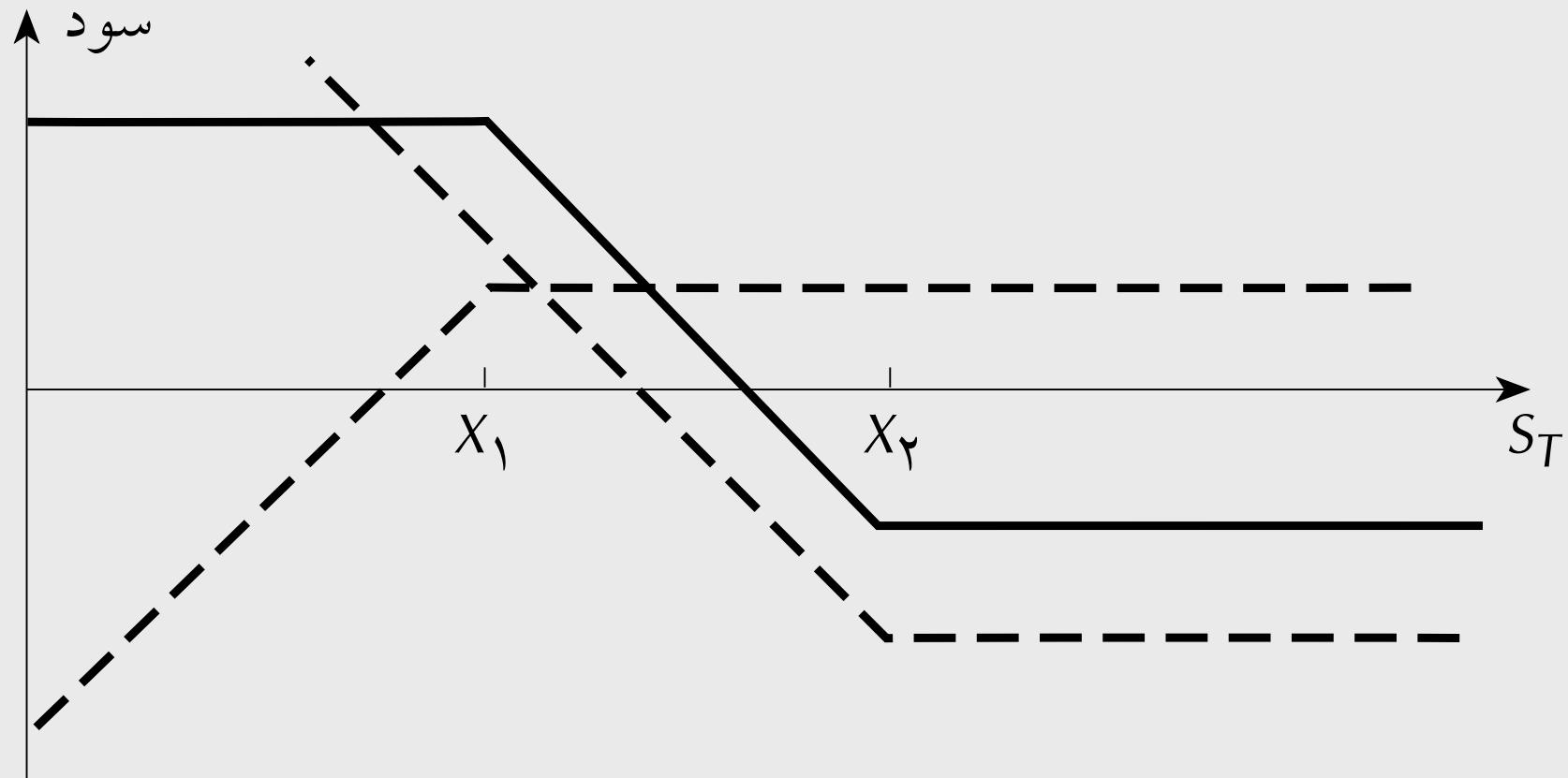
# راهبرد نامتقارن خوشبینانه (Bull Spread) با استفاده از اختیارات فروش



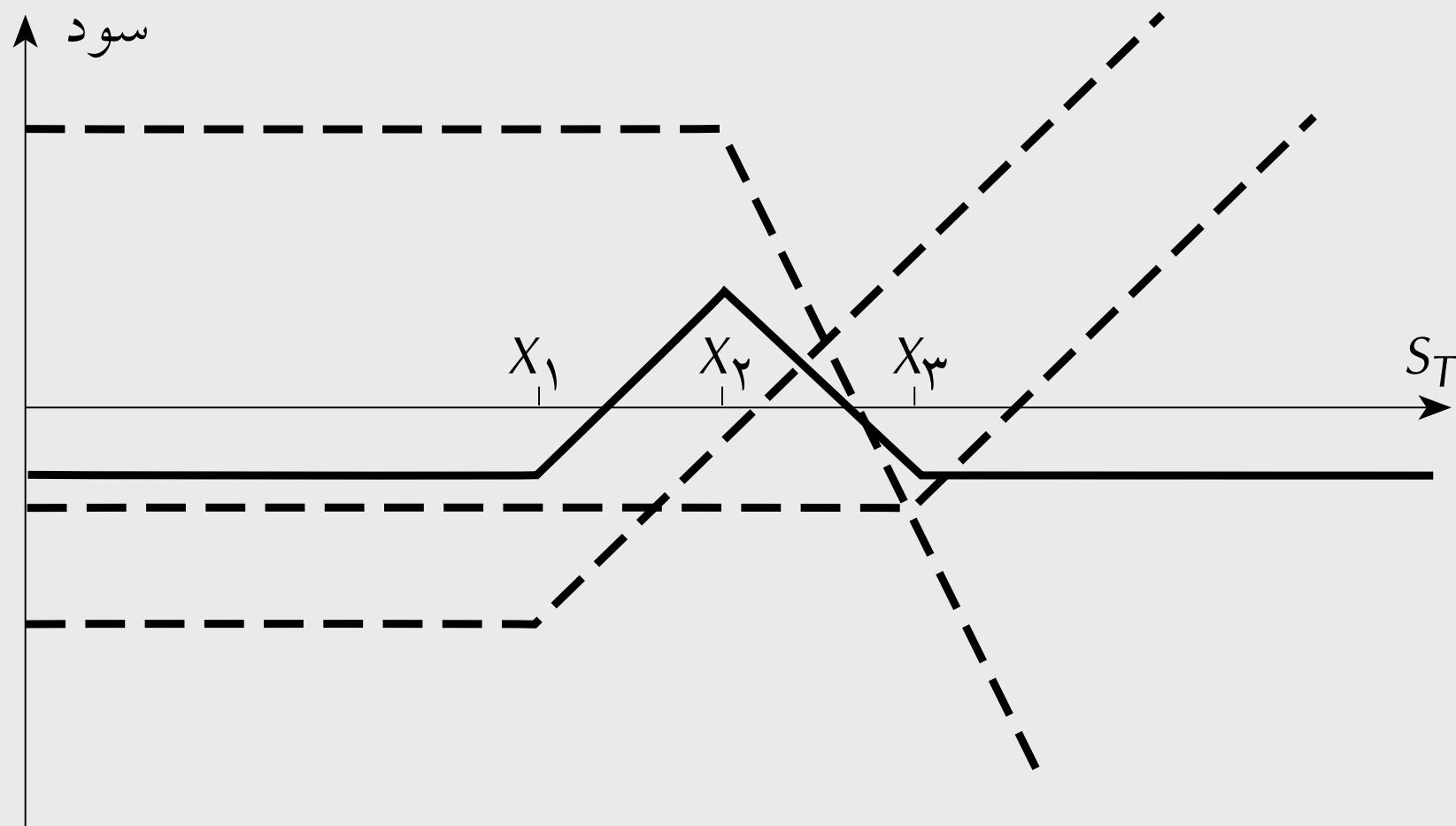
# راهبرد نامتقارن بدبینانه (Bear Spread) با استفاده از اختیارات خرید



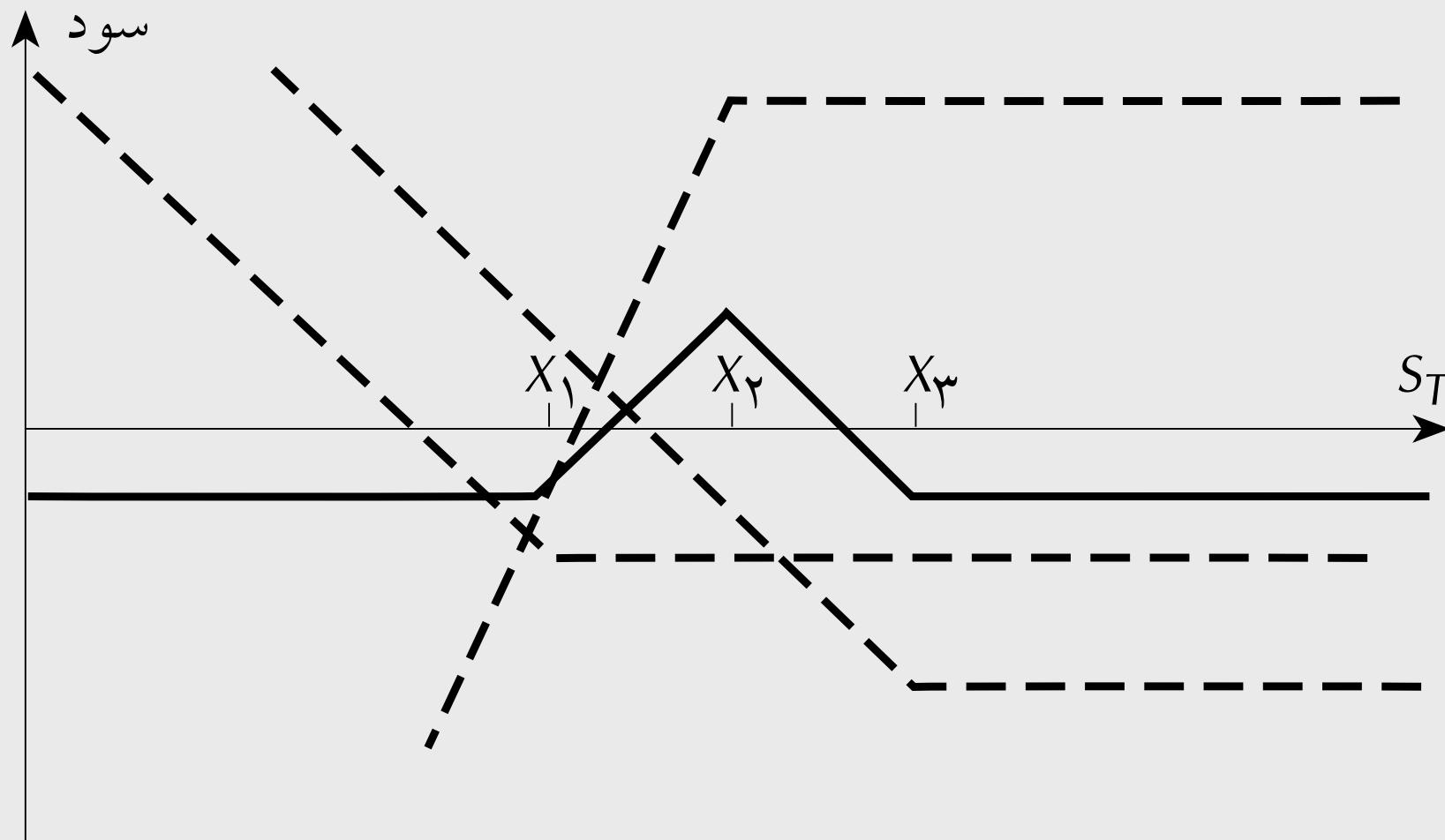
# راهبرد نامتقارن بدبینانه (Bear Spread) با استفاده از اختیارات فروش



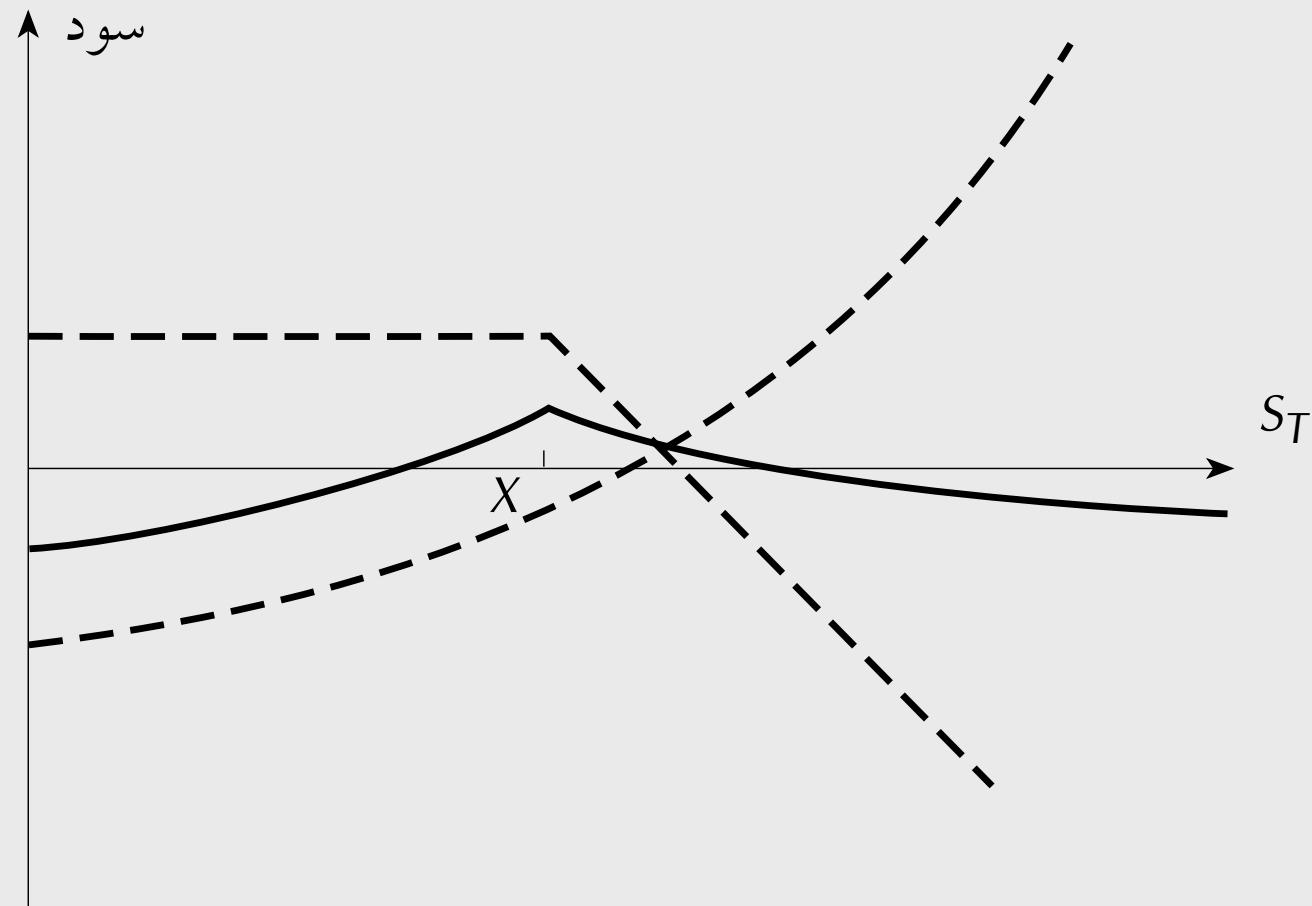
# راهبرد نامتقارن پروانه‌ای (Butterfly Spread) با استفاده از اختیارات خرید



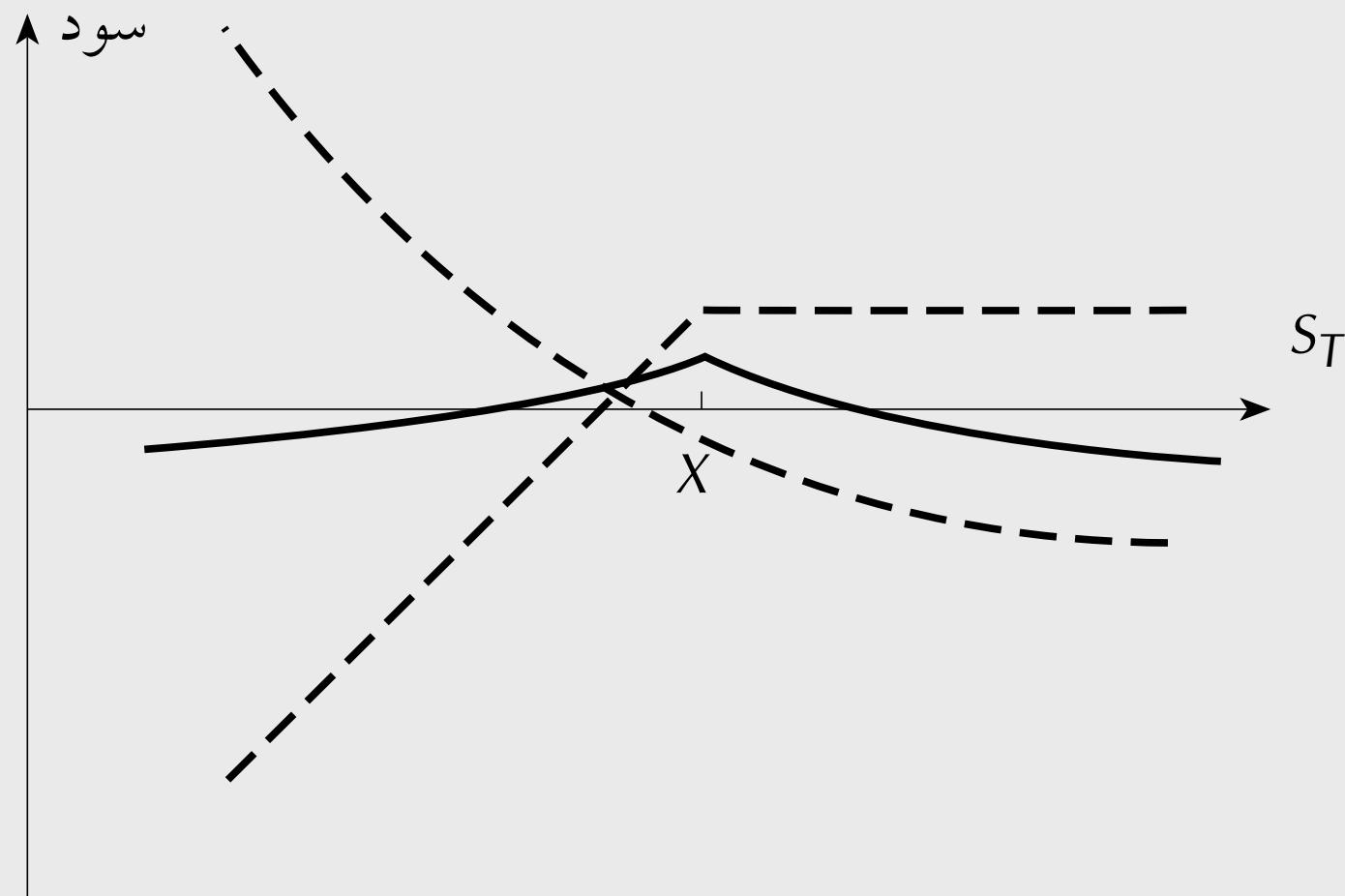
# راهبرد نامتقارن پروانه‌ای (Butterfly Spread) با استفاده از اختیارات فروش



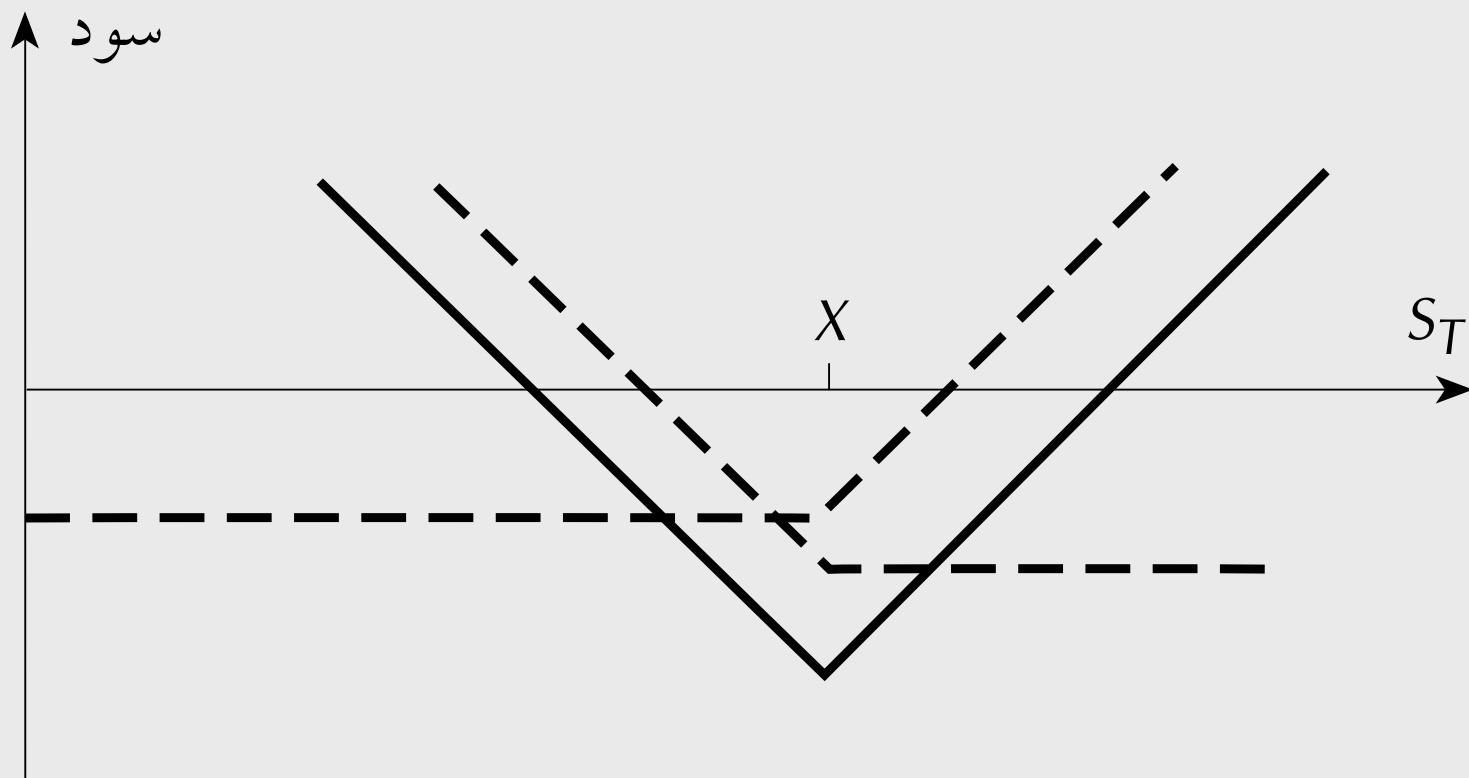
# راهبرد نامتقارن تقویمی (Calender Spread) با استفاده از اختیارات خرید



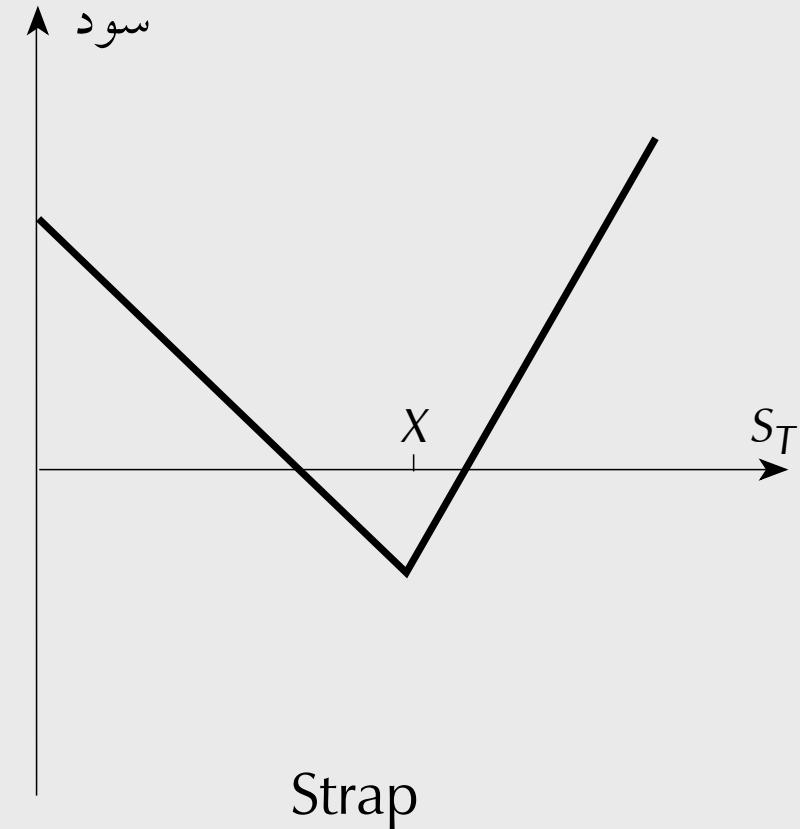
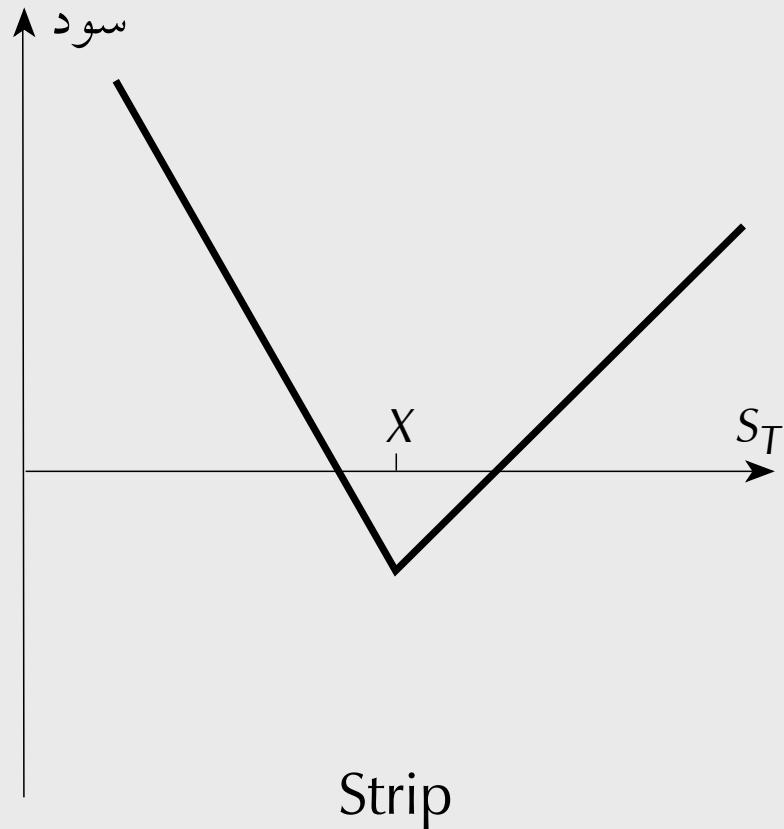
# راهبرد نامتقارن تقویمی (Calender Spread) با استفاده از اختیارات فروش



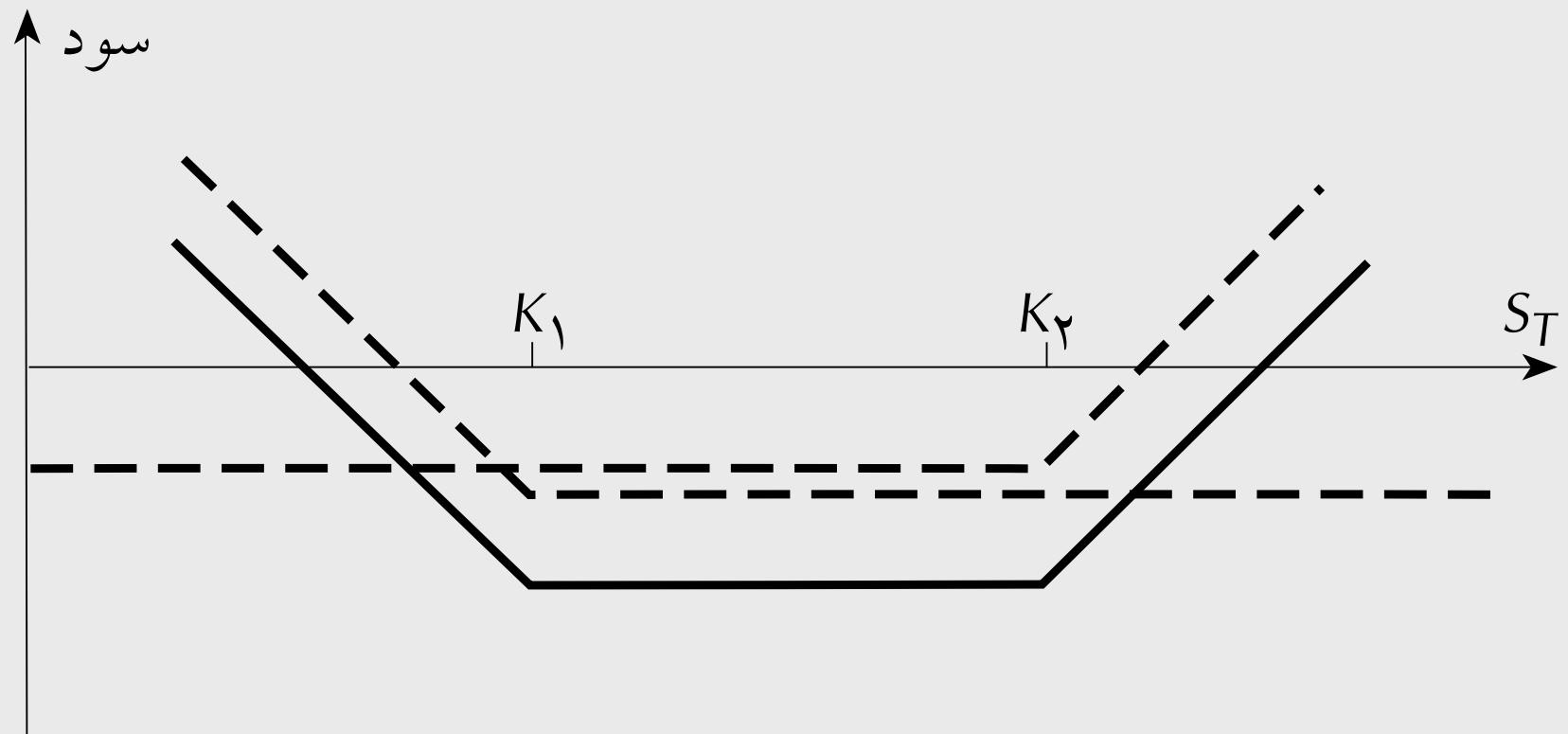
# راهبرد (Straddle)



# استریپ و استرب (Strip & Strap)



# راهبرد ترکیبی متقارن با قیمت توافقی متفاوت یا استرانگل (Strangle)



# پایان فصل ۹

فصل ۹ / ۱۶



# مبانی مهندسی مالی

# و مدیریت ریسک

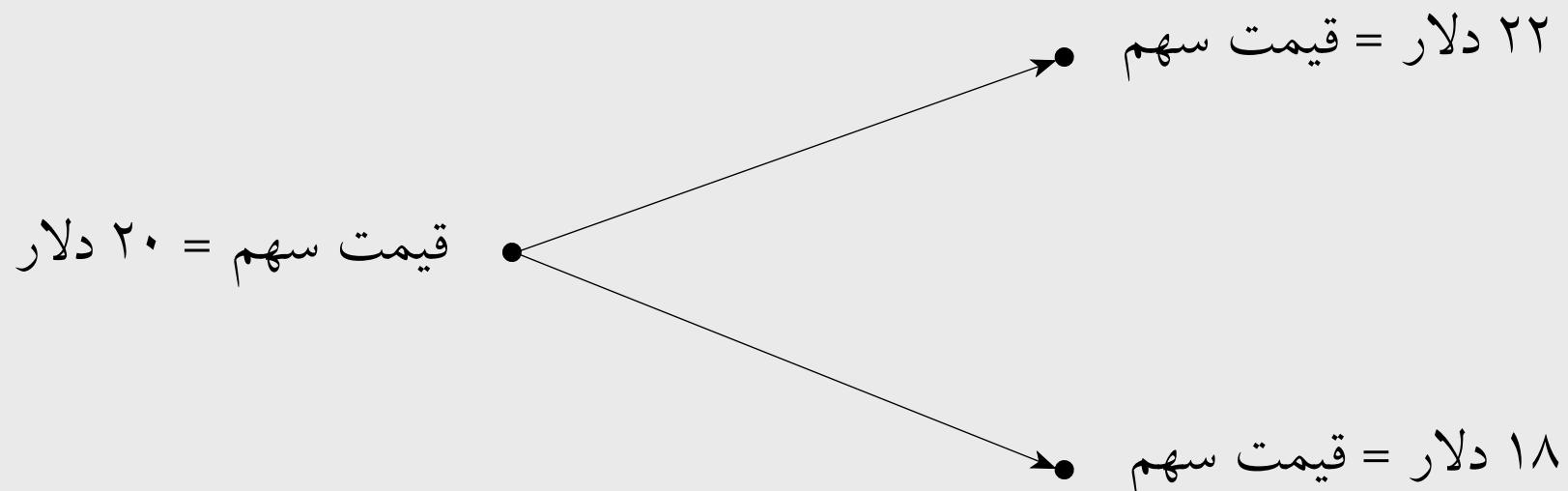
# فصل ۱۰

## معرفی مدل درخت دو جمله‌ای



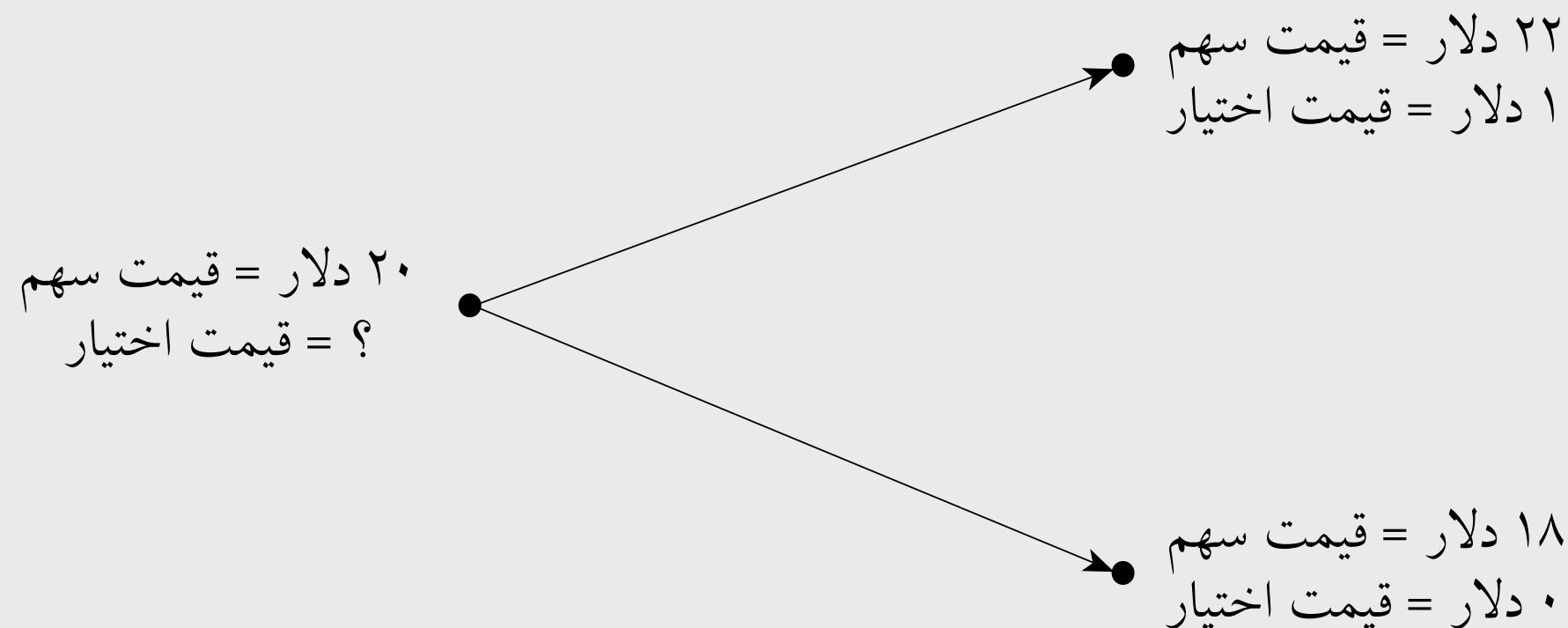
# یک مدل ساده درخت دو جمله‌ای

- قیمت سهامی در حال حاضر ۲۰ دلار است.
- احتمال می‌رود؛ در سه‌ماه آتی قیمت این سهم به ۲۲ یا ۱۸ دلار برسد.

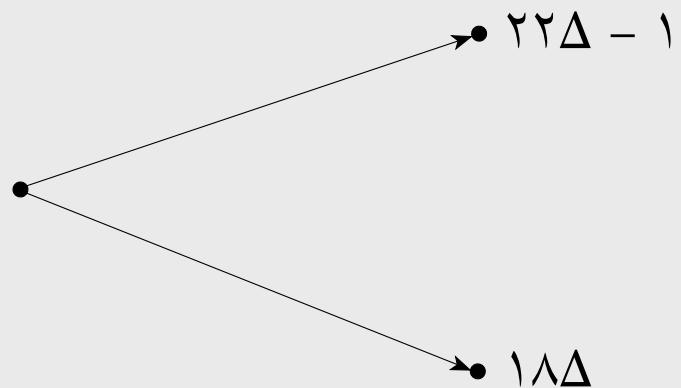


# اختیار خرید

یک اختیار خرید سه ماهه صادره بر سهامی که قیمت توافقی آن ۲۱ است.



# ایجاد بدره بدون ریسک



بدره زیر را در نظر بگیرید:

موقع خرید  $\Delta$  سهم

موقع فروش ۱ اختیار خرید

بدره مذکور زمانی بدون ریسک است که:

$$22\Delta - 1 = 18$$

# ارزش گذاری بدره (نرخ بهره بدون ریسک = ۱۲٪)

□ بدره بدون ریسک عبارت است از:

خرید ۰/۲۵ سهام

فروش یک اختیار خرید

□ ارزش بدره در سه ماه آتی برابر خواهد بود با:

$$22 = 1 + 0/25 \times 4/50$$

□ ارزش بدره در حال حاضر برابر است با:

$$4/5 e^{-0/12 \times 0/25} = 4/3670$$

# ارزش گذاری اختیار معامله

بدرهای که شامل:

موضع معاملاتی خرید ۰/۲۵ سهم  
موضع معاملاتی فروش یک اختیار  
دارای ارزش ۴/۳۶۷ است.

□ ارزش سهام عبارت است از :

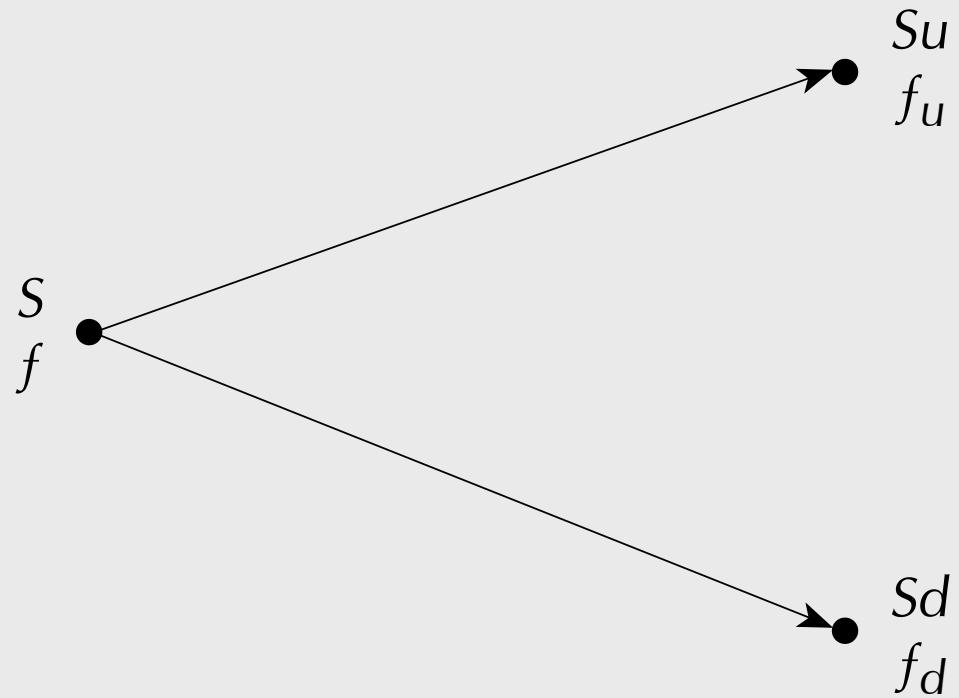
$$(۰/۲۵ \times ۰/۰۰) = ۵/۰۰۰$$

□ بنابراین ارزش اختیار عبارت است از:

$$(۰/۰۰ - ۴/۳۶۷) = ۰/۶۳۳$$

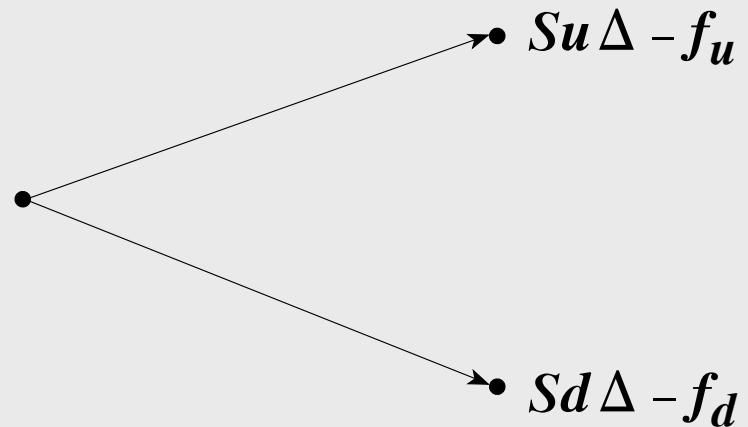
# بسط مدل

یک اوراق مشتقه‌ای که عمر آن تا زمان  $T$  است و ارزش آن به سهام پایه  بستگی دارد.



# بسط مدل (ادامه)

بدره‌ای را در نظر بگیرید که شامل موضع خرید  $\Delta$  سهم و موضع فروش یک اوراق مشتقه است. □



این بدره زمانی بدون ریسک است که: □

$$S.u \Delta - f_u = S.d \Delta - f_d$$

$$\Delta = \frac{f_u - f_d}{S.u - S.d}$$

# بسط مدل (ادامه)

□ ارزش بدره در زمان  $T$  برابر است با:

□ ارزش بدره در حال حاضر برابر است با:

$$(Su\Delta - f_u)e^{-rT}$$

□ به بیان دیگر ارزش بدره در حال حاضر برابر است با:

$$Su\Delta - f_f$$

□ بنابراین:

$$f = S\Delta - (Su\Delta - f_u)e^{-rT}$$

# بسط مدل (ادامه)

با جایگذاری  $\Delta$  در رابطه مذکور داریم:

$$f = e^{-rT} [pf_u + (1-p)f_d]$$

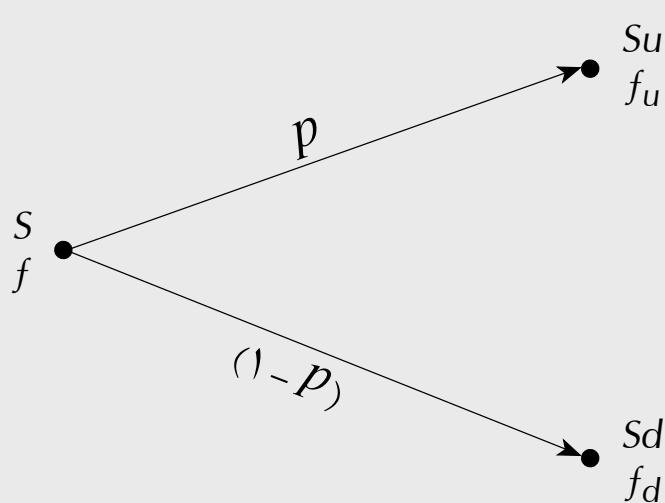
که در رابطه فوق  $p$  برابر است با:

$$P = \frac{e^{rT} - d}{u - d}$$

# ارزش گذاری تحت شرایط بی تفاوت به ریسک

$$f = e^{-rT} [pf_u + (1-p)f_d]$$

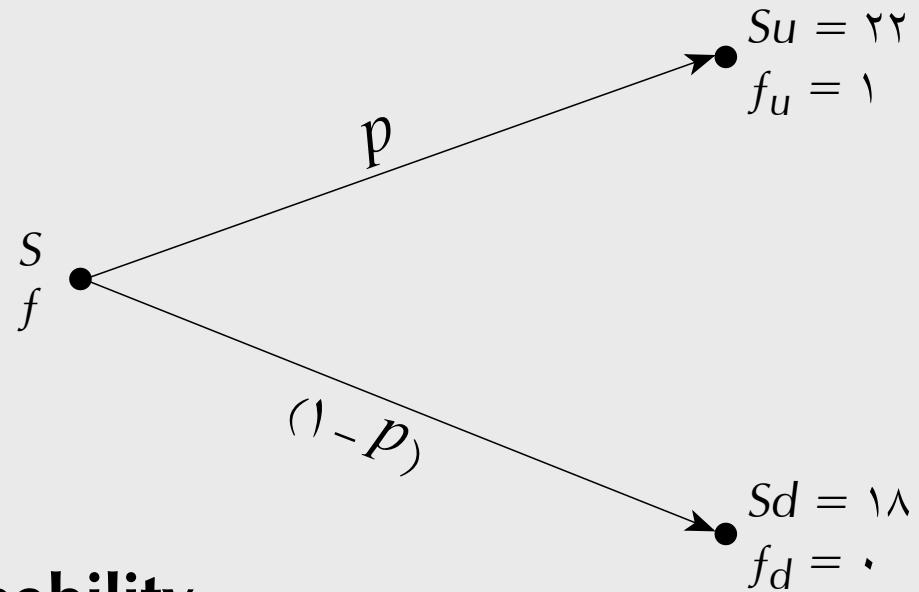
- متغیرهای  $p$  و  $(1-p)$  را می‌توان به عنوان احتمالات حرکات رو به بالا و یا پایین در شرایط بی تفاوت نسبت به ریسک تعبیر نمود.
- ارزش یک اوراق مشتقه برابر است با تنزیل پرداخت مورد انتظار در دنیای بی تفاوتی به ریسک؛ با نرخ بهره بدون ریسک.



# نامربوت بودن بازده مورد انتظار سهام

هنگامی که یک اختیار معامله را با توجه به سهام پایه ارزش‌گذاری می‌کنیم؛ بازده مورد انتظار سهام نامربوت است.

# Original Example Revisited



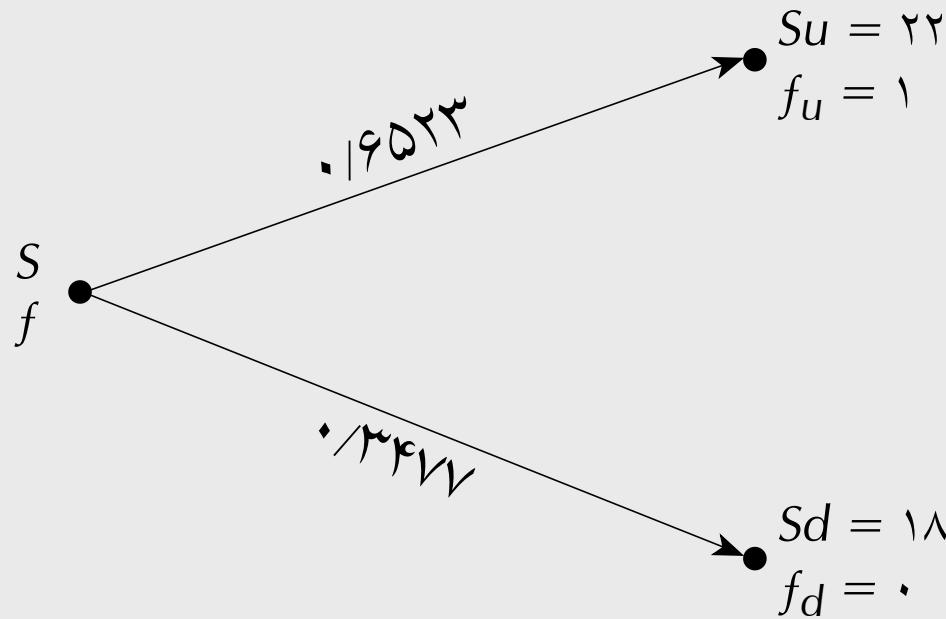
◻ Since  $p$  is a risk-neutral probability

$$20e^{0.12 \times 0.25} = 22p + 18(1-p), p = 0.6523$$

◻ Alternatively, we can use the formula

$$P = \frac{e^{rT} - d}{u - d} = \frac{e^{0.12 \times 0.25} - 0.9}{1.1 - 0.9} = 0.6523$$

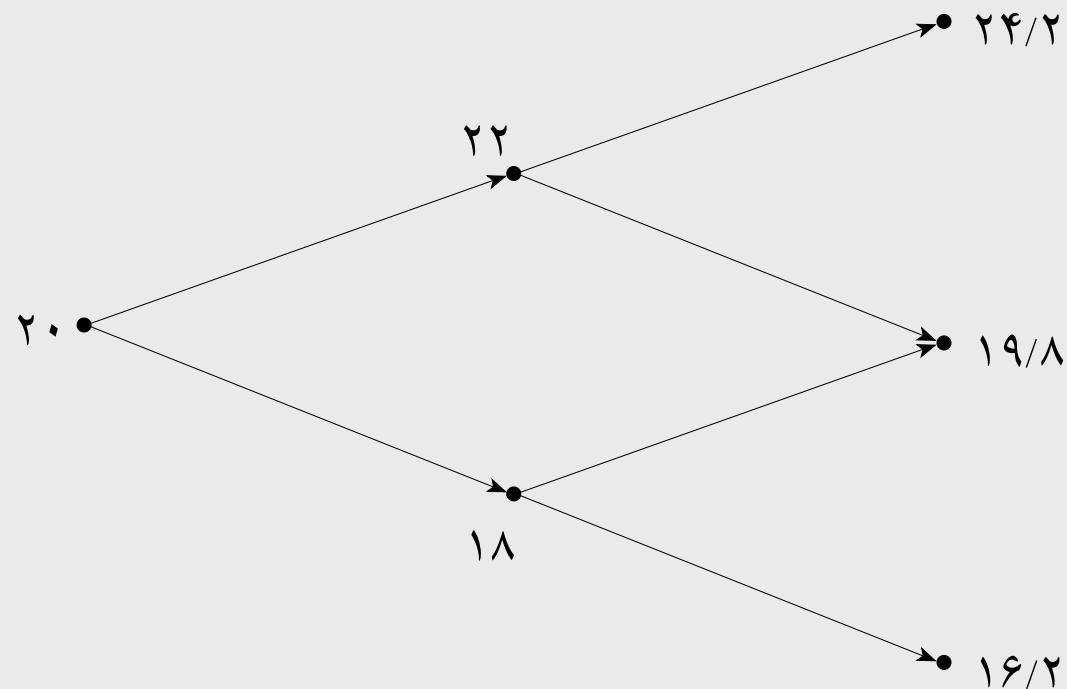
# ارزش گذاری اختیار معامله



ارزش اختیار معامله برابر است با:

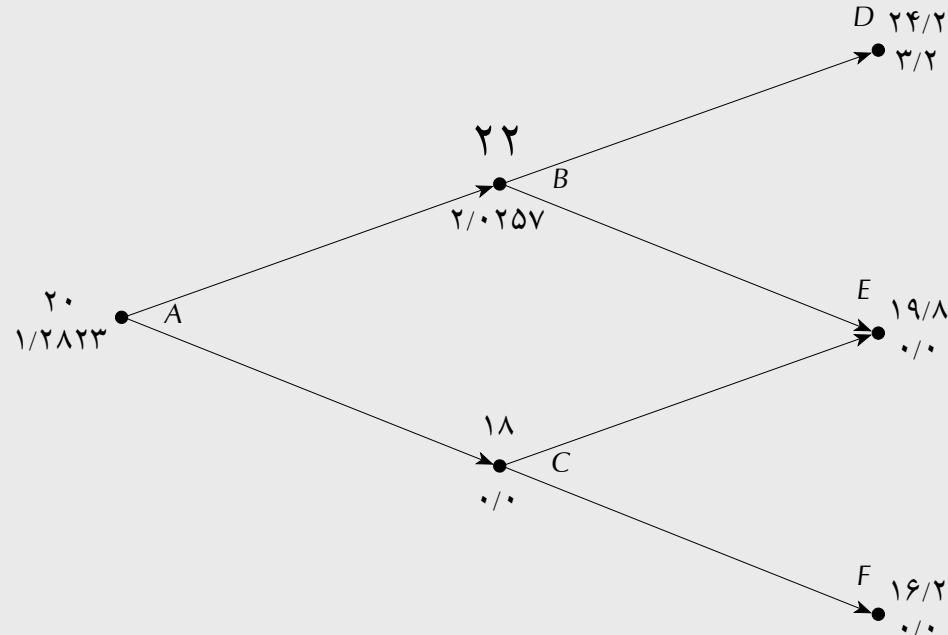
$$e^{-0.12 \times 0.25} = 0.633 = 0 \times 0.3477 + 1 \times 0.6523$$

# مثال درخت دو جمله‌ای دو مرحله‌ای شکل (۱۰-۳)، صفحه ۲۲۳



□ هر مرحله (دوره) سه ماهه است.

# ارزش گذاری اختیار خرید شکل (۱۰-۴)، صفحه ۲۲۴



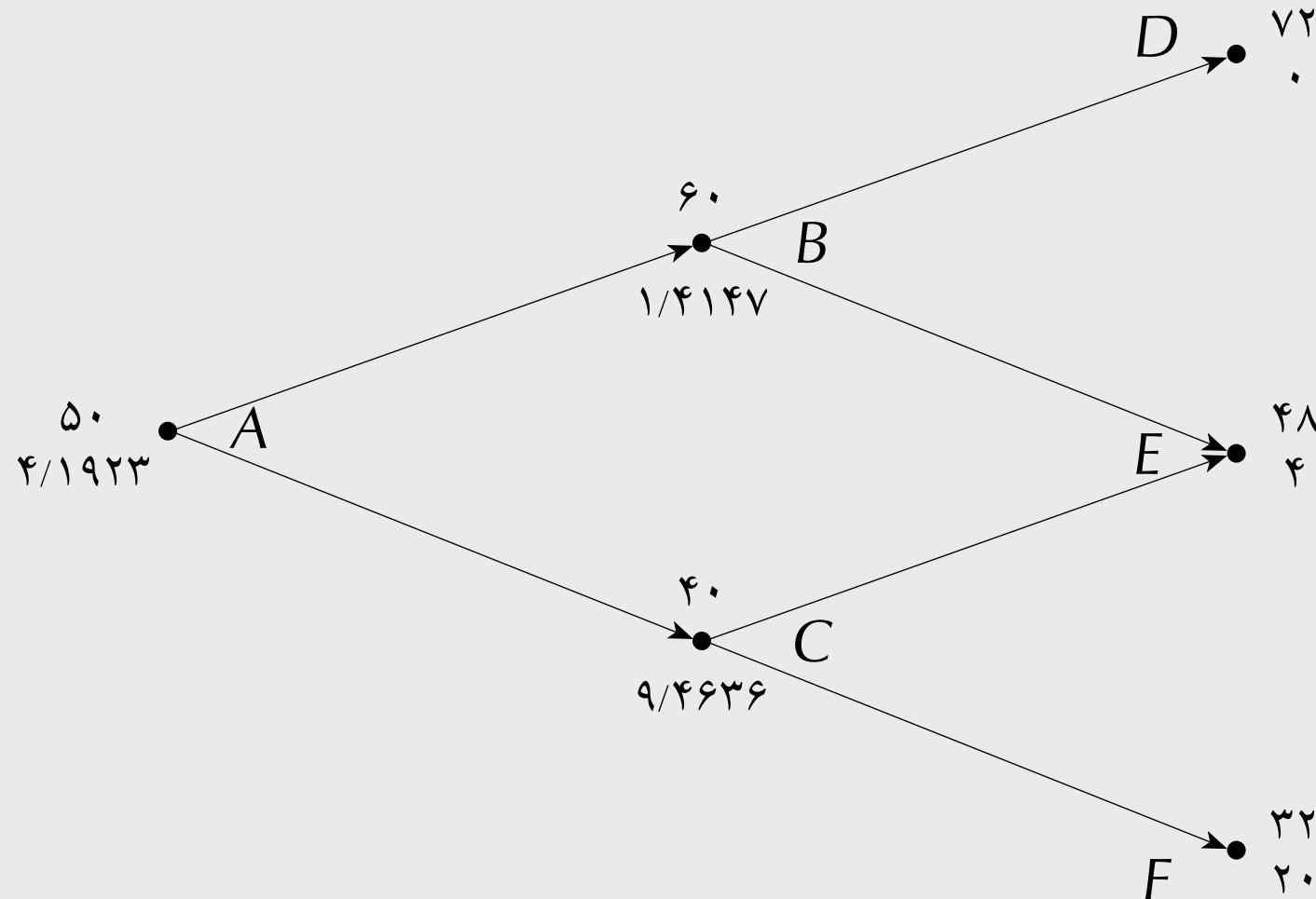
□ ارزش اختیار در گروه B:

$$= e^{-0/12 \times 0/25} (0/6523 \times 3/2 + 0/3477 \times 0) = 2/0257$$

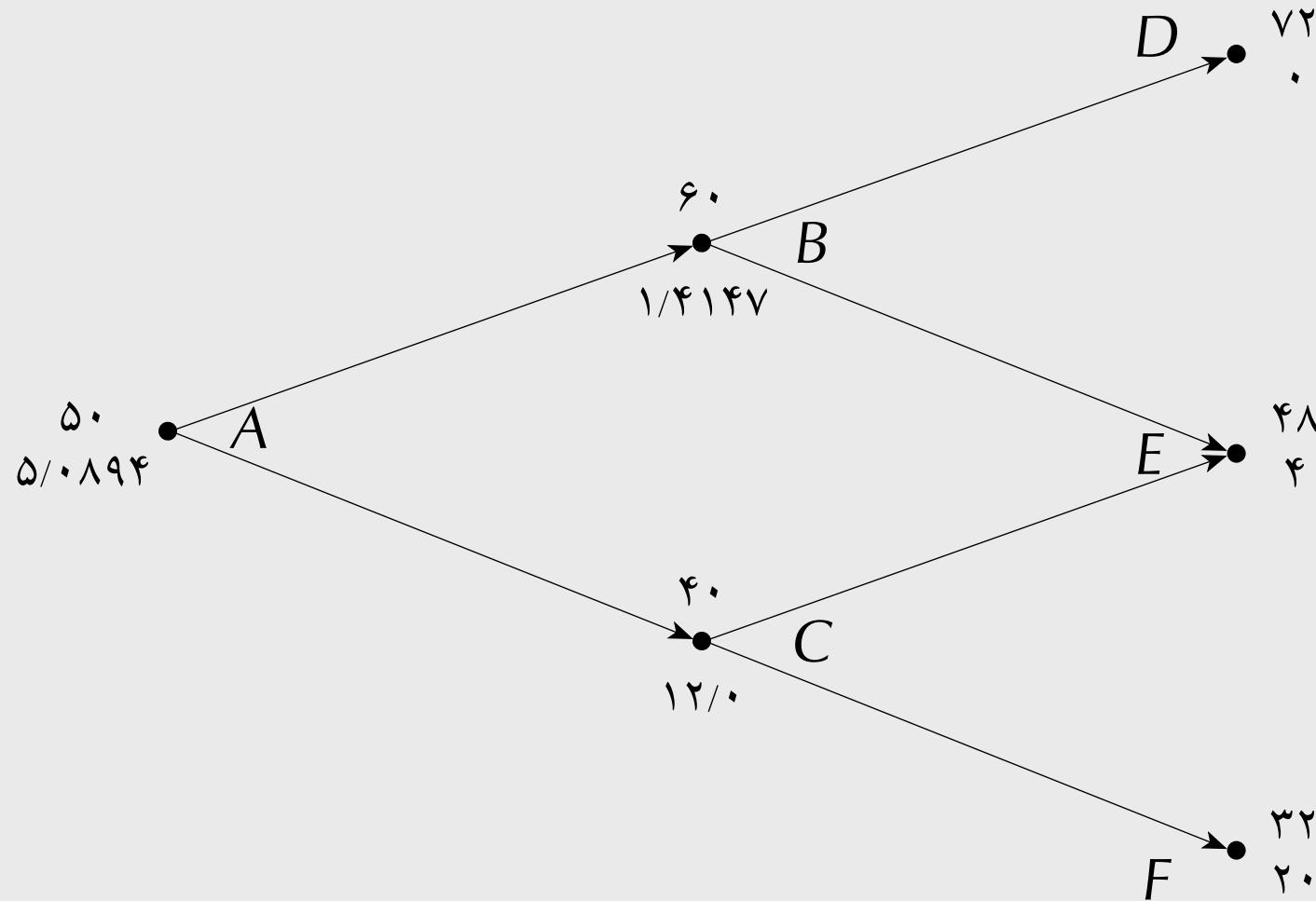
□ ارزش اختیار در گروه A:

$$= e^{-0/12 \times 0/25} (0/6523 \times 2/0257 + 0/3477 \times 0) = 1/2823$$

## مثال اختیار فروش با قیمت توافقی ۵۲ شکل (۱۰-۷)، صفحه ۲۲۶



# What Happens When an Option is American (Figure 10.8, page 227)



# Delta

- ❑ Delta ( $\Delta$ ) is the ratio of the change in the price of a stock option to the change in the price of the underlying stock.
- ❑ The value of  $\Delta$  varies from node to node.

# انتخاب $u$ و $d$

یک روش برای تطبیق نوسان‌پذیری عبارت است از:

$$u = e^{\sigma\sqrt{\delta t}}$$

$$d = e^{-\sigma\sqrt{\delta t}}$$

که در رابطه بالا،  $\sigma$  میزان نوسان‌پذیری و  $\delta t$  طول هر مرحله زمانی است.  
این روش در واقع متدهای کاکس، راس و رابینسن است.

# پایان فصل ۱۰

# مبانی مهندسی مالی

# و مدیریت ریسک

# فصل ۱۱

## ارزش‌گذاری اختیار معامله: مدل بلک-شوولز

# فرض «گشت تصادفی» قیمت‌ها در مدل بلک-شوولز

- سهمی را در نظر بگیرید که قیمت آن  $S$  است.
- در یک فاصله زمانی کوتاه  $dt$ ، تغییرات قیمت سهم را می‌توان به صورت یک توزیع نرمال در نظر گرفت که میانگین آن  $\mu S dt$  و انحراف معیار آن به صورت ذیل خواهد بود:

$$\sigma S \sqrt{\delta t}$$

- در واقع  $\mu$  بازده مورد انتظار و  $\sigma$  نوسان‌پذیری سهام را نشان می‌دهد.

# ویژگی لگاریتم نرمال

می‌توان نشان داد که لگاریتم قیمت سهام دارای توزیع نرمال است که دارای میانگین:

$$\ln S_t = \text{میانگین} + \left( \mu - \frac{\sigma^2}{2} \right) T$$

و انحراف معیار:  $\sigma\sqrt{T}$  می‌باشد.

چونکه لگاریتم  $S_T$ ، نرمال است، لذا  $S_T$  دارای توزیع لگاریتم نرمال می‌باشد.

# ویژگی لگاریتم نرمال (ادامه)

$$\ln S_T \sim \phi \left[ \ln S_0 + \left( \mu - \frac{\sigma^2}{2} \right) T, \sigma \sqrt{T} \right]$$

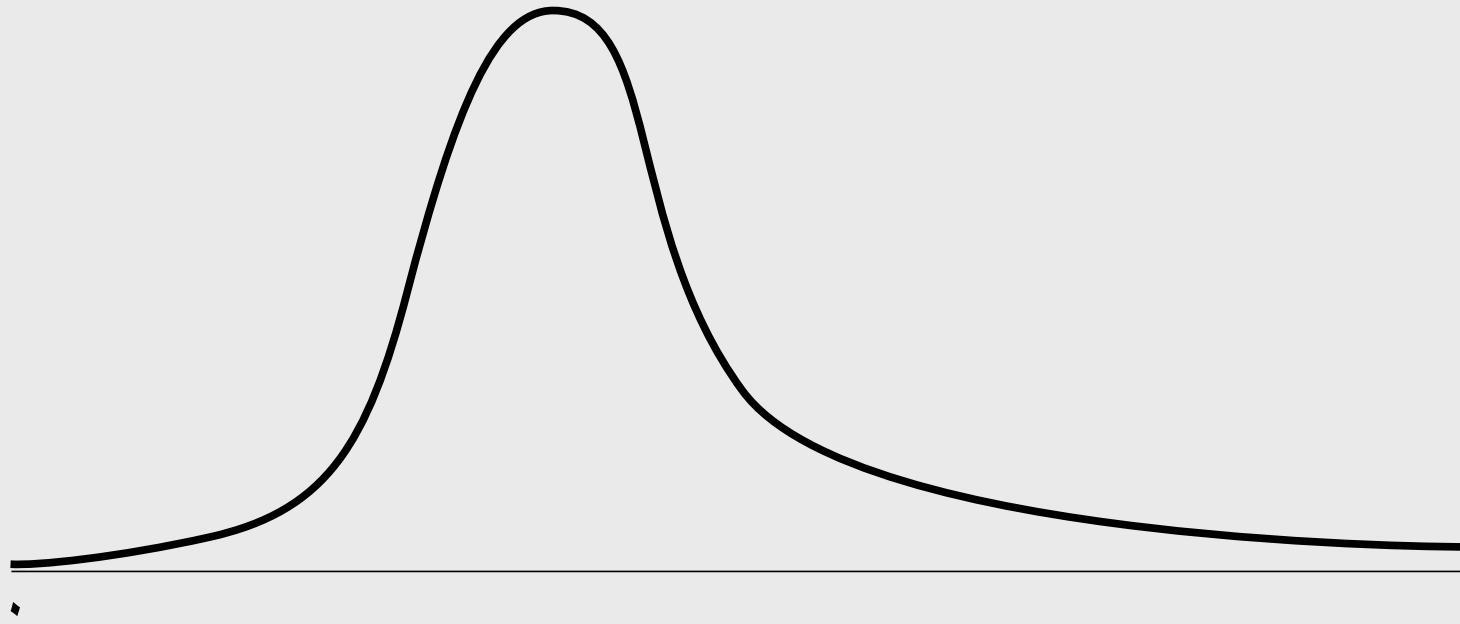
or

$$\ln \frac{S_T}{S_0} \sim \phi \left[ \left( \mu - \frac{\sigma^2}{2} \right) T, \sigma \sqrt{T} \right]$$

دارای توزیع نرمال با میانگین  $\mu$  و انحراف معیار  $\sigma$  می‌باشد.



# توزيع لگاریتم نرمال



$$E(S_T) = S_0 e^{\mu T}$$

$$\text{var}(S_T) = S_0^2 e^{\mu T} (e^{\sigma^2 T} - 1)$$

# بازده مورد انتظار

- ارزش مورد انتظار قیمت سهام برابر با  $S \cdot e^{\mu T}$  است.
- بازده مورد انتظار سهم با نرخ بهره مرکب پیوسته، برابر با  $\frac{\sigma^2}{2} - \mu$  است.
- میانگین حسابی بازدهها، در طول دوره‌های زمانی کوتاه مدت  $\delta t$  برابر با  $\mu$  است.
- میانگین هندسی این بازدهها، نیز برابر با  $\frac{\sigma^2}{2} - \mu$  است.

# نوسان‌پذیری

☒ نوسان‌پذیری قیمت یک سهام را می‌توان به صورت انحراف معیار بازده کسب شده توسط سهم در طول یک سال تعریف کرد، به طوری که بازده به صورت مرکب پیوسته محاسبه شده باشد.

☒ انحراف معیار بازده سهام در بازه زمانی  $\delta t$  برابر است با:

$$\sigma \sqrt{\delta t}$$

اگر قیمت سهامی ۵۰ دلار و نوسان‌پذیری آن ۲۵٪ در سال باشد، انحراف معیار تغییرات قیمت سهام در یک روز چقدر است؟

# تخمین نوسان‌پذیری با استفاده از داده‌های تاریخی

۱. قیمت‌های سهام، یعنی  $S_n, S_{n-1}, \dots, S_1, S_0$  را در فاصله‌های زمانی  $\tau$  سال بررسی کنید.
۲. بازده مرکب پیوسته را به صورت زیر تعریف نمایید.

$$u_i = \ln\left(\frac{S_i}{S_{i-1}}\right)$$

۳. انحراف معیار قیمت‌های سهام را محاسبه نمایید.
۴. برآورد نوسان‌پذیری تاریخی به شرح ذیل می‌باشد.

$$\hat{\sigma} = \frac{s}{\sqrt{\tau}}$$

# مفاهیم مدل بلک-شولز

- قیمت اختیار و قیمت سهام به منبع عدم اطمینان یکسانی بستگی دارد.
- می‌توان با تشکیل بدره‌ای شامل سهام و اختیارات این منبع عدم اطمینان را حذف نمود.
- بنابراین بدره مذکور بدون ریسک بوده و می‌باید دارای بازدهی نرخ بدون ریسک باشد.

# فرمولهای بلک-شولز

$$c = S \cdot N(d_1) - Ke^{-rT}N(d_2)$$

$$p = Ke^{-rT}N(-d_2) - S \cdot N(-d_1)$$

where:

$$d_1 = \frac{\ln\left(\frac{S}{K}\right) + \left(r + \frac{\sigma^2}{2}\right)T}{\sigma\sqrt{T}}$$

$$d_2 = \frac{\ln\left(\frac{S}{K}\right) + \left(r - \frac{\sigma^2}{2}\right)T}{\sigma\sqrt{T}} = d_1 - \sigma\sqrt{T}$$

# تابع $N(x)$

احتمال اینکه یک متغیر با توزیع نرمال استاندارد شده، ( $N(x)$  میانگین صفر و انحراف معیار ۱)، کمتر از  $x$  باشد.

برای محاسبه آن، جداولی در پایان کتاب آورده شده است.

# ویژگی‌های فرمول بلک-شولز

با بزرگتر شدن  $S$ ، متغیر  $c$  تقریباً معادل  $Ke^{-rT} - S$  و متغیر  $p$  معادل صفر می‌شود. □

هر چقدر که  $S$  کوچکتر شود، مقدار  $c$  به سمت صفر و مقدار  $p$  به  $S$  نزدیک می‌شود.

# ارزش‌گذاری بی‌تفاوت نسبت به ریسک

- متغیر  $\mu$  در رابطه بلک-شولز وجود ندارد.
- در واقع معادله بلک-شولز مستقل از کلیه متغیرهایی است که تحت تأثیر ترجیحات ریسک است.
- این رابطه با مفهوم ارزش‌گذاری بی‌تفاوت نسبت به ریسک سازگار است.

# کاربرد ارزش‌گذاری بی‌تفاوت نسبت به ریسک

۱. فرض کنید بازده مورد انتظار یک دارایی، برابر با نرخ بهره بدون ریسک است.
۲. عایدی‌های مورد انتظار اوراق مشتقه را محاسبه نمایید.
۳. با نرخ بهره بدون ریسک تنزیل نمایید.

# ارزش گذاری پیمان آتی با توجه به اصل ارزش گذاری بیتفاوت نسبت به ریسک

◻ عایدی قرارداد برابر است با:  $S_T - K$

◻ عایدی مورد انتظار در دنیای بیتفاوت نسبت به ریسک برابر است با:

$$Se^{rT} - K$$

◻ ارزش فعلی عایدی‌های مورد انتظار برابر است با:

$$e^{-rT} (Se^{rT} - K) = S - Ke^{-rT}$$

# نوسان‌پذیری ضمنی

- نوسان‌پذیری ضمنی یک اختیار معامله، عبارت است از مقدار نوسان‌پذیری که با قرار دادن در مدل بلک-شولز قیمت بازاری اختیار معامله بدست می‌آید.
- یک تناظر یک به یک بین قیمت‌ها و نوسان‌پذیری‌های ضمنی وجود دارد.
- معامله‌گران و کارگزارن اغلب بجای قیمت‌های دلاری اختیارات، نوسان‌پذیری‌های ضمنی اختیارات را اعلام می‌کنند.
- فعالان بازار از عبارت‌هایی همچون بالا یا پایین بودن سطح premium اختیار یاد می‌کنند، premium یعنی قیمت اختیار با توجه به دارایی پایه آن. به عبارت دقیق‌تر premium همان نوسان‌پذیری سهم را نشان می‌دهد.

# ماهیت نوسان‌پذیری

- معمولاً هنگامی که بازار باز است (دارایی معامله می‌شود)، نوسان‌پذیری در مقایسه با زمانی که بازار بسته است، نسبتاً بیشتر است.
- به همین جهت هنگام ارزش‌گذاری اختیارات، مبنای محاسبه زمان، بجای (روزهای تقویم)، (روزهای کاری) است.

# سود نقدی

- اختیارات اروپایی صادره بر سهامی که سود نمی پردازد، را می توان با کم کردن ارزش فعلی سودهای پرداختی از قیمت سهام، در مدل بلک-شولز قیمت‌گذاری نمود.
- تنها سودهای قبل از تاریخ استحقاقی سود، در طول عمر اختیار می‌باید در مدل مورد محاسبه قرار می‌گیرند.
- کاهش مورد انتظار در قیمت انتظاری سهام باید برابر با (سود نقدی) باشد.

# اختیارات آمریکایی

- یک اختیار خرید آمریکایی صادره بر سهامی که سود نقدی نمی‌پردازد، هرگز نباید زودتر از موعد سرسید، اعمال شود.
- یک اختیار خرید آمریکایی صادره بر سهامی که سود نقدی می‌پردازد، فقط باید زودتر از تاریخ استحقاق سود قبلی (ex-dividend date) اعمال شود.

# رویکرد بلک در مواجهه با سود نقدی در اختیار خرید آمریکایی

قیمت اختیار آمریکایی را برابر با حداکثر مقدار یکی از دو گزینه زیر قرار دهد:

۱. قیمت اختیار اروپایی که سرسید آن مشابه سرسید اختیار معامله آمریکایی است.
۲. قیمت اختیار معامله‌ای که سرسید آن قبل از آخرین تاریخ استحقاق سود قبلی سهام می‌باشد.

# پایان فصل ۱۱

# مبانی مهندسی مالی

# و مدیریت ریسک

# فصل ۱۲

اختیارات

شاخص سهام و ارزها

## اختیارات اروپایی صادره بر سهامی که بازدهی نقدی معینی می‌پردازند

ما می‌توانیم احتمال توزیع یکسانی برای قیمت سهام در زمان  $T$  در هر یک از دارایی‌های زیر مشاهده نماییم:

۱. قیمت سهم در ابتدا برابر با  $S$  است و بازدهی نقدی معادل  $q$  فراهم می‌نماید.
۲. قیمت سهم در ابتدا برابر با  $S \cdot e^{-qT}$  است و هیچ درآمد ایجاد نمی‌کند.

# اختیارات اروپایی صادره بر سهامی که بازدهی نقدی معینی می‌پردازند (ادامه)

می‌توان اختیارات اروپایی را با کم کردن قیمت سهم تا مقدار و سپس فرض اینکه هیچ سود نقدی پرداخت نمی‌شود، ارزش‌گذاری نمود.

# بسط نتایج فصل ۶

کرانه پایین برای اختیارات خرید

$$C \geq S \cdot e^{-qT} - K e^{-rT}$$

کرانه پایین برای اختیارات فروش

$$p \geq K e^{-rT} - S \cdot e^{-qT}$$

رابطه برابری فروش-خرید

$$c + K e^{-rT} = p + S \cdot e^{-qT}$$

# بسط نتایج فصل ۱۱

$$c = S_0 e^{-qT} N(d_1) - K e^{-rT} N(d_2)$$

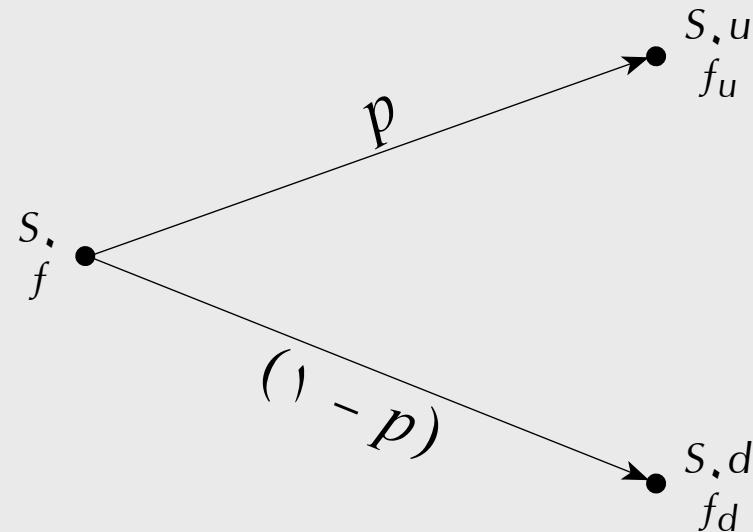
$$p = K e^{-rT} N(-d_2) - S_0 e^{-qT} N(-d_1)$$

where:

$$d_1 = \frac{\ln\left(\frac{S_0}{K}\right) + \left(r - q + \frac{\sigma^2}{2}\right)T}{\sigma\sqrt{T}}$$

$$d_2 = \frac{\ln\left(\frac{S_0}{K}\right) + \left(r - q - \frac{\sigma^2}{2}\right)T}{\sigma\sqrt{T}}$$

# مدل درخت دو جمله‌ای



$$f = e^{-rT} [pf_u + (1-p)f_d]$$

# مدل درخت دوجمله‌ای (ادامه)

در دنیای بی‌تفاوت نسبت به ریسک، چنانچه سهمی دارای بازدهی نقدی  $q$  باشد، قیمت سهم بجای نرخ  $r$  با نرخ  $r - q$  رشد می‌کند. احتمال یک حرکت رو به بالا،  $p$  است. بنابراین رابطه زیر باید برقرار باشد.

$$pS.u + (1-p)S.d = S.e^{(r-q)T}$$

و در نتیجه داریم:

$$p = \frac{e^{(r-q)T} - d}{u - d}$$

# اختیارات شاخص

شاخص‌های متدال و معروف به عنوان دارایی پایه اختیارات در ایالات متحده آمریکا عبارتند از:

- The Dow Jones Index times 0/01 (DJX)
- The Nasdaq 100 Index (NDX)
- The Russell 2000 Index (RUT)
- The S&P 100 Index (OEX)
- The S&P 500 Index (SPX)

یک قرارداد اختیار معامله شاخص، معادل ۱۰۰ برابر ارزش شاخص است؛ این قراردادها به صورت نقدی تسویه می‌شوند؛ OEX آمریکایی و بقیه شاخص‌ها اروپایی هستند.

# LEAPS

قراردادهای صادره بر شاخص‌های سهام است که تا ۳ سال طول می‌کشد.

- تاریخ انقضای آنها ماه دسامبر است.
- ارزش این قراردادها، ده برابر شاخص است.
- دارایی پایه برخی قراردادهای Leaps را سهام منفرد تشکیل می‌دهد.

# مثالی در مورد اختیار شاخص

- اختیار خرید صادره بر شاخص سهام با قیمت توافقی ۵۶۰ را در نظر بگیرید.
- فرض کنید یک قرارداد هنگامی اعمال می‌شود که مقدار شاخص به ۵۸۰ برسد.
- عایدی این قرارداد چقدر است؟

# استفاده از اختیارات شاخص‌ها برای بیمه نمودن بدره

- ❑ فرض کنید که ارزش شاخص  $S$  و قیمت توافقی  $X$  باشد.
- ❑ چنانچه بدره‌ای دارای بتای یک باشد، برای بیمه کردن بدره لازم است، بازای هر  $\$100$  دلار ارزش بدره، یک قرارداد اختیار فروش صادره بر شاخص خریداری شود.
- ❑ چنانچه بتای بدره، یک نباشد، مدیر بدره باید بازای هر  $\$100$  دلار ارزش بدره، به اندازه بتا قرارداد اختیار فروش خریداری نماید.
- ❑ در هر دو مورد مقدار  $X$  طوری انتخاب می‌شود که سطح بیمه مناسبی را فراهم سازد.

# مثال ۱

- ❑ بتای بدره برابر با یک است.
- ❑ ارزش بدره در حال حاضر برابر با ۵۰۰,۰۰۰ دلار است.
- ❑ در حال حاضر مقدار شاخص برابر با ۱۰۰۰ است.
- ❑ برای بیمه نمودن بدره در برابر کاهش ارزش بدره تا زیر ۴۵۰,۰۰۰ دلار باید دست به چه معامله‌ای زد؟

## مثال ۲

- بتای بدره برابر با ۲ است.
- در حال حاضر ارزش بدره برابر با  $500,000$  دلار و مقدار شاخص برابر با  $1000$  است.
- نرخ بهره بدون ریسک سالیانه  $12\%$  می‌باشد.
- بازدهی سود نقدی بدره و شاخص هر دو برابر با  $4\%$  است.
- برای بیمه نمودن بدره، چند عدد قرارداد اختیار فروش می‌باید خریداری شود؟

# محاسبه رابطه بین مقدار شاخص و ارزش بدره در سه ماه

- اگر شاخص تا ۱۰۴۰ افزایش پیدا کند، باعث ایجاد بازدهی معادل یا در سه ماه می‌شود.
- کل بازدهی (با احتساب بازدهی نقدی) برابر با ۵٪ است.
- بازدهی مازاد بر بازدهی نرخ بهره بدون ریسک برابر با ۲٪ است.
- بازدهی مازاد بر بازدهی بدره برابر با ۴٪ است.
- افزایش در ارزش بدره برابر است با:  $1 - \frac{1}{1 + 0.6} = 0.4$
- ارزش بدره برابر است با: ۵۳۰,۰۰۰ دلار است.

# تعیین قیمت توافقی

ارزش شاخص در سه‌ماه (دلار)	ارزش مورد انتظار بدره در سه‌ماه (دلار)
۱,۰۸۰	۵۷۰,۰۰۰
۱,۰۴۰	۵۳۰,۰۰۰
۱,۰۰۰	۴۹۰,۰۰۰
۹۶۰	۴۵۰,۰۰۰
۹۲۰	۴۱۰,۰۰۰
۸۸۰	۳۷۰,۰۰۰

یک اختیار با قیمت توافقی ۹۶۰، حمایتی در مقابل ۱۰٪ کاهش ارزش بدره فراهم می‌سازد.

# ارزش گذاری اختیارات اروپایی شاخص‌ها

□ می‌توانیم از فرمول اختیار صادره بر سهامی که بازدهی سود نقدی پیوسته می‌پردازد، به شرح ذیل استفاده کنیم.

$S.$  = سطح فعلی شاخص

$q$  = متوسط بازدهی نقدی مورد انتظار در طول عمر اختیار معامله

# اختیارات ارزها

- اختیارات ارزها در بورس فیلadelفیا معامله می‌شوند.
- البته یک بازار خارج از بورس فعالی برای اختیارات ارزها وجود دارد.
- اختیارات ارزها توسط شرکت‌ها مورد استفاده قرار می‌گیرد تا هنگامی که آنها در معرض ریسک FX هستند، بیمه و تضمینی را بخرند.

# نرخ بهره خارجی

- نرخ بهره کشور خارجی را با علامت  $r_f$  با نشان می‌دهیم.
- هنگامی که شرکت آمریکایی یک واحد ارز خارجی می‌خرد، دارای سرمایه‌ای معادل  $S$  دارد.
- بازده سرمایه‌گذاری در نرخ خارجی،  $r_f S$  دلار است.
- این مثال نشان می‌دهد که ارز خارجی (بازدهی نقدی)، معادل نرخ بهره بدون ریسک،  $r_f$  ایجاد می‌نماید.

# ارزش‌گذاری اختیارات اروپایی ارزها

یک ارز خارجی را می‌توان به مثابه یک دارایی در نظر گرفت، که (بازدهی نقدی) پیوسته‌ای، معادل  $r_f$  ایجاد می‌نماید.

بنابراین می‌توان از فرمول اختیار صادره بر سهامی که بازدهی سود نقدی پیوسته می‌پردازد، به شرح ذیل استفاده نمود.

$S =$  نرخ برابری ارزها

$$q = r_f$$

# فرمولهایی برای اختیارات اروپایی ارزها

$$C = S_0 e^{-r_f T} N(d_1) - K e^{-rT} N(d_2)$$

$$P = K e^{-rT} N(-d_2) - S_0 e^{-r_f T} N(-d_1)$$

where:

$$d_1 = \frac{\ln\left(\frac{S_0}{K}\right) + \left(r - r_f + \frac{\sigma^2}{2}\right) T}{\sigma \sqrt{T}}$$

$$d_2 = \frac{\ln\left(\frac{S_0}{K}\right) + \left(r - r_f - \frac{\sigma^2}{2}\right) T}{\sigma \sqrt{T}}$$

# سایر فرمولها

با استفاده از  $F_s = S_s e^{(r - rf)T}$  داریم:

$$C = e^{-rT} [F_s N(d_1) - K N(d_2)]$$

$$P = e^{-rT} [K N(-d_2) - F_s N(-d_1)]$$

$$d_1 = \frac{\ln\left(\frac{F_s}{K}\right) + \frac{\sigma^2 T}{2}}{\sigma \sqrt{T}}$$

$$d_2 = \frac{\ln\left(\frac{F_s}{K}\right) - \frac{\sigma^2 T}{2}}{\sigma \sqrt{T}} = d_1 - \sigma \sqrt{T}$$

# پایان فصل ۱۲

# مبانی مهندسی مالی

# و مدیریت ریسک

# فصل ۱۳

## اختیارات قرارداد آتی



# سازوکارهای اختیارات خرید قرارداد آتی

هنگامی اختیار خرید قرارداد آتی اعمال می‌شود، دارنده اختیار بدست می‌آورد:

۱. یک موضع معاملاتی خرید در قرارداد آتی.
۲. مبلغ نقدی معادل مازاد قیمت قرارداد آتی بر قیمت توافقی است.

# سازوکارهای اختیارات فروش قراردادهای آتی

هنگامی که اختیار فروش قرارداد آتی اعمال می‌شود، دارنده آن می‌تواند بذست آورد:

۱. یک موضع معاملاتی فروش در قرارداد آتی.
۲. مبلغ نقدی معادل مازاد قیمت توافقی بر قیمت قرارداد آتی است.

# پرداخت‌ها

اگر موضع معاملاتی قرارداد آتی بسته شود، بلاfacile:

$$\text{پرداخت از اختیار خرید} = F_{\cdot} - K =$$

$$\text{پرداخت از اختیار فروش} = K - F_{\cdot} =$$

همان قیمت قرارداد آتی در زمان اعمال است.



# مزایای بالقوه اختیارات قراردادهای آتی برقراردادهای نقد

- دادوستد قرارداد آتی ممکن است آسان‌تر از خود دارایی پایه باشد.
- اعمال اختیار معامله منجر به تحويل دارایی پایه نمی‌شود.
- اختیارات صادره بر قراردادهای آتی و خود قراردادهای آتی معمولاً در مجاورت حفره‌های (pit) بورس معامله می‌شوند.
- اختیارات قراردادهای آتی ممکن است با هزینه‌های معاملاتی کمی همراه باشد.

# رابطه برابری فروش-خرید برای اختیارات

دو بدره زیر را در نظر بگیرید:

۱. اختیار خرید اروپایی بعلاوه مبلغ نقد معادل  $Ke^{-rT}$
۲. اختیار فروش اروپایی بعلاوه خرید قراردادهای آتی به علاوه مبلغ نقدی معادل  $F.e^{-rT}$

این دو بدره باید در زمان  $T$  دارای ارزش یکسانی باشند. بنابراین داریم:

$$c + Ke^{-rT} = p + F.e^{-rT}$$

# سایر روابط

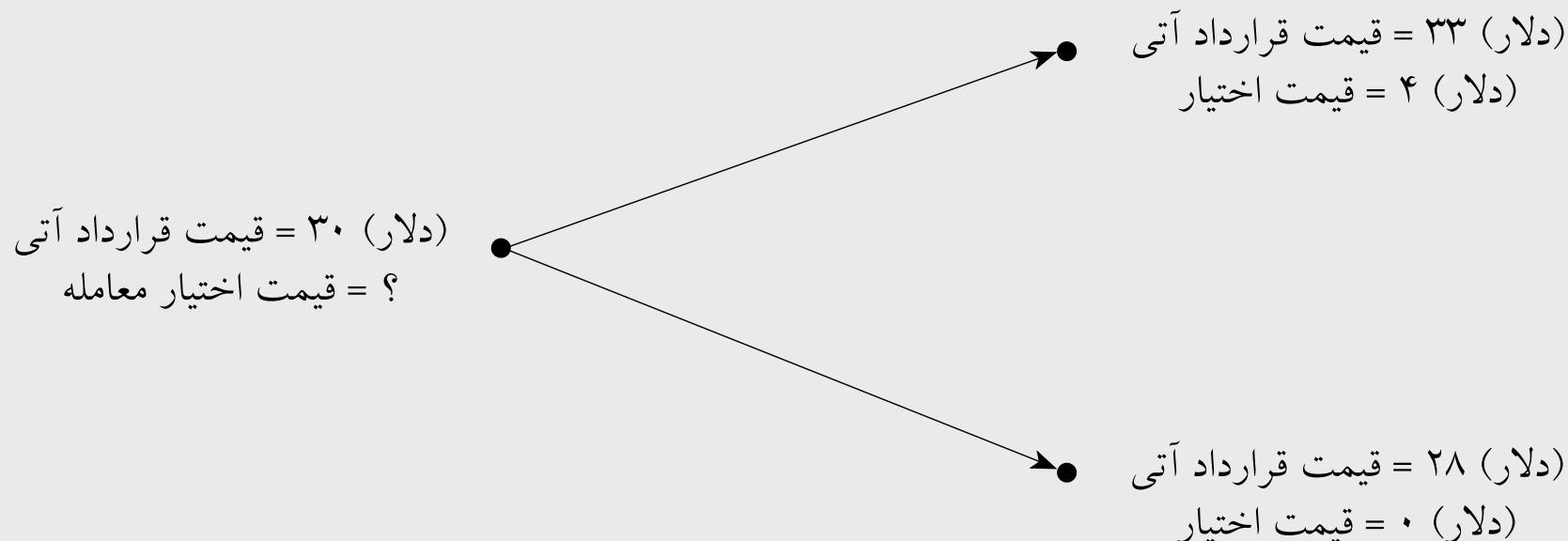
$$Fe^{-rT} - K < C - P < F_{\cdot} - Ke^{-rT}$$

$$c > (F_{\cdot} - K)e^{-rT}$$

$$p > (F - K)e^{-rT}$$

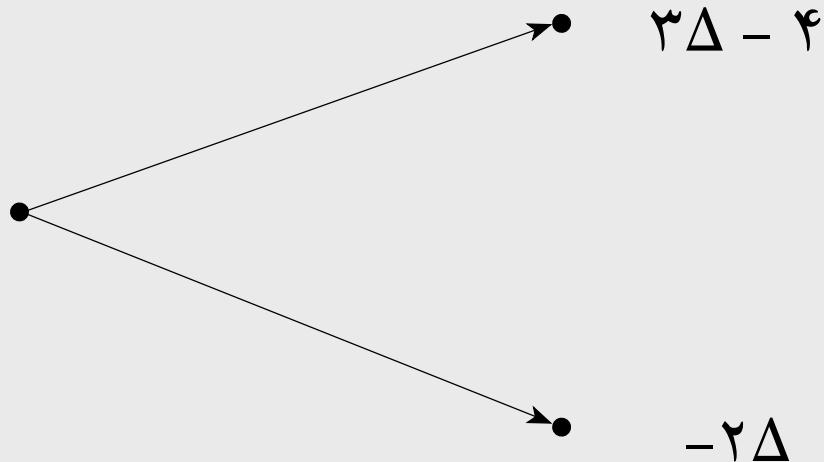
# مدل درخت دو جمله‌ای

یک اختیار خرید اروپایی یکماهه صادره بر قرارداد آتی دارای قیمت توافقی ۲۹ می‌باشد.



# ایجاد بدره بدون ریسک

بدره‌ای را در نظر بگیرید که شامل:  
وضع خرید  $0/8$  قرارداد آتی  
وضع فروش یک اختیار خرید



این بدره هنگامی بدون ریسک است که  $3\Delta - 4 = -2\Delta$  یا  $\Delta = 0/8$  باشد.

# ارزش گذاری بدره (نرخ بهره بدون ریسک = ۶٪)

بدره بدون ریسک عبارت است از:

موقع خرید ۰/۸ قرارداد آتی

موقع فروش یک اختیار خرید

ارزش بدره در یک ماه است:  $-1/6$

ارزش بدره در حال حاضر برابر است با:

$$-1/6 \times \frac{1}{12} = -1/592$$

# ارزش گذاری اختیار معامله

بدرهای که عبارت است از: □

موضع خرید ۰/۸ قراردادهای آتی

موضع فروش یک اختیار معامله

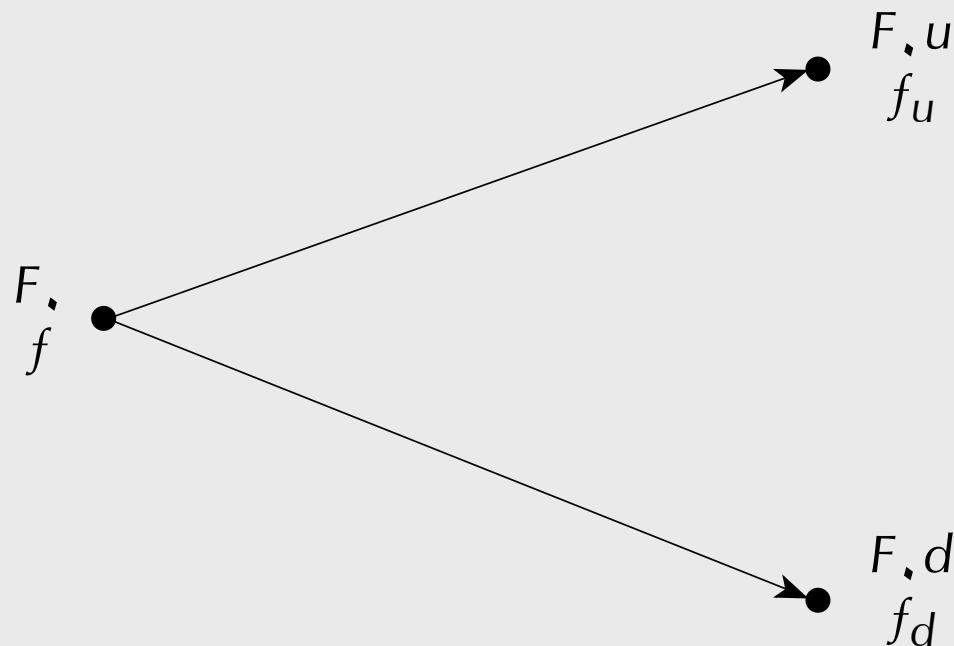
دارای ارزشی معادل ۱/۵۹۲ - می باشد.

ارزش قراردادهای آتی معادل صفر است. □

بنابراین ارزش اختیار معامله باید برابر با ۱/۵۹۲ باشد.

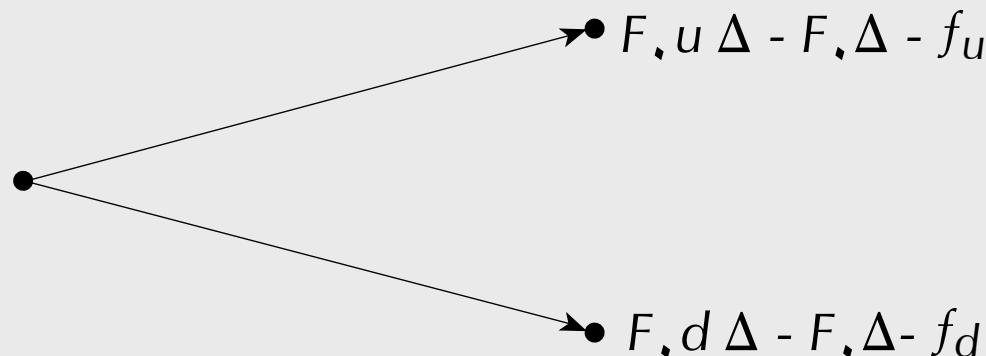
# بسط مدل دو جمله‌ای

یک اوراق مشتقه دارای عمری تا زمان  $T$  است و وابسته به قراردادهای آتی است. □



# بسط مدل (ادامه)

بدره‌ای را در نظر بگیرید که دارای موضع معاملاتی خرید  $\Delta$  قرارداد آتی و موضع فروش یک اورق مشتقه است. □



هنگامی این بدره بدون ریسک است که داشته باشیم: □

$$\Delta = \frac{f_u - f_d}{F_u - F_d}$$

# بسط مدل (ادامه)

□ ارزش بدره در زمان  $T$  برابر است با:

$$F_u \Delta - F_u \Delta - f_u$$

□ ارزش بدره در زمان حال برابر است با:  $-f$

□ بنابراین داریم:

$$[F_u \Delta - F_u \Delta - f_u] e^{-rT}$$

# بسط مدل (ادامه)

با جایگذاری  $\Delta$  داریم:

$$f = e^{-rT} [pf_u + (\Delta - p)f_d]$$

که در آن:

$$p = \frac{\Delta - d}{u - d}$$

# ارزش‌گذاری اختیارات قراردادهای آتی اروپایی

می‌توانیم با استفاده از فرمول برای اختیار صادره بر سهامی که عایدی نقدی پیوسته‌ای را می‌پردازد؛ استفاده کنیم:

$S =$  قیمت فعلی قراردادهای آتی ( $F_{\cdot}$ )

$q =$  نرخ بهره بدون ریسک داخلی ( $r$ )

رابطه  $r = q$  تضمین می‌نماید که رشد مورد انتظار  $F$  در یک دنیای بی تفاوت نسبت به ریسک برابر با صفر است.

# نرخهای رشد برای قیمت قراردادهای آتی

- یک قرارداد آتی نیازمند سرمایه‌گذاری اولیه نیست.
- در دنیای بی‌تفاوتی به ریسک، بازده مورد انتظار باید برابر با صفر باشد.
- بنابراین نرخ رشد مورد انتظار برای قیمت قراردادهای آتی نیز صفر است.
- بنابراین قیمت قراردادهای آتی را می‌توان همچون سهامی در نظر گرفت که بازدهی نقدی معادل  $r$  می‌پردازد.

# مدل بلک

فرمولهای اختیارات قراردادهای آتی، به مدل بلک معروفند.

$$c = e^{-rT}[F, N(d_1) - KN(d_2)]$$

$$p = e^{-rT}[KN(-d_2) - F, N(-d_1)]$$

where:

$$d_1 = \frac{\ln\left(\frac{F}{K}\right) + \frac{\sigma^2 T}{2}}{\sigma\sqrt{T}}$$

$$d_2 = \frac{\ln\left(\frac{F}{K}\right) - \frac{\sigma^2 T}{2}}{\sigma\sqrt{T}} = d_1 - \sigma\sqrt{T}$$

# قیمت‌های اختیارت قراردادهای آتی در مقابل قیمت‌های نقدی اختیارات

□ اگر قیمت‌های قراردادهای آتی بیشتر از قیمت‌های نقدی باشد (بازار نرمال)، یک اختیار خرید آمریکایی صادره بر قراردادهای آتی بیشتر از اختیار خرید آمریکایی صادره بر قراردادهای نقدی متناظر آن می‌ارزد. یک اختیار فروش آمریکایی صادره بر قراردادهای آتی کمتر از اختیار فروش آمریکایی صادره بر قراردادهای نقدی متناظر آن می‌ارزد.

□ اگر قیمت‌های قراردادهای آتی کمتر از قیمت‌های نقدی باشد، (بازار معکوس) عکس بالایی صدق می‌کند.

# نتایج برابری فروش-خرید

Indices:

$$c + Ke^{-rT} = p + S \cdot e^{-qT}$$

Foreign exchange:

$$c + Ke^{-rT} = p + Se^{-r_f T}$$

Futures:

$$c + Ke^{-rT} = p + Fe^{-rT}$$

# برخی نتایج فصول ۱۲ و ۱۳

می توانیم شاخص سهام، ارزها و قراردادهای آتی را به مثابه سهامی در نظر بگیریم که بازدهی نقدی معینی معادل  $q$  می پردازند.

برای شاخص سهام: متوسط بازدهی نقدی شاخص در طول عمر اختیار =  $q$

برای ارزها:  $q = r_f$

برای قراردادهای آتی:  $q = r$

# پایان فصل ۱۳

فصل ۱۳ / ۲۳

# مبانی مهندسی مالی

# و مدیریت ریسک

# فصل ۱۴

## نوسان‌پذیری اسمایل



# رابطه برابری فروش-خرید

در رابطه برابری فروش-خرید:

$$(p + S \cdot e^{-qT} = c + K e^{-rT})$$

لزومی به داشتن پیش فرض در مورد نحوه توزیع احتمالات آتی قیمت سهام نیست.

براساس رابطه مذکور می‌توان گفت که مبلغ دلاری خطای قیمت‌گذاری یک اختیار فروش اروپایی با استفاده از مدل بلک-شولز می‌باید دقیقاً معادل مبلغ دلاری خطای قیمت‌گذاری یک اختیار خرید اروپایی با قیمت توافقی و زمان سرسید همسان باشد.

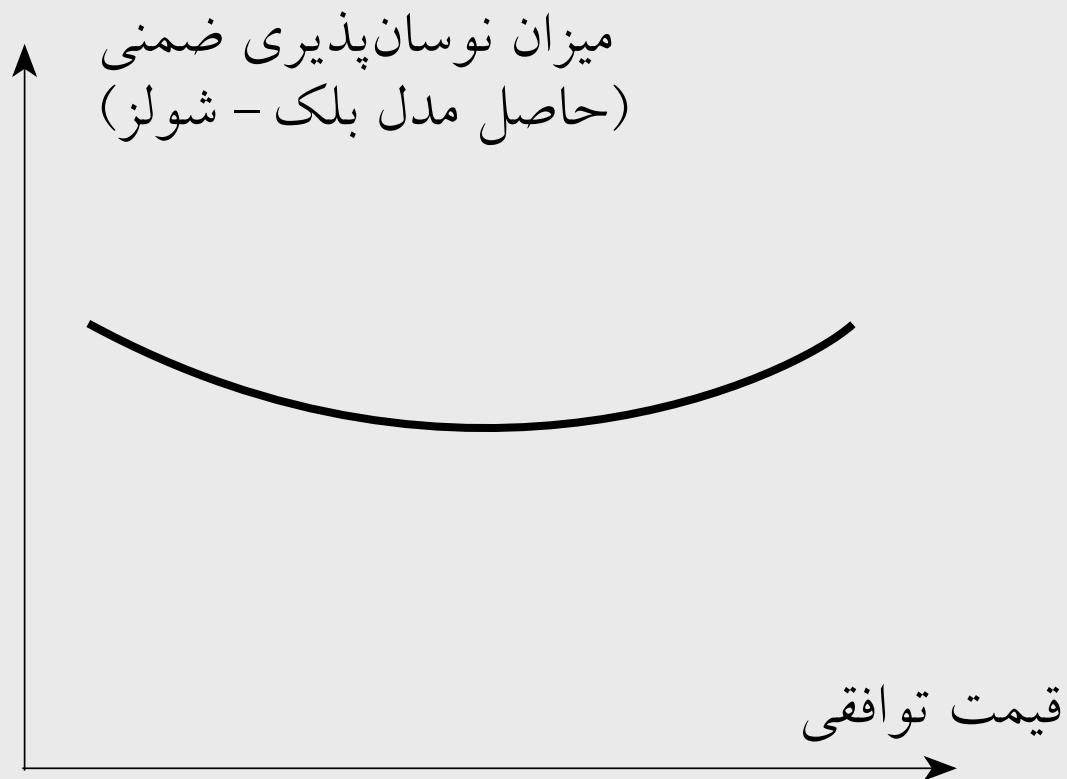
# نوسان‌پذیری ضمنی

- اگر دو اختیار خرید و فروش اروپایی دارای قیمت توافقی و سررسید یکسانی باشند، نوسان‌پذیری ضمنی اختیار خرید همواره معادل میزان نوسان‌پذیری ضمنی اختیار فروش خواهد بود.
- نتیجه فوق تقریباً در مورد اختیارات آمریکایی نیز صدق می‌کند.

# نوسان پذیری اسمايل

- ☒ نوسان پذیری اسمايل ميزان تغييرپذيری نوسان پذيری ضمنی را با توجه به قیمت توافقی نشان می دهد.
- ☒ محاسبه مقدار نوسان پذيری ضمنی با استفاده از اختیار خرید یا فروش می باید يکسان باشد.

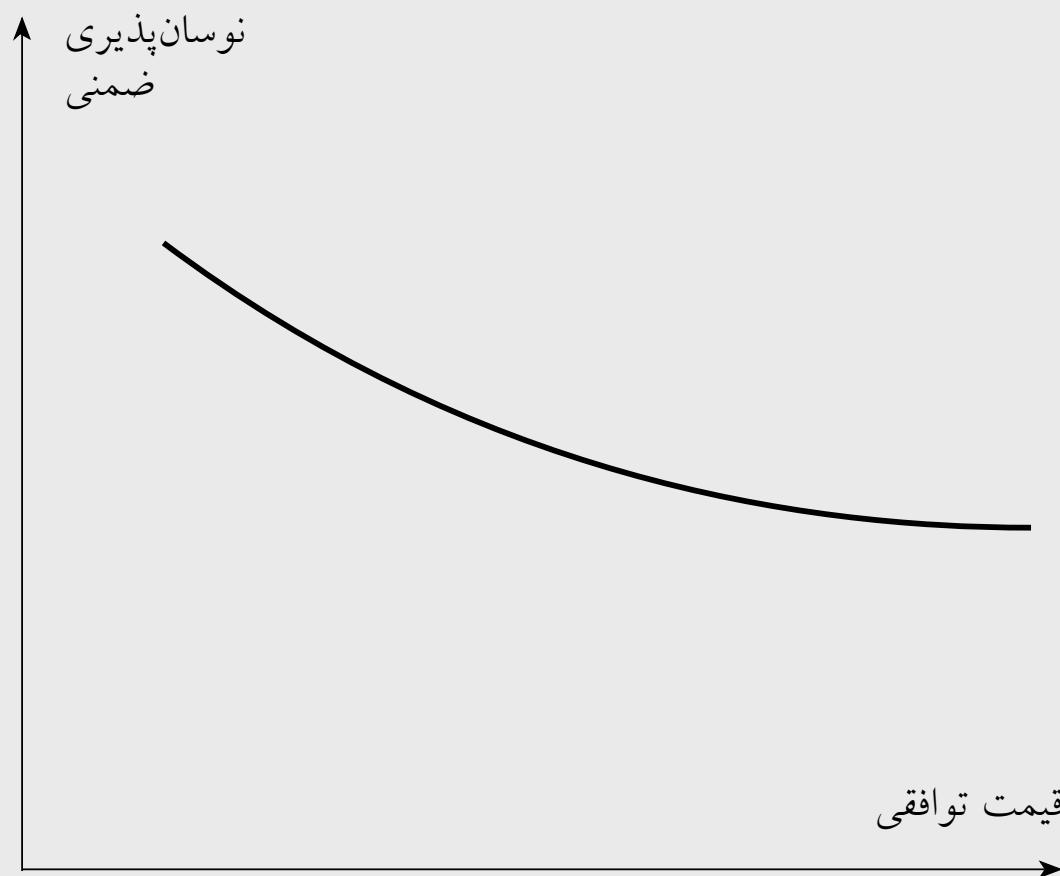
# نوسان‌پذیری اسمایل برای اختیارات ارزهای خارجی (نمودار ۱-۱۴)



# توزیع ضمنی برای اختیارات ارزهای خارجی

- نحوه توزیع ضمنی در نمودار (۱۴-۲) صفحه ۲۸۷ نشان داده شده است.
- هر دو دامنه توزیع پهن‌تر از توزیع لگاریتم نرمال است.
- توزیع ضمنی کشیده‌تر از توزیع نرمال است.

# نوسان‌پذیری اسمايل برای اختیارات سهام (نمودار ۳-۱۴)



# توزیع ضمنی برای اختیارات سهام

توزیع ضمنی در نمودار (۴ - ۱۴) نشان داده شده است. دامنه راست این توزیع پهن‌تر و دامنه چپ نازک‌تر از توزیع لگاریتم نرمال است.

# سایر نوسان‌پذیری اسمایل؟

نوسان‌پذیری اسمایل در هر یک از دو حالت ذیل چگونه است؟

- ❑ منحنی توزیع دارای دامنه چپ نازک و دامنه راست پهن می‌باشد.
- ❑ منحنی توزیع دارای دامنه راست و چپ نازک باشد.

# نمونه‌های محتمل در مورد نوسان‌پذیری اسمايل

- ❑ قيمت دارايی بجای تغييرات پيوسته داراي تغييرات ناگهانی است.
- ❑ نوسان‌پذيری قيمت دارايی استوکاستيک می‌باشد (يکی از دلایل نوسان‌پذيری استوکاستيک در مورد سهام رابطه بین نوسان‌پذيری و اهرم است.).

# ساختار زمانی نوسان‌پذیری

- معامله‌گران هنگام قیمت‌گذاری اختیارات علاوه بر محاسبه نوسان‌پذیری اسمایل از ساختار زمانی نوسان‌پذیری نیز بهره می‌جوینند.
- مفهوم این مطلب آن است که مقدار نوسان‌پذیری به زمان سررسید اختیار معامله نیز بستگی دارد.

# ساختار زمانی نوسان‌پذیری

هنگامی که میزان نوسان‌پذیری بالاست، شب ساختار زمانی رو به پایین تمایل دارد و هنگامی که میزان نوسان‌پذیری پایین است، شب ساختار زمانی رو به بالا تمایل دارد.

# مثالی از یک ماتریس نوسان‌پذیری (جدول ۱۴-۲)

جدول ۱۴-۲: ماتریس نوسان‌پذیری

		قیمت توافقی				
		۰/۹	۰/۹۵	۱	۱/۰۵	۱/۱
یک ماهه	۱۴/۲	۱۳	۱۲	۱۳/۱	۱۴/۵	
سه ماهه	۱۴	۱۳	۱۲	۱۳/۱	۱۴/۲	
شش ماهه	۱۴/۱	۱۳/۳	۱۲/۵	۱۳/۴	۱۴/۳	
یک ساله	۱۴/۷	۱۴	۱۳/۵	۱۴	۱۴/۸	
دو ساله	۱۵	۱۴/۴	۱۴	۱۴/۵	۱۵/۱	
پنج ساله	۱۴/۸	۱۴/۶	۱۴/۴	۱۴/۷	۱۵	

# پایان فصل ۱۴

فصل ۱۴ / ۱۵

# مبانی مهندسی مالی

# و مدیریت ریسک

# فصل ۱۵

## پارامترهای پوشش ریسک (Greek Letters)

# مثال

بانکی اختیار خرید اروپایی صادره بر  $100,000$  سهم که سود نقدی پرداخت نمی‌کند، را به مبلغ  $300,000$  دلار فروخته است.

$$S_0 = 49, \quad K = 50, \quad r = 0.05, \quad \sigma = 0.20, \quad \mu = 0.13$$

و  $T$  برابر با  $20$  هفته است.

ارزش اختیار با استفاده از فرمول بلک-شولز برابر با  $240,000$  است.

بانک مزبور چگونه می‌تواند ریسک خود را پوشش دهد؟

# موضع معاملاتی پوشش دار و بدون پوشش

## (Naked & Covered Positions)

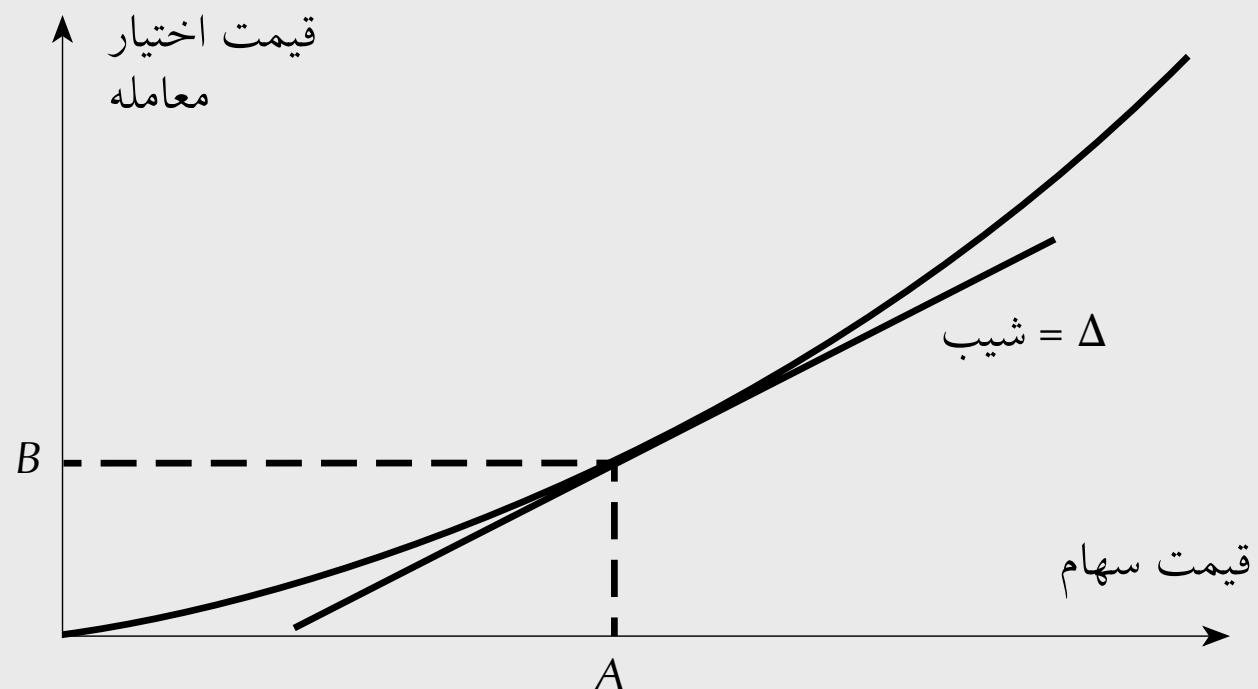
- موضع معاملاتی بدون پوشش
  - هیچ اقدامی انجام نمی شود.
- موضع معاملاتی پوشش دار
  - خرید ۱۰۰,۰۰۰ سهم در حال حاضر
- هیچکدام از راهبردهای فوق باعث نمی شوند که بانک در معرض ریسک قابل توجهی قرار نگیرد.

# راهبرد توقف زیان

این راهبرد شامل:  
خرید ۱۰۰,۰۰۰ سهم به محض اینکه قیمت به ۵۰ دلار می‌رسد.  
فروش ۱۰۰,۰۰۰ سهم به محض اینکه قیمت به زیر ۵۰ دلار می‌رسد.  
این فرایند به طور اغوا کننده‌ای، راهبرد پوشش ریسک را ساده می‌سازد ولی  
کار کرد رضایت‌بخشی ندارد.

# دلتا

دلتا ( $\Delta$ ) عبارت است از نسبت تغییر قیمت اختیار با توجه به دارایی پایه.



# پوشش ریسک دلتا

- پوشش ریسک دلتا شامل نگهداری بدره بی تفاوت نسبت به دلتا می باشد.
- دلتای اختیار اروپایی صادره بر سهامی که با نرخ  $q$  سود نقدی می پردازد، برابر است با:

$$\Delta = N(d_1) e^{-qT}$$

- دلتای اختیار فروش اروپایی نیز برابر است با:

$$\Delta = e^{-qT} [N(d_1) - 1]$$

# پوشش ریسک دلتا (ادامه)

- موضع معاملاتی پوشش ریسک می‌باید به دفعات تجدید موازنه و بازنگری شود.
- پوشش ریسک دلتای اختیار صادر شده، شامل قاعده معاملاتی گران بخر- ارزان بفروش می‌شود.
- جدول (۱۵-۳) و (۱۵-۴) را ملاحظه نمایید.

# استفاده از قراردادهای آتی برای پوشش ریسک دلتا

- دلتای قراردادهای آتی،  $e^{(r-q)T}$  برابر دلتای قرارداد نقدی است.
- بنابراین موضع معاملاتی در قراردادهای آتی به منظور پوشش ریسک برابر با  $e^{(r-q)T}$  برابر موضع معاملاتی مورد نیاز در قراردادهای نقدی متناظر آنهاست.

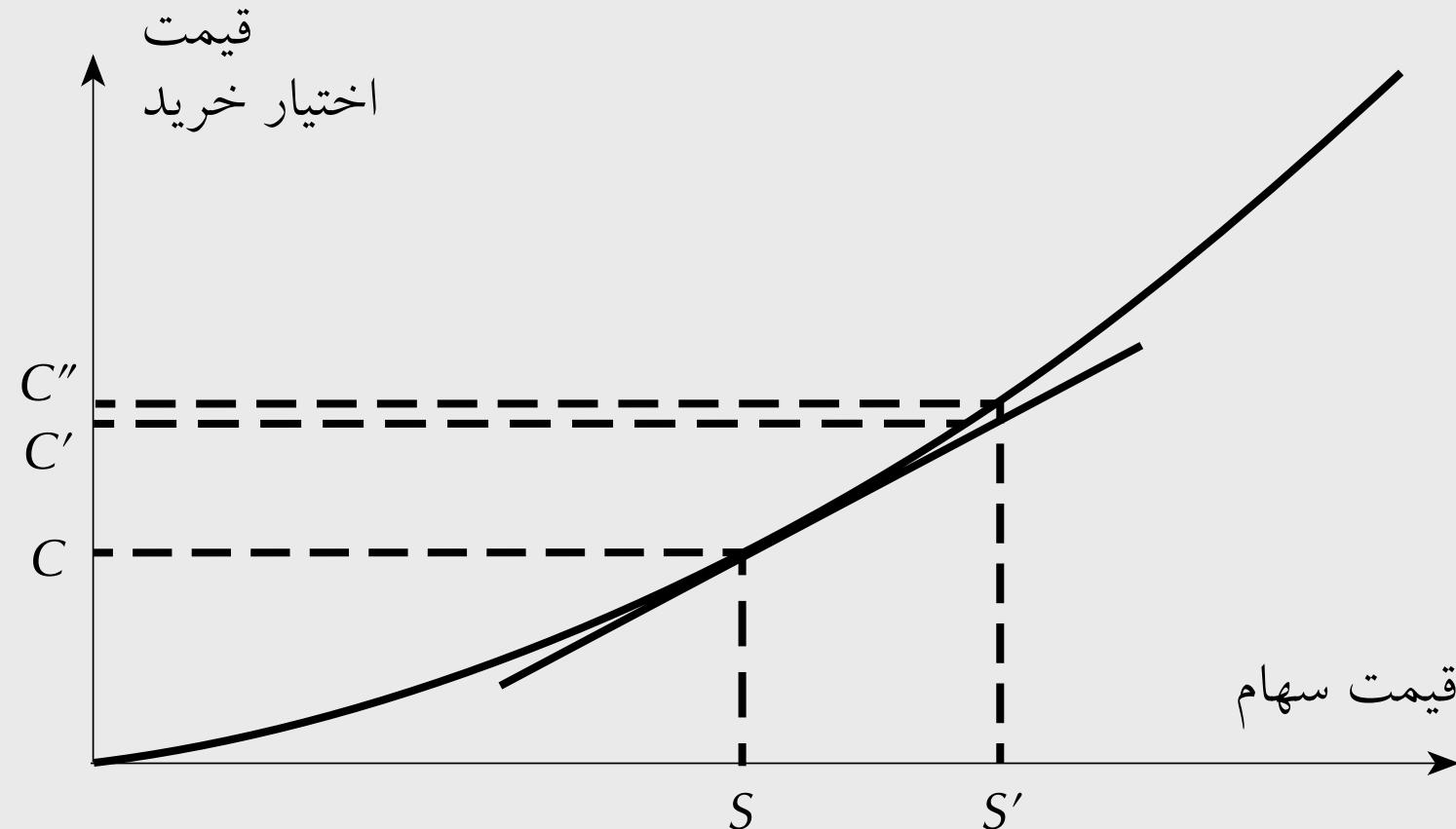
# تتا (Theta)

- تتا اوراق مشتقه (یا بدرهای از اوراق مشتقه) برابر است با نسبت تغییر ارزش اوراق مشتقه با توجه به گذشت زمان.
- نمودار (۱۵-۵) تغییرات تتا را با توجه به قیمت سهام برای یک اختیار خرید اروپایی نشان می‌دهد.

# گاما (Gamma)

- گاما ( $\Gamma$ ) عبارت است از نسبت تغییر دلتا ( $\Delta$ ) با توجه به قیمت دارایی پایه.
- نمودار (۹-۱۵) تغییرات  $\Gamma$  را با توجه به قیمت سهام پایه برای اختیار خرید یا فروش نشان می‌دهد.

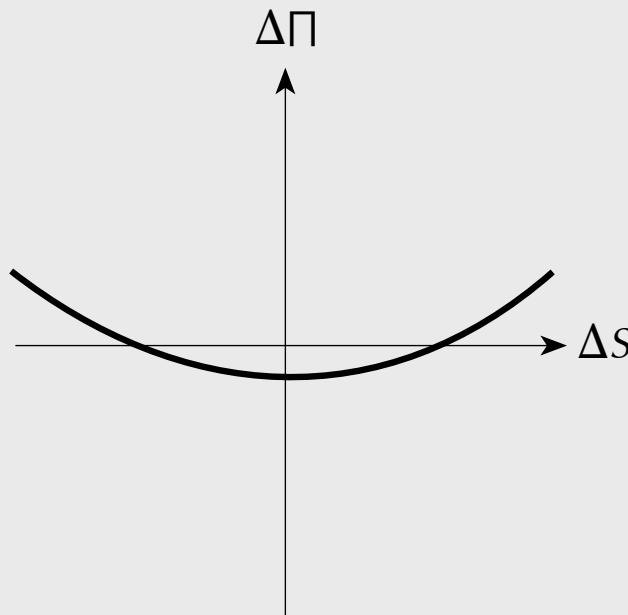
# گاما مقدار تحدب خطای پوشش ریسک دلتا را اندازه‌گیری می‌کند



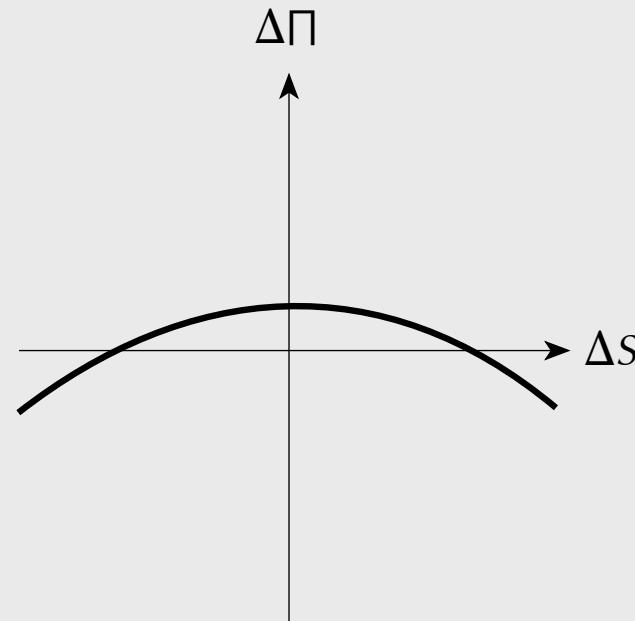
# تفسیر گاما

برای یک بدره بی تفاوت نسبت به دلتا:

$$\Delta\Pi \approx \Theta\Delta t + \frac{1}{2}\Gamma\Delta S^2$$



الف) مقدار گاما اندکی مثبت است.



ج) مقدار گاما اندکی منفی است.

# رابطه بین دلتا، گاما و بتا

برای یک بدره متشکل از مشتقات صادره بر سهامی که بازدهی نقدی پیوسته‌ای با نرخ  $q$  می‌پردازد؛ داریم:

$$\Theta + (r - q) S\Delta + \frac{1}{2} \Gamma \sigma^2 S^2 = r\Pi$$

# وگا

- وگا (۷) عبارت است از نسبت تغییر ارزش بدره اوراق مشتقه با توجه به نوسان پذیری آنها.
- نمودار (۱۱-۱۵) تغییرات ۷ را با توجه به قیمت سهام برای اختیارات خرید یا فروش نشان می‌دهد.

# مدیریت دلتا، گاما، و گا

- دلتا  $\Delta$ ، با اتخاذ موضع معاملاتی در دارایی پایه می‌تواند تغییر یابد.
- برای تعدیل گاما و گا لازم است که یک موضع معاملاتی در اختیار یا سایر مشتقات اتخاذ شود.

# وهو

وهو (Rho) عبارت است از نسبت تغییر ارزش مشتقات با توجه به نرخ بهره.  
برای اختیارات ارزها دو مقدار Rho وجود دارد.

# پوشش ریسک در عمل

- معامله‌گران معمولاً اطمینان می‌یابند که بدره آنها حداقل یکبار در روز نسبت به دلتا بی‌تفاوت است.
- هر موقعی که فرصتی پیش بیاید، معامله‌گران اقدام به بهبود مقادیر گاما و وگا می‌نمایند.
- هر چه که بدره بزرگتر می‌شود، پوشش ریسک ارزان‌تر تمام می‌شود.

# تحلیل سناریو

تحلیل سناریو عبارت است از آزمودن تأثیر مفروضات متفاوت با توجه به قیمت‌های دارایی‌ها و نوسان‌پذیری آنها بر روی ارزش بدره.

# ایجاد موقعیت ساختگی اختیار (Option synthetically) در مقایسه با پوشش ریسک

- هنگام پوشش ریسک، اقدام به اتخاذ موضع معاملاتی می‌نماییم که پارامترهای پوشش ریسک را خنثی نماید.
- هنگام ایجاد موقعیت ساختگی اختیار، اقدام به اتخاذ موضع معاملاتی می‌نماییم، که  $\Gamma$ ,  $\Delta$  و  $\nabla$  بر هم منطبق باشند.

# بیمه نمودن بدره

- در اکتبر ۱۹۸۷ تعداد زیادی از مدیران بدره تلاش کردند با یک اختیار فروش ساختگی بر روی بدره خود ایجاد نمایند.
- این کار مستلزم آن است که در ابتدا به تعداد کافی بدره (یا قراردادهای آتی شاخص) فروخته شود تا منطبق بر دلتای اختیار فروش باشد.

## بیمه نمودن بدره (ادامه)

- با افزایش ارزش بدره،  $\Delta$  اختیار فروش کمتر مقدار منفی به خود می‌گیرد و بخشی از بدره اولیه بازخرید می‌شود.
- با کاهش ارزش بدره،  $\Delta$  اختیار فروش منفی بیشتر مقدار به خود می‌گیرد و بخشی از بدره اولیه باید فروخته شود.

# بیمه نمودن بدره (ادامه)

این راهبرد در برخی مقاطع زمانی خوب عمل نمی‌کند:

۱۹۸۷ و ... اکتبر ۱۹

# پایان فصل ۱۵

# مبانی مهندسی مالی

# و مدیریت ریسک

# فصل ۱۶

## ارزش در معرض ریسک

# سؤالی که در VaR پرسیده می‌شود

چه سطحی از زیان وجود دارد که ما  $X$  درصد اطمینان داریم که طی  $N$  روز  
کسب و کاری، قطعاً بیشتر از آن مبلغ متتحمل زیان نخواهیم شد؟

## یک مثال:

در صورتی که برای سطح اطمینان ۱٪ و افق زمانی یک روزه برابر با ۱۰۰ میلیون ریال باشد؛ این مطلب بدان معنی است که:  
فقط ۱٪ احتمال دارد، در یک روز زیان از ۱۰۰ میلیون فراتر رود.

# سؤالی که در VaR پرسیده می‌شود

چه سطحی از زیان وجود دارد که ما  $X$  درصد اطمینان داریم که طی  $N$  روز  
کسب و کاری، قطعاً بیشتر از آن مبلغ متتحمل زیان نخواهیم شد؟

# و الزامات کفايت سرمایه VaR

نهادهای ناظر بانک مرکزی بر مبنای VaR سرمایه مورد نیاز برای بانک‌ها را بر اساس ماهیت واقعی ابزارهای معاملاتی و میزان ریسک‌پذیری آن، تعیین می‌کنند.

سرمایه لازم برای یک بانک خاص حاصلی از مضرب  $K$  در مبلغ VaR با اطمینان ۹۹٪ و یک دوره ۱۰ روزه است که ضریب  $K$  توسط نهادهای ناظر تنظیم می‌شود و حداقل مقدار آن ۳ است.

# C-VaR در مقابل VaR

VaR در واقع بیان کنندهٔ حداکثر زیانی که با احتمال معینی، زیان ما بیشتر از آن تجاوز نمی‌کند.

C-VaR می‌پرسد: «اگر اوضاع نامطلوب باشد، انتظار داریم چقدر متحمل زیان شویم؟»

معیار C-VaR از لحاظ نظری جذاب است ولی از نظر عملی کاربرد زیادی ندارد.

# مزایای VaR

- تلاشی است برای اینکه عدد معینی ارائه کند و در آن عدد اطلاعات در مورد ابعاد مهم ریسک، به طور فشرده و تلخیص شده منتشر باشد.
- فهم آن آسان است.
- سؤال ساده‌ای را مطرح می‌کند: (حداکثر مقدار زیان چقدر است؟)

**How bad can things get?**

# تکنیک شبیه‌سازی تاریخی

- یک پایگاه داده از تغییرات روزانه کلیه متغیرهای بازار ایجاد می‌نماید.
- سناریوی اول فرض می‌کند که در صد تغییرات در متغیرهای بازار مساوی با آن تغییراتی است که ما برای روز اول جمع آوری کردیم.
- سناریوی دوم هم در صد تغییرات در متغیرهای مورد بررسی (انتخابی) بازار را نشان می‌دهد که مقدار آن مساوی با تغییراتی است که ما برای روز دوم جمع آوری کردیم و ... .

# تکنیک شبیه‌سازی تاریخی (ادامه)

- ❑ فرض نمایید ارزش یک متغیر بازار در روز  $i$  برابر با  $v_i$  باشد.
- ❑ تعداد روزهایی که داده‌های آن روزها استفاده شده است  $m$ .
- ❑ در مجموع  $1 - m$  سناریو وجود دارد.
- ❑  $i$  امین سناریو مبتنی بر این فرض است که ارزش بازار متغیر در فردا باید به صورت ذیل باشد: (یعنی در روز  $i + 1$ )

$$v_{i+1} = \frac{v_i}{v_{i-1}}$$

# روش پارامتریک یا واریانس-کواریانس

- بجای تکنیک شبیه‌سازی، می‌توان از روش دیگری استفاده کرد؛ بدین صورت که با در نظر گرفت پیش‌فرض‌هایی در مورد نحوه توزیع احتمال بازده متغیرهای بازار به محاسبه تحلیل‌گونه توزیع احتمال تغییرات ارزش بدره اقدام نمود.
- این روش را مدل پارامتریک و یا روش واریانس-کواریانس گویند.

# نوسان پذیری روزانه

برای قیمت‌گذاری اختیار معامله، معمولاً<sup>۱</sup> مازمان را به صورت سال و نوسان‌پذیری یک دارایی را به صورت «میزان نوسان‌پذیری در سال» در نظر می‌گیریم.

برای محاسبه VaR، معمولاً<sup>۲</sup> زمان را به صورت روزانه اندازه می‌گیریم و نوسان‌پذیری یک دارایی را به صورت «نوسان‌پذیری روزانه» بیان می‌کنیم.

$$\sigma_{day} = \frac{\sigma_{yr}}{\sqrt{252}}$$

# نوسان‌پذیری روزانه (ادامه)

- $\sigma_{\text{day}}$  یا نوسان‌پذیری روزانه قیمت یک دارایی را معادل انحراف معیار بازده مركب پيوسته در طول یک روز تعريف مي‌کنيم.
- در عمل نوسان‌پذيری روزانه قیمت یک دارایی را دقیقاً معادل انحراف معیار در صد تغیيرات در طول یک روز فرض مي‌کنيم.

# مثال مایکروسافت

- ما یک ارزش ثابت ۱۰ میلیون دلاری در سهام مایکروسافت داریم.
- نوسان پذیری مایکروسافت روزانه ۲٪ است (تقریباً ۳٪ در سال)
- $N = 10$ ,  $X = 99$



# مثال مایکروسافت (ادامه)

- انحراف معیار تغییر ارزش بدره در یک روز ۲۰۰,۰۰۰ دلار است.
- انحراف معیار تغییرات ۱۰ روزه برابر است با:

$$\text{دلار } 632,456 = \sqrt{200,000}^{10}$$

# مثال مایکروسافت (ادامه)

فرض می کنیم که تغییر مورد انتظار در ارزش بدره صفر است. (این فرض در دوره های زمانی کوتاه فرض معقولی است).

فرض می کنیم که تغییر ارزش بدره دارای توزیع نرمال است:  
از آنجا که  $\Phi^{-1}(0.05) = -1.64$ , بنابراین VaR برابر است با:

$$\text{VaR} = 1,473,621 \times 632,456 = 921,473,621$$

# مثال AT & T

- موضع معاملاتی ۵ میلیون دلار را در AT & T نظر بگیرید.
- نوسان پذیری روزانه این سهم ۱٪ است. (تقریباً ۱۶٪ در سال)

■ انحراف معیار برای ۱۰ روز برابر است با:

$$\text{دلار } 50,000 \sqrt{10} = 158,144$$

■ VaR برابر است با:

$$\text{دلار } 158,144 \times 2/33 = 368/405$$

## بدره (جدول ۳-۱۶)

اکنون بدره‌ای متشکل از هر دو سهم مایکروسافت و AT & T را در نظر بگیرید.

فرض کنید که ضریب همبستگی بین بازده دو سهم  $0.3$  باشد.

# انحراف معیار بدره

با استفاده از علم آمار داریم که انحراف معیار مجموع دو متغیر برابر است با:

$$\sigma_{x+y} = \sqrt{\sigma_x^2 + \sigma_y^2 + 2\rho\sigma_x\sigma_y}$$

با توجه به اینکه  $\sigma_x = 200,000$  و  $\sigma_y = 50,000$  و  $\rho = 0/3$  بنابراین انحراف معیار تغییرات ارزش بدره در یک روز برابر با  $220/222$  است.

# واریانس بدره

□ **VaR** ده روزه با سطح اطمینان ۹۹٪ برای ارزش بدره برابر است با:

$$\text{دلار } ۱,۶۲۲,۶۵۷ = ۲,۲۰,۲۲۷ \times \sqrt{\frac{۲}{۳۳}} \times \sqrt{۱۰}$$

□ منافع تنوعبخشی برابر است با:

$$\text{دلار } ۲۱۹,۳۶۹ = ۱,۶۲۲,۶۵۷ - (۱,۴۷۳,۶۲۱ + ۳۶۸,۴۰۵)$$

□ تأثیر نگهداری روزافزون T & AT بر **VaR** چیست؟

# مدل خطی

فرض می کنیم:

- تغییرات روزانه ارزش بدره رابطه خطی، با بازده متغیرهای بازار دارد.
- بازدههای متغیرهای بازار به صورت نرمال توزیع شده است.

# بسط مدل خطی

$$\delta P = \sum_{i=1}^n \alpha_i \delta x_i$$

$$\sigma_p^2 = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \rho_{ij} \alpha_i \alpha_j \sigma_i \sigma_j$$

$$\sigma_p^2 = \sum_{i=1}^n \alpha_i^2 \sigma_i^2 + 2 \sum_{i=1}^n \sum_{j < i} \rho_{ij} \alpha_i \alpha_j \sigma_i \sigma_j$$

Where  $\sigma_i$  is the volatility of variable  $i$  and  $\sigma_p$  is the portfolio's standard deviation.

# مدیریت نرخهای بهره

- ما نمی‌خواهیم هر نرخ بهره را به عنوان یک متغیر متفاوت بازار در نظر بگیریم.
- بنابراین نرخهای بهره را به صورت سررسیدهای استاندارد ۱ ماهه، ۳ ماهه، ۱ ساله، ۲ ساله، ۵ ساله، ۷ ساله، ۱۰ ساله و ۳۰ ساله در نظر می‌گیریم.
- جریانات نقدی حاصل از ابزارهای مالی موجود در بدره را جریانات نقدی یکی از اوراق خزانه استاندارد فوق در نظر بگیریم.

# زمانی که می‌توان از مدل خطی استفاده نمود

- بدره سهام
- بدره اوراق قرضه
- پیمانهای آتی و ارزهای خارجی
- سوآپ نرخ بهره

# مدل خطی و اختیارات

بدرهای از اختیارات را در نظر بگیرید که به یک قیمت دارایی ساده بستگی □ دارد.

تعریف می کنیم. □

$$\Delta = \frac{\delta P}{\delta S}$$

$$\Delta = \frac{\delta P}{\delta S}$$

و

# مدل خطی و اختیارات (ادامه)

به صورت تقریبی می‌توان گفت: □

$$\delta P = \Delta \delta S = S \Delta \delta x$$

همینطور هنگامی که تعداد زیادی متغیر بازار می‌شویم. □

$$\delta P = \sum_{i=1}^n S_i \Delta_i \delta x_i$$

$\Delta_i$  همان دلتای بدره با توجه به  $i$  امین دارایی است.

## مثال

□ سرمایه‌گذاری در اختیارات صادره بر سهام مایکروسافت را در نظر بگیرید.  
فرض کنید که قیمت سهام به ترتیب ۱۲۰ و ۳۰ و دلتای بدراه با توجه به دو  
قیمت سهام مذکور برابر ۱۰۰۰ با و ۲۰،۰۰۰ است. به صورت تقریبی:

$$\delta P = 120 \times \delta x_1 + 30 \times 20,000 \times \delta x_2$$

$\delta x_1$  و  $\delta x_2$  تغییرات نسبی در قیمت‌های دو سهم مذکور است.



# Skewness (See Figures 16.3, 16.4, and 16.5)

**The linear model fails to capture skewness in the probability distribution of the portfolio value.**

## مدل جبری درجه دوم

برای بدرهای که بستگی به قیمت سهام ساده‌ای دارد.

$$\delta P = \Delta \delta S + \frac{1}{2} \Gamma(\delta S)^2$$

رابطه مذکور منجر به نتیجه‌گیری ذیل می‌شود:

$$\delta P = S \Delta \delta x + \frac{1}{2} S^2 \Gamma(\delta x)^2$$

# شبیه‌سازی مونت کارلو

مراحل این روش به شرح ذیل است:  
ارزش امروز بدره

نمونه‌ای از توزیع چند متغیره  $\delta x_i$  را انتخاب نمایید.  
به کمک  $\delta x_i$  متغیرهای بازار را برای یک روز تعیین کنید.  
در پایان هر روز ارزش بدره را ارزیابی مجدد نمایید.

# شبیه‌سازی مونت کارلو

$\delta p$  را محاسبه نمایید.

$\delta p$  به دفعات مکرر این کار را تکرار کنید تا یک توزیع احتمال برای  $p$  بسازید.

VaR معیار مناسبی برای توزیع ضرب در ریشه دوم  $N$  است.

برای مثال ۱۰۰۰ سناریو ۱ درصدی دهمین و بدترین حالت است.

# رویکرد استاندارد برای برآورد نوسان‌پذیری

- Define  $\sigma_n$  as the volatility per day between day  $n - 1$  and day  $n$ , as estimated at end of day  $n - 1$
- Define  $S_i$  as the value of market variable at end of day  $i$
- Define  $u_i = (S_i / S_{i-1})$
- The standard estimated of volatility from  $m$  observation is:

$$\sigma_n^2 = \frac{1}{m-1} \sum_{i=1}^m (u_{n-i} - \bar{u})^2$$

$$\bar{u} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m u_{n-i}$$

# معمولًاً از روش ساره‌سازی استفاده می‌شود

- Define  $u_i$  as:

$$u_i = \frac{S_i - S_{i-1}}{S_{i-1}}$$

- Assume that the mean value of  $u_i$  is zero.
- Replace  $m - 1$  by  $m$ .
- This gives:

$$\sigma_n^2 = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m u_{n-i}^2$$

# Weighting Scheme

Instead of assigning equal weights to the observations we can set:

$$\sigma_n^2 = \sum_{i=1}^m \alpha_i u_{n-i}^2$$

Where:

$$\sum_{i=1}^m \alpha_i = 1$$

# EWMA مدل

- ❑ In an exponentially weighted moving average model, the weights assigned to the  $u^r$  decline exponentially as we move back through time.

This leads to:

$$\sigma_n^r = \lambda \sigma_{n-1}^r + (1 - \lambda) u_{n-1}^r$$

# ویژگی‌های EWMA

- ❑ Relatively little data needs to be stored.
- ❑ We need only remember the current estimate of the variance rate and the most recent observation on the market variable.
- ❑ Tracks volatility changes.
- ❑ JP Morgan use  $\lambda = 0.94$  for daily volatility forecasting.

# ضریب همبستگی

◻ Define  $u_i$  and  $v_i$  as:

$$u_i = \frac{U_i - U_{i-1}}{U_{i-1}} \quad , \quad v_i = \frac{V_i - V_{i-1}}{V_{i-1}}$$

◻ Also

$\sigma_{u,n}$ : daily vol of  $U$  calculated on day  $n-1$

$\sigma_{v,n}$ : daily vol of  $V$  calculated on day  $n-1$

$$\text{cov}_n = \rho_n \sigma_{u,n} \sigma_{v,n}$$

Where  $\rho_n$  on day  $n-1$

# ادامه ضریب همبستگی

با استفاده از EWMA

$$\text{cov}_n = \lambda \text{cov}_{n-1} + (1 - \lambda) u_{n-1} v_{n-1}$$

# متريک ريسك

- بيشتر شركت‌ها از متريک ريسك استفاده می‌كنند.
- در اين روش از  $\lambda = 0.94$  استفاده می‌شود.

# مقایسه روش‌ها

- روش ایجاد مدل، فرض می‌کند که متغیرهای بازار دارای توزیع چندمتغیره نرمال هستند.
- تکنیک شبیه‌سازی تاریخی نسبتاً کند است و نمی‌تواند نوسان پذیری را به صورت به‌روز در محاسبات دخیل نماید.

# آزمون استرس

□ این آزمون شامل تست کردن این نکته است که عملکرد یک بدره با توجه به شرایط اکثر تغییرات غیرمعمول بازار در طی ۱۰ تا ۲۰ سال چگونه بوده است.

# آزمون برگشت به عقب

- این آزمون برای برآورد نحوه عملکرد VaR در گذشته بکار می‌رود.
- ما می‌توانیم این سؤال را مطرح کنیم: به چه میزان زیان و ضرر بیشتر از VaR با اطمینان ۹۹٪ و ۱۰ روزه بوده است.

# پایان فصل ۱۶

# مبانی مهندسی مالی

# و مدیریت ریسک

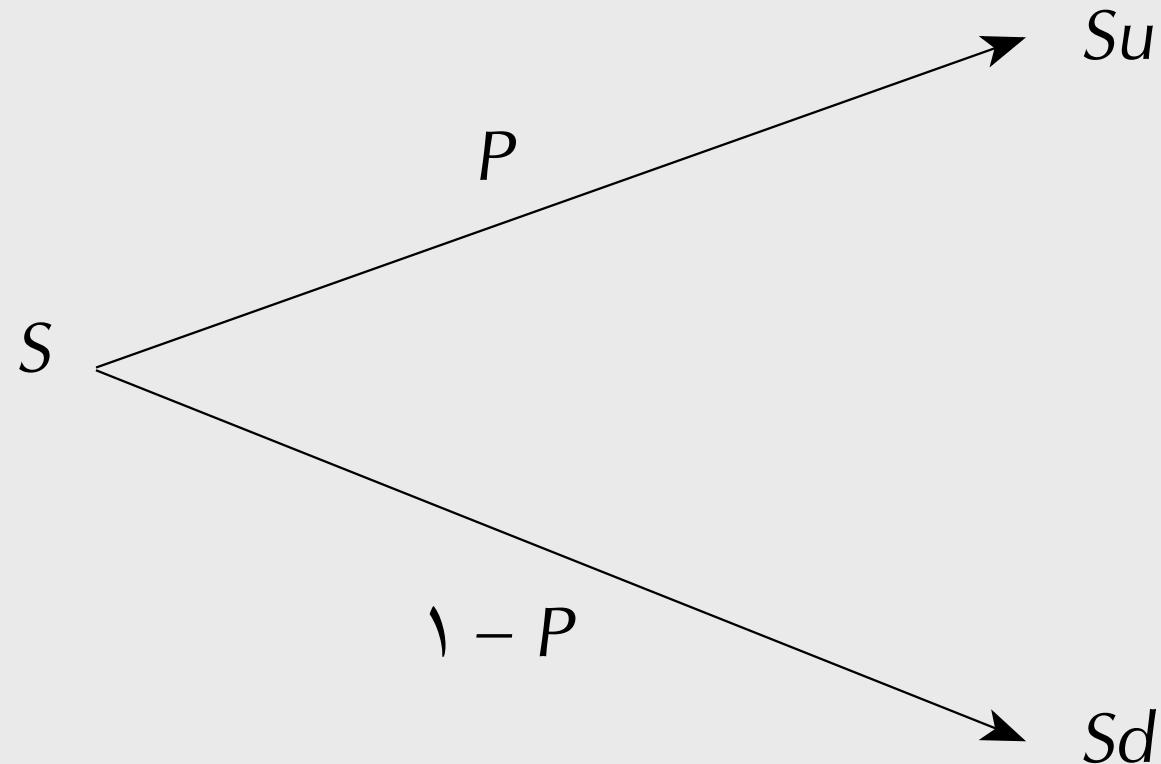
# فصل ۱۷

## ارزش‌گذاری با استفاده از مدل درخت دو جمله‌ای

# درخت دو جمله‌ای

- مدل درخت دو جمله‌ای، یک راه حل تقریبی برای تغییرات قیمت سهام و سایر دارایی‌ها است.
- در هر دوره زمانی فرض می‌شود که قیمت سهام یا یک حرکت رو به بالا و یا یک حرکت رو به پایین خواهد داشت.

# تغییرات با گذشت زمان



# ارزش‌گذاری تحت شرایط بی‌تفاوتی نسبت به ریسک

ما پارامترهای مدل یعنی  $p$ ،  $u$ ،  $d$  و بقیه پارامترها را طوری انتخاب می‌کنیم که قیمت‌های درست و صحیحی برای میانگین و انحراف معیار تغیرات قیمت سهام در دنیای بی‌تفاوت نسبت به ریسک به ما ارایه نماید.

# پارامترهای درخت دو جمله‌ای برای سهامی که سود نمی‌پردازد

ما پارامترهای مدل یعنی  $p$ ،  $u$ ،  $d$  و بقیه پارامترها را طوری انتخاب می‌کنیم که قیمت‌های درست و صحیحی برای میانگین و انحراف معیار تغیرات قیمت سهام در دنیای بی‌تفاوت نسبت به ریسک به ما ارایه نماید.

$$e^{r\delta t} = pu + (1 - p) d$$

$$\sigma^2 \delta t = pu^2 + (1 - p) d^2 - [pu + (1 - p) d]^2$$

یک شرطی که اغلب موقع بکار می‌رود، این است که: □

$$u = \frac{1}{d}$$

# مدل دو جمله‌ای برای سهامی که سود نمی‌پردازند

هنگامی که مقدار  $\delta t$  کوچک است، داریم:

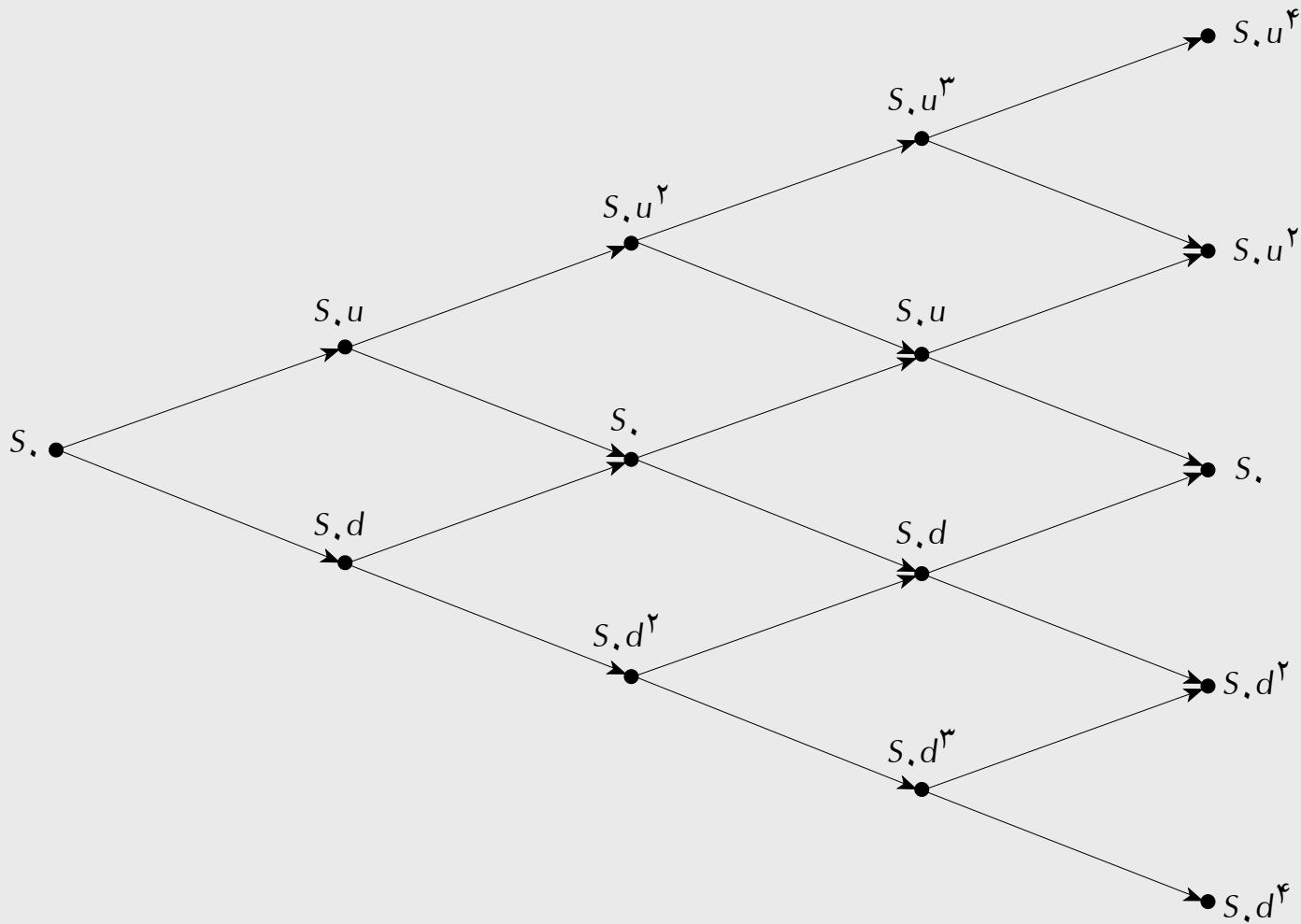
$$u = e^{\sigma \sqrt{\delta t}}$$

$$d = e^{-\sigma \sqrt{\delta t}}$$

$$p = \frac{a - d}{u - d}$$

$$a = e^{r\delta t}$$

# درخت کامل



# حرکت عقب‌گرد روی درخت

□ ارزش اختیار معامله در آخرین گره برای ما معلوم است.

□ با حرکت عقب‌گرد روی درخت با استفاده از اصل بی‌تفاوت نسبت به ریسک، ارزش اختیار را در هر گره محاسبه می‌کنیم. همچنین در هر گره تست می‌کنیم که آیا اعمال زودتر از موعد سررسید بهینه است یا نه.

# مثال: اختیار فروش

$$S_0 = 50, \quad K = 50, \quad r = 1\%, \quad \sigma = 4\%$$

$$T = 5 \text{ month} = 0.4167$$

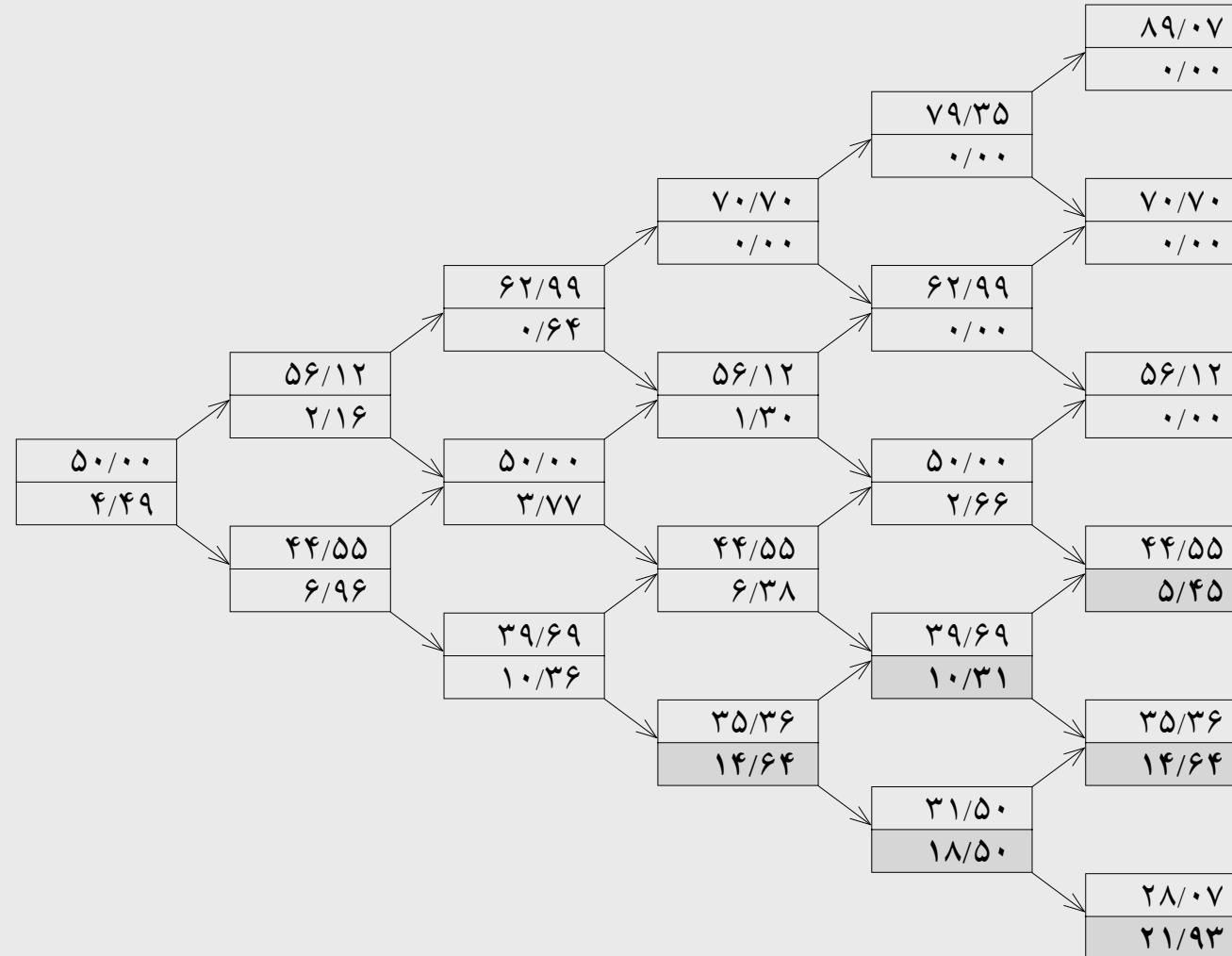
$$\delta t = 5 \text{ month} = 0.0833$$

The parameters imply

$$u = 1/1224, \quad d = 0.8909$$

$$a = 1/0.084, \quad p = 0.5073$$

# مثال (ادامه)



# محاسبه دلتا

دلتا را از گره‌ها در زمان  $\Delta t$  محاسبه می‌نماییم.

$$\text{Delta} = \frac{\frac{2}{16} - \frac{6}{96}}{\frac{56}{12} - \frac{44}{55}} = -\frac{1}{41}$$

# محاسبه گاما

گاما را در گره‌ها در زمان  $2\Delta t$  محاسبه می‌نماییم.

$$\Delta_1 = \frac{(0/64 - 3/77)}{(62/99 - 50)} = -0/24, \Delta_2 = \frac{(3/77 - 10/36)}{(50 - 39/69)} = -0/64$$

$$\text{Gamma} = \frac{\left[ \frac{(0/64 - 3/77)}{(62/99 - 50)} \right] - \left[ \frac{(3/77 - 10/36)}{(50 - 39/69)} \right]}{11/65} = 0/03$$

# محاسبه تتا

تتا را از گره مرکزی در زمان صفر و  $\Delta t$  محاسبه می کنیم.

$$\text{Gamma} = \frac{\frac{3}{77} - \frac{4}{49}}{0/1667} = -\frac{4}{3}$$

or  $-0.012$  per calendar day

# محاسبه وگا

- به ترتیب زیر
- یک درخت جدید با نوسان‌پذیری  $14\%$  بجای  $40\%$  ترسیم نمایید.
- ارزش اختیار برابر با  $4/62$  است.
- وگا برابر است با:

$$4/62 - 4/49 = 0/13$$

با  $1\%$  تغییر در نوسان‌پذیری

# درخت‌ها و بازده نقدی

هنگامی که قیمت سهام با نرخ بازده نقدی پیوسته  $q$  سود می‌پردازد، می‌توانیم درخت دو جمله‌ای را به همان شیوه گفته شده رسم نماییم ولیکن باید:

$$a = e^{(r - q)\delta t}$$

از مدل بلک-شولز داریم:

برای اختیارات شاخص سهام،  $q$  برابر با نرخ بازدهی نقدی شاخص است.

برای اختیارات ارز خارجی،  $q$  برابر با نرخ بهره بدون ریسک خارجی است.

برای اختیارات قراردادهای آتی  $q = r$

# مدل درخت دو جمله‌ای برای سهامی که سود می‌پردازد

## روش‌ها:

- درخت را برای قیمت سهامی منهای ارزش فعلی سودهای پرداختی رسم نمایید.
  - با افزودن ارزش فعلی سودهای نقدی در هر گره یک درخت جدید رسم نمایید.
- این فرایند تضمین می‌نماید که درخت در هر گره تعدیل مجدد شده و همان مفروضات مدل بلک-شوlz مورد استفاده قرار می‌گیرد.

# گسترش شیوه درخت دو جمله‌ای

- الف) نرخ‌های بهره متغیر (وابسته به زمان)
- تکنیک کنترل نوسان

# رویه‌های دیگر برای بنا نهادن درخت دو جمله‌ای

به جای اینکه  $u = \frac{1}{d}$  قرار دهیم، می‌توانیم هر دو احتمال را  $5/0$  قرار می‌دهیم.

$$u = e^{\left(r - \frac{\sigma^2}{2}\right)\delta t + \sigma\sqrt{\delta t}}$$

$$d = e^{\left(r - \frac{\sigma^2}{2}\right)\delta t - \sigma\sqrt{\delta t}}$$

# شبیه‌سازی مونت کارلو

همین که درخت دو جمله‌ای برای یک اوراق مشتقه‌ای بنا نهاده شد، ما به‌طور تصادفی مسیرهایی را روی آن به صورت نمونه‌ای انتخاب می‌کنیم بجای حرکت عقب‌گرد که از انتهای درخت آغاز و به سمت عقب امتداد می‌یافت، در اینجا ما از حرکت رو به جلو در روی درخت استفاده می‌کنیم. □

ارزش مشتقات برابر است با میانگین ارزش فعلی پرداخت‌ها. □

# پایان فصل ۱۷

فصل ۱۷ / ۲۱



# مبانی مهندسی مالی

# و مدیریت ریسک

# فصل ۱۸

## اختیارات نرخ بهره



# مبادله اختیارات نرخ بهره در بورس

- ❑ اختیارات صادره بر قراردادهای آتی اوراق خزانه (CBOT)
- ❑ اختیارات قراردادهای آتی یورو دلار

# اوراق قرضه با اختیارات نهفته

- اوراق قرضه قابل بازخرید: شرکت منتشر کننده آن حق یا اختیار بازخرید این اوراق قرضه را با یک قیمت از پیش تعیین شده دارد. این قیمت ممکن است به صورت تابعی از زمان باشد.
- اوراق قرضه قابل فروش: این امکان را برای دارنده آن فراهم می‌آورد که تقاضای بازخرید آن را با قیمت از پیش تعیین شده و در دوره زمانی مشخص در آینده بنماید.

# مدل بلک و تعمیم آن

- تعمیم مدل بلک-شولز که به طور گستردگی در حوزه نرخ بهره کاربرد دارد، به مدل بلک معروف گشته است.
- این مدل فرض می‌کند که ارزش نرخ بهره، قیمت اوراق قرضه، یا سایر متغیرهای در دوره زمانی معین  $T$  در آینده دارای توزیع لگاریتم نرمال هستند.

# مدل بلک و تعمیم آن (ادامه)

- میانگین توزیع احتمال، ارزش پیمان آتی متغیر است.
- انحراف معیار توزیع احتمال لگاریتم متغیر عبارت است از:

$$\sigma \sqrt{T}$$

- که  $\sigma$  نوسان پذیری را نشان می‌دهد.
- عایدی مورد انتظار که با نرخ سرسید  $T$  تنزیل شده است، امروز ملاحظه شده است.

# مدل بلک

$$c = e^{-rT} [F_+ N(d_1) - R_X N(d_2)]$$

$$p = e^{-rT} [R_X N(-d_2) - F_+ N(-d_1)]$$

$$d_2 = \frac{\ln \left( F_+ / R_X \right) - \sigma^2 T / 2}{\sigma \sqrt{T}} = d_1 - \sigma \sqrt{T}$$

$T$ : سررسید اختیار

$R_X$ : قیمت توافقی

$r$ : عایدی قرضه با کوپن صفر برای سررسید  $T$

$F_+$ : ارزش پیمان آتی متغیر

$\sigma$ : نوسان پذیری

# مدل بلک: عایدی پس از مشاهده متغیر

$$c = e^{-r^* T^*} [F_+ N(d_1) - R_X N(d_2)]$$

$$p = e^{-r^* T^*} [R_X N(-d_2) - F_+ N(-d_1)]$$

$$d_2 = \frac{\ln \left( \frac{F_+}{R_X} \right) - \sigma \sqrt{T}}{\sigma \sqrt{T}} = d_1 - \sigma \sqrt{T}$$

: زمان پرداخت  $T^*$

: زمانی که متغیر مشاهده می شود  $T$

: قیمت توافقی  $R_X$

: عایدی قرضه با کوپن صفر برای سرسید  $T$   $r^*$

: نوسان پذیری  $\sigma$

: ارزش پیمان آتی متغیر  $F_+$

# اختیارات اروپایی اوراق قرضه

هنگام قیمت گذاری اختیارات اروپایی صادره بر اوراق قرضه، معمولاً فرض بر این است که قیمت آتی اوراق قرضه دارای توزیع لگاریتم نرمال است.

# اختیارات اروپایی اوراق فرضه (ادامه)

$$c = e^{-rT} [F, N(d_1) - R_X N(d_2)]$$

$$p = e^{-rT} [R_X N(-d_2) - F, N(-d_1)]$$

$$d_2 = \frac{\ln \left( \frac{F}{R_X} \right) - \sigma \sqrt{T}}{\sigma \sqrt{T}} = d_1 - \sigma \sqrt{T}$$

: عمر اختیار معامله  $T$

: قیمت توافقی  $R_X$

: نرخ بهره تا زمان سررسید  $r$

: نوسان‌پذیری قیمت  $\sigma$

: ارزش پیمان آتی متغیر  $F$ .

# نوسان‌پذیری عایدی در مقابل نوسان‌پذیری قیمت

بین تغییر قیمت پیمان آتی اوراق قرضه و تغییر عایدی پیمان آتی اوراق قرضه، رابطه‌ای به صورت ذیل برقرار است:

$$\frac{\delta F}{F} \approx -D\delta y_F \quad \text{or} \quad \frac{\delta F}{F} \approx -Dy_F \frac{\delta y_F}{y_F}$$

که در رابطه مذکور،  $D$  دیرش تعدیل یافته پیمان آتی اوراق قرضه در زمان سرسید اختیار است.

# نوسان‌پذیری عایدی در مقابل نوسان‌پذیری قیمت (ادامه)

□ رابطه مزبور، تقریباً منجر به نتیجه‌گیری ذیل می‌شود:

$$\sigma = D_y, \sigma_y$$

که  $\sigma_y$  نوسان‌پذیری عایدی و  $\sigma$  نوسان‌پذیری قیمت است.

# Caplet

برای تضمین در مقابل افزایش نرخ لایبور بالاتر از سطح معین، در دوره زمانی معین بکار می‌رود.

فرض کنید که  $R_X$  نرخ بهره،  $L$  مبلغ اسمی و نرخ لایبور واقعی در دوره زمانی بین  $t$  و  $t + \delta_k$  است. عایدی قرارداد در زمان  $t + \delta_k$  برابر است با:

$$L\delta_k \max(R_k - R_X, 0)$$

# Caps

- یک بدره شامل caplets را گویند.
- هر caplet را می‌توان به عنوان یک اختیار خرید صادره بر قرارداد آتی نرخ بهره است که این اختیار در صورتی دارای بازدهی خواهد بود که نرخ‌های بهره در زمان سرسید قرارداد پیشتر از نرخ توافقی  $R_X$  باشد.
- هنگام استفاده از مدل بلک فرض بر این است که نرخ بهره دارای توزیع لگاریتم نرمال است.

# مدل بلک برای Caps

□ ارزش caplet برای دوره زمانی  $[t_k, t_{k+1}]$

$$L\delta_k e^{-r_{k+1} t_{k+1}} [F_k N(d_1) - R_X N(d_2)]$$

Where:

$$d_2 = \frac{\ln(F_k/R_X) - \sigma_k t_k / \sqrt{t_k}}{\sigma_k \sqrt{t_k}} = d_1 - \sigma_k \sqrt{t_k}$$

$F_k$ : forward interest rate for  $(t_k, t_{k+1})$

$\sigma_k$ : interest rate volatility

$r_k$ : interest rate for maturity  $t_k$

$L$ : principal

$R_X$ : cap rate

$$\delta_k = t_{k+1} - t_k$$

# هنگام استفاده از مدل بلک برای Caps باید ...

☒ می‌توان از نوسان‌پذیری‌های یکسان (پیمان آتی) یا نوسان‌پذیری متفاوت (نوسان‌پذیری نقدی) استفاده نمود.

یا:

☒ نوسان‌پذیری‌های تخت و یا نوسان‌پذیری‌های یکسانی برای هر caplet استفاده نمود که با توجه به عمر باقیمانده cap متغیر خواهد بود.

# اختیارات اروپایی سوآپ

- سوآپش به دارنده آن، حق ورود در یک سوآپ نرخ بهره مشخص شده در یک زمان معین در آینده را ارائه می‌دهد.
- این قراردادها ممکن است به صورت حق پرداخت به نرخ بهره ثابت یا متغیر باشد.

# سوآپشن‌های اروپایی

- هنگام ارزش‌گذاری سوآپ‌های اروپایی، روش معمول آن است که فرض کنیم نرخ‌های سوآپ دارای توزیع لگاریتم نرمال است.
- سوآپشنی را در نظر بگیرید که این حق را به دارنده آن می‌دهد که به نرخ  $R_X$  به مدت  $n$  سال از زمان شروع سوآپ در زمان  $T$  پرداخت نماید. عایدی در هر تاریخ پرداخت سوآپ برابر است با:
$$\frac{L}{m} \max(R - R_X, 0)$$
- که  $L$  مبلغ اسمی،  $m$  دفعات پرداخت و  $R$  نرخ بازار سوآپ در زمان  $T$  است.

# سوآپشن‌های اروپایی

ارزش سوآپشن برابر است با:

$$LA [F \cdot N(d_1) - R_X N(d_2)]$$

Where:

$$d_2 = \frac{\ln \left( \frac{F}{R_X} \right) - \sigma^2 T / 2}{\sigma \sqrt{T}} = d_1 - \sigma \sqrt{T}$$

نرخ پیمان آتی سوآپ است.  $\sigma$  نرخ نوسان‌پذیری سوآپ است و  $t_i$  مدت زمان باقیمانده تا  $i$  امین پرداخت سوآپ است و

$$A = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{mn} e^{-r_i t_i}$$

# رابطه بین سوآپشن و اختیارات اوراق قرضه

- سوآپ نرخ بهره را می‌توان به صورت مبادله اوراق قرضه با نرخ بهره ثابت با اوراق قرضه نرخ متغیر دانست.
- یک سوآپشن یا اختیار سوآپ عبارت است از اختیار مبادله اوراق قرضه با نرخ بهره ثابت برای اوراق قرضه با نرخ بهره متغیر.

# رابطه بین سوآپشن و اختیارات اوراق قرضه (ادامه)

- در زمان شروع سوآپ، اوراق قرضه با نرخ بهره متغیر دارای ارزش اسمی است بنابراین سوآپشن را می‌توان اختیار مبادله اوراق قرضه با نرخ بهره ثابت با ارزش اسمی در نظر گرفت.
- اختیار صادره بر سوآپ هنگامی که نرخ بهره ثابت پرداخت و نرخ بهره متغیر دریافت می‌شود، در واقع به مثابه اختیار فروش صادره بر اوراق قرضه با قیمت توافقی ارزش اسمی اوراق قرضه است.
- هنگامی که نرخ متغیر پرداخت و نرخ ثابت دریافت می‌شود، در واقع به مثابه اختیار خرید صادره بر اوراق قرضه با قیمت توافقی ارزش اسمی اوراق قرضه است.

# ساختار زمانی مدل‌ها

- اختیارات آمریکایی و سایر مشتقات پیچیده نرخ بهره را می‌بایست بر اساس مدل نرخ بهره ارزش‌گذاری کرد.
- مدل ساختار نرخ بهره بیان می‌کند که تغییرات منحنی صفر در طول زمان چگونه است.
- نرخ‌های بهره کوتاه مدت (بازگشت به میانگین) را نشان می‌دهند.

# پایان فصل ۱۸

# مبانی مهندسی مالی

# و مدیریت ریسک

# فصل ۱۹

قراردادهای اختیار معامله غیرمعمول  
و سایر ابزارهای مالی غیراستاندارد

# انواع اختیارات غیر استاندارد

- ▢ بسته‌ها
- ▢ اختیارات آمریکایی غیر استاندارد
- ▢ اختیارات آمریکایی با تاخیر
- ▢ اختیار معاملات مرکب
- ▢ اختیار معاملات گزینشی
- ▢ اختیار معاملات مانع
- ▢ اختیار معاملات دوتایی

# انواع اختیارات (ادامه)

- اختیار معاملات متکی به گذشته
- اختیار اعلان توقف
- اختیار معامله آسیایی
- قراردادهای اختیار معامله برای مبادلات یک دارایی با دیگری.
- اختیار معاملاتی که شامل چندین دارایی پایه هستند.

# انواع اوراق بهادر با پشتوانه وام‌های رهنی (MBSs)

- اوراق انتقال
- تعهدات با پشتوانه اوراق بهادر رهنی
- جزء فقط بهره
- جزء فقط اصل

# سوآپ‌های غیراستاندارد

- سوآپ‌های متفاوت از سوآپ نرخ بهره کلی (پایه)
- سوآپ‌های ترکیبی
- سوآپ‌های نرخ ارز
- سوآپ با نرخ لایبور معوق
- سوآپ‌های CMT و CMS
- سوآپ تفاضلی

# سوآپ‌های غیراستاندارد (ادامه)

- سوآپ ارزش سهام
- سوآپ تجمعی
- سوآپ قابل فسخ
- سوآپ مستهلك کننده شاخص
- سوآپ کالاهای اساسی
- سوآپ نوسان‌پذیری
- معاملات غیرعادی (P&G و BT)

# تعدیل تحدب

- برای قیمت‌گذاری برخی سوآپ‌ها (مثل سوآپ ترکیبی و سوآپ ارز) می‌توان فرض کرد که نرخ‌های بهره آتی دریافت شده است.
- سایر سوآپ‌ها (مثل سوآپ با نرخ لایبور معوق، سوآپ‌های CMT و CMS و سوآپ تفاضلی) لازم است که تعديل تحدب بر مبنای نرخ‌های آتی باشد.



# پایان فصل ۱۹



# مبانی مهندسی مالی

# و مدیریت ریسک

# فصل ۲۰

مشتقات اعتباری،

آب و هوا، انرژی و پیمه



# مشتقات اعتباری

أنواع مهم:

سوآپ و رشکستگی اعتباری

سوآپ بازده کل

# سوآپ ورشکستگی اعتباری

- یک نوع تضمین در مقابل ریسک ناشی از ورشکستگی یک شرکت خاص ایجاد می‌کند.
- شرکت مورد نظر «موسسه مرجع یا Reference entity» گفته می‌شود.
- اعلان ورشکستگی توسط شرکت را یک «رویداد اعتباری» می‌گویند.
- خریدار CDS می‌باید تا زمان انقضا (یا وقوع یک رویداد اعتباری) مبالغی را به صورت دوره پرداخت نماید و در مقابل این حق را پیدا می‌کند تا مقدار مشخصی اوراق قرضه صادر شده توسط موسسه مرجع را با قیمت اسمی بفروشد.
- تسویه این قرارداد می‌تواند به صورت نقدی و یا تحويل اوراق قرضه باشد.

# سوآپ بازده کل

- شامل بازده کل یک گروه از دارایی‌های حساس به ریسک اعتباری با نرخ لایبور معاوضه می‌شود.
- این قرارداد بانک‌های با وام‌های سنگین را قادر می‌سازد تا ریسک‌های اعتباری خود را متنوع سازند.

# اختیارات اعتباری مابه التفاوت

- یک نوع قرارداد اختیار معامله‌ای که روی ما به التفاوت درآمدهای دو دارایی بسته می‌شود.
- هنگامی دارای بازدهی خواهد بود که میزان مابه التفاوت بیشتر از مقدار از پیش تعیین شده باشد.

# مشتقات آب و هوا: معرفی

HDD (درجه گرمایش) یک روز به صورت ذیل تعریف می‌شود:

$$HDD = \max(0, 65 - A)$$

CDD (درجه سرمایش) یک روز به صورت ذیل تعریف می‌شود:

$$CDD = \max(0, A - 65)$$

متغیر A میانگین حداقل و حداکثر درجه حرارت هوا در طول یک روز و در یک موقعیت آب و هوایی مشخص است.

# مشتقات آب و هوا: محصولات

- یک محصول رایج عبارت از پیمان آتی یا یک اختیار صادره بر CDD یا HDD تجمعی در طول یک ماه است.
- مشتقات آب و هوا اغلب توسط شرکت‌های انرژی جهت پوشش ریسک حجم انرژی مورد نیاز برای گرم کردن یا سرد نمودن در طول یک ماه معین بکار می‌روند.

# مشتقات انرژی

منابع عمدۀ انرژی:

نفت

گاز

برق

# مشتقات نفت

به طور مجازی کلیه مشتقات صادره بر سهام و شاخص سهام معامله می شد، برای نفت خام نیز در بازارهای خارج از بورس مورد دادوستد قرار می گیرد.

از بازارهای رسمی نفت خام می توان به بورس نایمکس (NYMEX) و بورس بین المللی نفت خام (IPE) اشاره نمود.

# مشتقات گاز طبیعی

- یک نمونه از قراردادهای متدال خارج از بورس، قرارداد تحویل حجم معینی از گاز طبیعی در ماه و با یک سرعت تقریباً ثابت است.
- قراردادهای منعقده در بورس نایمکس بر حسب ۱۰،۰۰۰ میلیون واحد حرارتی انگلیسی یعنی BTU برای تحویل در مکان مشخص می‌باشد.

# مشتفات برق

اصولاً باید برق را یک کالای غیرمعمول تلقی کرد زیرا نمی‌توان آن را ذخیره نمود.

ایالات متحده آمریکا به ۱۴۰ ناحیه کنترل تقسیم شده است که موازنه عرضه و تقاضا در این نواحی صورت می‌گیرد. به طوری که هر نیروی اضافی به نواحی کنترل دیگر فروخته می‌شود. دلیل عمدۀ پیدایش بازارهای عمدۀ فروشی برق نیز انتقال همین نیروهای برق اضافی بود.

# مشتفات برق (ادامه)

□ یک قرارداد متعارف این امکان را برای یک طرف قرارداد ایجاد می‌کند تا مقدار معینی مگاوات ساعت برق را با قیمت مشخص در محل معین و در دوره خاص دریافت نماید.

□ انواع قراردادها:

□ ۱۶، ۸×۵، ۲۴×۷ به صورت روزانه یا ماهانه، اختیار معامله چرخشی

# چگونه تولید کننده انرژی می‌تواند پوشش ریسک نماید؟

□ فرض کنید داشته باشیم:

$$Y = a + bP + cT + \epsilon$$

در رابطه مذکور:

$Y$  = سود ماهانه

$P$  = متوسط قیمت‌های انرژی

$T$  = تغیرات متغیر دمای مربوط به یک ماه

$\epsilon$  = مقدار خطأ یا اختلال

موقعیت معاملاتی  $b$ - در پیمان آتی و  $c$ - در پیمان آتی آب و هوا اتخاذ نماید.

# مشتقات آب و هوا

- اوراق قرضه CAT بدیلی برای بیمه اتکای سنتی هستند.
- این اوراق قرضه توسط یک شرکت تابعه شرکت بیمه منتشر می‌شوند و نرخ بهره بالاتر از نرمال دارند.
- چنانچه طلب یک نوع خاص از سطح معینی بالاتر باشد بهره و احتمالاً اصل مبلغ اوراق قرضه برای پرداخت طلب مورد استفاده قرار می‌گیرد.

# پایان فصل ۲۰



# مبانی مهندسی مالی

# و مدیریت ریسک

# فصل ۲۱

زیان‌های ناگوار مشتقات  
و آنچه می‌توانیم از آنها بیاموزیم

# زیان‌های هنگفت نهادهای مالی

- ❑ Barings (\$1 billion)
- ❑ Chemical Bank (\$33 million)
- ❑ Daiwa (\$1 billion)
- ❑ Kidder Peabody (\$350 million)
- ❑ LTCM (\$4 billion)
- ❑ Midland Bank (\$500 million)
- ❑ National Bank (\$130 million)
- ❑ Sumitomo (\$2 billion)

# زیان‌های هنگفت شرکت‌های غیرمالی

- ❑ Allied Lyons (\$150 million)
- ❑ Gibsons Greetings (\$20 million)
- ❑ Hammersmith and Fulham (\$600 million)
- ❑ Metallgesellschaft (\$1.8 billion)
- ❑ Orange County (\$2 billion)
- ❑ Procter and Gamble (\$90 million)
- ❑ Shell (\$1 billion)

# درس‌هایی برای عموم استفاده کنندگان از مشتقات

- می‌باید ریسک را کمی کنید و محدودیت‌های پذیرش ریسک را مشخص نمایید.
- الزامات مربوط به محدودیت‌های ریسک را همواره پذیرید نه اینکه در موقع سودآوری از این محدودیت‌ها چشم پوشید.
- تصور نکنید که یک معامله‌گر با سابقه معاملاتی ۱۲۳ خوب همواره می‌تواند درست عمل کند.
- مزایای تنوع بخشی را دست کم نگیرید.
- تحلیل سناریو و آزمون استرس از اهمیت زیادی برخوردارند.

# درس‌هایی برای نهادهای مالی

- ❑ وا استگی بیش از حد به مدیران ریسک برجسته را کنار بگذارد.
- ❑ بخش میانی و پشتیبانی شرکت را از هم جدا کنید.
- ❑ مدل‌ها ممکن است غلط باشند.
- ❑ در شناسایی سودهای اولیه محافظه کار باشد.
- ❑ به مشتریان خود محصولات نامناسب نفروشید.
- ❑ ریسک نقدینگی را نادیده نگیرید.
- ❑ هنگامی که همه راهبرد معاملاتی همسانی را بکار می‌برند محتاط باشید.

# درس‌هایی برای شرکت‌های غیرمالی

- مطمئن شوید نسبت به معاملاتی که انجام می‌دهید درک و اشراف کامل دارید.
- مطمئن شوید که مصون کننده‌ها به سفته‌بازها تبدیل نشوند.
- در مورد تبدیل بخش مالی شرکت به مرکز سودآوری محتاطانه عمل کنید.

# پایان فصل ۲۱