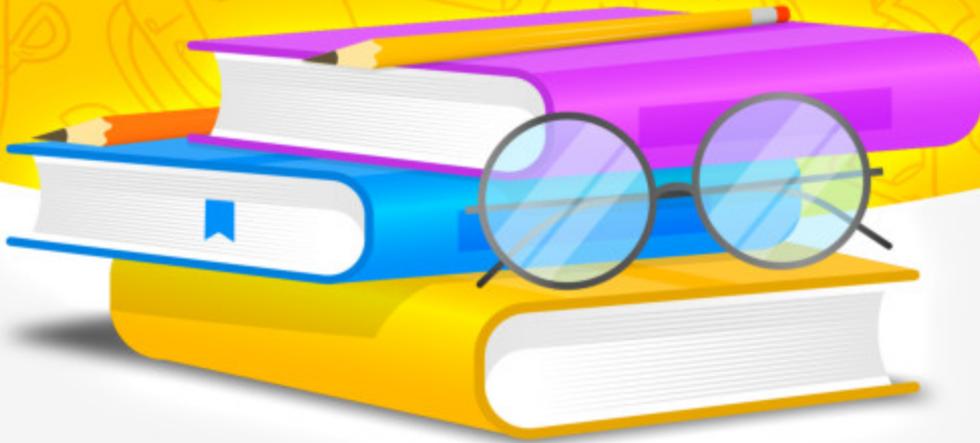




# آکادمی کنکور دورخیز

جزوه آمار احتمال دوازدهم  
بانک تست



دانلود رایگان جزوه درسی ، گام به گام ، نمونه سوال ، مشاوره کنکور و برنامه ریزی درسی

[www.dourkhiz.com](http://www.dourkhiz.com)



# آکادمی کنکور دورخیز

[www.dourkhiz.com](http://www.dourkhiz.com)



جزوه های درسی رایگان



گام به گام های درسی



نمونه سوال های امتحانی

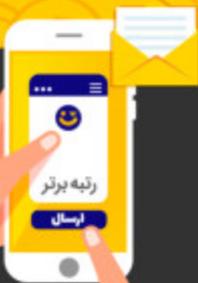


مشاوره کنکور



برنامه ریزی درسی

## ورود به سایت دورخیز



جهت دریافت برنامه ریزی خصوصی کلمه (رتبه برتر) را به شماره ۱۰۰۰۰۳۹۴۰ پیامک نمایید.



نام آزمون: ریاضی و آمار ۳ تستی سطح ۲

۱- هر یک از ارقام ۹، ۲، ۱، ۰، بر روی ۱۰ کارت یکسان نوشته شده است. یک کارت به تصادف از بین آن‌ها برداشته و رقم آن را یادداشت می‌کنیم و دوباره داخل کارت‌ها قرار می‌دهیم. کارت دیگری بیرون کشیده رقم آن را در سمت راست رقم قبلی می‌نویسیم. با کدام احتمال، عدد حاصل دو رقمی و مضرب ۵ می‌باشد؟

- ① ۰٫۱۶      ② ۰٫۱۸      ③ ۰٫۱۹      ④ ۰٫۲۰

۲- با حروف کلمه‌ی RANGIN، چند کلمه‌ی رمز ۳ حرفی می‌توان ساخت؟

- ① ۶۰      ② ۷۲      ③ ۸۴      ④ ۱۲۰

۳- هر یک از ارقام ۵، ۴، ۳، ۲، ۱، بر روی ۵ گوی یکسان نوشته شده است. یک گوی از بین آن‌ها برداشته و با ثبت شماره‌ی آن، دوباره به ظرف برمی‌گردانیم. با تکرار متوالی این آزمایش، عدد تصادفی سه‌رقمی حاصل می‌شود. با کدام احتمال، در این عدد سه رقمی، لااقل دو رقم مساوی هستند؟

- ① ۰٫۴۵      ② ۰٫۴۸      ③ ۰٫۵۲      ④ ۰٫۵۴

۴- تعداد جایگشت‌های سه حرفی انتخاب شده از حروف کلمه‌ی DENTIST، کدام است؟

- ① ۶۰      ② ۸۴۰      ③ ۱۲۰      ④ ۱۳۵

۵- با حروف کلمه Heater چند کلمه‌ی ۳ حرفی می‌توان ساخت؟

- ① ۶۰      ② ۷۲      ③ ۸۴      ④ ۹۲

۶- تعداد جایگشت‌های ۳ حرفی از حروف کلمه‌ی BAHARAN که دقیقاً ۲ حرف همه‌ی آن‌ها A باشد، کدام است؟

- ① ۱۲      ② ۱۰      ③ ۸      ④ ۶

۷- از بین اعداد ۲ رقمی، عددی به تصادف انتخاب می‌کنیم، چقدر احتمال دارد این عدد مضرب ۵ باشد؟

- ① ۰٫۱      ② ۰٫۲      ③ ۰٫۳      ④ ۰٫۳۵

۸- اگر مجموعه‌ی A، ۲۱ زیرمجموعه‌ی دو عضوی داشته باشد تعداد زیرمجموعه‌های ۵ عضوی چقدر است؟

- ① ۲۱      ② ۸      ③ ۱۵      ④ ۲۰

۹- در یک جعبه ۵ مهره قرمز داریم و n مهره آبی داریم اگر بتوان از این جعبه به ۲۱ طریق دو مهره خارج کرد در چند حالت هر دو مهره هم‌رنگ‌اند؟

- ① ۷      ② ۱۰      ③ ۳      ④ ۱۱

۱۰- از بین ۵ دانش‌آموز انسانی و ۴ دانش‌آموز تجربی می‌خواهیم یک تیم ۴ نفره تشکیل دهیم. در چند حالت تعداد مساوی از هر دو رشته در تیم موجود است؟

- ① ۴۰      ② ۱۴      ③ ۶۰      ④ ۷۲

۱۱- جعبه‌ی A شامل سه مهره سفید و دو مهره سیاه و جعبه‌ی B شامل ۶ مهره سفید و ۴ مهره سیاه است از هر جعبه مهره‌ای خارج می‌کنیم احتمال اینکه هر دو از یک رنگ نباشند کدام است؟

- ①  $\frac{۱۲}{۵۰}$       ②  $\frac{۱۶}{۵۰}$       ③  $\frac{۲۴}{۵۰}$       ④  $\frac{۲۶}{۵۰}$

۱۲- یازده بازیکن فوتبال به تصادف عکس می‌گیرند اگر کاپیتان و دروازه‌بان دو نفر متفاوت باشند. احتمال اینکه بین کاپیتان و دروازه‌بان دقیقاً ۴ نفر حضور داشته باشند کدام است؟

- ①  $\frac{۳}{۵۵}$       ②  $\frac{۶}{۵۵}$       ③  $\frac{۱}{۳}$       ④  $\frac{۷}{۵۵}$



دانلود جزوه  
نمونه سوال  
گام به گام

dourkhiz.com



۱۳- در دنباله  $a_{n+1} = \frac{n}{n+1}$  و  $t_1 = 1$  چند جمله بزرگتر از  $\frac{1}{200}$  وجود دارد؟

- ۵ (۱)      ۶ (۲)      ۴ (۳)      ۷ (۴)

۱۴- در دنباله  $1, 1, 2, \frac{1}{2}, 3, \frac{1}{3}, \dots$  تفاضل جمله  $a_{20}$  از  $a_{21}$  کدام است؟

- ۸۹ (۱)       $\frac{379}{19}$  (۲)       $\frac{419}{20}$  (۳)       $\frac{109}{10}$  (۴)

۱۵- اختلاف بزرگترین جمله دنباله  $a_n = \frac{(-1)^n}{n}$  تا کوچکترین جمله این دنباله کدام است؟

- $\frac{3}{2}$  (۱)      صفر (۲)       $\frac{1}{4}$  (۳)      -۱ (۴)

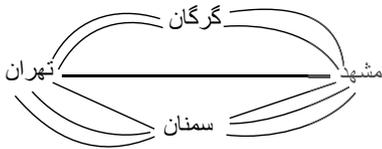
۱۶- با ارقام ۰, ۱, ۲, ۳, ۴, ۵, ۶, ۷ چند عدد ۶ رقمی مضرب ۵ بزرگتر از ۴۰۰ هزار می توان نوشت؟ (تکرار ارقام جایز نیست.)

- ۱۴۴۰ (۱)      ۲۸۸۰ (۲)      ۲۱۶۰ (۳)      ۲۵۲۰ (۴)

۱۷- با حروف کلمه «خوارزمی» به چند طریق می توان کلمه ۵ حرفی (بامعنی یا بی معنی) نوشت به طوری که کلمه ۵ حرفی بدون نقطه باشد و به حرف «ی» ختم شود؟ (تکرار حروف جایز نیست.)

- ۱۲۰ (۱)      ۱۰۰ (۲)      ۲۴ (۳)      ۱۲ (۴)

۱۸- شخصی قصد دارد از شهر تهران به شهر مشهد سفر کرده و سپس به شهر تهران بازگردد. اگر مطابق شکل زیر بین این دو شهر راه هایی وجود داشته باشد، اما یکی از مسیرهای میان شهر تهران و سمنان مسدود شده باشد و نتوان از آن عبور و مرور کرد، در این صورت به چند طریق این عمل امکان پذیر است؟



- ۱۱ (۱)      ۱۴ (۲)      ۲۸ (۳)      ۱۲۱ (۴)

۱۹- از بین ۵ مرد و ۶ زن می خواهیم ۴ کارمند انتخاب کنیم. احتمال آن که حداقل یک مرد انتخاب شود، کدام است؟

- $\frac{21}{22}$  (۱)       $\frac{32}{33}$  (۲)       $\frac{65}{66}$  (۳)       $\frac{44}{45}$  (۴)

۲۰- در یک دنباله با رابطه بازگشتی  $\frac{a_{n+1}}{a_n} = 2$  با فرض آن که جمله هفتم برابر با ۳۲ باشد، جمله اول کدام است؟

- $\frac{1}{4}$  (۱)       $\frac{1}{5}$  (۲)       $\frac{1}{2}$  (۳)       $\frac{1}{3}$  (۴)



## پاسخنامه تشریحی

۱- گزینه ۲ در هر بار انتخاب کارت‌ها ۱۰ حالت داریم، پس فضای نمونه‌ای شامل  $10 \times 10 = 100$  عضو است. برای آن که عدد حاصل، دو رقمی و مضرب ۵ باشد، باید کارت اول مخالف صفر و کارت دوم صفر یا ۵ باشد:

$$\text{تعداد حالات مطلوب} = \boxed{9} \times \boxed{2} = 18 \Rightarrow P(A) = \frac{18}{100} = 0,18$$

کارت اول      کارت دوم  
(مخالف صفر)      (صفر یا ۵)

سخت

۲- گزینه ۲ چون کلمه‌ی RANGIN دارای ۲ حرف تکراری N است، پس برای ساختن رمزهای ۳ حرفی حالت‌های زیر را در نظر می‌گیریم:  
الف) شامل حرف N نباشد: بنابراین ۳ حرف را از بین حروف {R, A, G, I} انتخاب کرده و جایگشت می‌دهیم:

$$\binom{4}{3} \times 3! = 4 \times 6 = 24$$

ب) شامل یک حرف N باشد: بنابراین ۲ حرف دیگر را از بین حروف {R, A, G, I} انتخاب و جایگشت می‌دهیم:

$$\binom{4}{2} \times 3! = \frac{4 \times 3}{2} \times 6 = 36$$

ج) شامل دو حرف N باشد: بنابراین حرف سوم را از بین حروف {R, A, G, I} انتخاب و با دو حرف تکراری N جایگشت می‌دهیم:

$$\binom{4}{1} \times \frac{3!}{2!} = 4 \times 3 = 12$$

$$\text{تعداد کل رمزها} = 24 + 36 + 12 = 72$$

در نهایت طبق اصل جمع داریم:

سخت

۳- گزینه ۳ با انجام این آزمایش در واقع، به کمک ارقام ۱، ۲، ۳، ۴، ۵ اعداد سه رقمی (با تکرار ارقام) می‌سازیم، پس تعداد اعضای فضای نمونه‌ای برابر است با:

$$n(S) : \boxed{5} \times \boxed{5} \times \boxed{5} = 5^3$$

پیشامد مطلوب A پیشامدی است که لاکل دو رقم مساوی داشته باشد. برای محاسبه‌ی احتمال پیشامد A می‌توان از پیشامد مکمل استفاده کرد:

$$A' = \text{پیشامدی که ارقام تکراری نباشند} \Rightarrow n(A') : \boxed{5} \times \boxed{4} \times \boxed{3} = 5 \times 4 \times 3$$

$$\Rightarrow P(A') = \frac{n(A')}{n(S)} = \frac{5 \times 4 \times 3}{5 \times 5 \times 5} = \frac{12}{25} \Rightarrow P(A) = 1 - P(A') = 1 - \frac{12}{25} = \frac{13}{25} \Rightarrow P(A) = 0,52$$

سخت

۴- گزینه ۴ دو حالت برای جایگشت‌ها در نظر می‌گیریم. اگر در جایگشت دو حرف تکراری T وجود داشته باشند که در این حالت حرف سوم جایگشت، در جایگاه اول یا دوم یا سوم قرار دارد، بنابراین ۵ حرف دیگر با دو حرف T،  $5 \times 3 = 15$  جایگشت دارند. در حالتی که سه حرف جایگشت، غیر تکراری باشند، تعداد جایگشت‌ها برابر است با:  $6 \times 5 \times 4 = 120$

$$\text{بنابراین تعداد کل جایگشت‌های سه حرفی برابر است با: } 15 + 120 = 135$$

سخت

۲- گزینۀ ۵ - سطح ۲

$$\text{بنابراین } 60 + 12 = 72 \text{ کلمه‌ی سه حرفی می‌توان ساخت.}$$

$$\Rightarrow \text{Heatr} \Rightarrow \boxed{5} \boxed{4} \boxed{3} \Rightarrow \text{جواب} = 5 \times 4 \times 3 = 60$$

$$\Rightarrow \text{جواب} = \binom{4}{1} \times \frac{3!}{2!} = 4 \times 3 = 12$$

انتخاب یک حرف از چهار حرف      جایجایی سه حرف  
H, a, t, r



۲- گزینۀ ۵ - سطح ۲



آکادمی کنکور

دورخیز

دانلود جزوه کامل

کلیک کنید:

ورود به سایت دورخیز

[www.dourkhiz.com](http://www.dourkhiz.com)